Curso: Ciência da Computação Nome do aluno: Renan Campista



Data de entrega: 28/11/2023

Professor(a): Cláudia Galarda Varassin



### **Objetivos Gerais:**

O trabalho teve como objetivo principal implementar um programa em Python para realizar interpolação cúbica por splines naturais. Utilizando este método, buscamos criar polinômios cúbicos suaves que passam por um conjunto de pontos fornecidos.

### O Que Foi Feito:

Desenvolvimento de um programa em Python que implementa a interpolação cúbica por splines naturais. Este programa realiza a interpolação cúbica natural de um conjunto de pontos de entrada. Ele solicita ao usuário a quantidade de pontos de interpolação, os valores de x e y para esses pontos, um valor z para calcular a spline cúbica nesse ponto e a quantidade de pontos m para os quais as imagens das splines serão calculadas. O programa verifica se a entrada está correta, calcula os coeficientes dos polinômios cúbicos naturais e, em seguida, imprime e plota as splines resultantes. O gráfico gerado mostra os pontos de interpolação em vermelho e as splines em um intervalo específico.

## Execuções

#### 1. Problema 1

Obter as splines interpoladoras dos seguintes dados:

5 1.0 1.3 2.0 3.0 3.5 0.5 0.2 0.8 1.7 1.3 1.1 26

Fazer o gráfico das splines em D = [a = 1.0, b = 3.5] usando m = 26 pontos (contando com x0 = 1.0 e b = 3.5)

#### Saida gerada pelo programa:

Para z = 1.1, si(z) = 0.3751

Valores de xi e suas respectivas imagens si(x) para o conjunto de m pontos em D:

x0 = 1.0000, si(x0) = 0.5000 x1 = 1.1000, si(x1) = 0.3751 x2 = 1.2000, si(x2) = 0.2689 x3 = 1.3000, si(x3) = 0.2000 x4 = 1.4000, si(x4) = 0.1827

x5 = 1.5000, si(x5) = 0.2132

x6 = 1.6000, si(x6) = 0.2836

x7 = 1.7000, si(x7) = 0.3855 x8 = 1.8000, si(x8) = 0.5110

x9 = 1.9000, si(x9) = 0.6519

 $x_3 = 1.9000$ ,  $si(x_3) = 0.8019$  $x_10 = 2.0000$ ,  $si(x_10) = 0.8000$ 

x11 = 2.1000, si(x11) = 0.9481

x12 = 2.2000, si(x12) = 1.0920

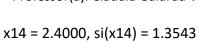
x13 = 2.3000, si(x13) = 1.2285

Curso: Ciência da Computação Nome do aluno: Renan Campista



Data de entrega: 28/11/2023

Professor(a): Cláudia Galarda Varassin



x15 = 2.5000, si(x15) = 1.4661 x16 = 2.6000, si(x16) = 1.5606

x17 = 2.7000, si(x17) = 1.6345

x18 = 2.8000, si(x18) = 1.6846

x19 = 2.9000, si(x19) = 1.7075

x20 = 3.0000, si(x20) = 1.7000

x21 = 3.1000, si(x21) = 1.6605

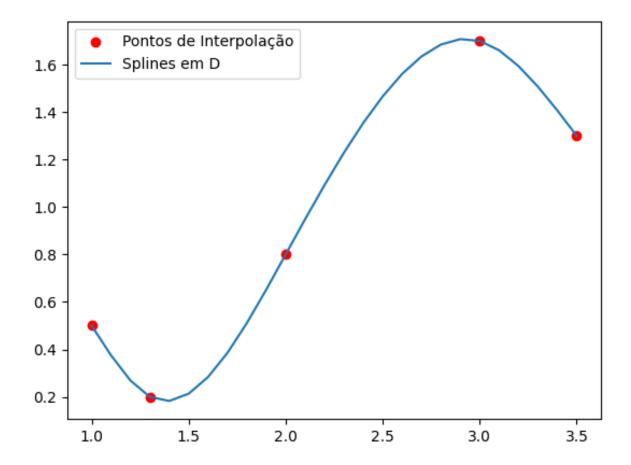
x22 = 3.2000, si(x22) = 1.5939

x23 = 3.3000, si(x23) = 1.5072

x24 = 3.4000, si(x24) = 1.4070

x25 = 3.5000, si(x25) = 1.3000

#### Gráfico





Curso: Ciência da Computação Nome do aluno: Renan Campista



Data de entrega: 28/11/2023

Professor(a): Cláudia Galarda Varassin



#### 2. Problema 2

Obter as splines interpoladoras dos seguintes dados:

9

Fazer o gráfico das splines em D = [a = 0.0, b = 10.0] usando m = 51.

## Saida gerada pelo programa:

```
Para z = 3.0, si(z) = 4.5247
```

Valores de xi e suas respectivas imagens si(x) para o conjunto de m pontos em D:

```
x0 = 0.0000, si(x0) = 2.0000
```

$$x1 = 0.2000$$
,  $si(x1) = 2.1372$ 

$$x2 = 0.4000$$
,  $si(x2) = 2.2780$ 

$$x3 = 0.6000$$
,  $si(x3) = 2.4259$ 

$$x4 = 0.8000$$
,  $si(x4) = 2.5847$ 

$$x5 = 1.0000$$
,  $si(x5) = 2.7578$ 

$$x6 = 1.2000$$
,  $si(x6) = 2.9490$ 

$$x7 = 1.4000$$
,  $si(x7) = 3.1607$ 

$$x8 = 1.6000$$
,  $si(x8) = 3.3869$ 

$$x9 = 1.8000$$
,  $si(x9) = 3.6170$ 

$$x10 = 2.0000$$
,  $si(x10) = 3.8404$ 

$$x11 = 2.2000$$
,  $si(x11) = 4.0465$ 

$$x12 = 2.4000$$
,  $si(x12) = 4.2247$ 

$$x13 = 2.6000$$
,  $si(x13) = 4.3646$ 

$$x14 = 2.8000$$
,  $si(x14) = 4.4633$ 

$$x15 = 3.0000$$
,  $si(x15) = 4.5247$ 

$$x16 = 3.2000$$
,  $si(x16) = 4.5534$ 

$$x17 = 3.4000$$
,  $si(x17) = 4.5539$ 

$$x19 = 3.8000$$
,  $si(x19) = 4.4877$ 

$$x21 = 4.2000$$
,  $si(x21) = 4.3585$ 

$$x22 = 4.4000$$
,  $si(x22) = 4.2774$ 

$$x23 = 4.6000$$
,  $si(x23) = 4.1889$ 

$$x26 = 5.2000$$
,  $si(x26) = 3.9045$ 

$$x27 = 5.4000$$
,  $si(x27) = 3.8092$ 

$$x28 = 5.6000$$
,  $si(x28) = 3.7138$ 

$$x29 = 5.8000$$
,  $si(x29) = 3.6180$ 

Curso: Ciência da Computação Nome do aluno: Renan Campista



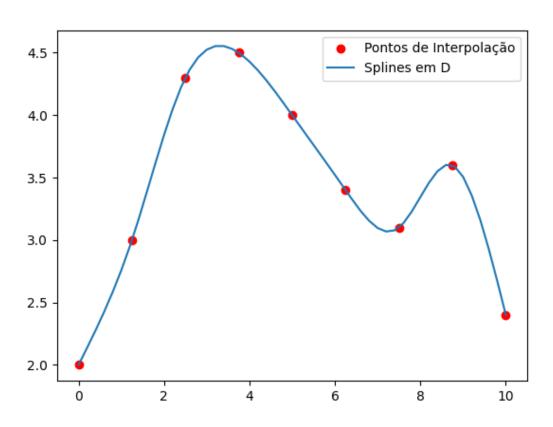
Data de entrega: 28/11/2023

Professor(a): Cláudia Galarda Varassin



```
x30 = 6.0000, si(x30) = 3.5217
x31 = 6.2000, si(x31) = 3.4245
x32 = 6.4000, si(x32) = 3.3267
x33 = 6.6000, si(x33) = 3.2339
x34 = 6.8000, si(x34) = 3.1544
x35 = 7.0000, si(x35) = 3.0964
x36 = 7.2000, si(x36) = 3.0683
x37 = 7.4000, si(x37) = 3.0782
x38 = 7.6000, si(x38) = 3.1339
x39 = 7.8000, si(x39) = 3.2292
x40 = 8.0000, si(x40) = 3.3442
x41 = 8.2000, si(x41) = 3.4583
x42 = 8.4000, si(x42) = 3.5510
x43 = 8.6000, si(x43) = 3.6018
x44 = 8.8000, si(x44) = 3.5902
x45 = 9.0000, si(x45) = 3.5061
x46 = 9.2000, si(x46) = 3.3596
x47 = 9.4000, si(x47) = 3.1634
x48 = 9.6000, si(x48) = 2.9297
x49 = 9.8000, si(x49) = 2.6711
x50 = 10.0000, si(x50) = 2.4000
```

### Gráfico



Curso: Ciência da Computação Nome do aluno: Renan Campista

Título: Interpolação polinomial por partes via splines cúbicas

Data de entrega: 28/11/2023

Professor(a): Cláudia Galarda Varassin



## Instruções para Rodar o Programa:

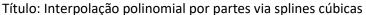
- 1. Execute o script Python em um ambiente que suporte a linguagem Python (por exemplo, um terminal ou IDE).
- 2. O programa solicitará a entrada dos seguintes dados via teclado:
  - A quantidade de pontos de interpolação (n).
  - o Os valores de x separados por espaço.
  - Os valores de y separados por espaço.
  - O valor de z.
  - o A quantidade de pontos m para calcular as imagens das splines em D.
- 3. Após fornecer os dados, o programa calculará si(z) e imprimirá os valores de si(x) para o conjunto de pontos igualmente espaçados em D.
- 4. O programa também plotará as splines e os pontos de interpolação e salvará esse gráfico em um arquivo chamado "spline.png"

# Observações:

- Certifique-se de fornecer os dados conforme solicitado pelo programa.
- Garanta que o ambiente de execução tenha o Python instalado.
- Pode ser necessário instalar a biblioteca Matplotlib, dependendo do ambiente, usando o comando pip install matplotlib.

# Código Utilizado:

Curso: Ciência da Computação Nome do aluno: Renan Campista



Data de entrega: 28/11/2023

Professor(a): Cláudia Galarda Varassin



```
A[i, i+1] = h[i]
    A[0, 0] = 1
    A[-1, -1] = 1
    # Construção do vetor B
    B = np.zeros(n)
    for k in range(1, n - 1):
        B[k] = 3 * ((y[k+1] - y[k]) / h[k] - (y[k] - y[k-1]) / h[k-1])
    c = np.linalg.solve(A, B)
    a = y
    b = np.zeros(n-1)
    d = np.zeros(n-1)
    for k in range(n-1):
        b[k] = (1/h[k]) * (a[k+1] - a[k]) - (h[k]/3) * (2*c[k] + c[k+1])
        d[k] = (c[k+1] - c[k]) / (3 * h[k])
    return a, b, c, d
def evaluate_spline(x, a, b, c, d, xi):
    Args:
    k = 0
    while x[k+1] < xi:
        k += 1
    dx = xi - x[k]
```

Curso: Ciência da Computação Nome do aluno: Renan Campista



Data de entrega: 28/11/2023

Professor(a): Cláudia Galarda Varassin



```
result = a[k] + b[k] * dx + c[k] * dx**2 + d[k] * dx**3
    return result
n = int(input("Digite a quantidade de pontos de interpolação: "))
x_values = list(map(float, input("Digite os valores de x separados por espaço:
 ).split()))
y_values = list(map(float, input("Digite os valores de y separados por espaço:
 ).split()))
z_value = float(input("Digite o valor de z: "))
m = int(input("Digite a quantidade de pontos m para calcular as imagens das
splines em D: "))
# Verifica se o número de pontos de interpolação é igual
if len(x values) != n or len(y values) != n:
    print("Erro: O número de pontos de interpolação não é igual.")
else:
    a, b, c, d = cubic spline natural(x values, y values)
    si z = evaluate spline(x values, a, b, c, d, z value)
    print(f"Para z = \{z \ value\}, \ si(z) = \{si \ z:.4f\}")
    print("Valores de xi e suas respectivas imagens si(x) para o conjunto de m
pontos em D:")
    for i, xi in enumerate(np.linspace(x_values[0], x_values[-1], m)):
        si_xi = evaluate_spline(x_values, a, b, c, d, xi)
        print(f''x\{i\} = \{xi:.4f\}, si(x\{i\}) = \{si\_xi:.4f\}'')
    plot points = np.linspace(x values[0], x values[-1], m)
    spline_images = [evaluate_spline(x_values, a, b, c, d, xi) for xi in
plot points]
    plt.scatter(x values, y values, color='red', label='Pontos de Interpola-
ção')
    plt.plot(plot_points, spline_images, label='Splines em D')
    plt.legend()
    plt.savefig('spline.png')
```