

# Ch6 Ensemble-based and Hybrid Recommender Systems

## 6.8 Feature Combination Hybrids

- 이 hybrids의 아이디어는 다양한 sources(e.g., content and collaborative)들을 합쳐서 하나의 representation으로 하여 input data를 만드는 것입니다.

### 6.8.1 Regression and Matrix Factorization

- R 을  $m \times n$  implicit feedback ratings matrix 라 하고, C 를  $d \times n$  content matrix라 하겠습니다.
- 각각의 item들은 non-negative frequencies of  $d$  words로 표현되어집니다.  
("즉 content에서 item features를 vocab에서 등장한 단어의 수를 vector로 나타내고 있습니다.")
- R은 implicit feedback matrix이므로 missing entries는 0으로 가정하겠습니다.
- W 는  $n \times n$  item-item coefficient matrix로 rating 은  $\hat{R} = RW$  로 예측되어집니다.
- 또한 rating은  $\hat{R} = CW$  로도 예측이 가능합니다. 그러므로 optimization model은 다음과 같이 정의할 수 있습니다.

$$\text{Minimize } J = ||R - RW||^2 + \beta \cdot ||R - CW||^2 + \lambda ||W||^2 + \lambda_1 \cdot ||W||_1$$

subject to :

$$W \geq 0$$

$$\text{Diagonal}(W) = 0$$

- Non-negativity / diagonal 제약을 부여했습니다.
  - Elastic-net regularization을 추가하였습니다.
  - $\beta$  는 tuning을 통해 결정됩니다.
  - Rating은  $\hat{R} = RW$  또는  $\hat{R} = CW$  로 예측 가능하지만, RW 만 사용됩니다.
  - 그러므로  $||R - CW||^2$  term은 objective function을 refine해주는 추가적인 regularizer 역할만 하게됩니다.
  - 즉 이런 추가적인 term으로 얻고자 하는 것은 아직 알지 못 하는 user의 action을 예측하는데 있어서 모델의 generalization power를 키우는 것입니다.
  - 이러한 접근 방법으로 어떤 collaborative filtering model이든 content-based methods와 결합될 수 있습니다.
  - 예를 들어 matrix factorization의 경우
    - user factor matrix  $U \in \mathbb{R}^{m \times k}$
    - item factor matrix  $V \in \mathbb{R}^{n \times k}$
    - content factor matrix  $Z \in \mathbb{R}^{d \times k}$
- $$\text{minimize } J = ||R - UV^T||^2 + \beta \cdot ||C - ZV^T||^2 + \lambda(||U||^2 + ||V||^2 + ||Z||^2)$$
- item factor matrix V 는 factorizations of the ratings matrix와 content matrix에 공유됩니다.

### 6.8.2 Meta-level Features

- 꼭 content와 collaborative filters에서 feature combination을 해야할 필요는 없습니다.
- 새로운 meta-features는 특정 recommender에서 추출될 수 있고 ensemble model에 결합되어 사용될 수 있습니다.
- 예를 들어, rating matrix에서 users와 items에 의해 주어진 rating 개수는 meta-level features가 될 수 있습니다.  
어떤 user가 많은 영화에 rating을 줬다면 또는 어떤 영화가 많은 사람들로 부터 rating을 받았다면, 이 요인은 다양한 알고리즘에 다양한 방식으로 정확도에 영향을 미칠 것입니다.

- meta-level features의 기본적인 idea는 model combination process에서 meta-features를 가지고 entry별 차이 점을 설명할 수 있다는 것입니다.
- 이 장에서는 collaborative filtering algorithms에서 meta-level features를 사용하는 방법을 설명합니다.
- 구체적으로는 *feature weighted linear stacking methods*에 대하여 설명합니다. 이는 meta-level features를 stacking methods와 결합하여 사용하는 방법입니다.
- 사용된 meta features의 subset은 다음과 같습니다.

Id.	Description
1	Constant value of 1 (using only this feature amounts to using the global linear regression model of section 6.3)
2	A binary variable indicating whether the user rated more than 3 movies on this particular date
3	The log of the number of times a movie has been rated
4	The log of the number of distinct dates on which a user has rated movies
5	A Bayesian estimate of the mean rating of the movie after having subtracted out the user's Bayesian estimated mean
6	The log of the number of user ratings
16	The standard deviation of the user ratings
17	The standard deviation of the movie ratings
18	The log of (Rating Date – First User Rating Date +1)
19	The log of the number of user ratings on the date +1

- Netflix Prize data set에 사용된 stacking process에 적용된 features입니다.
- 총 l 개의 (numeric) meta-features가 있다고 가정하겠습니다.  $\Rightarrow z_1^{ut}, \dots, z_l^{ut}$
- Meta-features는 각 entry (u,t)에 따라 구체적인 값을 가집니다. 물론 어떤 feature는 u나 t가 다양한 값을 가지더라도 같은 값을 가질 수도 있습니다. 예를 들어 위 table에서 Id 3.의 경우 u에 따라서는 다양하지 못 하지만 v에 따라서 다양한 값을 가질 것입니다.
- 총 q 개의 recommendation methods가 있다고 해봅시다.  $w_1, \dots, w_q$ 의 weights들이 결합되어 rating을 예측할 것입니다. 즉 entry (u,t)가 주어졌을때, rating은 다음과 같이 계산됩니다.

$$\hat{r}_{ut} = \sum_{i=1}^q w_i \hat{r}_{ut}^i$$

- methods 별로 entry에 대하여 예측한 값에 methods별 가중치를 곱하여 linear combination 했습니다.
- 앞서 6.3절에서 linear regression model로 일정 비율의 data를 holding out하고 weights를 학습했습니다.

("Held-out entries는 train? Valid?")

- 이제 여기에 meta-features를 사용해서 성능을 더 올려보겠습니다.
- main idea는 "linear regression weights는 개별 entry에 대하여 구체화될 수 있고, 이 가중치들은 meta-features의 linear functions이 된다." 입니다.
- 먼저 각 entry(u,t)마다 가중치가 적용된 model은 다음과 같습니다.

$$\hat{r}_{ut} = \sum_{i=1}^q w_i^{ut} \hat{r}_{ut}^i$$

- 이 model은 기존의 모델보다 더 정교한 값을 예측할 수 있습니다. 왜냐하면 개별 모델들이 예측한 entry 하나하나에 가중치가 결합되기 때문입니다.

- 하지만 이 모델의 문제는 파라미터의 수입니다. 가중치의 총 파라미터 수는  $(m \times n \times q)$  가 됩니다. 관측된 ratings(data) 보다 파라미터가 더 많기 때문에 overfitting이 발생할 것입니다.
- 그래서 weights를 meta-features의 linear combinations로 가정합니다. (meta-features는 미리 계산된 실수 값이기 때문에 파라미터 수에 포함되지 않습니다.)
- Meta-features는 개별 user-item combinations를 위해 다양한 models의 상대적인 중요도를 조절합니다.
- 여기서 파라미터  $v_{ij}$  를 도입하여 i-th model에서 j-th meta-feature의 중요도를 조절합니다.

$$w_i^{ut} = \sum_{j=1}^l v_{ij} z_j^{ut}$$

- $v_{ij}$  는 j-th meta-feature가 i-th model에서 상대적으로 얼마나 중요한지를 나타냅니다.
- 위 내용을 결합하여 최종 예측 rating을 구하는 식은 다음과 같습니다.

$$\hat{r}_{ut} = \sum_{i=1}^q \sum_{j=1}^l v_{ij} z_j^{ut} \hat{r}_{ut}^i$$

- 여기서 independent variables는  $z_j^{ut} \hat{r}_{ut}^i$  입니다.
- held-out ratings에서  $v_{ij}$  를 학습할 수 있습니다.
- 규제항을 넣어 overfitting을 줄일 수 있습니다.
- linear regression으로 weights가 학습되고 나면 개별 component models는 전체 데이터셋에 대하여 재학습을 합니다. 이때 held-out entries로 학습된 weights가 q models에 적용되어 사용됩니다.

## 6.9 Mixed Hybrids

- mixed hybrids의 main 특징은 여러 시스템의 score를 presentation 측면에서 결합한다는 것입니다. 이는 기존에 Rating score를 결합던 것과 차이가 있습니다.
- 대표적인 예로 개인화된 television listing이 있습니다. 이는 composite programs를 user에게 보여주는 것입니다. 이 composite program은 다른 시스템들에 의해 추천된 items의 결합으로 만들어 집니다.
- 이 방법은 개별 아이템을 추천하는 것에는 큰 의미는 없고, 상대적으로 복잡한 아이템 구성을 추천하기 위해서 사용됩니다.
- 한 가지 예를 들면, tourism domain에서 사용될 수 있습니다. 이 경우 다양한 여러 아이템 카테고리에서 추천이 이루어 집니다.
- tourism recommender systems에는 숙박, 레저 활동, 항공권 등 여러가지 카테고리가 있습니다. 여행객은 여러 카테고리의 items를 한 묶음으로 구매하게 됩니다.
- 각각의 카테고리에 다른 추천 시스템이 적용됩니다. 가장 기본적인 idea는 예를 들어 숙박에 최적화된 추천이 tourism activities에는 적합하지 않을 수 있다는 것입니다.
- 그래서 각각의 카테고리에 따라 다른 관점에 맞는 추천 시스템을 적용해야 합니다. 이때 중요한 것은 추천 bundles가 여러 카테고리에 있어서 서로 모순적이면 안됩니다.

It is important to recommend bundles in which the items from multiple categories are not mutually inconsistent.

- 예를 들어, 추천된 레저 액티비티가 추천된 식당에서 매우 멀리 떨어져있으면 전체적인 추천 bundle에 대한 만족도는 떨어 질 것입니다.
- 그래서 도메인에따른 제약을 가질 수 있는 knowledge base 시스템이 많이 활용됩니다. 이는 제품간 어울리지 않는 조합들을 걸러줄 수 있습니다.

- 정리하자면 Mixed hybrids는 일반적으로 복잡한 제품 도메인에서 사용되며, knowledge-based recommender systems등 다양한 components 들로 디자인 됩니다.

## 6.10 Summary

- Hybrid recommender systems는 다양한 데이터 소스의 활용을 높이거나 특정 데이터 양식에 존재하는 추천 시스템의 퍼포먼스를 높이기 위해 개발되었습니다.
- 다양한 추천 시스템들은 각각의 장단점이 있고 hybrid recommender systems은 개별 시스템들의 장점을 잘 활용하고자 합니다.
- 또한 Ensemble methods는 collaborative filtering methods의 성능을 높여주었습니다. 이때 다른 components가 적용되는데 사용되는 data가 동일한 ratings matrix입니다.
- Classification에서 bias-variance trade-off에 존재하는 많은 이론적 결과들이 collaborative filtering applications에서도 동일하게 적용되었습니다. 따라서 bagging, boosting과 같은 기술들이 약간의 수정으로 적용될 수 있었습니다.
- Hybrid systems는 monolithic systems, ensemble systems, 또는 mixed systems로 디자인될 수 있습니다.
- Ensemble systems는 구체적으로 recommender의 sequential 또는 parallel arrangement로 디자인될 수 있습니다.
- Monolithic design에서 추천 시스템은 기존의 존재하는 recommenders를 수정하거나, 다양한 데이터 양식의 features의 결합으로 만들어진 새로운 recommenders가 있습니다.
- Mixed systems에서 다수의 엔진으로 부터 추천이 동시에 보여집니다.
- 많은 경우에 Meta-features 는 특정 데이터 양식에서 추출될 수 있고, entry-specific 방식으로 다양한 recommenders의 예측을 통합하는 것에 사용될 수 있습니다.
- Hybrids와 ensemble systems의 가장 큰 강점은 다양한 시스템의 장점들을 보완해줄 수 있다는 것입니다.