

Ökonometrie

Prof. Dr. Franziska Bönte

FH Wedel

Sommersemester 2024

Gliederung des Moduls Ökonometrie

- 1 Schätz- und Testverfahren im linearen Modell nach der kleinsten Quadrate-Methode
- 2 Schätzung verallgemeinerter linearer Modelle insbesondere Schätzen bei Autokorrelation der Störgröße (Aitken-Schätzung)
- 3 Allgemeine dynamische Modelle
- 4 Ökonometrische Mehrgleichungsmodelle

Teil 2: Verallgemeinertes Lineares Modell

2-1 Schätzung bei Autokorrelation der Störgröße

- Aitken-Schätzung
- Iterative Aitken-Schätzung
 - Verfahren nach Corchrane-Orcutt (CORC)
 - Verfahren nach Hildreth-Lu (HILU)

Teil 2: Verallgemeinertes Lineares Modell

2-1 Aitken-Schätzung

2-1.1 Aitken-Schätzung bei Autokorrelation 1. Grades

$$y - \delta y_{-1} = (X - \delta X_{-1})\beta + \epsilon$$

$$\hat{\beta}_{\text{Aitken}} = [X' H' H X]^{-1} X' H' H y \text{ mit } H' H = \Omega^{-1}$$

Teil 2: Verallgemeinertes Lineares Modell

2-1 Aitken-Schätzung

2-1.2 Iterative Aitken-Schätzung: Verfahren nach Cochrane und Orcutt (CORC)

Zweistufige iterative Schätzung:

- 1 Schätze $\hat{\beta}$ und \hat{u} aus Modell $y = X\hat{\beta} + \hat{u}$
- 2 Schätze $\hat{\delta}$ aus $\hat{u} = \delta\hat{u}_{-1} + \epsilon$

$$\hat{\delta} = \frac{\sum_{t=2}^T \hat{u}_t \hat{u}_{t-1}}{\sum_{t=2}^T \hat{u}_{t-1}^2} \approx 1 - 0,5dw$$

- 3 Neue Schätzung für β unter Berücksichtigung der Autokorrelationsbeziehung mit dem soeben geschätzten $\hat{\delta}$ aus

$$y - \delta y_{-1} = (X - \delta X_{-1})\beta + \epsilon$$

$$\text{bzw. } y^* = X^*\beta + \epsilon, \text{ wenn } y^* = y - \hat{\delta}y_{-1} \text{ und } X^* = X - \hat{\delta}X_{-1}$$

- ⋮ Wiederhole Schritte, bis die beiden Schätzer (mehr oder minder gut) konvergieren.

Teil 2: Verallgemeinertes Lineares Modell

2-1 Aitken-Schätzung

2-1.2 Iterative Aitken-Schätzung: Verfahren nach Hildreth und Lu (HILU)

Sucherverfahren

- 1 Wähle diverse $\delta : -1 < \delta < 1$
- 2 Schätze mit allen δ s den Parameter β aus $y - \delta y_{-1} = (X - \delta X_{-1})\beta + \epsilon$
- 3 Wähle die Werte von $\hat{\delta}$ und $\hat{\beta}$, bei dem die Residuenvarianz $\hat{\epsilon}\hat{\epsilon}'$ minimal ist

Teil 2: Verallgemeinertes Lineares Modell

2-1 Aitken-Schätzung

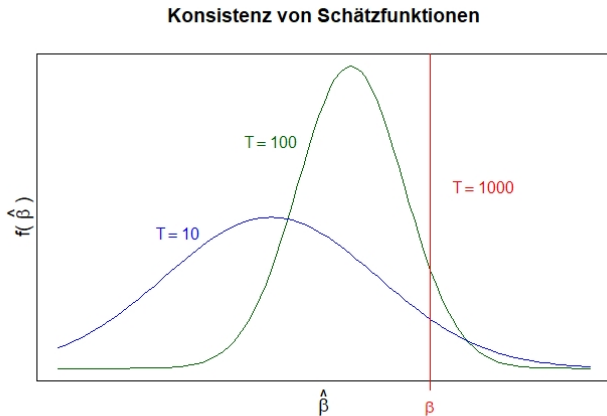
2-1.3 Eigenschaften der Aitken-Schätzer: Konsistenz

$$\lim_{T \rightarrow \infty} P(|\hat{\beta} - \beta| < \epsilon) = p \lim \hat{\beta} = 1$$

Teil 2: Verallgemeinertes Lineares Modell

2-1 Aitken-Schätzung

2-1.3 Eigenschaften der Aitken-Schätzer: Konsistenz



Teil 2: Verallgemeinertes Lineares Modell

2-2 Schätzung bei Heteroskedastizität

2-2 Schätzung bei Heteroskedastizität

- Aitken-Schätzung bei Heteroskedastizität: gewogene Schätzung
- Verwenden des White-Standardfehlers

Teil 2: Verallgemeinertes Lineares Modell

2-2 Schätzung bei Heteroskedastizität

Aitken-Schätzung

Modell:	$y = X\beta + u$
transformiertes Modell:	$Hy = HX\beta + Hu$
Schätzer:	$\hat{\beta} = [X'H'HX]^{-1}X'H'Hy$
Varianz-Kovarianzmatrix:	$E(uu') = \sigma^2\Omega \text{ mit } H'H = \Omega^{-1}$
Aitken-Schätzer:	$\hat{\beta}_{\text{Aitken}} = [X'\Omega^{-1}X]^{-1}X'\Omega^{-1}y$
Varianz des Schätzers:	$E[(\hat{\beta} - \beta)]'(\hat{\beta} - \beta) = \sigma^2(X'\Omega^{-1}X)^{-2}$

Teil 2: Verallgemeinertes Lineares Modell

2-2 Schätzung bei Heteroskedastizität

Whites Idee (1980)

Verwende die quadrierten Residuen \hat{u}_t^2 anstelle der Varianzen $\sigma_t^2 = \sigma^2 \cdot \omega$.

\Rightarrow Ersetze $\sigma^2(X'\Omega X) = \sum_t \sigma_t^2(x_t'x_t)$ durch $\sum_t \hat{u}_t^2(x_t'x_t)$

Es ergibt sich die Varianz-Kovarianz-Matrix der Parameter:

$$\widehat{\text{Var}}^W(\hat{\beta}) = \frac{T}{T-k} (X'X)^{-1} \left(\sum_t \hat{u}_t^2 (x_t'x_t) \right) (X'X)^{-1}$$

Teil 2: Verallgemeinertes Lineares Modell

2-3 Schätzung bei instabiler Modellstruktur

Schätzung unter Verwendung von Dummy-Variablen

$$d_{it} = \begin{cases} 1 & \text{für } i = \text{„ein spezielles Ereignis“} \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

$$y = \sum_i X\beta_i d_i + u$$