# 6장 MLP(다층 퍼셉트론)

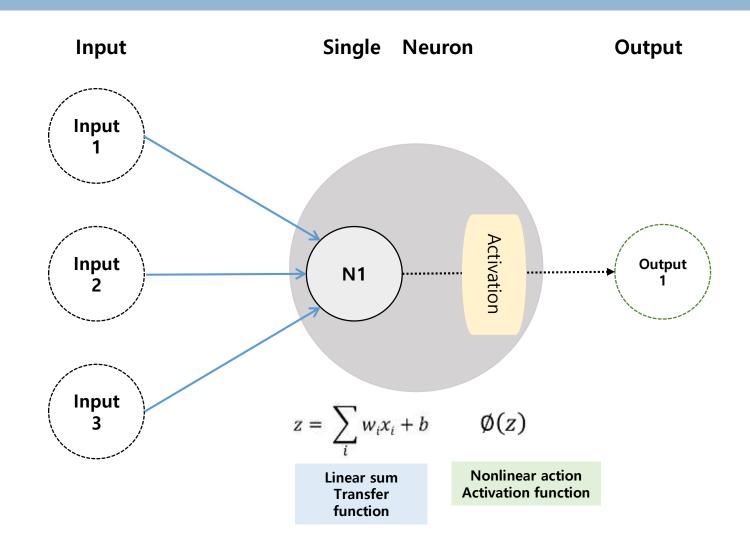
### 학습 목표

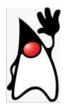
- MLP의 작동 원리를 이해한다.
- 경사하강법을 이해한다.
- 역전파 알고리즘을 이해한다.
- 넘파이만으로 MLP를 구현해본다...



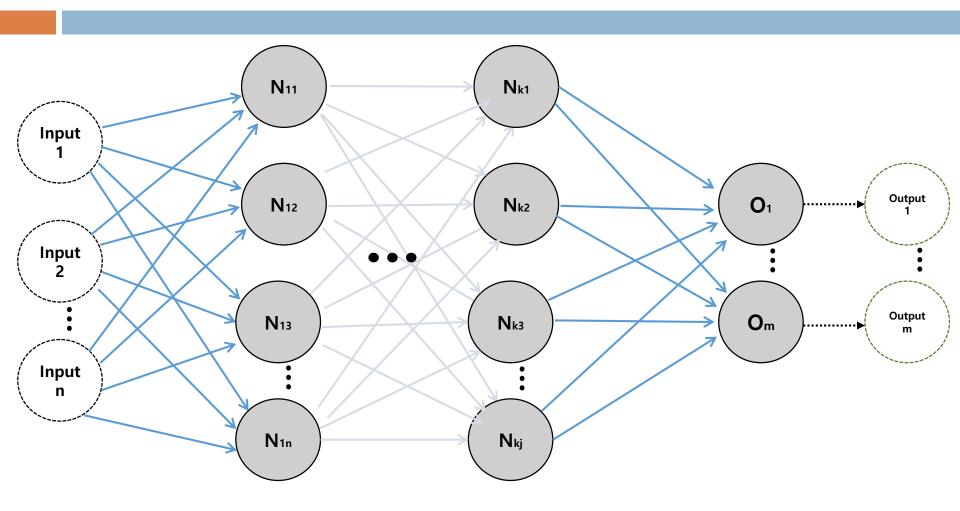


#### AN (Artificial Neuron)





#### ANN (Artificial Neural Network)



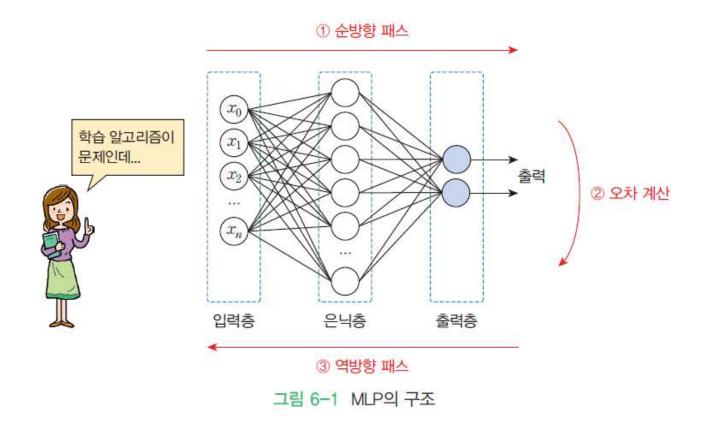
n-Input

k-Hidden layers → deep layer

m-Output layer



 다층 퍼셉트론(multilayer perceptron: MLP): 입력층과 출력층 사이에 은닉층(hidden layer)을 가지고 있는 퍼셉트론





### 활성화 함수

- 활성화 함수(activation function)은 입력의 총합을 받아서 출력값을 계산하는 함수이다.
- MLP에서는 다양한 활성화 함수를 사용한다.

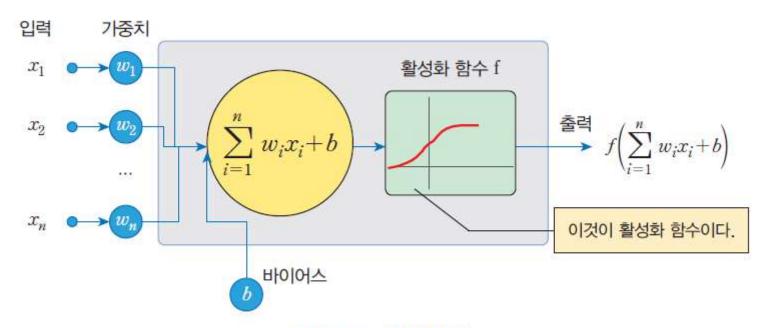


그림 6-2 활성화 함수



### 일반적으로 많이 사용되는 활성화 함수



https://www.v7labs.com/blog/neural-networks-activation-functions



### 선형 레이어는 많아도 쓸모가 없다.

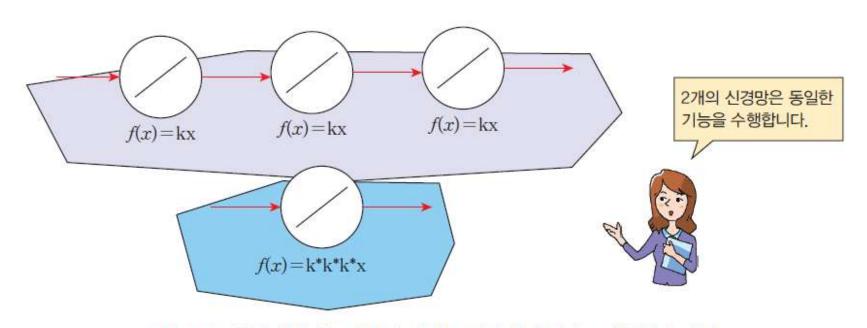
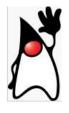


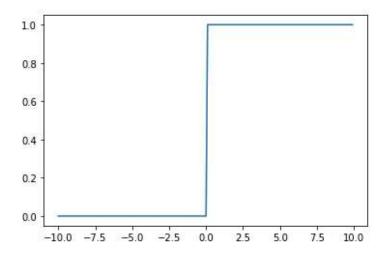
그림 6-4 선형 레이어는 아무리 많아도 하나의 레이어로 대치될 수 있다.

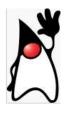


### 계단 함수 (step function)

• 계단 함수는 입력 신호의 총합이 0을 넘으면 1을 출력하고, 그렇지 않으면 0을 출력하는 함수이다.

$$f(x) = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ 0 & x \le 0 \end{cases}$$

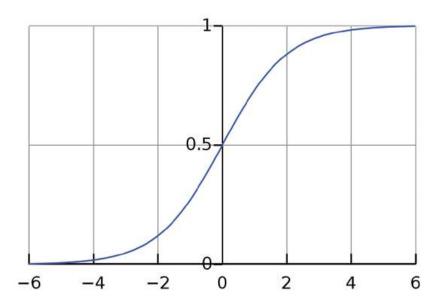




### 시크모이트 함수 (Sigmoid function

• 1980년대부터 사용돼온 전통적인 활성화 함수이다. 시그모이드는 다음과 같이 S자와 같은 형태를 가진다.

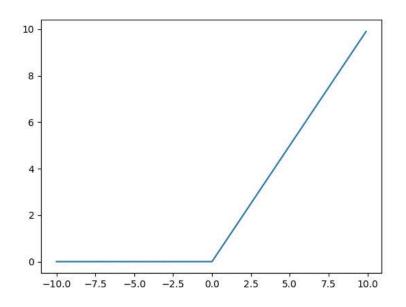
$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$



#### ReLU \* (Rectifed Linear Unit function)

 ReLU 함수는 최근에 가장 인기 있는 활성화 함수이다. ReLU 함수는 입력이 0을 넘으면 그대로 출력하고, 입력이 0보다 적으면 출력은 0 이 된다.

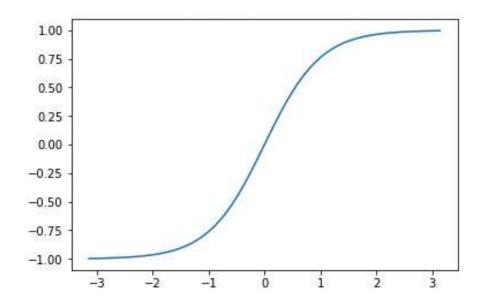
$$f(x) = \begin{cases} x & x > 0 \\ 0 & x \le 0 \end{cases}$$

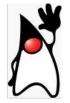




 tanh() 함수는 넘파이에서 제공하고 있다. 따라서 별도의 함수 작성은 필요하지 않다. tanh() 함수는 시그모이드 함수와 아주 비슷하지만 출 력값이 -1에서 1까지이다.

$$f(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} = \frac{2}{1 + e^{-2x}} - 1$$





### Lab: 파이썬으로 활성화 함수 구현하기

```
def step(x):
```

if x > 0.000001: return 1 # 부동 소수점 오차 방지

return 0 else



넘파이 배열을 받기 위하여 변경한다.

#### def step(x):

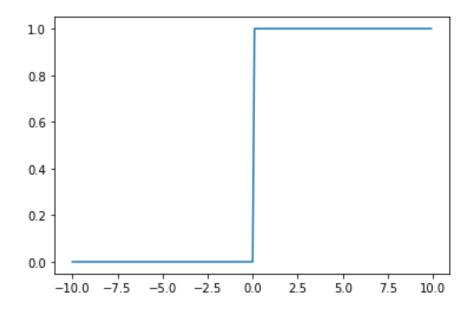
result = x > 0.000001return result.astype(np.int) # 정수로 반환

# True 또는 False

### 그래프 그리기

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

x = np.arange(-10.0, 10.0, 0.1)
y = step(x)
plt.plot(x, y)
plt.show()
```

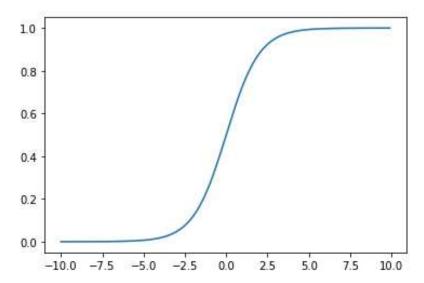


#### 시그모이드 학수

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

def sigmoid(x):
    return 1.0 / (1.0 + np.exp(-x))

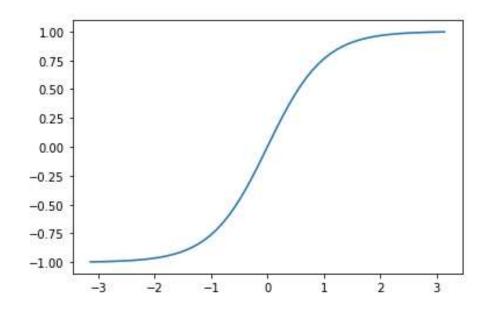
x = np.arange(-10.0, 10.0, 0.1)
y = sigmoid(x)
plt.plot(x, y)
plt.show()
```





```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

x = np.linspace(-np.pi, np.pi, 60)
y = np.tanh(x)
plt.plot(x, y)
plt.show()
```

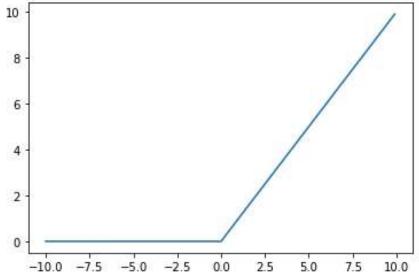




```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

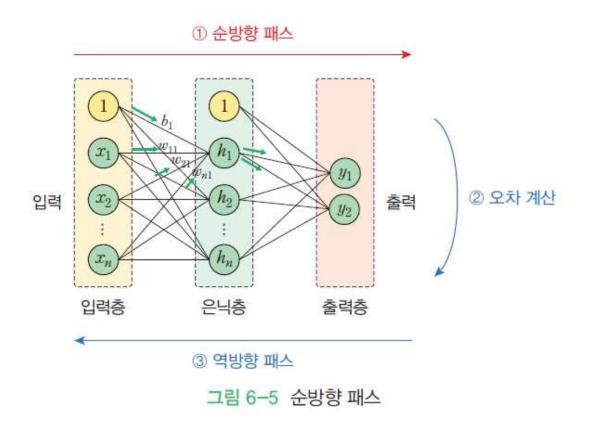
def relu(x):
    return np.maximum(x, 0)

x = np.arange(-10.0, 10.0, 0.1)
y = relu(x)
plt.plot(x, y)
plt.show()
```

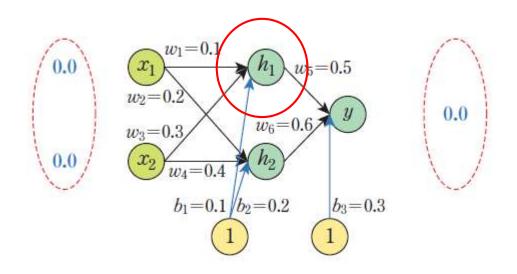


### MLP의 순방향 패스

 순방향 패스란 입력 신호가 입력층 유닛에 가해지고 이들 입력 신호 가 은닉층을 통하여 출력층으로 전파되는 과정을 의미한다.

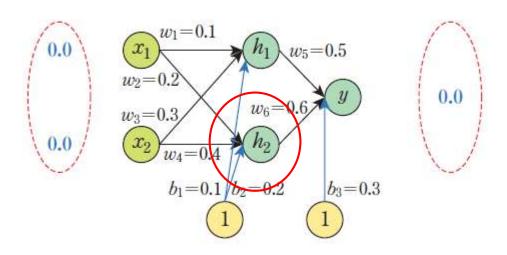






$$z_1 = w_1 * x_1 + w_3 * x_2 + b_1 = 0.1 * 0.0 + 0.3 * 0.0 + 0.1 = 0.1$$
  
$$a_1 = \frac{1}{1 + e^{-z_1}} = \frac{1}{1 + e^{-0.1}} = 0.524979$$

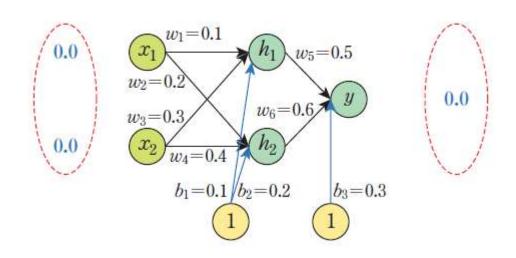




$$a_2 = 0.549834$$

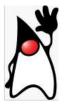


### 손으로 계산해보자

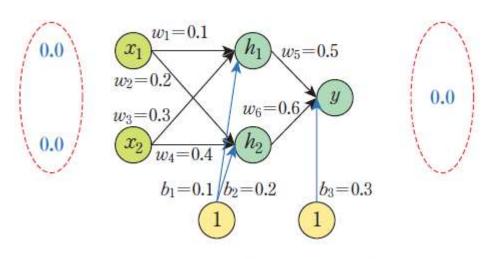


$$\begin{split} z_y &= w_5 * a_1 + w_6 * a_2 + b_3 \\ &= 0.5 * 0.524979 + 0.6 * 0.549834 + 0.3 = 0.892389 \\ a_y &= \frac{1}{1 + e^{-z_y}} = \frac{1}{1 + e^{-0.892389}} = 0.709383 \end{split}$$

정답은 0이지만 신경망의 출력은 0.71 정도이다. 오차가 상당함을 알 수 있다.



### 행렬로 표시해보자



$$z_1 = w_1 * x_1 + w_3 * x_2 + b_1$$
  

$$z_2 = w_2 * x_1 + w_4 * x_2 + b_2$$

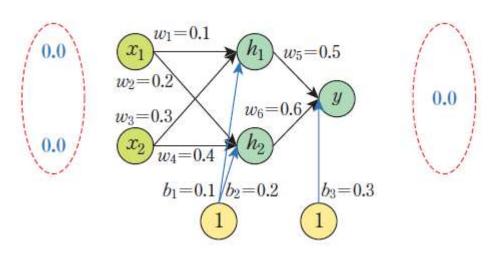


$$Z_1 = XW_1 + B_1$$

행렬로 표시할 수 있다.



### 행렬로 표시해보자



$$X = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 \end{bmatrix}, B_1 = \begin{bmatrix} b_1 & b_2 \end{bmatrix}, Z_1 = \begin{bmatrix} z_1 & z_2 \end{bmatrix}$$

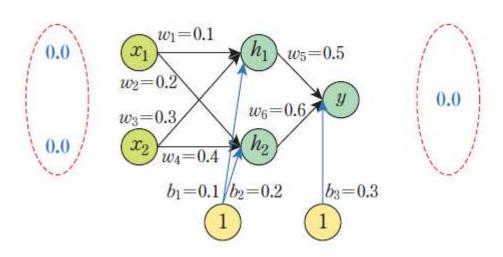
$$W_1 = \begin{bmatrix} w_1 & w_2 \\ w_3 & w_4 \end{bmatrix}$$



$$Z_{1} = [z_{1} \ z_{2}] = XW_{1} + B_{1} = [x_{1} \ x_{2}] \begin{bmatrix} w_{1} \ w_{2} \\ w_{3} \ w_{4} \end{bmatrix} + [b_{1} \ b_{2}]$$



### 행렬로 표시해보자



$$\begin{aligned} W_2 &= \begin{bmatrix} w_5 \\ w_6 \end{bmatrix} \\ Z_2 &= A_1 W_2 + B_2 = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} w_5 \\ w_6 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b_3 \end{bmatrix} \\ A_2 &= \begin{bmatrix} y \end{bmatrix} = f(Z_2) \end{aligned}$$

```
import numpy as np
                                                            mlp1.py
# 시그모이드 함수
def actf(x):
 return 1/(1+np.exp(-x))
# 시그모이드 함수의 미분치
def actf_deriv(x):
   return x^*(1-x)
# 입력유닛의 개수, 은닉유닛의 개수, 출력유닛의 개수
inputs, hiddens, outputs = 2, 2, 1
learning_rate=0.2
# 훈련 샘플과 정답
X = np.array([[0, 0], [0, 1], [1, 0], [1, 1]])
T = np.array([[0], [1], [1], [0]])
```

### Lab: MLP 순방향 패스

```
W1 = np.array([[0.10, 0.20],
         [0.30, 0.40]]
W2 = np.array([[0.50], [0.60]])
B1 = np.array([0.1, 0.2])
B2 = np.array([0.3])
# 순방향 전파 계산
def predict(x):
    layer0 = x
                                 # 입력을 layer0에 대입한다.
                                #행렬의 곱을 계산한다.
    Z1 = np.dot(layer0, W1)+B1
                                 #활성화 함수를 적용한다.
    layer1 = actf(Z1)
                                 # 행렬의 곱을 계산한다.
    Z2 = np.dot(layer1, W2)+B2
    layer2 = actf(Z2)
                                 #활성화 함수를 적용한다.
    return layer0, layer1, layer2
```

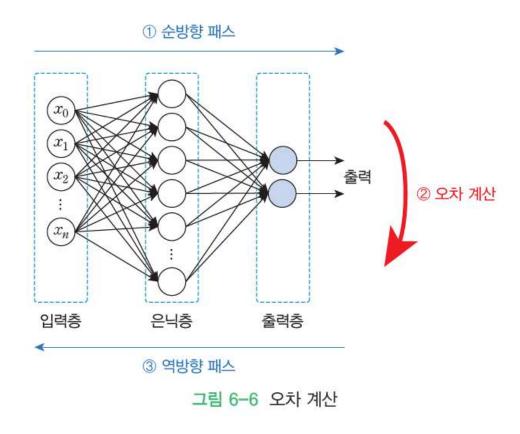
```
def test():
    for x, y in zip(X, T):
        x = np.reshape(x, (1, -1))  # x를 2차원 행렬로 만든다.입력은 2차원이어야한다.
        layer0, layer1, layer2 = predict(x)
        print(x, y, layer2)
test()
```

```
[[0 0]] [1] [[0.70938314]]
[[0 1]] [0] [[0.72844306]]
[[1 0]] [0] [[0.71791234]]
[[1 1]] [1] [[0.73598705]]
```

학습이 없으므로 난수만 출력된다.

## 손실 함수 계산

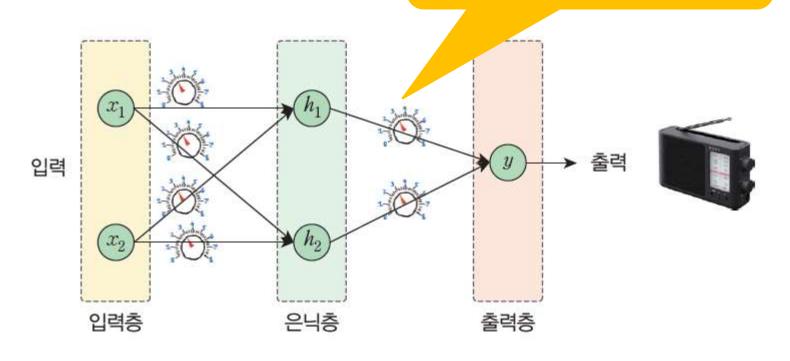
신경망에서 학습을 시킬 때 는 실제 출력과 원하는 출력 사이의 오차를 이용한다. 오차를 계산하는 함수를 손실함수(loss function)라고한다.





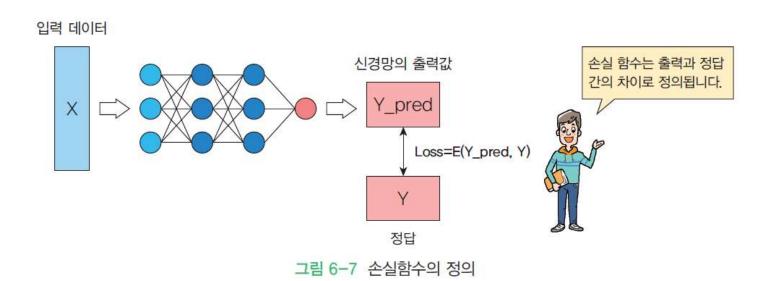
### 가중치==다이얼 튜닝(미세 조정)

가중치를 조절한다는 것은 스피커에서 나는 소리를 들으면서 튜너 다이얼을 돌 리는 것과 같다.





• 신경망에서도 학습의 성과를 나타내는 지표가 있어야 한다. 이것을 손실함수(loss function)이라고 한다





### 평균 제곱 <sup>오차</sup> (MSE)

• 예측값과 정답 간의 평균 제곱 오차

$$E(w) = \frac{1}{2} \sum_{i} (y_i - t_i)^2$$

0.0299999999999992



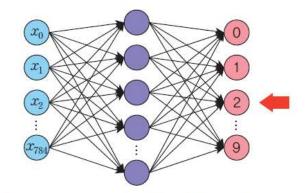


그림 6-8 MNIST 숫자 이미지를 분류하는 신경망



### 예측값과 정답이 많이 차이나는 경우



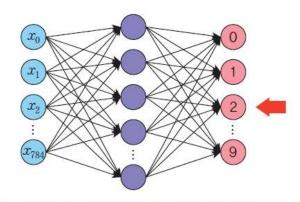
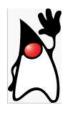


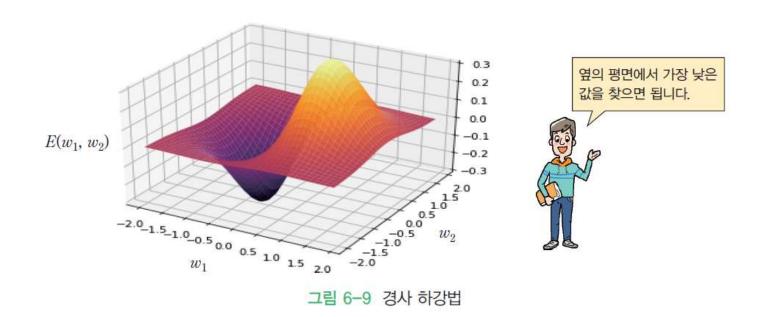
그림 6-8 MNIST 숫자 이미지를 분류하는 신경망



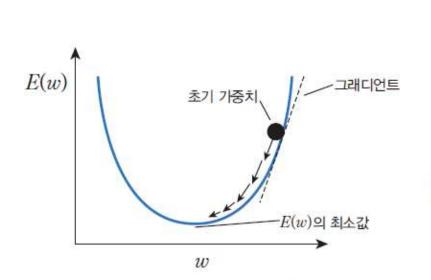
### 경사하가백 (gradient decent)

• 역전파 알고리즘은 신경망 학습 문제를 최적화 문제(optimization)로 접근한다. 우리는 손실함수 값을 최소로 하는 가중치를 찾으면 된다.

$$W' = \underset{W}{\operatorname{argmin}} E(W)$$







그래디언트는 접선의 기울기로 이해 해도 됩니다. 접선의 기울기가 양수 이면 반대로 w를 감소시킵니다.

그림 6-11 경사 하강법

손실함수를 가중치로 미분한 값이 양수이면



가중치를 감소시킨다.

손실함수를 가중치로 미분한 값이 음수이면



가중치를 증가시킨다.



### Lab: 경사하강법의 실습

- 손실 함수  $y = (x-3)^2 + 10$
- 그래디언트: y' = 2x-6

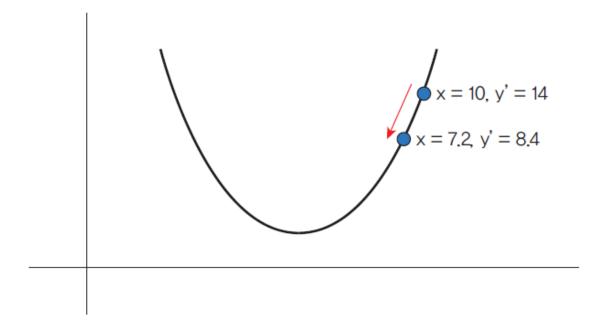


그림 6-12 그래디언트의 계산

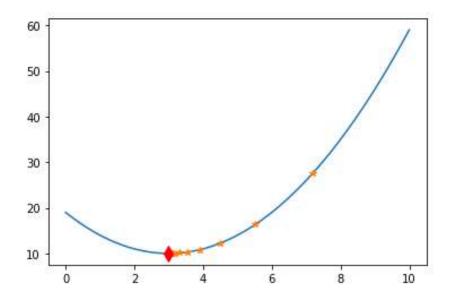
### 경사 하 강법 프로그래밍

```
x = 10
learning_rate = 0.2
precision = 0.00001
max_iterations = 100
# 손실함수를 람다식으로 정의한다.
loss_func = lambda x: (x-3)**2 + 10
# 그래디언트를 람다식으로 정의한다. 손실함수의 1차 미분값이다.
gradient = lambda x: 2*x-6
#그래디언트 강하법
for i in range(max_iterations):
  x = x - learning_rate * gradient(x)
  print("손실함수값(", x, ")=", loss_func(x))
print("최소값 = ", x)
```

#### 실행 결과

. . .

손실함수값( 3.000000000000000 )= 10.0 최소값 = 3.000000000000004

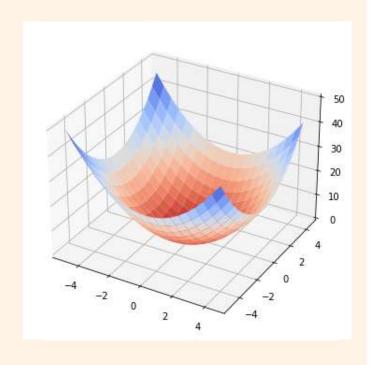


grad\_desc1\_A.py

# Lab: 2차원 그래디언트 시각화

grad\_desc2.py

```
from mpl_toolkits.mplot3d import axes3d
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
x = np.arange(-5, 5, 0.5)
y = np.arange(-5, 5, 0.5)
X, Y = np.meshgrid(x, y) # 참고 박스
Z = X**2 +Y**2 # 넘파이 연산
fig = plt.figure(figsize=(6,6))
ax = fig.add subplot(111, projection='3d')
# 3차원 그래프를 그린다.
ax.plot_surface(X, Y, Z)
plt.show()
```





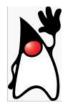
## Lab: 2차원 그래디언트 시각화

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

x = np.arange(-5,5,0.5)
y = np.arange(-5,5,0.5)
X, Y = np.meshgrid(x,y)
U = -2*X
V = -2*Y

그래디언트의 음수
plt.figure()
Q = plt.quiver(X, Y, U, V, units='width')
plt.show()
```

화살표가 최소값을 가리키고 있음을 알 수 있다.



### 역전파 학습 알고리즘 (back-propagation)

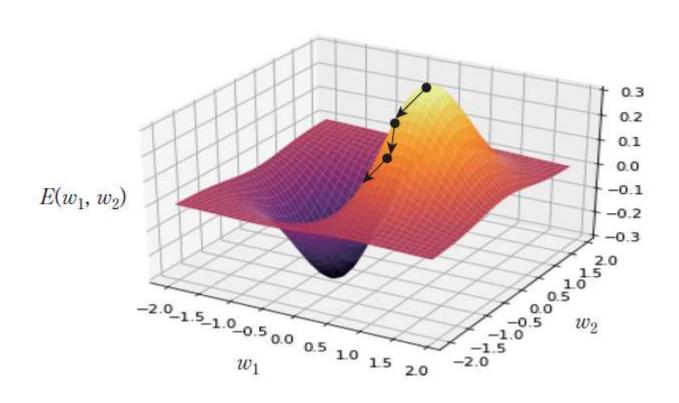
- 역전파 알고리즘은 입력이 주어지면 순방향으로 계산하여 출력을 계산한 후에 실제 출력과 우리가 원하는 출력 간의 오차를 계산한다.
- 이 오차를 역방향으로 전파하면서 오차를 줄이는 방향으로 가중치를 변경한다.

$$w(t+1) = w(t) - \eta \frac{\partial E}{\partial w}$$

- ① 가중치와 바이어스를 0부터 1 사이의 난수로 초기화한다.
- ② 수렴할 때까지 모든 가중치에 대하여 다음을 반복한다.
- ③ 손실함수 E의 그래디언트  $\partial E/\partial w$ 을 계산한다.



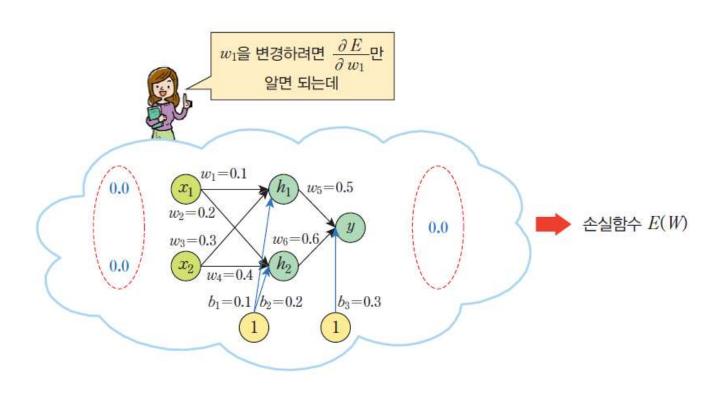
# 역전파 학습 알고리즘

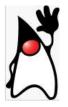




### 역전파 알고리즘의 유도(생략 가능)

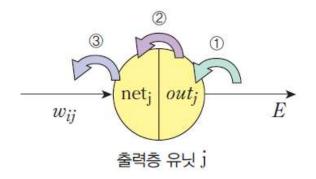
• 미분의 체인물을 이용하여 유도가 가능하다.





## 출력층 유닛의 경우

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial E}{\partial out_j} \frac{\partial out_j}{\partial net_j} \frac{\partial net_j}{\partial w_{ij}}$$
① ② ③



$$\frac{\partial out_j}{\partial net_j} = \frac{\partial f(net_j)}{\partial net_j} = f'(net_j)$$

③ 
$$\frac{\partial \operatorname{net}_{j}}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial}{\partial w_{ij}} \left( \sum_{k=0}^{n} w_{kj} out_{k} \right) = \frac{\partial}{\partial w_{ij}} w_{ij} out_{i} = out_{i}$$
 할수있다.

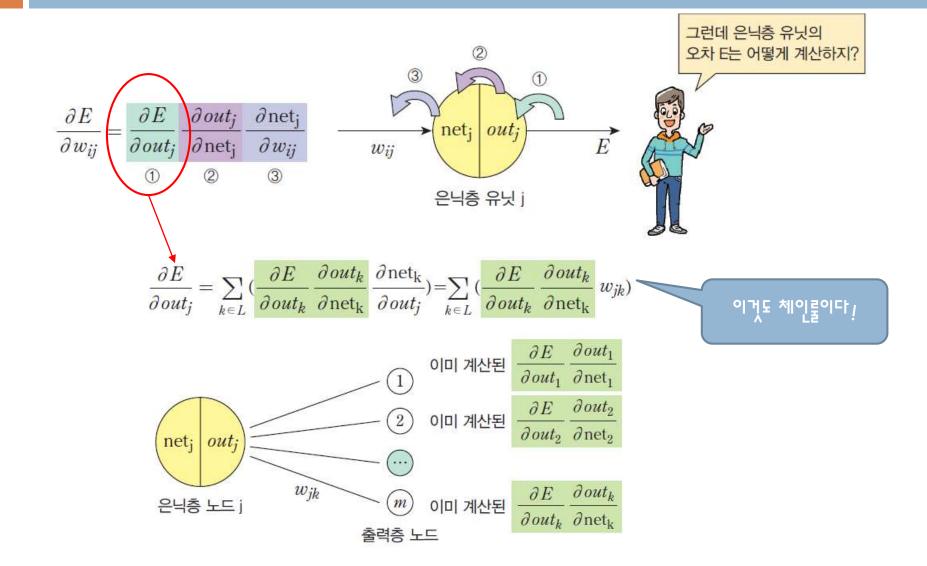
유닛의 출력값 변환에 따른 오차의 변화율이다.

입력합의 변화에 따른 유닛 j의 출력 변화율이다. 활성화 함수의 미분값이다.

가중치의 변화에 따른 net;의 변화율이라고 할 수 있다.

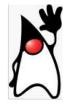
$$\therefore \frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = 0 \times 2 \times 3 = (out_j - target_j) \times f'(\text{net}_j) \times \text{out}_i$$

### 은닉층 유닛의 경우





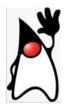
- $\frac{\partial E}{\partial out_k} \frac{\partial out_k}{\partial \mathrm{net_k}}$  은 여러 문헌에서 델타라는 이름으로 불리는 값이다.
- 가중치가 보는 유닛 k에서의 "오차"라고 생각해도 된다.
- 이 델타가 신경망을 통하여 역전파된다.



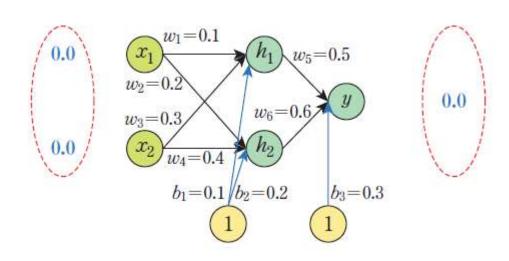
#### 역전파 알고리즘 정리

- 결론적으로 그래디언트는 델타에 유닛의 출력값을 곱하면 구할 수 있다.
- 델타는 신경망의 레이어에 따라서 다음과 같이 구분하여서 계산할 수 있다.

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \delta_j out_i \qquad \text{여기서} \quad \delta_j = \begin{cases} (out_j - t_j) f'(\text{net}_j) & j \text{가 출력층 유닛이면} \\ \left(\sum_k \mathbf{w}_{jk} \delta_k\right) f'(\text{net}_j) & j \text{가 은닉층 유닛이면} \end{cases}$$



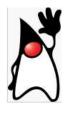
## 역전파 알고리즘을 손으로 계산해보자.



#### • 순방향 패스

$$\text{net}_{y} = w_{5} * out_{h1} + w_{6} * out_{h2} + b_{3} 
 = 0.5 * 0.524979 + 0.6 * 0.549834 + 0.3 = 0.89239 
 out_{y} = \frac{1}{1 + e^{-\text{net}_{y}}} = \frac{1}{1 + e^{-0.89239}} = 0.709383$$

악절 참조!

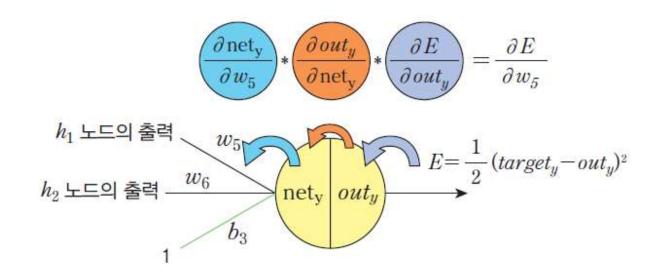


## 역전파 알고리즘을 손으로 계산해보자.

• 총오차 계산

$$E = \frac{1}{2}(t \, arg \, et_y - out_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.709383)^2 = 0.251612$$

•  $\frac{\partial E}{\partial w_5}$ 만 계산해보자.





## 경사하강법적용

• 1 
$$\frac{\partial E}{\partial out_y} = 2 * \frac{1}{2} (target_y - out_y)^{2-1} * (-1) = (out_y - target_y)$$
  
=  $(0.709383 - 0.00) = 0.709383$ 

• ② 
$$\frac{\partial out_y}{\partial \text{net}_y} = f'(out_y) = out_y * (1 - out_y) = 0.709383 * (1 - 0.709383) = 0.206158$$

• 3 
$$net_y = w_5 * out_{h1} + w_6 * out_{h2} + b_3 * 1$$
  
 $\frac{\partial net_y}{\partial w_5} = 1 * out_{h1} + 0 + 0 = 0.524979$ 



$$\frac{\partial E}{\partial w_5} = \frac{\partial E}{\partial out_y} \frac{\partial out_y}{\partial net_y} \frac{\partial net_y}{\partial w_5}$$
$$= 0.709383^*0.206158^*0.524979 = 0.076775$$

$$w_5(t+1) = w_5(t) + \eta * \frac{\partial E}{\partial w_5} = 0.5 - 0.2*0.076775 = 0.484645$$



# 은닉층->출력층의 가중치와 바이어스

$$w_{5}(t+1) = w_{5}(t) + \eta * \frac{\partial E}{\partial w_{5}} = 0.5 - 0.2*0.076775 = 0.484645$$

$$w_6(t+1) = 0.583918$$

$$b_3(t+1) = 0.270750$$

**가중치도 낮아지게 된다.** . 현재 우리가 원하는 출력값은 *O*이기 때문이다<sub>.</sub>

**바이어스는 기존 값 보다 낮아지게 된다.** 따라서 다음 번에는 유닛의 출력을 더 낮게 만들 것이다. 현재 우리가 원하는 출력 값은 *O*이기 때문이다.



# 입력층->은닉층의 가중치와 바이어스

$$w_1(t+1) = w_1(t) + \eta * \frac{\partial E}{\partial w_1} = 0.10 - 0.2 * 0.0 = 0.10$$

$$w_2(t+1)=0.2$$
,  $w_3(t+1)=0.3$ ,  $w_4(t+1)=0.4$ 

입력값이 O이어서 가중치는 변경되지 않았다(이점은 퍼셉트론 과 유사하다. 입력이 O이면 가중 치를 아무리 바꿔도 무슨 소용인가?).

$$b_1(t+1)=0.096352, b_2(t+1)=0.195656$$

이런 경우에는 바이어스가 큰 역할을 한다(이래서 바이어스는 반드시 있어야 한다) **바이어스는 기존 값보다 낮아지게 된다.** 따라서 다음 번에는 유닛의 출력을 더 낮게 만들 것이다. 현재 우리가 원하는 출력 값은 O이기 때문이다.

# 손실함수 평가 (훈련 결과 → 오차 최소화!)

$$E = \frac{1}{2}(t \, arg \, et - out_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.709383)^2 = 0.251612$$

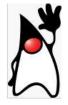
$$E = \frac{1}{2}(target - out_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.699553)^2 = 0.244687$$



경사하강법 10000번 적용

$$E = \frac{1}{2}(target - out_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.005770)^2 = 0.000016$$

오차가 크게 줄었다.



#### 념파이를 이용하여 MLP 구현

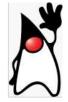
- 넘파이의 기능을 이용하면 모든 것을 행렬과 벡터로 표시할 수 있다.
- 행렬을 이용하면 동시에 여러 개의 예제를 동시에 학습시킬수 있다.
- 역전파할 때는 가중치 행렬를 전치시켜서 사용한다.
- 바이어스는 입력을 1.0으로 고정하고, 이 입력에 붙은 가중치로 생각 한다.

### 넘파이를 이용한 MLP 구현

```
import numpy as np
                                                            mlp2.py
# 시그모이드 함수
def actf(x):
 return 1/(1+np.exp(-x))
# 시그모이드 함수의 미분치
def actf_deriv(x):
   return x^*(1-x)
# 입력유닛의 개수, 은닉유닛의 개수, 출력유닛의 개수
inputs, hiddens, outputs = 2, 2, 1
learning_rate=0.2
# 훈련 샘플과 정답
X = np.array([[0, 0], [0, 1], [1, 0], [1, 1]])
T = np.array([[1], [0], [0], [1]])
```

# 순방향 전파 구현

```
W1 = np.array([[0.10,0.20], [0.30,0.40]])
W2 = np.array([[0.50],[0.60]])
B1 = np.array([0.1, 0.2])
B2 = np.array([0.3])
# 순방향 전파 계산
def predict(x):
                                #입력을 layer0에 대입한다.
    layer0 = x
    Z1 = np.dot(layer0, W1)+B1 # 행렬의 곱을 계산한다.
    layer1 = actf(Z1)
                              # 활성화 함수를 적용한다.
    Z2 = np.dot(layer1, W2)+B2
                              # 행렬의 곱을 계산한다.
    layer2 = actf(Z2)
                                #활성화 함수를 적용한다.
    return layer0, layer1, layer2
```



#### 오차 역전파 구현

```
# 역방향 전파 계산
def fit():
                                # 우리는 외부에 정의된 변수를 변경해야 한다.
  global W1, W2, B1, B2
  for i in range(90000):
                                #9만번 반복한다.
                            # 학습 샘플을 하나씩 꺼낸다.
    for x, y in zip(X, T):
      x = np.reshape(x, (1, -1)) # 2차원 행렬로 만든다. ①
                                #2차원 행렬로 만든다.
      y = np.reshape(y, (1, -1))
       layer0, layer1, layer2 = predict(x)
                                                          # 순방향 계산
       layer2_error = layer2-y
                                                          # 오차 계산
       layer2_delta = layer2_error*actf_deriv(layer2)
                                                # 출력층의 델타 계산
       layer1_error = np.dot(layer2_delta, W2.T)
                                             # 은닉층의 오차 계산 ②
       layer1_delta = layer1_error*actf_deriv(layer1)
                                                # 은닉층의 델타 계산 ③
      W2 += -learning_rate*np.dot(layer1.T, layer2_delta)
                                                          # 4
       W1 += -learning_rate*np.dot(layer0.T, layer1_delta)
       B2 += -learning_rate*np.sum(layer2_delta, axis=0) # 5
       B1 += -learning_rate*np.sum(layer1_delta, axis=0) #
```

```
def test():
    for x, y in zip(X, T):
        x = np.reshape(x, (1, -1)) # 하나의 샘플을 꺼내서 2차원 행렬로 만든다.
        layer0, layer1, layer2 = predict(x)
        print(x, y, layer2) # 출력층의 값을 출력해본다.

fit()
test()
```

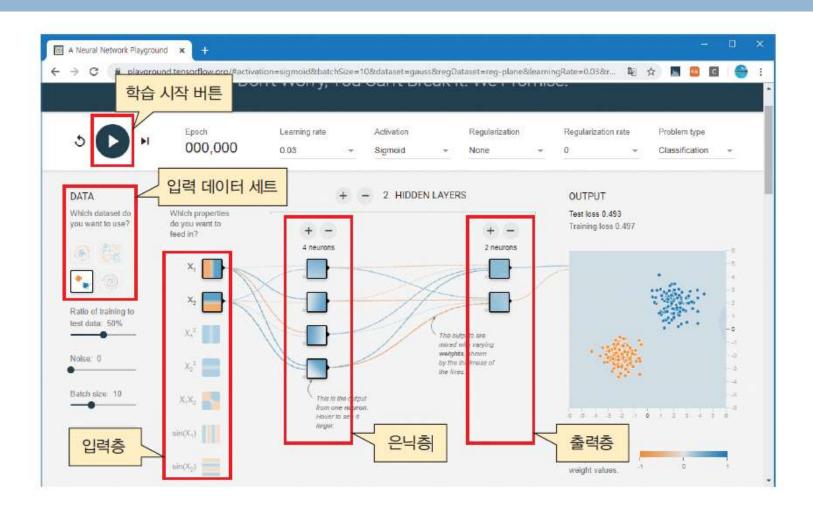
```
[[0 0]] [1] [[0.99196032]]
[[0 1]] [0] [[0.00835708]]
[[1 0]] [0] [[0.00836107]]
[[1 1]] [1] [[0.98974873]]
```



- 사이트(<a href="https://playground.tensorflow.org">https://playground.tensorflow.org</a>)
- 텐서 플로우 플레이그라운드는 자바 스크립트로 작성된 웹 애플리케 이션으로 웹 브라우저에서 실행
- 이 사이트에서는 사용자가 딥러닝 모델을 구성하고 여러 가지 매개 변수를 조정하면서 실험할 수 있는 기능을 제공한다.

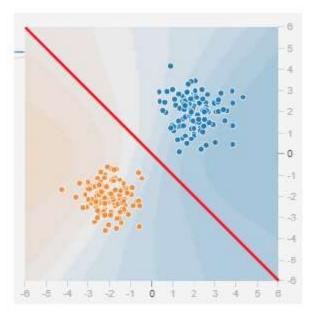


### 구글의 플레이그라운드



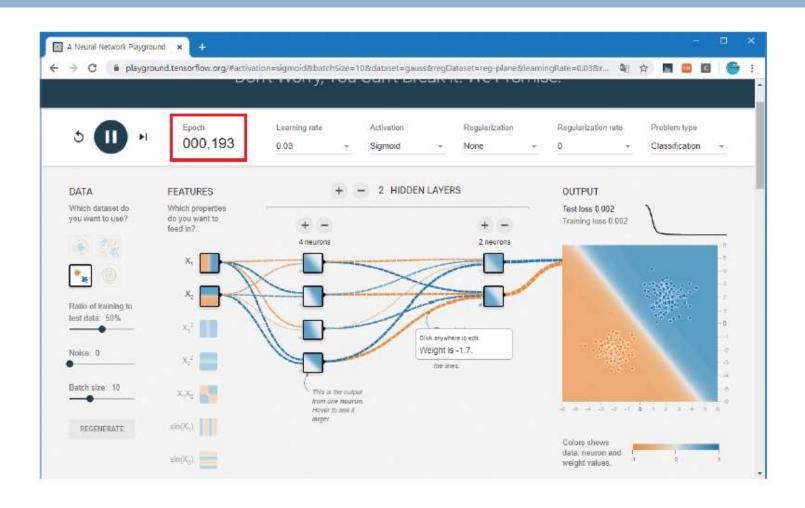


# 선형 분리 가능한 입력 데이터

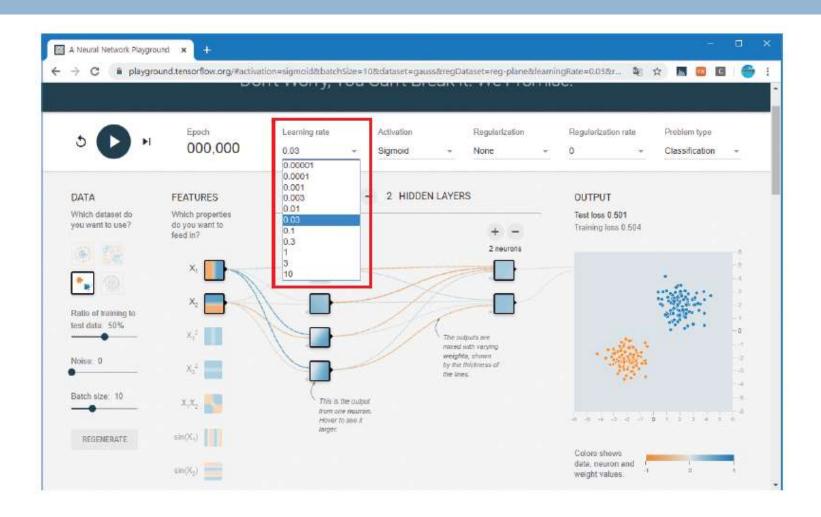


$$w_1x_1 + w_2x_2 + b = 0$$



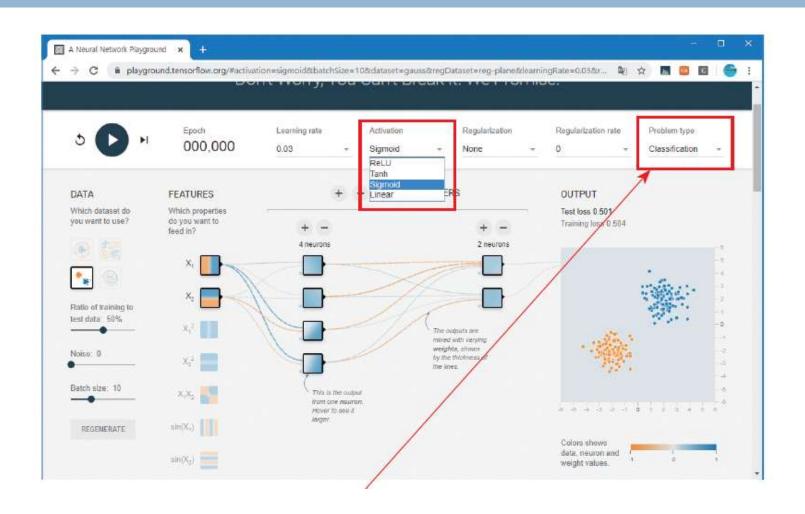






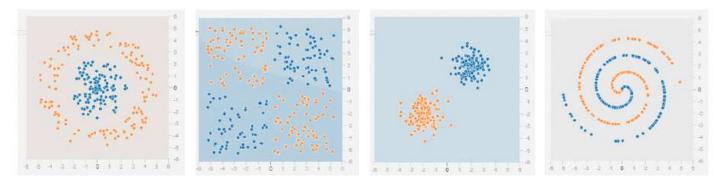


# 할성화 함수 선택

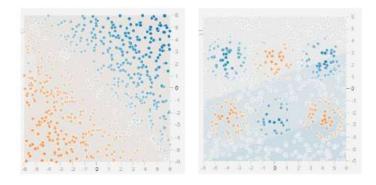




#### • 분류 문제

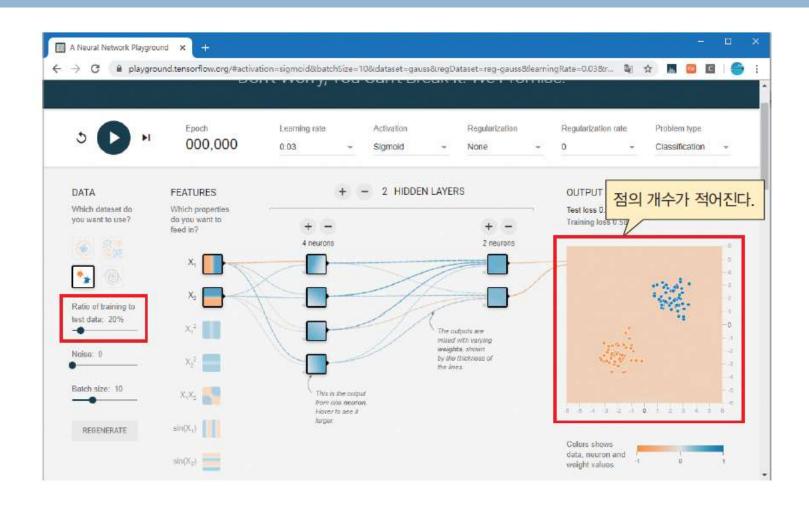


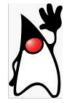
#### • 회귀 문제



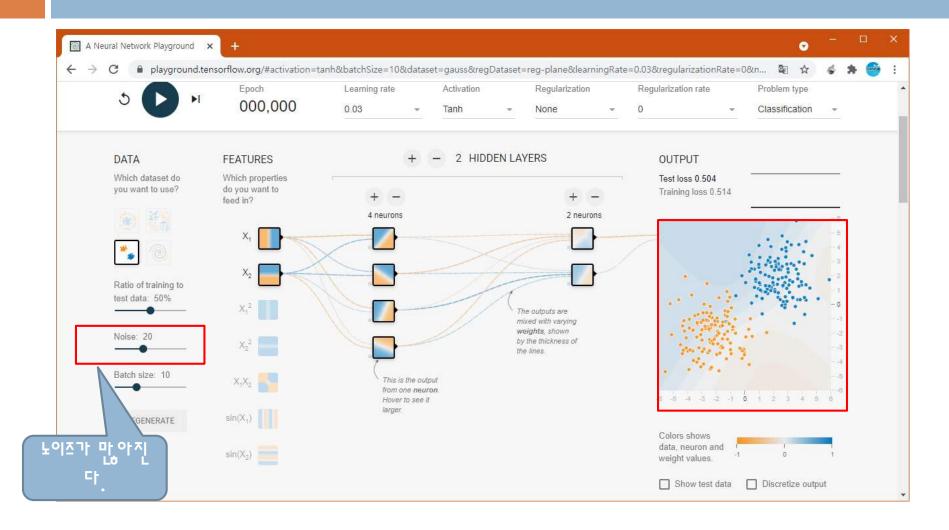


# 학습 데이터와 테스트 데이터의 비율



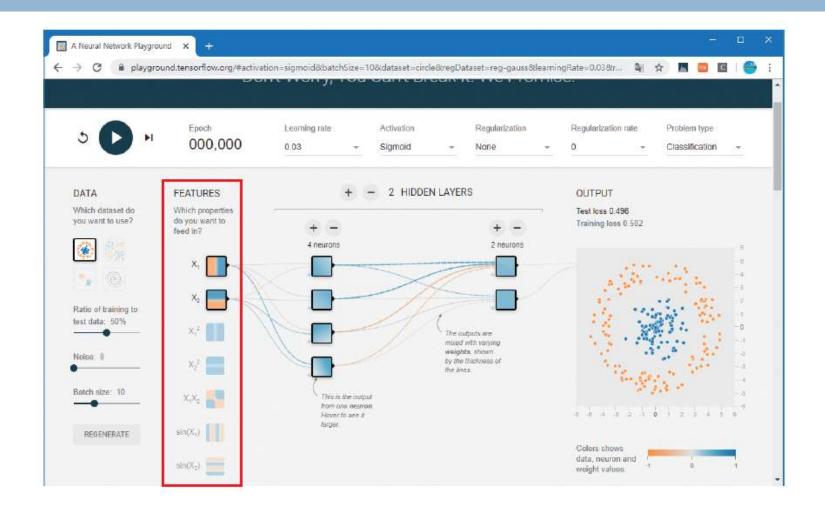


#### 노이즈 비율

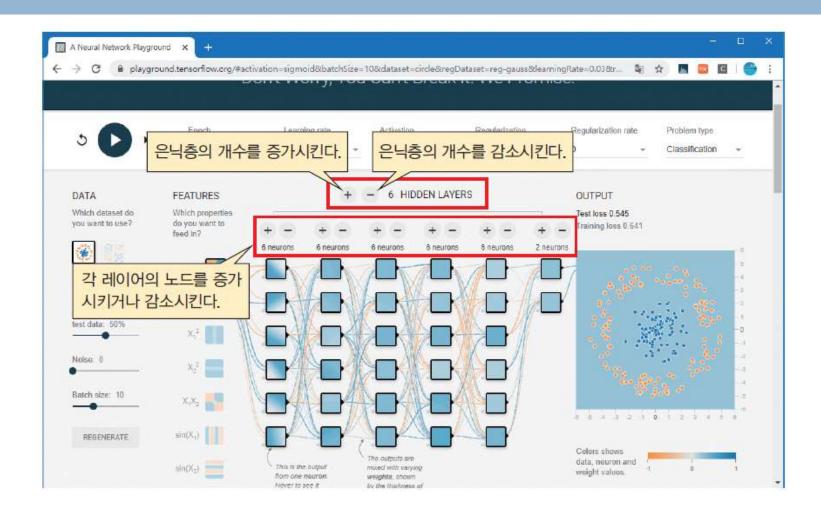




#### 입력 특징 선택



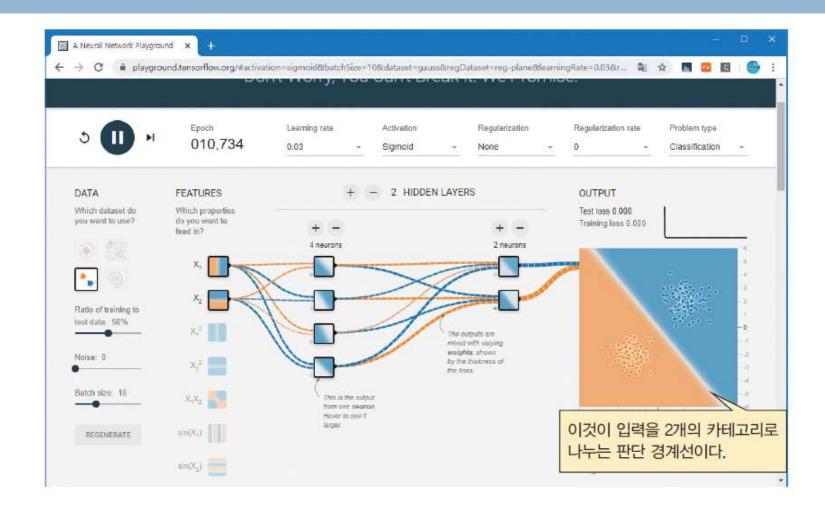
# 은니층 추가하기





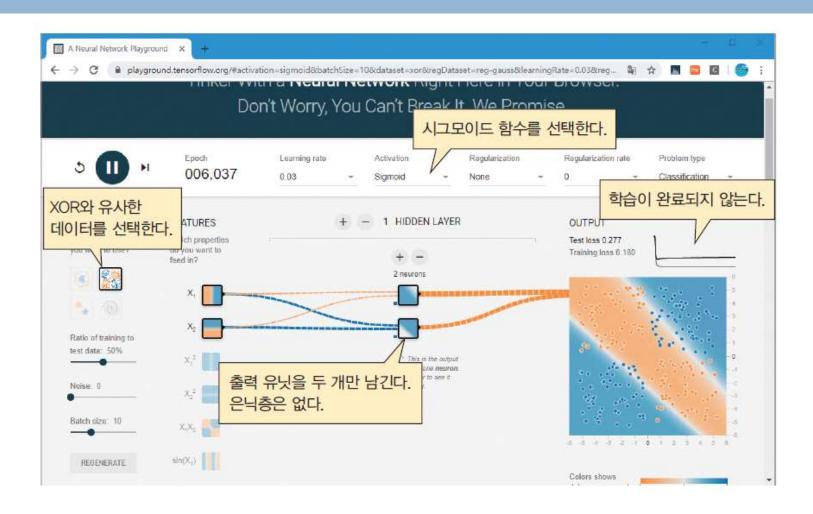






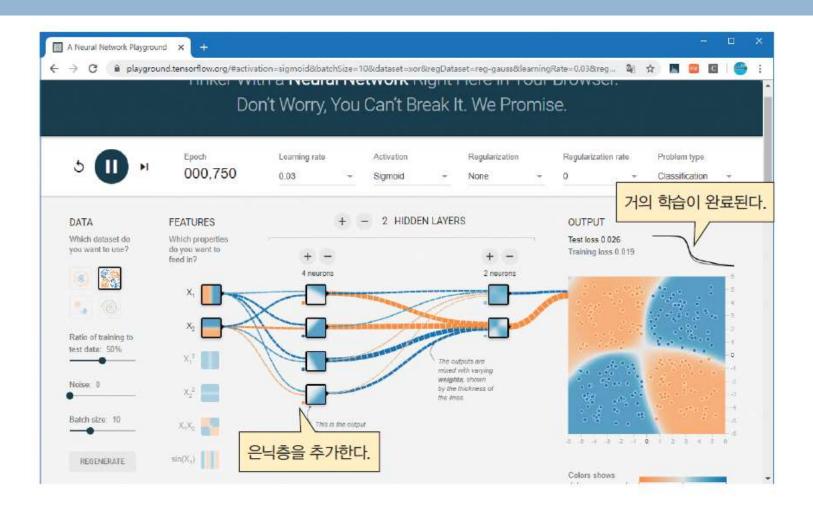


#### 은닉층 없이 분류 실습





#### 은닉층을 추가한 실습





- 입력층과 출력층 사이에 은닉층(hidden layer)을 가지고 있는 신경망을 다층 퍼셉트론(multilayer perceptron: MLP)이라고 부른다.
- MLP를 학습시키기 위하여 역전파 알고리즘(back-propagation)이 재발견되었다. 이 알고리즘이 지금까지도 신경망 학습 알고리즘의 근간이 되고 있다.
- 역전파 알고리즘은 입력이 주어지면 순방향으로 계산하여 출력을 계산한 후에 실제 출력과 우리가 원하는 출력 간의 오차를 계산한다. 이오차를 역방향으로 전파하면서 오차를 줄이는 방향으로 가중치를 변경한다.



Q & A

