Programação Linear

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 3 seconds Memory limit: 256 megabytes

Resolva a programação linear definida por

$$\begin{array}{ll}
\max & \mathbf{c}^T \mathbf{x} \\
\text{sujeita a} & \mathbf{A} \mathbf{x} \leq \mathbf{b} \\
\mathbf{x} > 0
\end{array}$$

e encontre o certificado que comprove seu resultado.

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \dots & a_{1,m} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \dots & a_{2,m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \dots & a_{n,m} \end{pmatrix} \quad \mathbf{b} = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_n \end{pmatrix} \quad \mathbf{c} = \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \\ \vdots \\ c_m \end{pmatrix}$$

Input

A primeira linha da entrada contem dois inteiros $n \in m$, o número de restrições e variáveis respectivamente.

A segunda linha contem m inteiros, c_i , que formam o vetor de custo.

Cada uma das n linhas seguintes contém m+1 inteiros que representam as restrições. Para a i-ésima linha, os m primeiros números são $a_{i,1}, a_{i,2}, \ldots, a_{i,m}$ enquanto o último é b_i . Repare que esses valores, incluindo b_i , podem ser **negativos**.

Uma entrada genérica é da forma:

$$\begin{array}{llll} n & m & & & & & & & & & \\ c_1 & c_2 & \dots & c_m & & & & & \\ a_{1,1} & a_{1,2} & \dots & a_{1,m} & b_1 & & & \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \dots & a_{2,m} & b_2 & & & \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & & & \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \dots & a_{n,m} & b_n & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & & \\ &$$

Output

Escreva o resultado da programação linear de acordo com as especificações seguintes:

• Para o caso em que a PL possui valor ótimo, escreva, na primeira linha, **otima**. Na segunda linha, o valor objetivo atingido. Na terceira linha, escreva uma solução que atinja o valor máximo. E, na quarta linha, escreva um certificado de otimalidade.

- Para o caso em que a PL é inviável, escreva, na primeira linha, **inviavel**. E na segunda linha, escreva um certificado de inviabilidade.
- Para o caso em que a PL é ilimitada, escreva, na primeira linha, **ilimitada**. Na segunda linha, escreva uma solução viável. E, na terceira linha, escreva um certificado de ilimitabilidade.

Todos os números devem ser escritos com, no máximo, 7 casas decimais.

Sua resposta será considerada correta se o erro absoluto ou relativo entre o valor calculado pelo seu certificado o valor ideal não ultrapassar 10^{-4} . Em termos práticos, isso significa que, assumindo que o valor calculado seja a e o valor ideal seja b, sua resposta será considerada correta se $\frac{|a-b|}{\max(1,b)} \leq 10^{-4}$.

Examples

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 3 3 | otima |
| 2 4 8 | 14 |
| 1 0 0 1 | 1 1 1 |
| 0 1 0 1 | 2 4 8 |
| 0 0 1 1 | |
| 4 3 | inviavel |
| 1 1 1 | 1 1 1 1 |
| 1 0 0 -1 | |
| 0 1 0 -1 | |
| 0 0 1 -1 | |
| 1 1 1 -1 | |
| 2 3 | ilimitada |
| 1 0 0 | 0 5 7 |
| -1 1 0 5 | 1 1 1 |
| -1 0 1 7 | |
| 4 4 | otima |
| -3 -4 5 -5 | 50 |
| 1 1 0 0 5 | 0 0 10 0 |
| -1 0 -5 5 -10 | 0 0 5 0 |
| 2 1 1 -1 10 | |
| -2 -1 -1 1 -10 | |

Note

Em caso de dúvida, releia as notas de aula.

Verifique as instruções de submissão postadas no Moodle.