6^자 MLP(다층 퍼셉트론)

* BACK-PROPAGATION

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \delta_j out_i \qquad \text{여기서} \quad \delta_j = \begin{cases} (out_j - t_j) f'(\text{net}_j) & j \text{가 출력층 유닛이면} \\ \left(\sum_k w_{jk} \delta_k\right) f'(\text{net}_j) & j \text{가 은닉층 유닛이면} \end{cases}$$

Multi Layer Perceptron

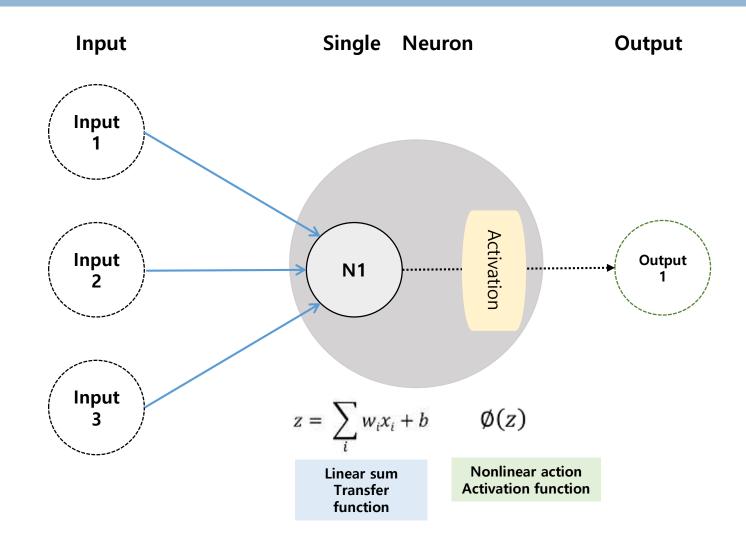
학습 목표

- MLP의 작동 원리를 이해한다.
- 경사하강법을 이해한다.
- 역전파 알고리즘을 이해한다.
- 넘파이만으로 MLP를 구현해본다..



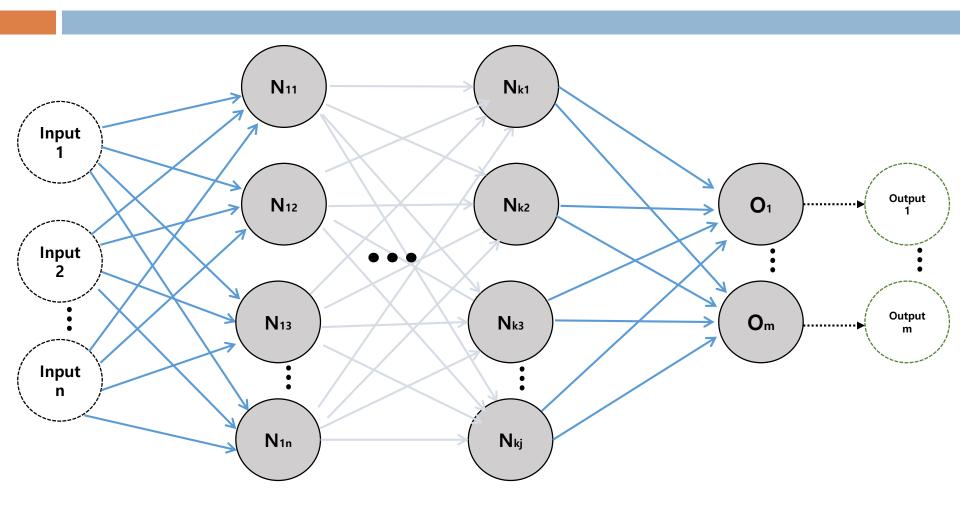


AN (Artificial Neuron)





ANN (Artificial Neural Network) → MLP



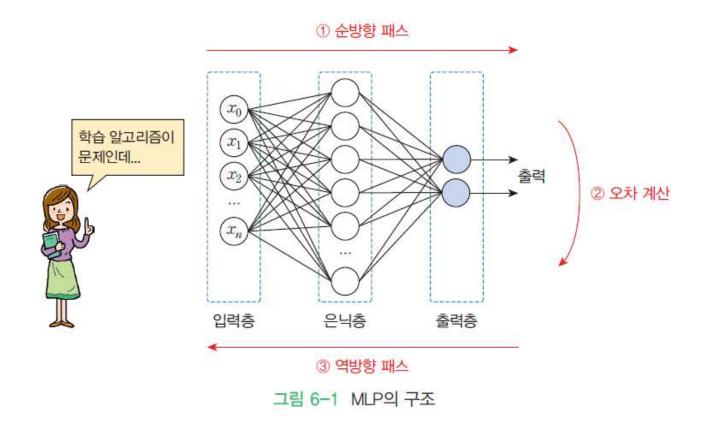
n-Input

k-Hidden layers → deep layer

m-Output layer



 다층 퍼셉트론(multilayer perceptron: MLP): 입력층과 출력층 사이에 은닉층(hidden layer)을 가지고 있는 퍼셉트론





활성화 함수

- 활성화 함수(activation function)은 입력의 총합을 받아서 출력값을 계산하는 함수이다.
- MLP에서는 다양한 활성화 함수를 사용한다.

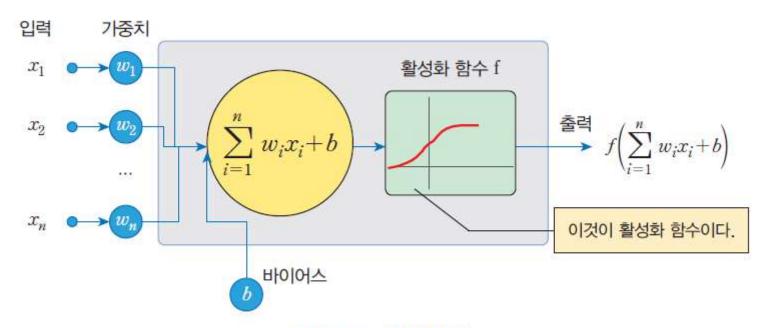


그림 6-2 활성화 함수



일반적으로 많이 사용되는 활성화 함수



https://www.v7labs.com/blog/neural-networks-activation-functions



선형 레이어는 많아도 쓸모가 없다.

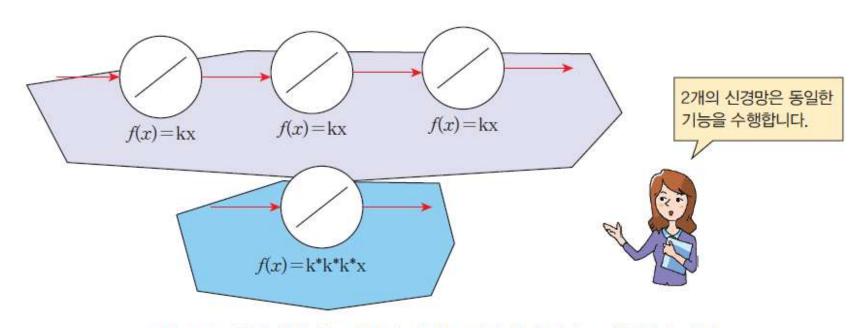
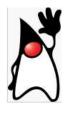


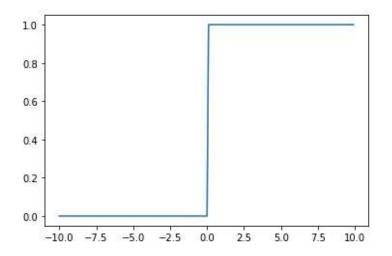
그림 6-4 선형 레이어는 아무리 많아도 하나의 레이어로 대치될 수 있다.

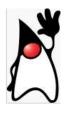


계단 함수 (step function)

• 계단 함수는 입력 신호의 총합이 0을 넘으면 1을 출력하고, 그렇지 않으면 0을 출력하는 함수이다.

$$f(x) = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ 0 & x \le 0 \end{cases}$$

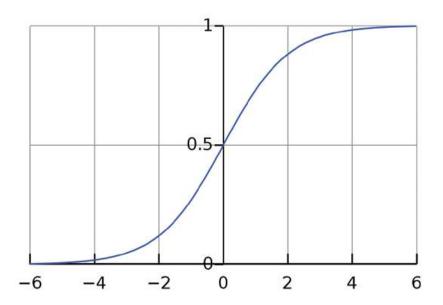




시크모이트 함수 (Sigmoid function)

• 1980년대부터 사용돼온 전통적인 활성화 함수이다. 시그모이드는 다음과 같이 S자와 같은 형태를 가진다.

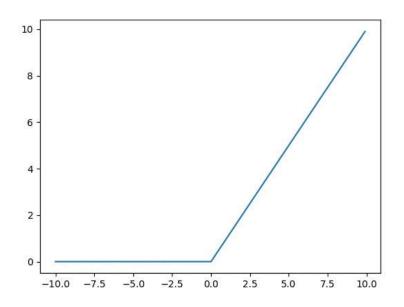
$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$



ReLU * (Rectifed Linear Unit function)

 ReLU 함수는 최근에 가장 인기 있는 활성화 함수이다. ReLU 함수는 입력이 0을 넘으면 그대로 출력하고, 입력이 0보다 적으면 출력은 0 이 된다.

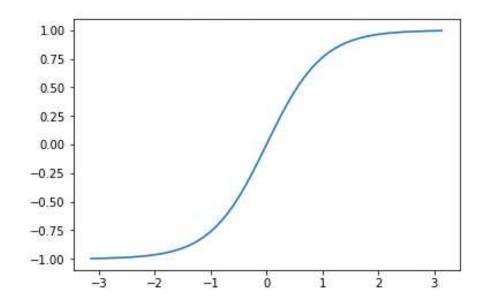
$$f(x) = \begin{cases} x & x > 0 \\ 0 & x \le 0 \end{cases}$$





 tanh() 함수는 넘파이에서 제공하고 있다. 따라서 별도의 함수 작성은 필요하지 않다. tanh() 함수는 시그모이드 함수와 아주 비슷하지만 출 력값이 -1에서 1까지이다.

$$f(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} = \frac{2}{1 + e^{-2x}} - 1$$





Lab: 파이썬으로 활성화 함수 구현하기

```
def step(x):
```

if x > 0.000001: return 1 # 부동 소수점 오차 방지

else return 0



넘파이 배열을 받기 위하여 변경한다.

```
def step(x):
```

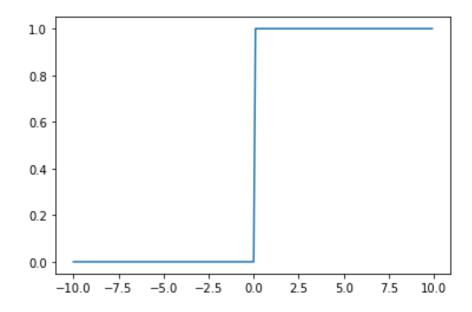
result = x > 0.000001 # True \mathfrak{L} \succeq False

return result.astype(int) # 정수로 반환

그래프 그리기

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

x = np.arange(-10.0, 10.0, 0.1)
y = step(x)
plt.plot(x, y)
plt.show()
```

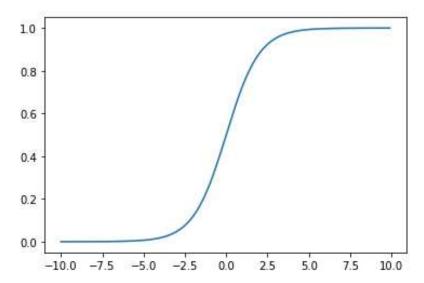


시그모이드 함수

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

def sigmoid(x):
    return 1.0 / (1.0 + np.exp(-x))

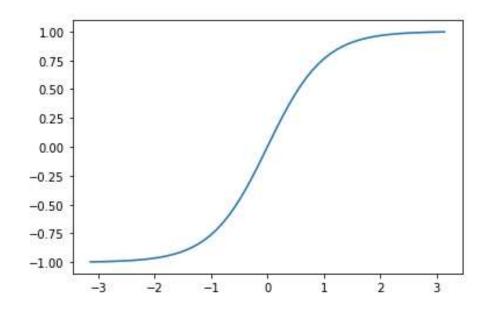
x = np.arange(-10.0, 10.0, 0.1)
y = sigmoid(x)
plt.plot(x, y)
plt.show()
```





```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

x = np.linspace(-np.pi, np.pi, 60)
y = np.tanh(x)
plt.plot(x, y)
plt.show()
```

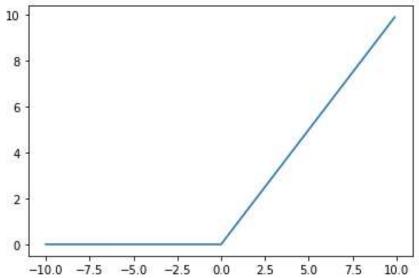




```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

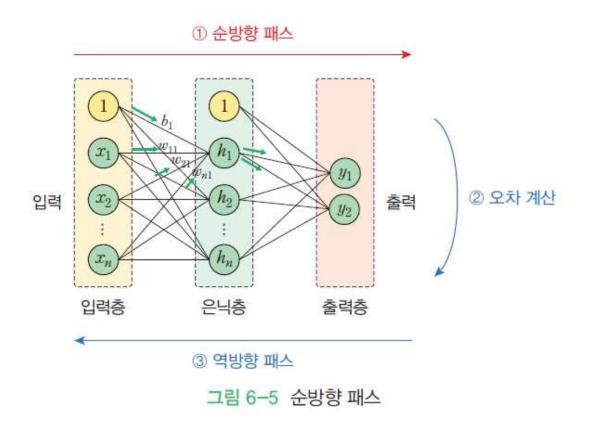
def relu(x):
    return np.maximum(x, 0)

x = np.arange(-10.0, 10.0, 0.1)
y = relu(x)
plt.plot(x, y)
plt.show()
```

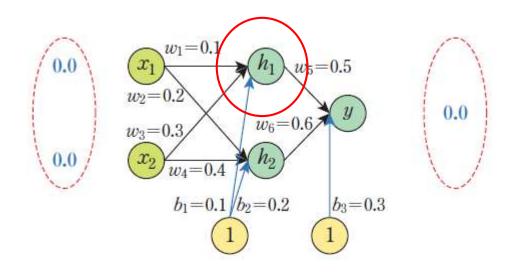


MLP의 순방향 패스

 순방향 패스란 입력 신호가 입력층 유닛에 가해지고 이들 입력 신호 가 은닉층을 통하여 출력층으로 전파되는 과정을 의미한다.



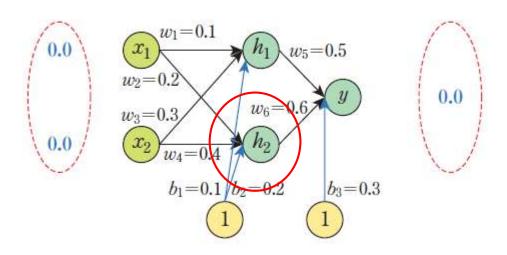




$$z_1 = w_1 * x_1 + w_3 * x_2 + b_1 = 0.1 * 0.0 + 0.3 * 0.0 + 0.1 = 0.1$$

$$a_1 = \frac{1}{1 + e^{-z_1}} = \frac{1}{1 + e^{-0.1}} = 0.524979$$

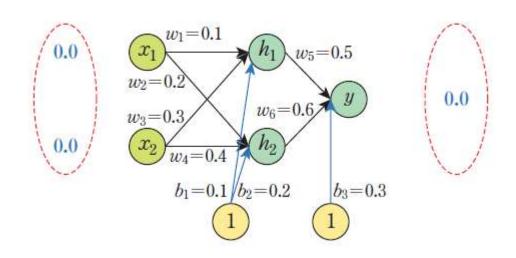




$$a_2 = 0.549834$$



손으로 계산해보자

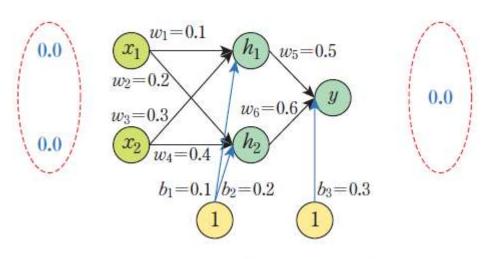


$$\begin{aligned} z_y &= w_5 * a_1 + w_6 * a_2 + b_3 \\ &= 0.5 * 0.524979 + 0.6 * 0.549834 + 0.3 = 0.892389 \\ a_y &= \frac{1}{1 + e^{-z_y}} = \frac{1}{1 + e^{-0.892389}} = 0.709383 \end{aligned}$$

정답은 0이지만 신경망의 출력은 0.71 정도이다. 오차가 상당함을 알 수 있다.



행렬로 표시해보자



$$z_1 = w_1 * x_1 + w_3 * x_2 + b_1$$

$$z_2 = w_2 * x_1 + w_4 * x_2 + b_2$$

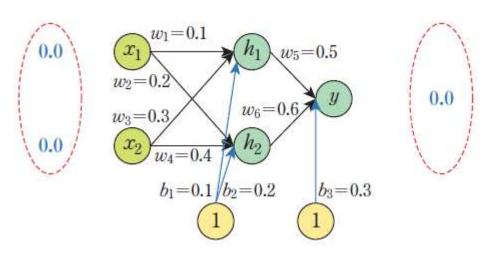


$$Z_1 = XW_1 + B_1$$

행렬로 표시할 수 있다.



행렬로 표시해보자. → hidden layer



$$X = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 \end{bmatrix}, B_1 = \begin{bmatrix} b_1 & b_2 \end{bmatrix}, Z_1 = \begin{bmatrix} z_1 & z_2 \end{bmatrix}$$

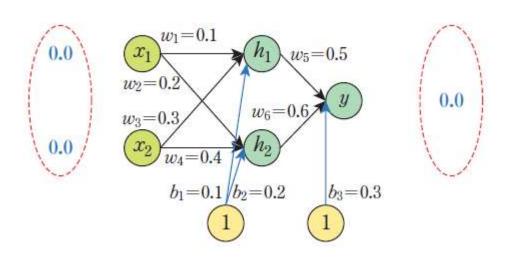
$$W_1 = \begin{bmatrix} w_1 & w_2 \\ w_3 & w_4 \end{bmatrix}$$



$$Z_1 = [z_1 \ z_2] = XW_1 + B_1 = [x_1 \ x_2] \begin{bmatrix} w_1 \ w_2 \\ w_3 \ w_4 \end{bmatrix} + [b_1 \ b_2]$$



행렬로 표시해보자. → output layer



$$\begin{aligned} W_2 &= \begin{bmatrix} w_5 \\ w_6 \end{bmatrix} \\ Z_2 &= A_1 W_2 + B_2 = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} w_5 \\ w_6 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b_3 \end{bmatrix} \\ A_2 &= \begin{bmatrix} y \end{bmatrix} = f(Z_2) \end{aligned}$$

Lab: MLP 순방향 패스

```
import numpy as np
                                                            mlp1.py
# 시그모이드 함수
def actf(x):
 return 1/(1+np.exp(-x))
# 시그모이드 함수의 미분치
def actf_deriv(x):
   return x^*(1-x)
# 입력유닛의 개수, 은닉유닛의 개수, 출력유닛의 개수
inputs, hiddens, outputs = 2, 2, 1
learning_rate=0.2
# 훈련 샘플과 정답
X = np.array([[0, 0], [0, 1], [1, 0], [1, 1]])
T = np.array([[0], [1], [1], [0]])
```

Lab: MLP 순방향 패스

```
W1 = np.array([[0.10, 0.20],
         [0.30, 0.40]]
W2 = np.array([[0.50], [0.60]])
B1 = np.array([0.1, 0.2])
B2 = np.array([0.3])
# 순방향 전파 계산
def predict(x):
    layer0 = x
                                 # 입력을 layer0에 대입한다.
                                # 행렬의 곱을 계산한다.
    Z1 = np.dot(layer0, W1)+B1
                                 #활성화 함수를 적용한다.
    layer1 = actf(Z1)
    Z2 = np.dot(layer1, W2)+B2
                                 # 행렬의 곱을 계산한다.
    layer2 = actf(Z2)
                                 #활성화 함수를 적용한다.
    return layer0, layer1, layer2
```

```
def test():
    for x, y in zip(X, T):
        x = np.reshape(x, (1, -1)) # x를 2차원 행렬로 만든다.입력은 2차원이어야한다.
        layer0, layer1, layer2 = predict(x)
        print(x, y, layer2)
test()
```

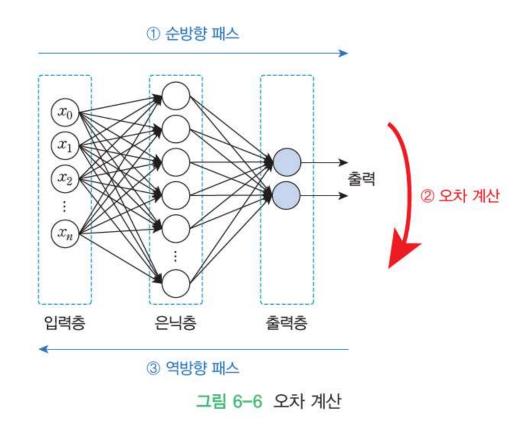
```
[[0 0]] [0] [[0.70938314]]
[[0 1]] [1] [[0.72844306]]
[[1 0]] [1] [[0.71791234]]
[[1 1]] [0] [[0.73598705]]
```

학습이 없으므로 난수만 출력된다.



학습 → 손실 함수 계산

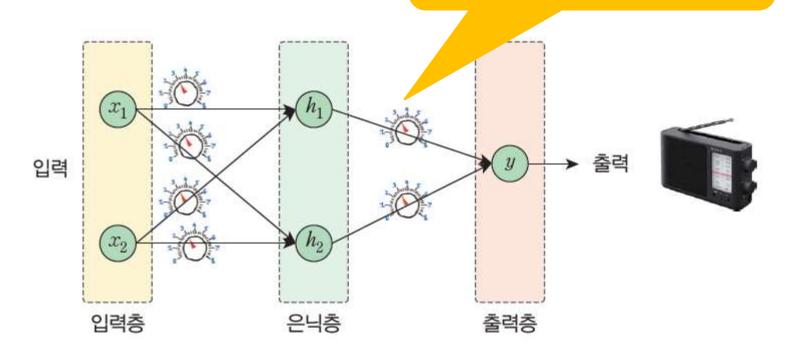
 신경망에서 학습을 시킬 때 는 실제 출력과 원하는 출력 사이의 오차를 이용 한다. 오차를 계산하는 함수를 손실함수(loss function)라고 한다.





가중치==다이얼 튜닝(미세 조정)

가중치를 조절한다는 것은 스피커에서 나는 소리를 들으면서 튜너 다이얼을 돌 리는 것과 같다.





신경망에서도 학습의 성과를 나타내는 지표가 있어야 한다.
 이것을 손실함수(loss function)이라고 한다

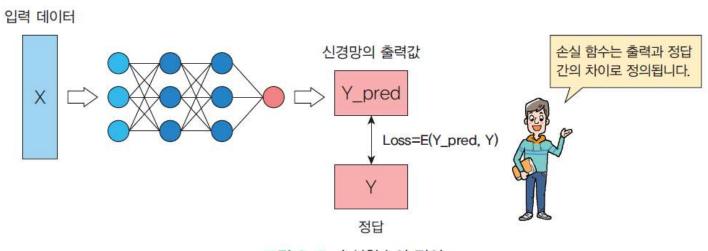


그림 6-7 손실함수의 정의



평균 제곱 ^{오차} (MSE)

• 예측값과 정답 간의 평균 제곱 오차

$$E(w) = \frac{1}{2} \sum_{i} (y_i - t_i)^2$$



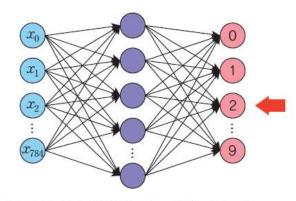


그림 6-8 MNIST 숫자 이미지를 분류하는 신경망

loss_func.py

>>> MSE(target, y) 0.029999999999992



예측값과 정답이 많이 차이나는 경우



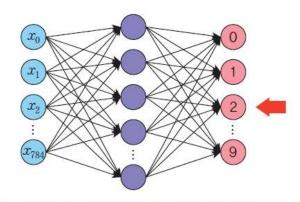


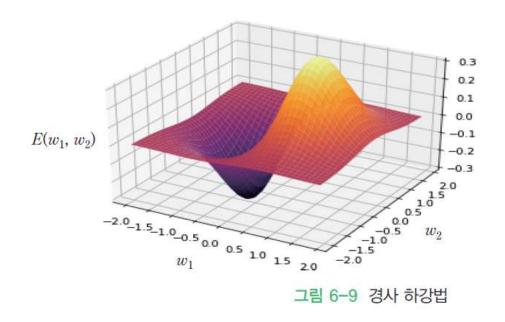
그림 6-8 MNIST 숫자 이미지를 분류하는 신경망



경사하가백 (gradient decent)

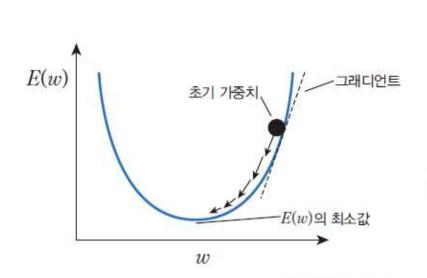
 역전파 알고리즘은 신경망 학습 문제를 최적화 문제(optimization)로 접근 한다. 우리는 손실함수 값을 최소로 하는 가중치를 찾으면 된다.

$$W' = \underset{W}{\operatorname{argmin}} E(W)$$









그래디언트는 접선의 기울기로 이해 해도 됩니다. 접선의 기울기가 양수 이면 반대로 w를 감소시킵니다.



손실함수를 가중치로 미분한 값이 양수이면



가중치를 감소시킨다.

손실함수를 가중치로 미분한 값이 음수이면



가중치를 증가시킨다.



Lab: 경사하강법의 실습

- 손실 함수 $y = (x-3)^2 + 10$
- 그래디언트: y' = 2x-6

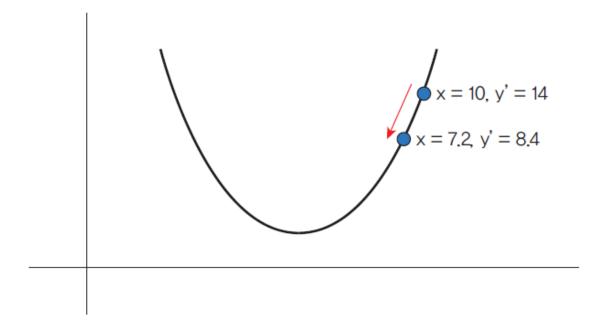


그림 6-12 그래디언트의 계산

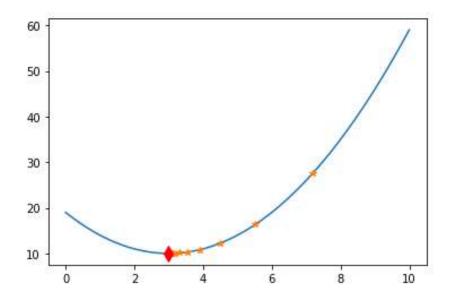
경사 하 가 법 프로그래 미

```
x = 10
learning_rate = 0.2
precision = 0.00001
max_iterations = 100
# 손실함수를 람다식으로 정의한다.
loss_func = lambda x: (x-3)**2 + 10
# 그래디언트를 람다식으로 정의한다. 손실함수의 1차 미분값이다.
gradient = lambda x: 2*x-6
#그래디언트 강하법
for i in range(max_iterations):
  x = x - learning_rate * gradient(x)
  print("손실함수값(", x, ")=", loss_func(x))
print("최소값 = ", x)
```

실행 결과

. . .

손실함수값(3.000000000000000)= 10.0 최소값 = 3.000000000000004

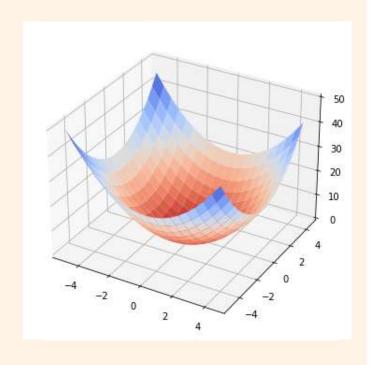


grad_desc1_A.py

Lab: 2차원 그래디언트 시각화

grad_desc2.py

```
from mpl_toolkits.mplot3d import axes3d
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
x = np.arange(-5, 5, 0.5)
y = np.arange(-5, 5, 0.5)
X, Y = np.meshgrid(x, y) # 참고 박스
Z = X**2 +Y**2 # 넘파이 연산
fig = plt.figure(figsize=(6,6))
ax = fig.add subplot(111, projection='3d')
# 3차원 그래프를 그린다.
ax.plot_surface(X, Y, Z)
plt.show()
```





Lab: 2차원 그래디언트 시각화

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

x = np.arange(-5,5,0.5)
y = np.arange(-5,5,0.5)
X, Y = np.meshgrid(x,y)
U = -2*X
V = -2*Y

그래디언트의 음수

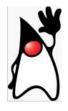
plt.figure()
Q = plt.quiver(X, Y, U, V, units='width')
plt.show()
```

화살표가 최소값을 가리키고 있음을 알 수 있다.



역전파 학습 알고리즘 (back-propagation)

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \delta_j out_i \qquad \text{여기서} \quad \delta_j = \begin{cases} (out_j - t_j) f'(\text{net}_j) & j \text{가 출력층 유닛이면} \\ \left(\sum_k \mathbf{w}_{jk} \delta_k\right) f'(\text{net}_j) & j \text{가 은닉층 유닛이면} \end{cases}$$

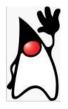


역전파 학습 알고리즘 (back-propagation)

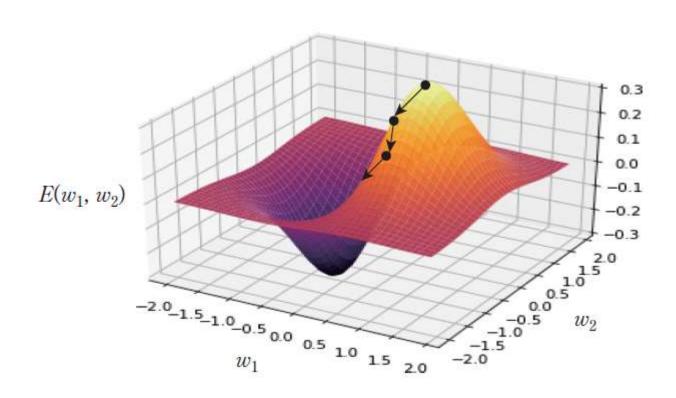
- 역전파 알고리즘은 입력이 주어지면 순방향으로 계산하여 출력을 계산한 후에 실제 출력과 우리가 원하는 출력 간의 오차를 계산한다.
- 이 오차를 역방향으로 전파하면서 오차를 줄이는 방향으로 가중치를 변경한다.

$$w(t+1) = w(t) - \eta \frac{\partial E}{\partial w}$$

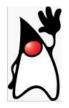
- ① 가중치와 바이어스를 0부터 1 사이의 난수로 초기화한다.
- ② 수렴할 때까지 모든 가중치에 대하여 다음을 반복한다.
- ③ 손실함수 E의 그래디언트 $\partial E/\partial w$ 을 계산한다.
- $(4) w(t+1) = w(t) \eta \frac{\partial E}{\partial w}$



역전파 학습 알고리즘

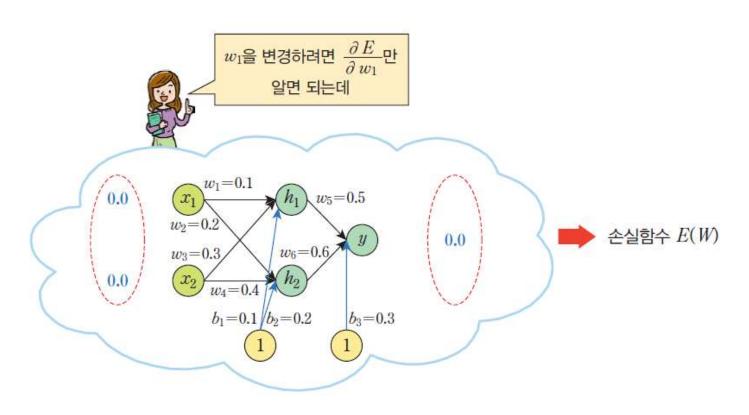


가중치 w1, w2를 조금~ 변화시키며 손실 (E(w1,w2))이 최소로 되는 (w1,w2)를 찾는 과정



역전파 알고리즘의 유도 (생략 가능)

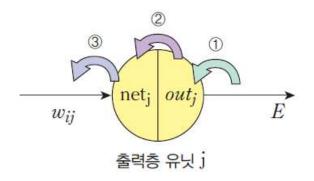
• 미분의 체인물을 이용하여 유도가 가능하다.





출력층 유닛의 경우

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial E}{\partial out_j} \frac{\partial out_j}{\partial net_j} \frac{\partial net_j}{\partial w_{ij}}$$
① ② ③



$$\frac{\partial out_j}{\partial \text{net}_j} = \frac{\partial f(\text{net}_j)}{\partial \text{net}_j} = f'(\text{net}_j)$$

③
$$\frac{\partial \operatorname{net}_{j}}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial}{\partial w_{ij}} \left(\sum_{k=0}^{n} w_{kj} out_{k} \right) = \frac{\partial}{\partial w_{ij}} w_{ij} out_{i} = out_{i}$$
 할수있다.

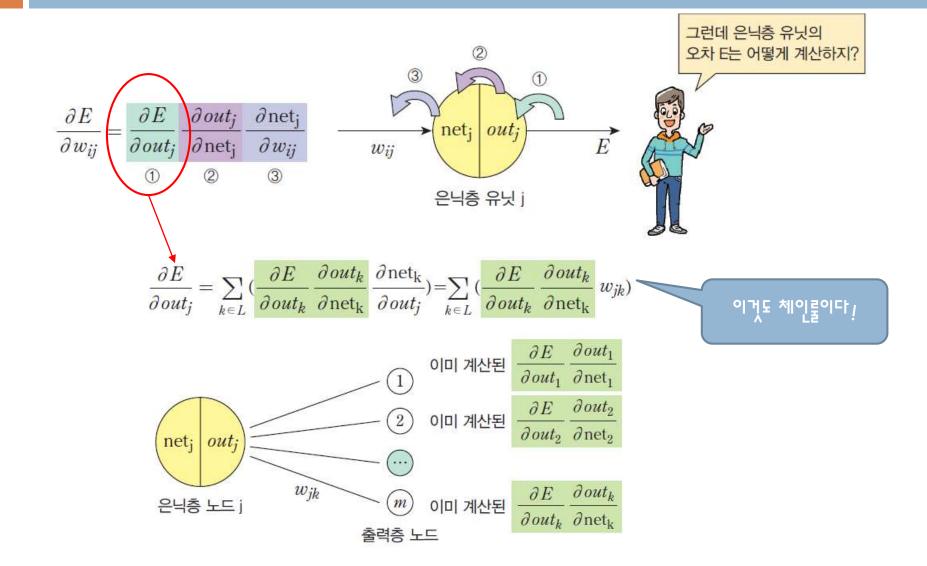
유닛의 출력값 변환에 따른 오차의 변화율이다.

입력합의 변화에 따른 유닛 j의 출력 변화율이다. 활성화 함수의 미분값이다.

가중치의 변화에 따른 net;의 변화율이라고 할 수 있다.

$$\therefore \frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = 0 \times 2 \times 3 = (out_j - target_j) \times f'(\text{net}_j) \times \text{out}_i$$

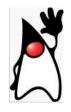
은닉층 유닛의 경우





- $\frac{\partial E}{\partial out_k} \frac{\partial out_k}{\partial net_k}$ 은 여러 문헌에서 **델타**라는 이름으로 불리는 값이다.
- 가중치가 보는 유닛 k에서의 "오차"라고 생각해도 된다.
- 이 델타가 신경망을 통하여 역전파된다.

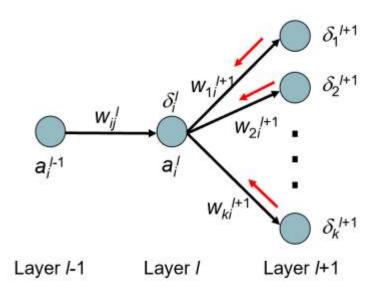
$$\delta_{j} = \begin{cases} (out_{j} - t_{j}) f'(\text{net}_{j}) & \frac{1}{2} \frac{1}{2} \\ \left(\sum_{k} w_{jk} \delta_{k} \right) f'(\text{net}_{j}) & \frac{1}{2} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \frac{1}{$$



역전파 알고리즘 정리

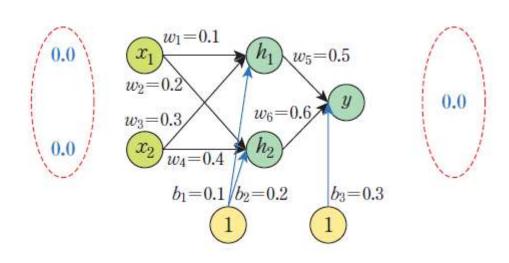
- 결론적으로 그래디언트는 델타에 이전 유닛의 출력값을 곱하면 구할 수 있다.
- 델타는 신경망의 레이어에 따라서 다음과 같이 구분하여서 계산할 수 있다.

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \delta_j out_i \qquad \text{여기서} \quad \delta_j = \begin{cases} (out_j - t_j) f'(\text{net}_j) & j \text{가 출력층 유닛이면} \\ \left(\sum_k \mathbf{w}_{jk} \delta_k\right) f'(\text{net}_j) & j \text{가 은닉층 유닛이면} \end{cases}$$





역전파 알고리즘을 손으로 계산해보자.



• 순방향 패스

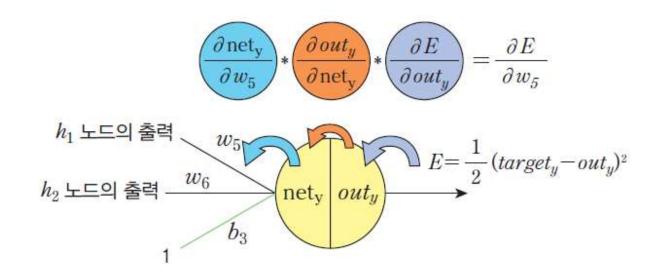


역전파 알고리즘을 손으로 계산해보자.

• 총오차 계산

$$E = \frac{1}{2}(t \, arg \, et_y - out_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.709383)^2 = 0.251612$$

• $\frac{\partial E}{\partial w_5}$ 만 계산해보자.





경사하 가버 저요 이 비 기이

• 1
$$\frac{\partial E}{\partial out_y} = 2 * \frac{1}{2} (target_y - out_y)^{2-1} * (-1) = (out_y - target_y)$$

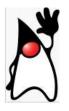
= $(0.709383 - 0.00) = 0.709383$

• ②
$$\frac{\partial out_y}{\partial \text{net}_y} = f'(out_y) = out_y*(1 - out_y) = 0.709383*(1 - 0.709383) = 0.206158$$



$$\frac{\partial E}{\partial w_5} = \frac{\partial E}{\partial out_y} \frac{\partial out_y}{\partial net_y} \frac{\partial net_y}{\partial w_5}$$
$$= 0.709383^*0.206158^*0.524979 = 0.076775$$

$$w_5(t+1) = w_5(t) + \eta * \frac{\partial E}{\partial w_5} = 0.5 - 0.2*0.076775 = 0.484645$$



은닉층->출력층의 가중치와 바이어스

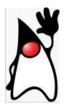
$$w_{5}(t+1) = w_{5}(t) + \eta * \frac{\partial E}{\partial w_{5}} = 0.5 - 0.2*0.076775 = 0.484645$$

$$w_6(t+1) = 0.583918$$

$$b_3(t+1) = 0.270750$$

가중치도 낮아지게 된다. . 현재 우리가 원하는 출력값은 *O*이기 때문이다_.

바이어스는 기존 값 보다 낮아지게 된다. 따라서 다음 번에는 유닛의 출력을 더 낮게 만들 것이다. 현재 우리가 원하는 출력 값은 *O*이기 때문이다.



입력층->은닉층의 가중치와 바이어스

$$w_1(t+1) = w_1(t) + \eta * \frac{\partial E}{\partial w_1} = 0.10 - 0.2 * 0.0 = 0.10$$

$$w_2(t+1)=0.2$$
, $w_3(t+1)=0.3$, $w_4(t+1)=0.4$

입력값이 O이어서 가중치는 변경되지 않았다(이점은 퍼셉트론 과 유사하다. 입력이 O이면 가중 치를 아무리 바꿔도 무슨 소용인가?).

$$b_1(t+1)=0.096352, b_2(t+1)=0.195656$$

손실함수 평가 (훈련 결과 → 오차 최소화!)

$$E = \frac{1}{2}(t \operatorname{arget} - \operatorname{out}_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.709383)^2 = 0.251612$$

→ 경사하강법 1번 적용

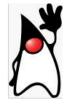
$$E = \frac{1}{2}(target - out_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.699553)^2 = 0.244687$$



경사하강법 10000번 적용

$$E = \frac{1}{2}(target - out_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.005770)^2 = 0.000016$$

오차가 크게 줄었다.



념파이를 이용하여 MLP 구현

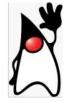
- 넘파이의 기능을 이용하면 모든 것을 행렬과 벡터로 표시할 수 있다.
- 행렬을 이용하면 동시에 여러 개의 예제를 동시에 학습시킬수 있다.
- 역전파할 때는 가중치 행렬를 전치시켜서 사용한다.
- 바이어스는 입력을 1.0으로 고정하고, 이 입력에 붙은 가중치로 생각 한다.

넘파이를 이용한 MLP 구현

```
import numpy as np
                                                            mlp2.py
# 시그모이드 함수
def actf(x):
 return 1/(1+np.exp(-x))
# 시그모이드 함수의 미분치
def actf_deriv(x):
   return x^*(1-x)
# 입력유닛의 개수, 은닉유닛의 개수, 출력유닛의 개수
inputs, hiddens, outputs = 2, 2, 1
learning_rate=0.2
# 훈련 샘플과 정답
X = np.array([[0, 0], [0, 1], [1, 0], [1, 1]])
T = np.array([[0], [1], [1], [0]])
```

순방향 전파 구현

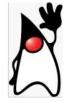
```
W1 = np.array([[0.10,0.20], [0.30,0.40]])
W2 = np.array([[0.50],[0.60]])
B1 = np.array([0.1, 0.2])
B2 = np.array([0.3])
# 순방향 전파 계산
def predict(x):
    layer0 = x
                                #입력을 layer0에 대입한다.
    Z1 = np.dot(layer0, W1)+B1
                                # 행렬의 곱을 계산한다.
    layer1 = actf(Z1)
                              # 활성화 함수를 적용한다.
                              # 행렬의 곱을 계산한다.
    Z2 = np.dot(layer1, W2)+B2
    layer2 = actf(Z2)
                                #활성화 함수를 적용한다.
    return layer0, layer1, layer2
```



오차 역전파 구현

```
# 역방향 전파 계산
def fit():
                        # 우리는 외부에 정의된 변수를 변경해야 한다.
  global W1, W2, B1, B2
  for i in range(90000):
                             #9만번 반복한다.
                       # 학습 샘플을 하나씩 꺼낸다.
    for x, y in zip(X, T):
      x = np.reshape(x, (1, -1)) # 2차원 행렬로 만든다. ①
                               #2차원 행렬로 만든다.
      y = np.reshape(y, (1, -1))
      layer0, layer1, layer2 = predict(x)
                                                        # 순방향 계산
      layer2_error = layer2-y
                                                        # 오차 계산
      layer2_delta = layer2_error*actf_deriv(layer2) # 출력층의 델타 계산
      layer1_error = np.dot(layer2_delta, W2.T) # 은닉층의 오차 계산 ②
      layer1_delta = layer1_error*actf_deriv(layer1) # 은닉층의 델타 계산 ③
      W2 += -learning_rate*np.dot(layer1.T, layer2_delta)
                                                        # 4
      W1 += -learning_rate*np.dot(layer0.T, layer1_delta)
                                                        # (5)
      B2 += -learning_rate*np.sum(layer2_delta, axis=0)
      B1 += -learning_rate*np.sum(layer1_delta, axis=0)
```

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \delta_j out_i \qquad \text{여기서} \quad \delta_j = \begin{cases} (out_j - t_j)f'(\text{net}_j) & j \text{가 출력층 유닛이면} \\ \left(\sum_k \mathbf{w}_{jk} \delta_k\right) f'(\text{net}_j) & j \text{가 은닉층 유닛이면} \end{cases}$$



오차 역전파 구현

```
def test():
    for x, y in zip(X, T):
        x = np.reshape(x, (1, -1)) # 하나의 샘플을 꺼내서 2차원 행렬로 만든다.
        layer0, layer1, layer2 = predict(x)
        print(x, y, layer2) # 출력층의 값을 출력해본다.

fit()
test()
```

Forward pass

[[0 0]] [0] [[0.99196032]] [[0 1]] [1] [[0.00835708]] [[1 0]] [1] [[0.00836107]] [[1 1]] [0] [[0.98974873]]



Backward pass

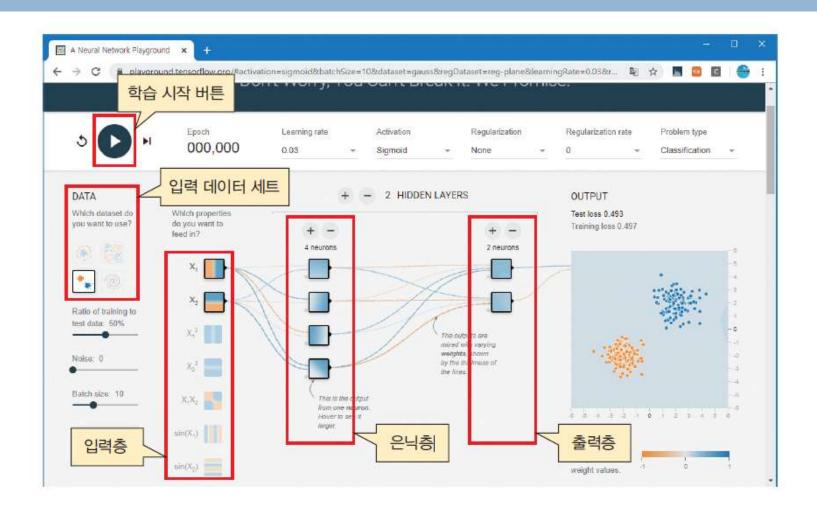
```
[[0 0]] [0] [[0.00814407]]
[[0 1]] [1] [[0.99154105]]
[[1 0]] [1] [[0.99152258]]
[[1 1]] [0] [[0.01038517]]
[[-6.7181009 -5.22651178]
[-6.75291089 -5.23369975]]
[[-11.19451524]
[ 11.04437812]]
[2.8151334 7.80251731] [-5.28026114]
```

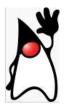


- 사이트(https://playground.tensorflow.org)
- 텐서 플로우 플레이그라운드는 자바 스크립트로 작성된 웹 애플리케 이션으로 웹 브라우저에서 실행
- 이 사이트에서는 사용자가 딥러닝 모델을 구성하고 여러 가지 매개 변수를 조정하면서 실험할 수 있는 기능을 제공한다.

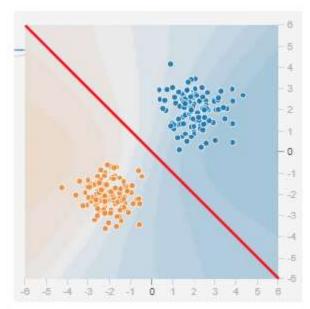


구글의 플레이그라운드



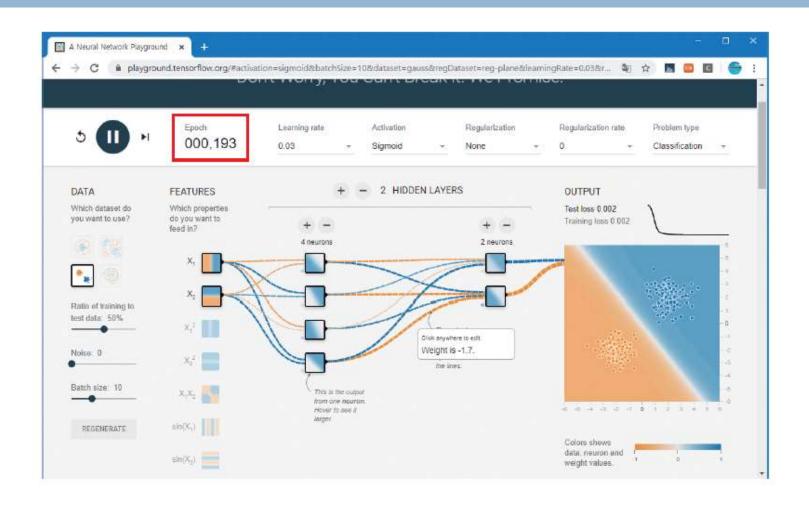


선형 분리 가능한 입력 데이터

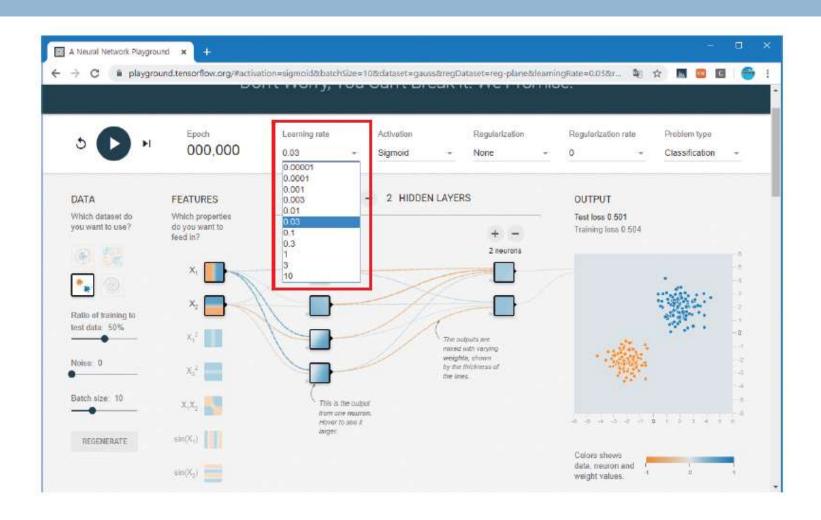


$$w_1x_1 + w_2x_2 + b = 0$$



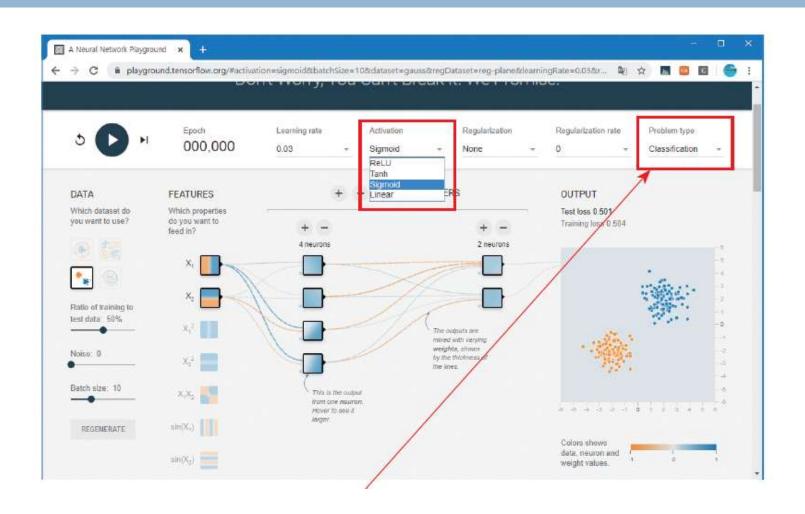






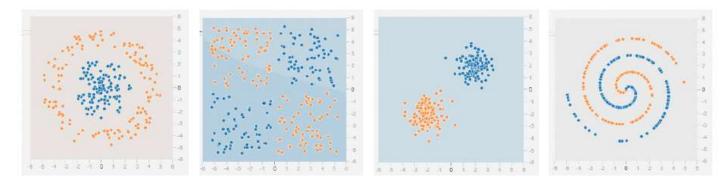


할성화 함수 선택

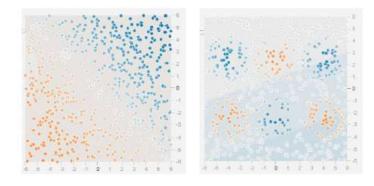




• 분류 문제

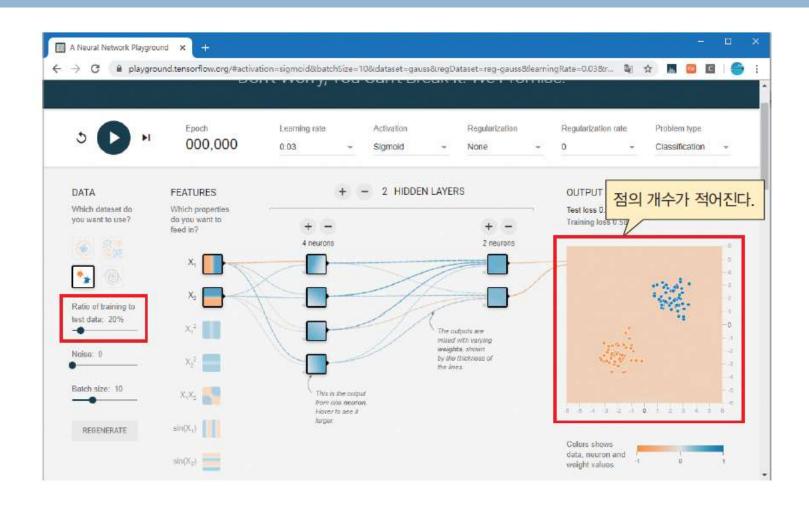


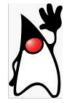
• 회귀 문제



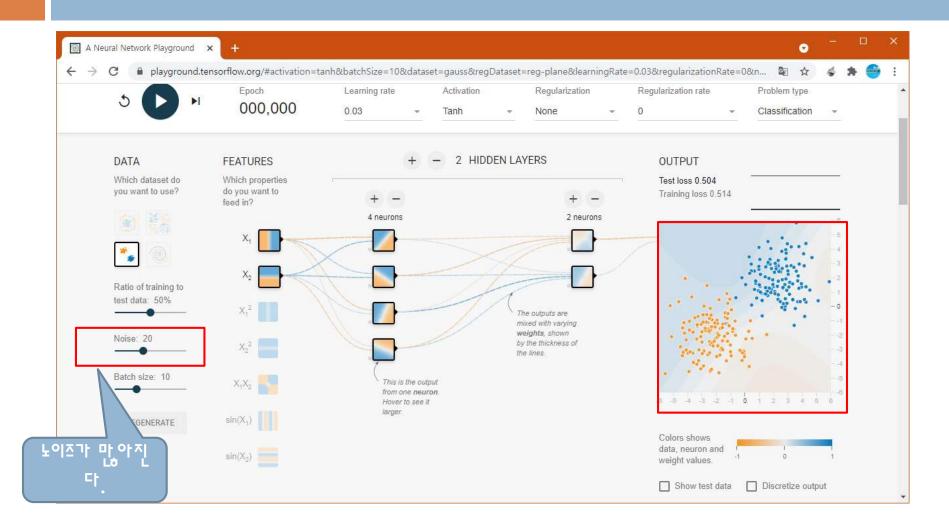


학습 데이터와 테스트 데이터의 비율



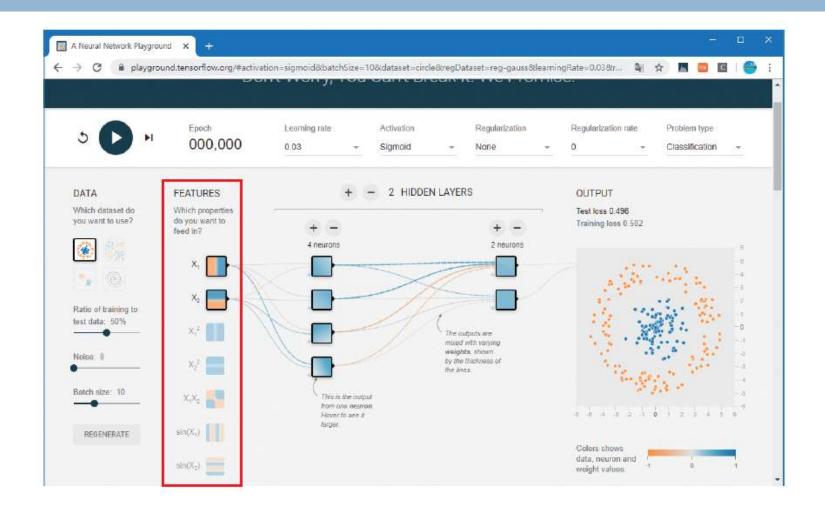


노이즈 비율

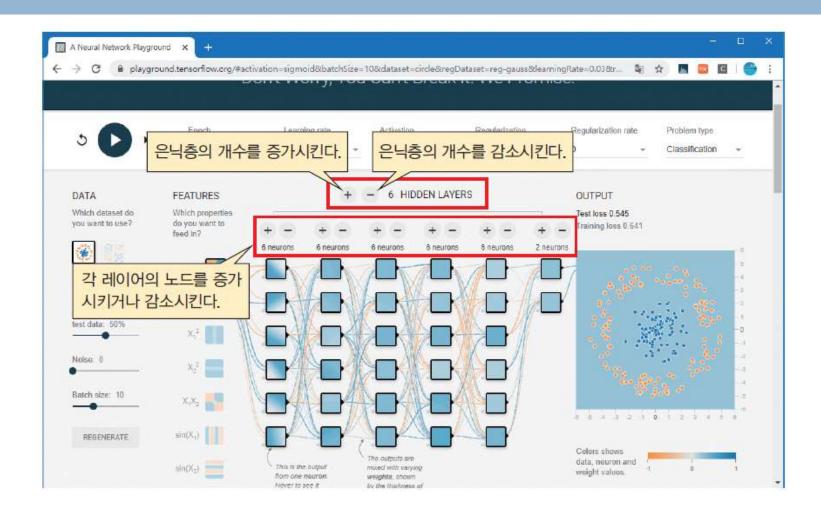




입력 특징 선택



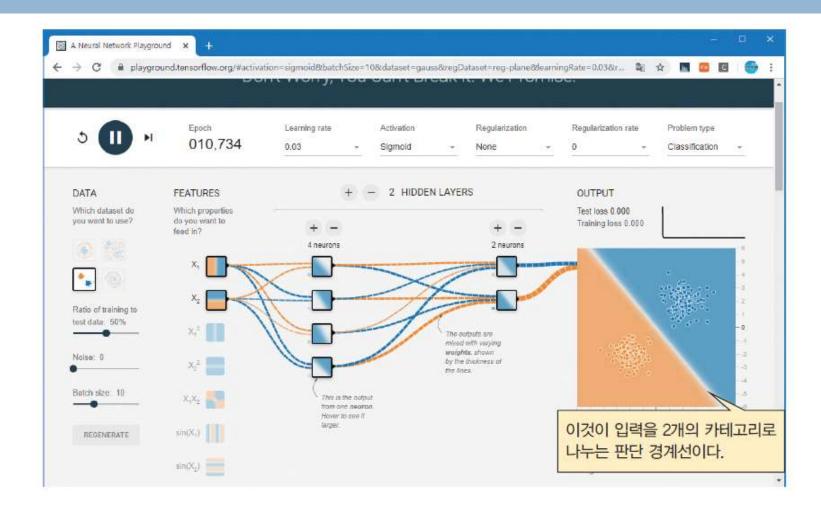
은니층 추가하기





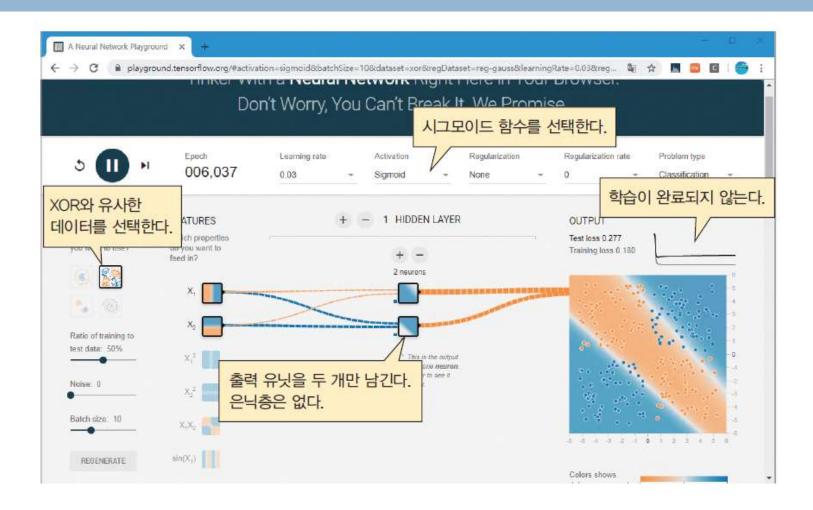






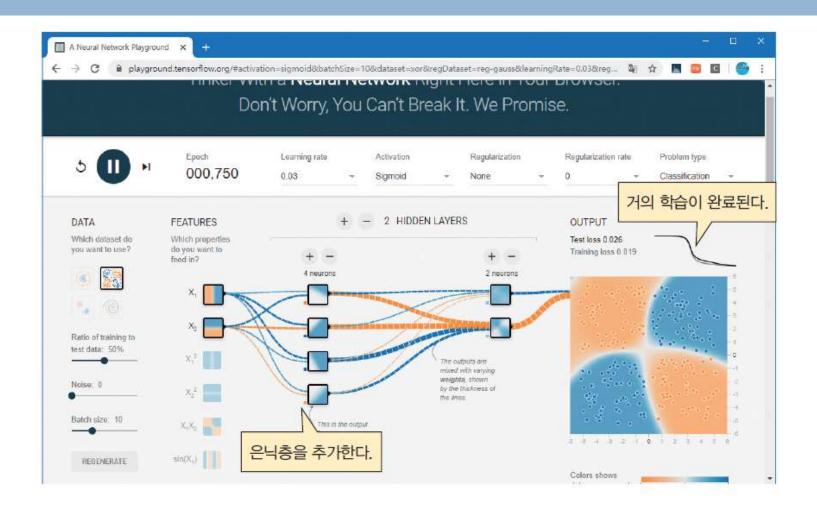


은닉층 없이 분류 실습





은닉층을 추가한 실습





- 입력층과 출력층 사이에 은닉층(hidden layer)을 가지고 있는 신경망을 다층 퍼셉트론(multilayer perceptron: MLP)이라고 부른다.
- MLP를 학습시키기 위하여 역전파 알고리즘(back-propagation)이 재발견되었다. 이 알고리즘이 지금까지도 신경망 학습 알고리즘의 근간이 되고 있다.
- 역전파 알고리즘은 입력이 주어지면 순방향으로 계산하여 출력을 계산한 후에 실제 출력과 우리가 원하는 출력 간의 오차를 계산한다. 이오차를 역방향으로 전파하면서 오차를 줄이는 방향으로 가중치를 변경한다.



Q & A

