

Angewandte Mathematik



Dr. rer. nat. Johannes Riesterer

Symmetrische Matrix

Eine Matrix A heißt symmetrisch, falls $A^t = A$ gilt.

Spektralsatz

Eine symmetrische Matrix A ist diagonalisierbar, d.h es gibt eine invertiertere Matrix B mit

$$B^{-1}AB = \begin{pmatrix} \lambda_1 & & \\ & \ddots & \\ & & \lambda_n \end{pmatrix}$$

wobei $\lambda_1, \dots, \lambda_n$ die Eigenwerte der Matrix A sind.

Positiv definite Matrix

Eine Matrix A heißt positiv definit, falls $x^t A x > 0$ und negativ definit, falls $x^t A x < 0$ für alle $x \neq 0$ gilt.

Positiv definite und symmetrische Matrix

Für eine symmetrische Matrix A sind die folgenden Aussagen Äquivalent:

- A ist positiv (negativ) definit.
- Die Eigenwerte $\lambda_1, \dots, \lambda_n$ von A sind positiv (negativ).
- Die Hauptminoren von A sind positiv (alternierend).