

# L'OPTIMISATION DU TRAJECTOIRE D'UN ROBOT MOBILE ENTRE 2 POINTS (en présence d'obstacle) AVEC PSO ET DIJKSTRA

Obstacles rectangulaires

Réalisé par :

- EL HADEG Rida

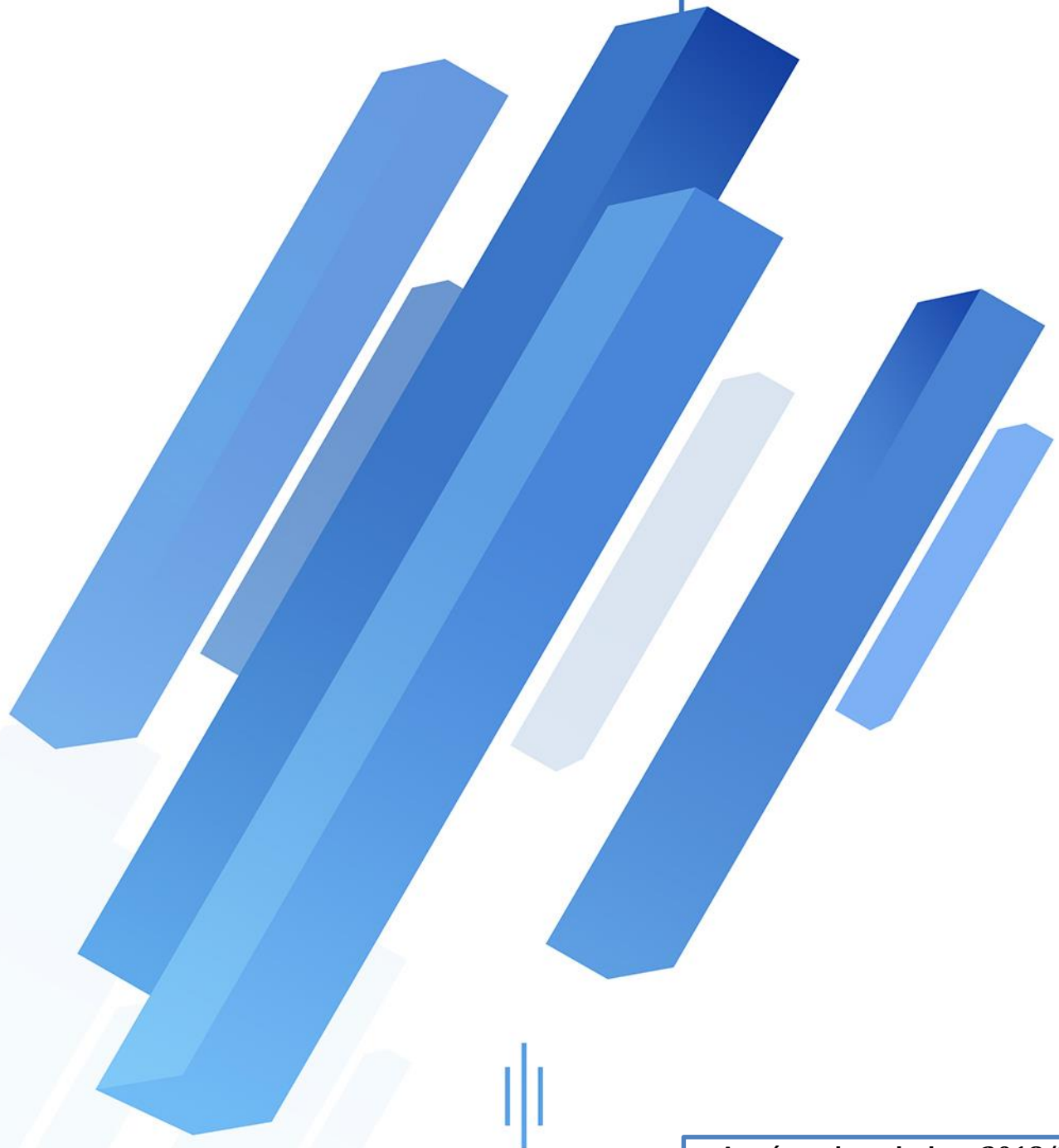
Sous la direction de :

- Mr. AYAD Hassan



جامعة القاضي عياض  
UNIVERSITÉ CADI AYYAD

UNIVERSITE CADI AYYAD  
FACULTE DES SCIENCES ET  
TECHNIQUES



Année universitaire : 2018/2019

## 1- LE BUT DE CE PROJET :

Le but de ce projet consiste à optimiser la trajectoire d'un robot mobile entre un point X de départ et un autre point Y d'arrivée en présence des obstacles rectangulaires et pour cela on va utiliser deux algorithmes différents sont :

- Algorithme PSO :
- Algorithme de Dijkstra

Et on termine par une comparaison entre les deux méthodes

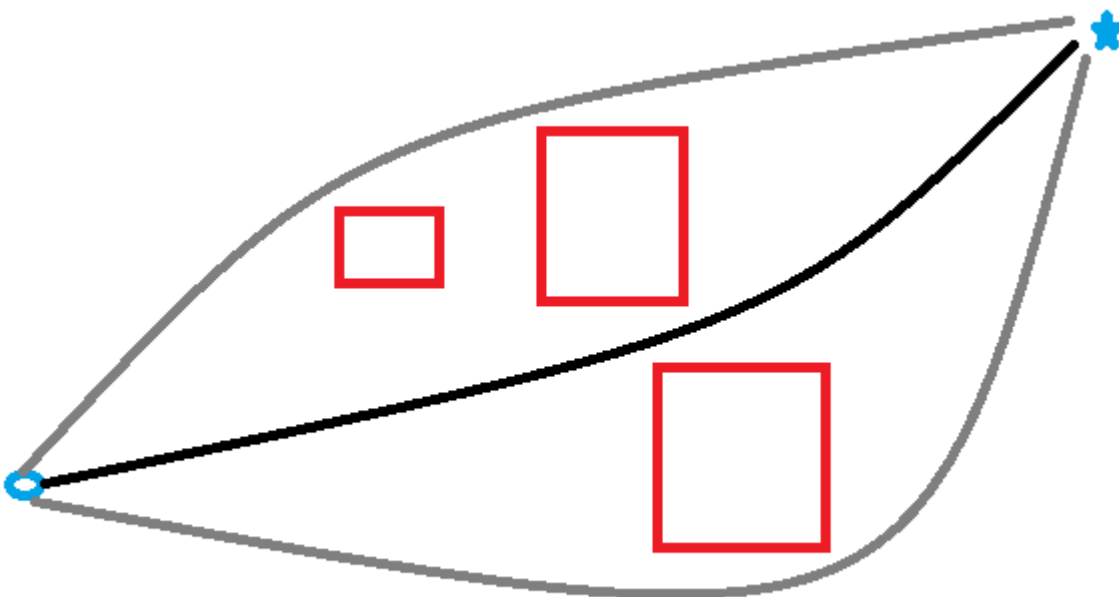
## 2- OPTIMISATION PAR ESSAIM DE PARTICULES-PSO :

### A- Introduction :

L'homme s'inspire de plus en plus de la nature qui l'entoure pour mettre en place des algorithmes simulant le comportement des animaux. En 1995, Russel Eberhart, ingénieur en électricité et James Kennedy, socio-psychologue, s'inspirent du monde du vivant pour mettre en place l'optimisation par essaim particulaire dont l'idée directrice est la simulation du comportement collectif des oiseaux à l'intérieur d'une nuée, et étudier la possibilité de son application pour contrôler les robots mobiles.

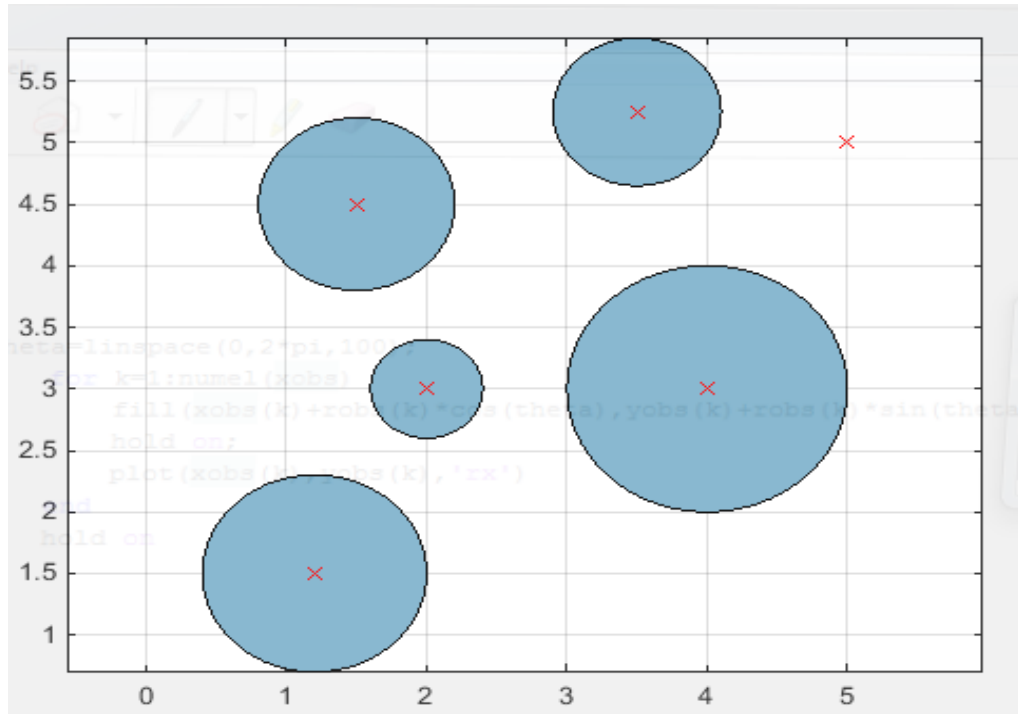
Le problème à résoudre peut souvent s'exprimer comme un problème d'optimisation : on définit une fonction objective, et on cherche à minimiser ou à maximiser par rapport à tous les paramètres concernés.

Pour notre cas le problème c'est que le robot doit arriver au point final sans qu'il touche les obstacles qu'ont une forme rectangulaire, plus que ça, il doit prendre le chemin le plus optimisé.



## B- Obstacles rectangulaire :

Avant d'entamer l'objectif de ce projet qui consiste principalement à travailler sur un programme qui optimise le chemin du robot en présence des obstacles qu'ont une forme circulaire et le modifier de tel façon que le robot doit esquiver des obstacles rectangulaires, on doit traiter tout d'abord la partie du programme de base 'obstacles.m' qui permet de crée ces cercles.



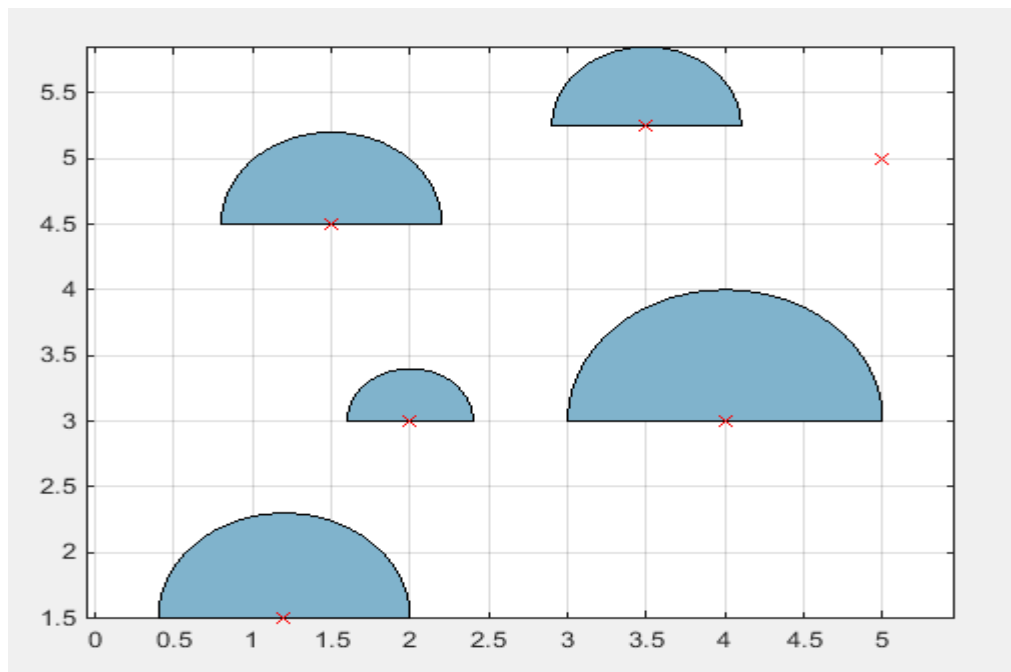
LE PROGRAMME :

```
theta=linspace(0,2*pi,100);  
for k=1:numel(xobs)  
    fill(xobs(k)+robs(k)*cos(theta),yobs(k)+robs(k)*sin(theta),[0.5 0.7 0.8]);  
    hold on;  
    plot(xobs(k),yobs(k),'rx')  
end  
hold on
```

On voit que dans cette partie, le programme trace l'obstacle pour une angle  $\theta$  entre un intervalle  $A = [0 \ 2\pi]$  et pour  $N = 100$ , ce qu'est logique parce que on veut tracé des cercles.

Pour un intervalle  $A = [0 \ \pi]$  et  $N = 100$  :

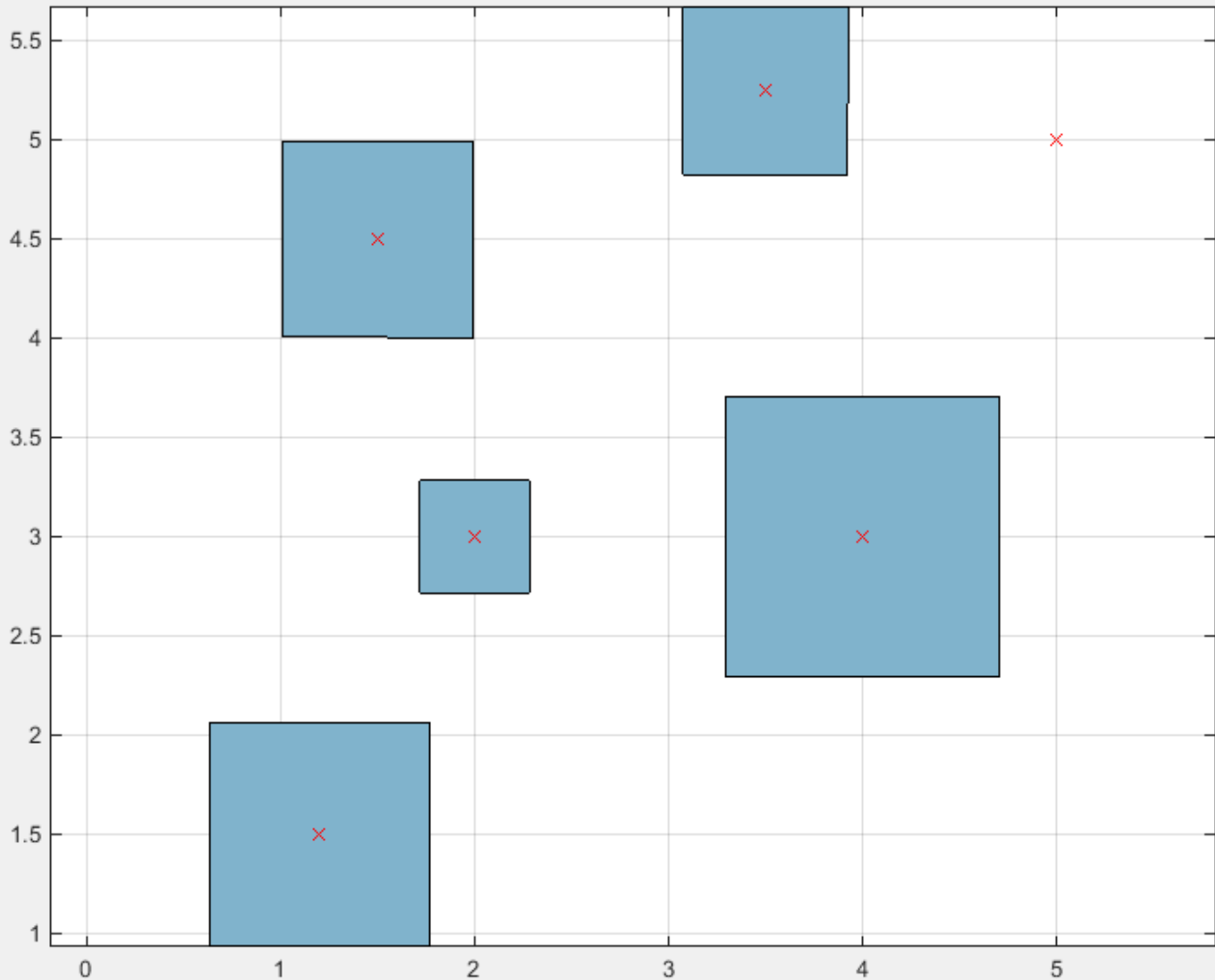
```
theta=linspace(0,pi,100);  
for k=1:numel(xobs)  
    fill(xobs(k)+robs(k)*cos(theta),yobs(k)+robs(k)*sin(theta),[0.5 0.7 0.8]);  
    hold on;  
    plot(xobs(k),yobs(k),'rx')  
end  
hold on
```



On voit qu'on a des obstacles avec la forme d'une demi-cercle, donc l'idée consiste à jouer sur ces deux paramètres  $A$  et  $N$  pour tracer des rectangles.

Après plusieurs essais on trouve que pour  $A = [\pi/4 \ (3*\pi/1.7146)]$  et  $N = 4$  (ce qui est équivalent aux quatre sommets du rectangle) on arrive à créer des obstacles carrés.

```
theta=linspace(pi/4, (3*pi/1.7146), 4);  
for k=1:numel(xobs)  
    fill(xobs(k)+robs(k)*cos(theta),yobs(k)+robs(k)*sin(theta),[0.5 0.7 0.8]);  
    hold on;  
    plot(xobs(k),yobs(k),'rx')  
end  
hold on
```



Le fait d'avoir des carrés c'est parce qu'on a travaillé avec robs (le rayon du cercle de base) comme longueur et largeur du rectangle. Pour régler ça, on rajoute la longueur comme donnée et on modifie l'instruction fill qui permet de tracer l'obstacle, on remplace  $yobs(k) + robs(k) * \sin(\theta)$  par  $yobs(k) + long(k) * \sin(\theta)$  comme indiqué dans la figure ci-dessous :

```
xobs=[1.5 4.0 1.2 2 3.5];
yobs=[4.5 3.0 1.5 3 5.25];
robs=[0.7 1.0 0.8 0.4 0.6];
long=[1.5 0.8 0.4 0.5 1];

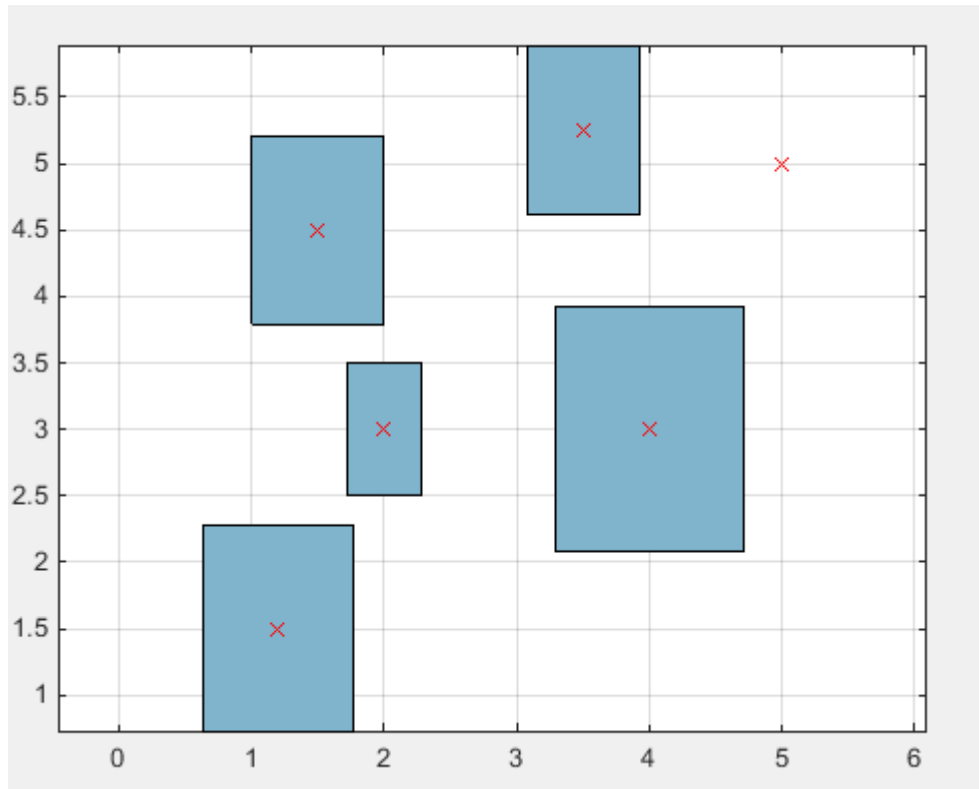
% Target (Destination)
xt=5;
yt=5;

theta=linspace(pi/4, (3*pi/1.7146), 4);
for k=1:numel(xobs)
    fill(xobs(k)+robs(k)*cos(theta), yobs(k)+long(k)*sin(theta), [0.5 0.7 0.8]);
    hold on;
    plot(xobs(k), yobs(k), 'rx')
end
hold on
plot(xt, yt, 'rx')
```

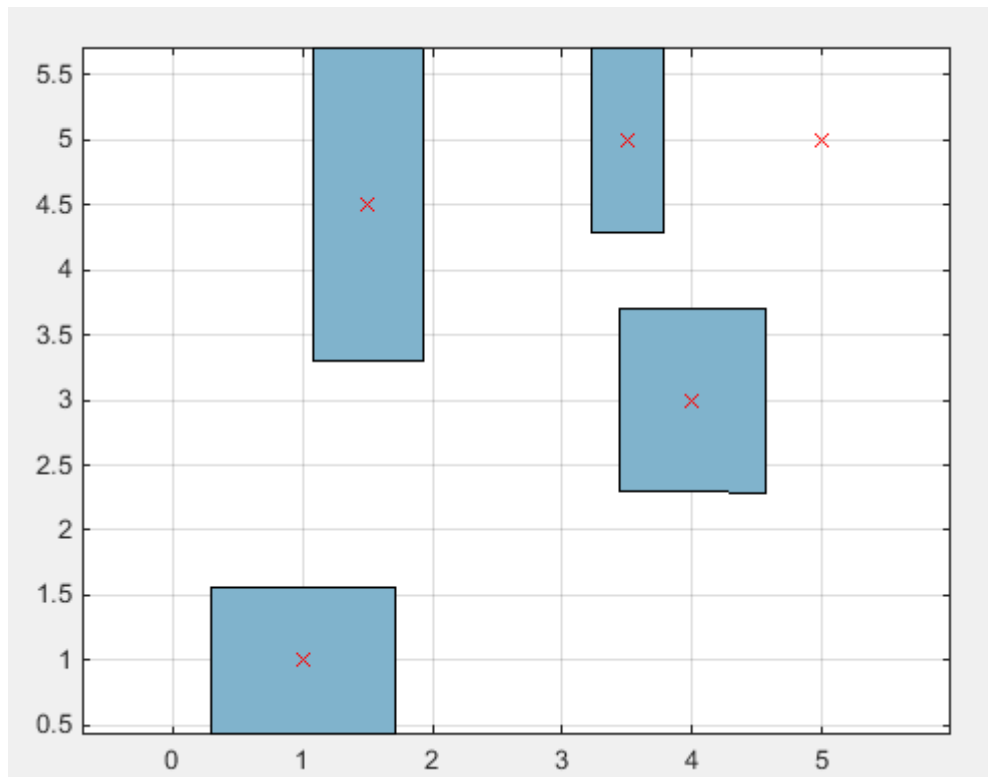
Remarque :

On doit faire les mêmes modifications dans les fichiers `LOTSOLUTION.M` et `CREATEMODEL`

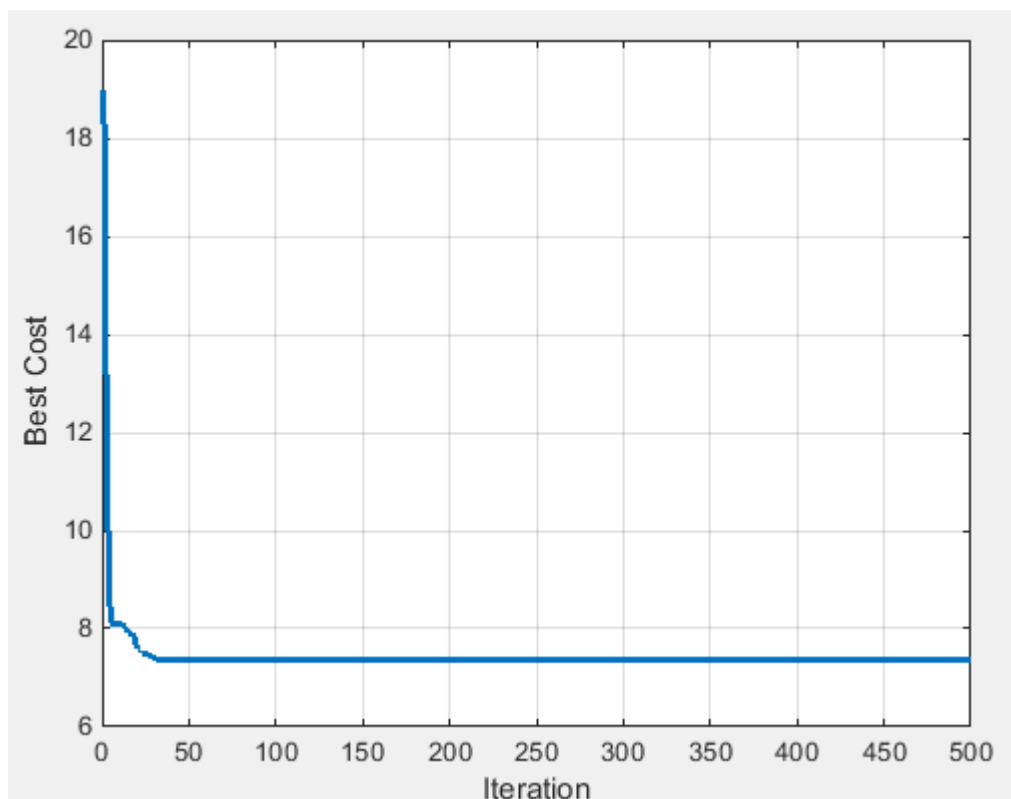
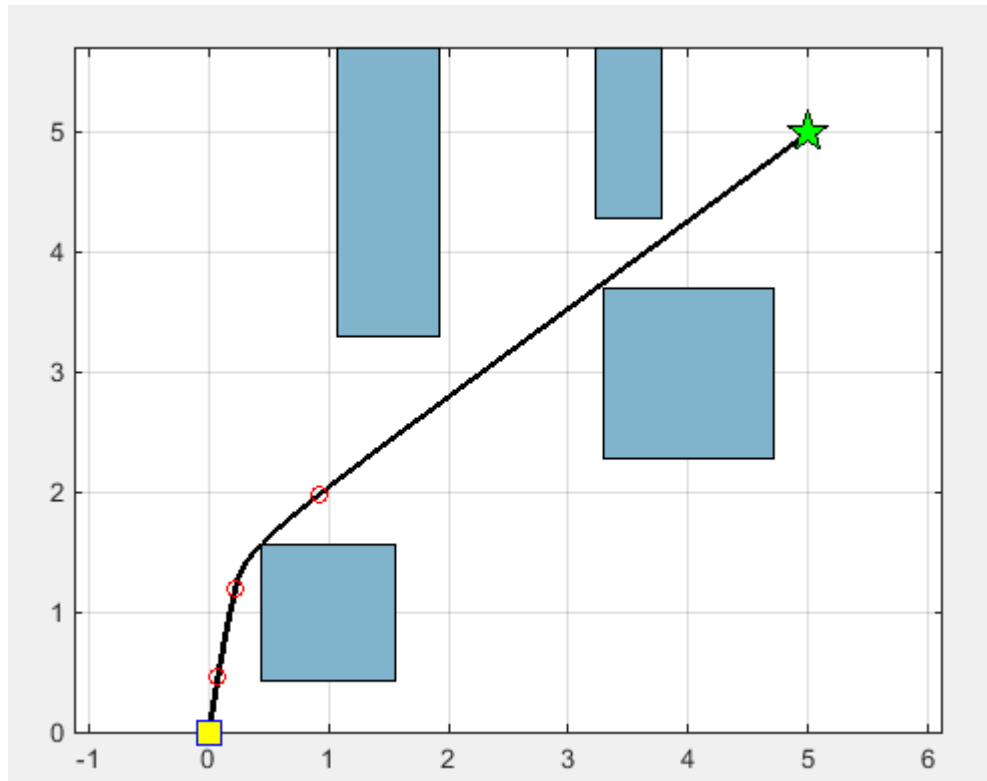
Le résultat final :



On change l'emplacement et le nombre des obstacles :



Et finalement on lance le programme principal et voici le résultat :



On voit que notre programme a réussi à trouver le chemin le plus optimisé au bout de 35ème itération (à-peu-près).

### 3- ALGORITHME DE DIJKSTRA

#### A- Introduction :

L'algorithme porte le nom de son inventeur, l'informaticien néerlandais Edsger Dijkstra, et a été publié en 1959, et il sert à résoudre le problème du plus court chemin. Il permet, par exemple, de déterminer un plus court chemin pour se rendre d'une ville à une autre connaissant le réseau routier d'une région. Plus précisément, il calcule des plus courts chemins à partir d'une source dans un graphe.

Pour notre cas nous allons utiliser L'algorithme Dijkstra pour optimiser le trajectoire d'un robot mobile

#### B- La création des obstacles :

*Dans cette partie on va créer 3 obstacles rectangulaires donc on a besoin de créer 12 points (4\*3 4 sommets/rectangle) plus le point de départ et le point d'arrivée (Target) :*

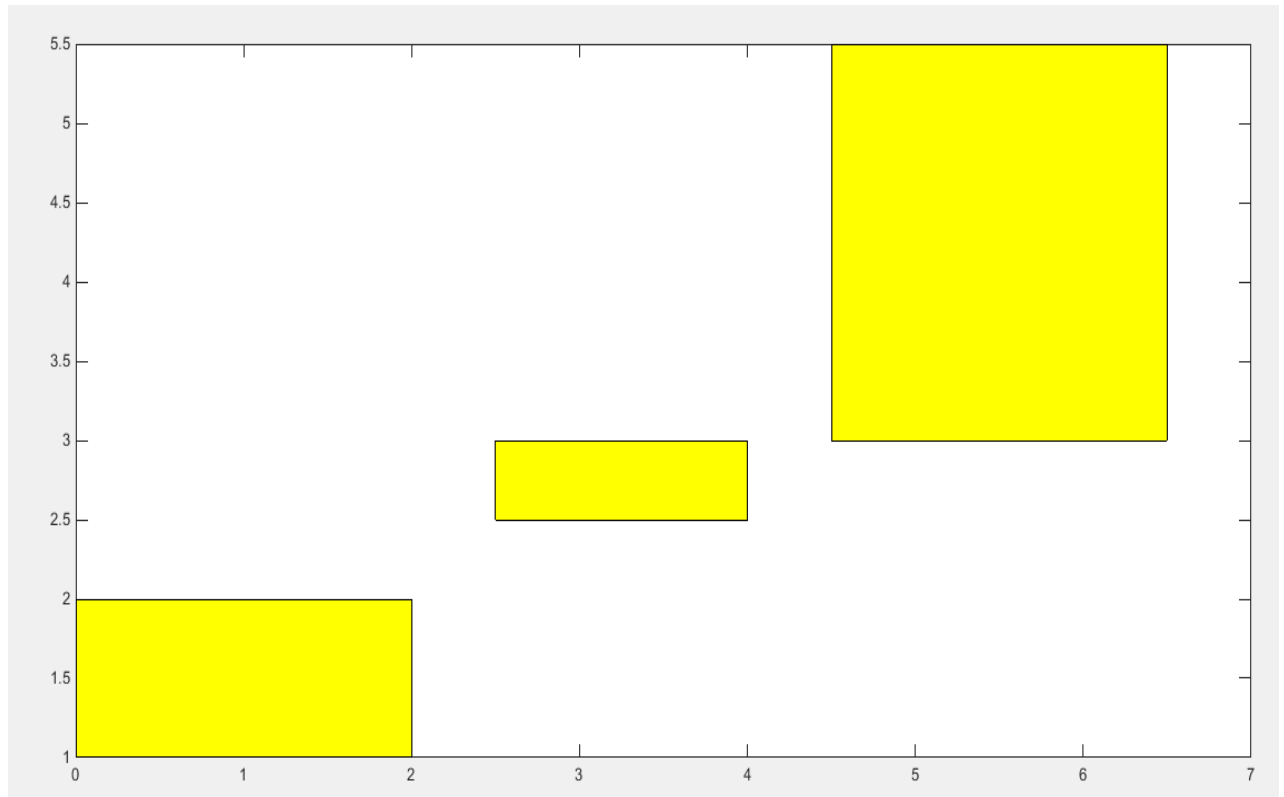
```
n=14;  
crd = [0.5 0.5;  
       0 1;  
       0 2;  
       2 2;  
       2 1;  
       2.5 2.5;  
       2.5 3;  
       4 3;  
       4 2.5;  
       4.5 3;  
       4.5 5.5;  
       6.5 5.5;  
       6.5 3;  
       7 7];
```

Après la création des points on va les lier pour créer des rectangles, pour cela on va utiliser les instructions suivantes :

```
x1=[0;0;2;2]  
y1=[1;2;2;1]  
  
x2=[2.5;2.5;4;4]  
y2=[2.5;3;3;2.5]  
  
x3=[4.5;4.5;6.5;6.5]  
y3=[3;5.5;5.5;3]  
  
fill(x1,y1,'y',x2,y2,'y',x3,y3,'y')
```



## Les obstacles :



### C- La construction de la matrice d'optimisation

La position de chaque point  $i$  par rapport à tous les autres points va nous permettre de créer une matrice d'optimisation qui va aider notre programme à trouver le chemin le plus court pour arriver à son objectif

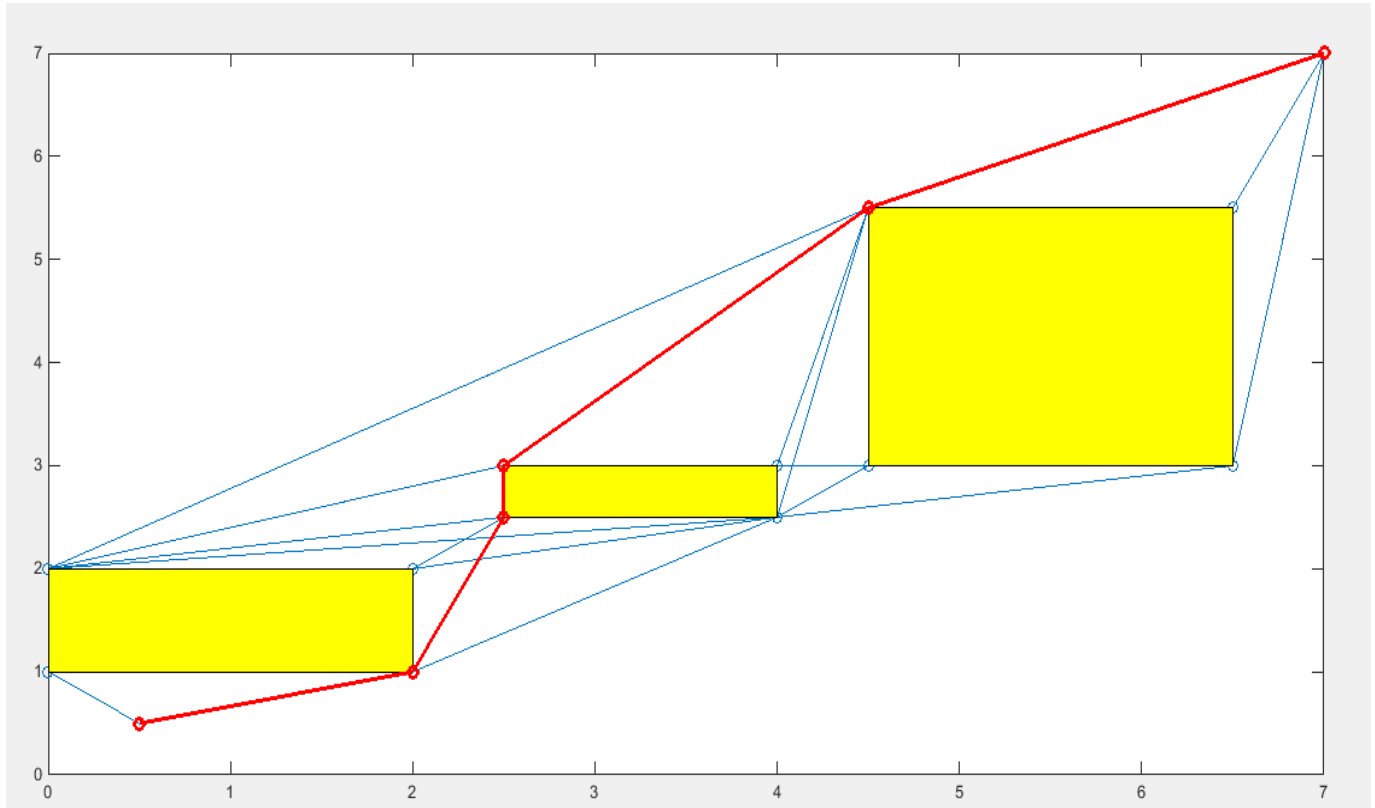
Par exemple si un point  $X$  a une vision sur un autre point  $Y$  alors l'élément qui se trouve dans ligne  $X$ , colonne  $Y$  = l'élément qui se trouve dans ligne  $Y$ , colonne  $X$  = 1

On traite tous les points et on trouve la Matrice  $A$  :

```
A = [1 1 0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0;
      1 1 1 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0;
      0 1 1 1 0 1 1 0 1 0 1 0 0 0 0;
      0 0 1 1 1 1 0 0 1 0 0 0 0 0 0;
      1 1 0 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0;
      0 0 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0;
      0 0 1 0 0 1 1 1 0 1 1 0 1 0 1;
      0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 0 1 0 1;
      0 0 1 1 1 1 0 1 1 1 1 0 1 0 1;
      0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 0 1 0 1;
      0 0 1 0 0 0 1 1 1 1 1 1 0 1 1;
      0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1;
      0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 0 1 1 1 1;
      0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1];
```

C'est une matrice carrée d'ordre  $n = 14$  (14 points).

Et finalement on lance le programme :



On voit en rouge la trajectoire entre un point de départ de cordonné (0.5 0.5) et un point d'arrivé de cordonné (7 7).

#### 4- CONCLUSION :

On conclure par une comparaison entre les deux algorithmes, on voit tout d'abord que pour les deux méthodes la trajectoire peut toucher les sommets des obstacles, c'est pour ça qu'on est obliger de crée des obstacles plus grandes que les réels et pour cela on doit prend on considération la taille (rayon) de notre robot pour qu'on évite qu'il touche les obstacles lorsqu'il vas tourner à gauche ou à droite. au niveau du rapidité on trouve que l'algorithme de dijkstra est beaucoup plus rapide que le PSO mais on doit lui donner la matrice, d'autre part Dijkstra sert à résoudre le problème du plus court chemin alors qu'on peut utiliser le pso pour différents taches, mais pour le control des robots mobiles les deux méthodes sont très efficaces