# 第一章 绪论

- 1. 误差概念
- 2. 有效数字/有效数

真题一 8 (1) AP19; 真题二 1 (1) AP21; 真题三 1 (1) AP23; 真题四 1 (1) AP27; 真题五 3 (1) BP20; 真题五 3 (6) BP21; 真题六 1 (1) BP23; 真题七 1 (1) BP26

3. 误差传播(结合有效数概念)

真题二 1 (1) AP20; 真题四 2 (4) AP29; 真题六 1 (5) BP23; 真题八 1 (1) BP30

**4. 运算原则** 减少计算次数,避免小数做除数及相近数相减等 真题八 3 (1) B P32

## 第二章 非线性方程数值解法

- 1. 根、重根、根的隔离
- 3. 简单迭代法
- (1) 全局收敛定理、局部收敛定理

真题三 1 (2) A P23; 真题四 1 (2) A P27; 真题五 1 B P20; 真题六 6 B P24; 真题七 2 (2) B P27; 真题八 1 (2) B P30; 真题八 4 B P32

- (2) 收敛阶
- (3) 不动点迭代加速
- 4. 牛顿迭代 迭代格式、局部收敛、全局收敛

真题— 2 A P18; 真题二 1 (7) A P21; 真题二 6 A P22; 真题四 2 (1) A P29; 真题五 3 (2) B P20; 真题七 3 (1) B P28; 真题八 2 (7) B P30

5. 牛顿迭代变形 重根情形、弦割法

真题一 8 (8) A P19; 真题三 2 (1) A P25; 真题八 2 (7) B P30

#### 第三章 线性代数方程组的解法

- **1. Gauss 消元法** 顺序消元 (能够顺利进行的条件)、主元素消元法 真题四 1 (8) A P28; 真题七 3 (3) B P28
- **2. 矩阵三角分解** 直接三角分解法(LU(与 Gauss 顺序消元关系、能够顺利进行的条件),Doolittle,Crout)、平方根法分解(Cholesky 分解、系数矩阵对称正定)、追赶法(系数矩阵按行严格对角占优)

真题一 7 (1) AP18; 真题二 2 (2) AP21; 真题三 2 (2) AP25; 真题四 2 (2) AP29; 真题五 3 (7) BP21; 真题六 1 (6) BP23; 真题七 3 (2) BP28; 真题八 2 (10) BP31; 真题八 3 (2) BP32

# 3. 迭代法

(1) 简单迭代法基本理论 充要条件(最根本的判别准则 迭代矩阵谱半径小于 1)、充分条件、向量和矩阵的范数、谱半径与矩阵范数关系

真题二 1 (8) AP21; 真题四 1 (9) AP29; 真题六 1 (7) BP23; 真题七 1 (4) BP26; 真题八 1 (4) BP30

(2) 常用迭代法 与简单迭代法对应的 Gauss-Seidel 迭代、Jacobi、Gauss-Seidel、SOR 格式、收敛性(各种情形(包括特殊结构的系数矩阵,如对称正定、严格对角占优等等)充要条件及充分条件)及计算

真题一 3 A P18; 真题二 1 (4) A P20; 真题三 1 (3) A P23; 真题三 3 A P25; 真题四 1 (3) A P27; 真题四 3 A P30; 真题五 3 (3) B P20; 真题七 2 (3) B P27; 真题八 2 (10) B P31

(3) 综合题目 构造的迭代格式,判断收敛性(最根本的判别准则 迭代矩阵谱 半径小于1)及计算等

真题五 6BP22; 真题六 8BP24

#### 第四章 函数插值

1. 插值问题基本概念 插值余项等

真题— 8 (2) AP19; 真题— 8 (4) AP19; 真题二 1 (2) AP20; 真题三 1 (5) AP23; 真题三 1 (8) AP24; 真题四 1 (4) AP27; 真题四 1 (7) AP28; 真题四 2 (5) AP29; 真题六 1 (10) BP24; 真题七 2 (4) BP27; 真题八 2 (10) BP31

- 2. Lagrange 插值 插值基函数性质、插值公式构造、插值余项、反插值法 真题六 1(4)BP23; 真题七 2(1)BP27; 真题七 4BP28; 真题八 1(5)BP30; 真题八 3(3)BP32
- 3. Newton 插值 差商的计算、差商与导数的关系、插值公式构造、插值余项 真题二 1 (9) A P21; 真题五 3 (5) B P21; 真题五 5 B P21; 真题六 1 (8) B P23; 真题七 1 (3) B P26; 真题八 1 (3) B P30; 真题八 3 (3) B P32
- 4. 等距节点插值 差分表、插值公式构造、插值余项
- 5. Hermite 插值 带重节点差商表、非差商表的构造方法、插值余项 真题一 1 A P18; 真题二 5 A P22; 真题三 4 A P25; 真题四 4 A P30; 真题 五 5 B P21; 真题六 7 B P25; 真题七 4 B P28
- 6. 分段低次插值

## 第五章 数据拟合 矛盾方程组最小二乘解存在唯一条件、求解等

真题一 5AP18; 真题二 1 (10) AP21; 真题二 4AP22; 真题三 1 (4) AP23; 真题三 2 (3) AP25; 真题四 1 (5) AP27; 真题四 2 (3) AP29; 真题 五 3 (4) BP20; 真题五 3 (9) BP21; 真题六 1 (9) BP23; 真题六 4BP24; 真题七 3 (4) BP28; 真题八 2 (10) BP31; 真题八 3 (4) BP32

#### 第六章 数值积分与数值微分

1. 数值微分 插值型求导或 Taylor 级数展开

真题一 8 (5) AP19; 真题二 2 (4) AP22; 真题三 1 (6) AP24; 真题三 1 (7) AP24; 真题四 1 (6) AP28; 真题七 2 (4) BP27; 真题七 3 (5) BP28; 真题八 2 (8) BP31

- **2. 数值积分** 公式系数确定或推导、利用求积公式计算、截断误差推导(构造插值问题)等
- (1) 代数精度、插值型求积公式特点(求积系数满足的关系)

真题一 8 (7) AP19; 真题二 1 (6) AP20; 真题二 2 (3) AP22; 真题三 1 (7) AP24; 真题五 3 (8) BP21; 真题六 1 (3) BP23

(2) Newton-Cotes 求积公式或构造型求积公式

真题三 5 A P26: 真题四 5 A P30: 真题八 5 B P33

(3) **复化求积公式及外推技巧** 求积节点个数与求积区间关系、求积节点个数估计、计算等

真题一 4AP18; 真题一 8 (6) AP19; 真题五 4BP21; 真题六 2BP24; 真题七 6BP29

第七章 常微分方程初值问题的数值解法 计算、构造格式、局部截断误差及阶

**1. 简单单步法** 隐式 Euler、显式 Euler、梯形公式、Euler 预测校正、截断误差及阶(计算分析)、稳定性条件、绝对稳定域

真题一 6AP18; 真题一 8 (3) AP19; 真题二 3AP22; 真题三 1 (10) AP24; 真题三 2 (4) AP25; 真题三 6AP26; 真题四 1 (10) AP29; 真题四 6AP30; 真题五 3 (10) BP21; 真题六 5BP24; 真题七 1 (5) BP26; 真题七 5BP29; 真题八 2 (9) BP31; 真题八 3 (5) BP32

- **2. Runge-Kutta** 方法 Taylor 级数展开、Runge-Kutta 方法 真题四 1 (10) A P29; 真题七 1 (5) B P26; 真题八 2 (9) B P31
- 3. 线性多步法 数值积分法、Taylor展开法 局部截断误差、主局部截断误差 真题五 7 B P22; 真题七 2 (4) B P27; 真题八 6 B P33

#### 第八章 矩阵特征值与特征向量的计算

1. 乘幂法 包括反幂法、原点平移法、盖尔圆盘定理等

真题一 7 (2) AP19; 真题二 1 (5) AP20; 真题三 1 (9) AP24; 真题三 2 (5) AP25; 真题五 2BP20; 真题六 2BP24 真题七 1 (6) BP26; 真题八 1 (6) BP30

#### 题型:

单选、填空、计算 满分 100 分

# 注意事项:

考试需要带铅笔涂答题卡:须在答题纸上相应位置答题:可以带非编程计算器。