Contents

[1. Численные методы решения нелинейного уравнения с одной неизвестной. 3](#_Toc446591225)

[1.1. Постановка задачи. 3](#_Toc446591226)

[1.2. Шаговый метод. 3](#_Toc446591227)

[1.3. Метод половинного деления. 3](#_Toc446591228)

[1.4. Метод Ньютона. 3](#_Toc446591229)

[1.5. Метод простой итерации. 3](#_Toc446591230)

[2. Численные методы решения системы линейных уравнений. 3](#_Toc446591231)

[2.1. Постановка задачи. 3](#_Toc446591232)

[2.2. Метод Гаусса. 3](#_Toc446591233)

[2.3. Метод простой итерации. 3](#_Toc446591234)

[2.4. Метод Зейделя. 3](#_Toc446591235)

[3. Численные методы решения задачи аппроксимации. 3](#_Toc446591236)

[3.1. Постановка задачи. 3](#_Toc446591237)

[3.2. Решение задачи интерполяции (полиномы первой и второй степени) методом неопределенных коэффициентов. 3](#_Toc446591238)

[3.3. Решение задачи интерполяции (полиномы первой и второй степени) с использованием полинома Лагранжа. 3](#_Toc446591239)

[3.4. Решение задачи аппроксимации (полиномы первой и второй степени) методом наименьших квадратов. 3](#_Toc446591240)

# Численные методы решения нелинейного уравнения с одной неизвестной.

## Постановка задачи.

Дано нелинейное уравнение , интервал поиска корня и шаг h=0,3.

Требуется:

* отделить первый корень уравнения шаговым методом;
* уточнить значение корня методом половинного деления с точностью ε = 0,01;
* уточнить значение корня методом Ньютона с точностью ε = 0,001;
* уточнить значение корня методом простой итерации с точностью ε = 0,03.

## Шаговый метод.

Построим таблицу в соответствии с алгоритмом.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| X | F(X) | F(a)\*F(b) < 0 |
| 0 | 14 | нет |
| 0,3 | 11,39 | нет |
| 0,6 | 8,96 | нет |
| 0,9 | 6,71 | нет |
| 1,2 | 4,64 | нет |
| 1,5 | 2,75 | нет |
| 1,8 | 1,04 | нет |
| 2,1 | -0,49 | да |
| 2,4 | -1,84 | нет |
| 2,7 | -3,01 | нет |
|  |  |  |
|  |  |  |

F(0) = 0\*0 - 9\*0 + 14 =14

F(0,3) = 0,3\*0,3 - 9\*0.3 + 14 = 11,39

F(0,6) =0,6\*0,6 - 9\*0,6 + 14 = 8,96

F(0,9) =0,9-0,9 - 9\*0,9 + 14 = 6,71

F(1,2) = 1,2\*1,2 – 9\*1,2 + 14 = 4,64

F(1,5) =1,5\*1,5 – 9\*1,5 + 14 = 2,75

F(1,8) = 1,8\*1,8 - 9\*1,8+ 14 = 1,04

F(2,1) = 2,1\*2,1 – 9\*2,1+ 14 = -0,49

F(2,4) = 2,4\*2,4 – 9\*2,4+ 14 = -1,84

F(2,7) = 2,7\*2,7 – 9\*2,7+ 14 = -3,01

Ответ: корень расположен на интервале [1,8; 2,1].

## Метод половинного деления.

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| a | X | b | F(a) | F(X) | F(a)\*F(X)<0 |
| 1,8 | 1,95 | 2,1 | 1,04 | 0,2525 | нет |
| 1,95 | 2,025 | 2,1 | 0,2525 | -0,124375 | да |
| 1,95 | 1,9875 | 2,025 | 0,2525 | 0,06265625 | нет |
| 1,9875 | 2,00625 | 2,025 | 0,06265625 | -0,031210938 | да |
| 1,9875 | 1,996875 | 2,00625 | 0,06265625 | 0,015634766 | нет |
| 1,996875 | 2,0015625 | 2,00625 | 0,015634766 | -0,007810059 | корень |
|  |  |  |  |  |  |

Ответ: корнем на заданном интервале [1,8;2,1] является x=2,0015625, с погрешностью ε = 0,01.

## Метод Ньютона.

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| x | F(X) | F`(X) | |F(X)|<e |
| 1,800 | 1,040 | -5,400 | Нет |
| 1,993 | 0,037 | -5,015 | Нет |
| 2,000 | 0,000 | -5,000 | корень |
|  |  |  |  |

значит

=================================TODO=====================================

Ответ: корнем на заданном интервале [1,8;2,1] является x=1,99999, с погрешностью ε = 0,001.

## Метод простой итерации.

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| xi | F(X) | xi+1 | |F(X)|<e |
| 1,80000 | 1,04 | 1,915556 | нет |
| 1,91556 | 0,429353086 | 1,963261 | нет |
| 1,96326 | 0,185042451 | 1,983822 | нет |
| 1,98382 | 0,081153105 | 1,992839 | нет |
| 1,99284 | 0,035857594 | 1,996823 | нет |
| 1,99682 | 0,015895519 | 1,998589 | корень |
|  |  |  |  |

Ответ: корнем на заданном интервале [1,8;2,1] является x=1,99682 , с погрешностью ε = 0,03.

# Численные методы решения системы линейных уравнений.

## Постановка задачи.

Дана система линейных уравнений:

Требуется решить систему уравнений, используя:

* метод Гаусса (решение в обыкновенных дробях);
* метод простой итерации (3 итерации);
* метод Зейделя (3 итерации).

## Метод Гаусса.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | ai1 | ai2 | ai3 | bi |
| 1 | 9 | -1 | -3 | 5 |
| 2 | 2 | -5 | 2 | -1 |
| 3 | -1 | -4 | 9 | 4 |

b1 = 1/9\*A1,

b2 = A2 – 2/9\*A1,

b3 = A3 + 1/9\*A1.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| b1 | 1 | -1/9 | -1/3 | 5/9 |
| b2 | 0 | -43/9 | 8/3 | -19/9 |
| b3 | 0 | -37/9 | 26/3 | 41/9 |

c1 = b1,

c2 = -9/43\*b2

c3 = b3 + 37/43\*b2.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| c1 | 1 | -1/9 | -1/3 | 5/9 |
| c2 | 0 | 1 | -24/43 | 19/43 |
| c3 | 0 | 0 | 274/43 | 274/43 |

d1 = c1,

d2 = c2,

d3 = 43/274\*c3.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| d1 | 1 | -1/9 | -1/3 | 5/9 |
| d2 | 0 | 1 | -24/43 | 19/43 |
| d3 | 0 | 0 | 1 | 1 |

Обратный ход:

Проверка:

(5,-1,4) = (5,-1,4)

Ответ: .

## Метод простой итерации.

Дана система линейных уравнений:

Проверка условия сходимости:

|9| > |-1| + |-3| - выполняется

|-5| > |2| + |2| - выполняется

|9| > |-1| + |-4| - выполняется

Условия сходимости выполняются.

## Метод Зейделя.

Дана система линейных уравнений:

Проверка условия сходимости:

|9| > |-1| + |-3| - выполняется

|-5| > |2| + |2| - выполняется

|9| > |-1| + |-4| - выполняется

Условия сходимости выполняются.

# Численные методы решения задачи аппроксимации.

## Постановка задачи.

Дана табличная функция:

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| X | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 |
| Y | 2 | 0 | 1 | -1 | 2 |

Требуется:

• решить задачу интерполяции методом неопределенных коэффициентов (кусочно-линейная для каждой последовательной пары точек 1+2,2+3,3+4,4+5, кусочно-параболическая интерполяция для каждой последовательной тройки точек 1+2+3, 3+4+5);

• решить задачу интерполяции с использованием полинома Лагранжа (кусочно-линейная для каждой последовательной пары точек 1+2,2+3,3+4,4+5, кусочно-параболическая интерполяция для каждой последовательной тройки точек 1+2+3, 3+4+5;

• решить задачу аппроксимации полиномом 1-й и 2-й степени методом наименьших квадратов для всех точек 1+2+3+4+5.

## Решение задачи интерполяции (полиномы первой и второй степени) методом неопределенных коэффициентов.

## Решение задачи интерполяции (полиномы первой и второй степени) с использованием полинома Лагранжа.

## Решение задачи аппроксимации (полиномы первой и второй степени) методом наименьших квадратов.