

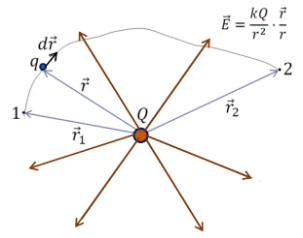
## 9. Потенциал электростатического поля. Потенциальная энергия заряда.

Рассмотрим работу совершаемую при перемещении из т.1 в т.2.

$$A_{12} = \int_{\vec{r}_1}^{\vec{r}_2} \vec{F} d\vec{r} = \int_{\vec{r}_1}^{\vec{r}_2} q\vec{E} \cdot d\vec{r} = \int_{\vec{r}_1}^{\vec{r}_2} q \cdot k \frac{Q}{r^2} \cdot \frac{\vec{r}}{r} \cdot d\vec{r} = \|\vec{r} d\vec{r} = r dr\| =$$

$$= \int_1^2 \frac{kqQ}{r^2} dr = kqQ \int_1^2 \frac{dr}{r^2} = kqQ \left( -\frac{1}{r} \right) \Big|_1^2 = kqQ \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) - \text{не зависит от траектории движения} \Rightarrow$$

$A$  - консервативная  $\Rightarrow$  можно задать потенциальную энергию заряда



$$A = \Delta W_{\text{пот}} = -(W_{\text{ном}2} - W_{\text{ном}1}); \quad W_{\text{ном}1} - W_{\text{ном}2} = q \int \vec{E} d\vec{r} \quad | : q$$

$$\frac{W_{\text{ном}1}}{q} - \frac{W_{\text{ном}2}}{q} = \int \vec{E} d\vec{r}; \quad \varphi(\vec{r}) \stackrel{\text{def}}{=} \frac{W_{\text{ном}}(\vec{r})}{q} - \text{потенциал электрического поля, тогда: } \varphi(r_1) - \varphi(r_2) = \int \vec{E} d\vec{r} = -\Delta\varphi \text{ или}$$

$$A_{12} = q \int_{\vec{r}_1}^{\vec{r}_2} \vec{E} d\vec{r} = q(\varphi(\vec{r}_1) - \varphi(\vec{r}_2)) = -q\Delta\varphi \Rightarrow A_{12} = -q\Delta\varphi; \quad [\varphi] = B$$

Потенциалу произвольной точки можно приписать любое значение  $\varphi_0$ . Тогда потенциалы всех точек поля будут определяться однозначно:

$$\varphi(\vec{r}) = \varphi(\vec{r}_0) + \int_{\vec{r}_0}^{\vec{r}} \vec{E} \cdot d\vec{r} = \varphi_0 + \int_{\vec{r}_0}^{\vec{r}} \vec{E} \cdot d\vec{r}; \quad \text{Выбираем такую } r_0, \text{ чтобы } \varphi(r_0) = 0 \text{ (зачастую } r_0 \rightarrow \infty), \text{ тогда } \Rightarrow \varphi(\vec{r}) = \int_{\vec{r}_0}^{\vec{r}} \vec{E} \cdot d\vec{r}$$

$$\text{Малая работа } \delta A = \vec{F} \cdot d\vec{r} = q\vec{E} \cdot d\vec{r} = -dW_{\text{ном}} \text{ или } \delta A = -q d\varphi; \quad -d\varphi = \vec{E} d\vec{r}$$

**Потенциал точечного заряда:**

$$r_0 = \infty, \quad \varphi(\infty) = 0;$$

$$\varphi(\vec{r}) = \int_r^\infty k \frac{q}{r'^2} \frac{\vec{r}}{r'} d\vec{r} = kq \int_r^\infty \frac{dr}{r^2} = 0 - \left( -k \cdot \frac{q}{r} \right) = k \frac{q}{r}$$

$$\text{Потенциал поля точечного заряда } \rightarrow \varphi = k \frac{q}{r}$$

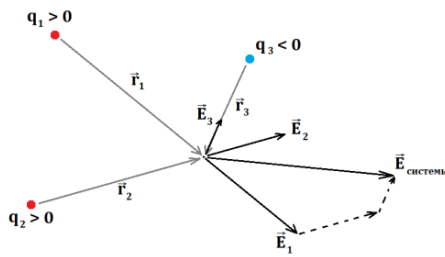
**Потенциал поля системы точечных зарядов:**

$$\vec{E}_{\text{сум}} = \sum_{i=1}^N \vec{E}_i(\vec{r}_i) = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \dots$$

$$\varphi(r) = \int_r^\infty \vec{E} d\vec{r} = \int_r^\infty (\vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \dots) \cdot d\vec{r}$$

$$\varphi_1(r_1) + \varphi_3(r_3) + \varphi_3(r_3) + \dots = \sum_{i=1}^N \varphi_i(r_i)$$

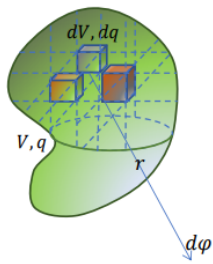
$$\varphi_{\text{сум}} = k \sum_{i=1}^N \frac{q_i}{r_i}$$



**Потенциал поля заряженного тела (распределенного заряда)**

$$\varphi_{\text{точ.заряд}} = k \frac{q_{\text{точ.заряд}}}{r} \Rightarrow d\varphi = \frac{k dq}{r}$$

$$\varphi_{\text{сум}} = \sum_{i=1}^N \varphi_i(r_i) = k \sum_{i=1}^N \frac{q_i}{r_i} \Rightarrow \varphi = \int d\varphi = \int \frac{k dq}{r}$$



**Потенциальная энергия заряда в точке электрического поля с потенциалом  $\varphi$ :**

$$W_{\text{ном}}(\vec{r}) = q\varphi(\vec{r})$$