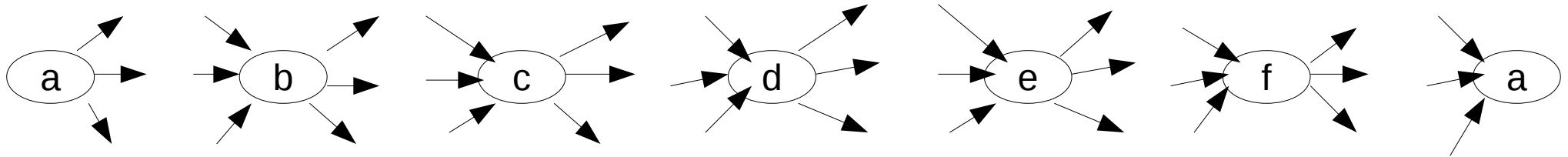


Exemple : Le PVC

Trouver le plus petit cycle hamiltonien dans un graphe complet



Pour trouver une fonction de sous-estimation $h(x)$, chaque passage par un sommet est décomposé en « une arrivée » + « un départ »

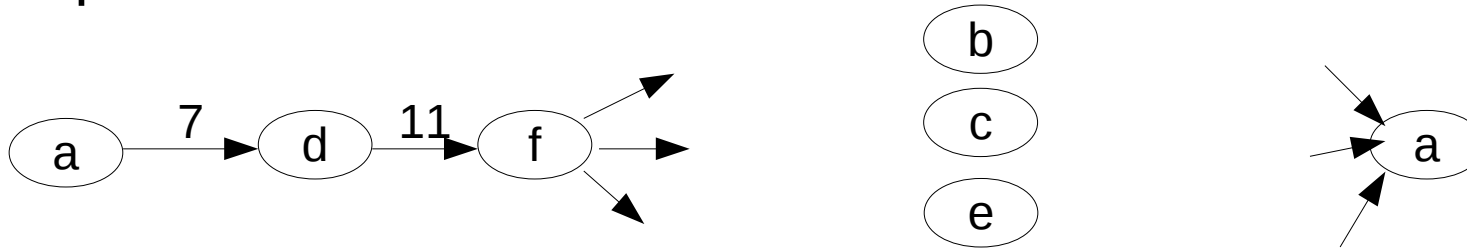
Un cycle est donc composé par :

- un départ de a (vers b, c, d, e ou f)
- une arrivée vers b (venant de a, c, d, e, ou f) + un départ de b (vers a, c, d, e ou f)
- une arrivée vers c (venant de a, b, d, e, ou f) + un départ de c (vers a, b, d, e ou f)
- une arrivée vers d (venant de a, b, c, e, ou f) + un départ de d (vers a, b, c, e ou f)
-
- une arrivée vers a (venant de b, c, d, e, ou f)

Si M représente la matrice des coûts, alors

- Une arrivée vers x peut être sous-estimé par le min de la colonne x , divisé par 2
- Un départ de x peut être sous-estimé par le min de la ligne x , divisé par 2

Exemple : Le PVC



M =

	a	b	c	d	e	f
a		12	6	7	10	9
b	12		14	8	3	4
c	6	14		5	2	10
d	7	8	5		7	11
e	10	3	2	7		4
f	9	4	10	11	4	

$$g(f) = 7 + 11 = 18$$

$$\begin{aligned}
 h(f) = & \text{(départ de f : n'allant ni vers a ni vers d)} && \rightarrow 4/2 \\
 & + \text{(arrivée vers b : ne venant ni de a ni de d)} && \rightarrow 3/2 \\
 & + \text{(départ de b : n'allant ni vers d ni vers f)} && \rightarrow 3/2 \\
 & + \text{(arrivée vers c : ne venant ni de a ni de d)} && \rightarrow 2/2 \\
 & + \text{(départ de c : n'allant ni vers d ni vers f)} && \rightarrow 2/2 \\
 & + \text{(arrivée vers e : ne venant ni de a ni de d)} && \rightarrow 2/2 \\
 & + \text{(départ de e : n'allant ni vers d ni vers f)} && \rightarrow 2/2 \\
 & + \text{(arrivée vers a : ne venant ni de d ni de f)} && \rightarrow 6/2
 \end{aligned}$$

$$h(f) = \mathbf{12}$$

L'estimation du coût du cycle commençant par '**a-d-f**' est donc : $18 + 12 = \mathbf{30}$

Exemple : Le PVC

Une partie de l'espace de recherche avec les estimations de quelques états ($f = g+h$)

