Universidade de São Paulo – USP Instituto de Ciências Matemáticas e de Computação – ICMC Departamento de Ciências de Computação – SCC

SCC-5774 - Inteligência Artificial 1

Lista de Exercícios Busca informada e não-informada, busca adversária e PSRs

Professor Gustavo Batista gbatista@icmc.usp.br

- 1) (Problema do fazendeiro) Um fazendeiro precisa atravessar um rio levando um lobo, uma cabra e um repolho. O barco disponível só tem capacidade para levar o fazendeiro acompanhado de um item. O fazendeiro não pode abandonar em uma das margens a cabra com o lobo e nem mesmo o repolho com a cabra, pois o lobo comeria a cabra ou então a cabra comeria o repolho. Como é possível atravessar o rio? Desenhe o espaço de estado e encontre todas as soluções.
- 2) (Problema das 8 rainhas) O problema das 8 rainhas consiste em posicionar 8 rainhas em um tabuleiro de xadrez, inicialmente vazio, tal que não haja ataque entre elas vide Figura 1.

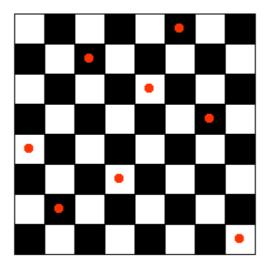


Figura 1: Exemplo de solução do problema das 8 rainhas

Responda:

- a) Estime o espaço de estados considerando que o algoritmo posiciona cada rainha em qualquer posição disponível do tabuleiro;
- b) Estime o espaço de estados considerando que o algoritmo posiciona cada rainha em uma linha (ou coluna) diferente;
- c) Sabendo que neste problema somente estamos interessados nos estados terminais, e que não há solução ótima (todas as soluções tem o mesmo custo),

- qual método de busca não informada você usaria para solucionar este problema?
- d) Defina como um estado será representado. É necessário economizar memória na representação do estado? Leve em consideração as respostas dos itens (a), (b) e (c);
- e) Defina uma função que retorna verdade se um estado é uma solução e falso se não for;
- f) Defina uma função que retorna os próximos estados (função de sucessor) dado um estado atual;
- g) Utilize o algoritmo escolhido em (c) e as funções definidas em (e) e (f) para implementar um programa que forneça todas as soluções para o problema.
- 3) Considere o problema de navegação de robô do mapa exibido na Figura 2. Nesse problema é possível mover o robô em qualquer uma das 8 direções, desde que ele não saia da área delimitada nem avance sobre a parede (áreas pintadas com a cor cinza). Resolva utilizando *best-first* e A*, considerando que a função do custo de cada passo é:
 - 1 para passo horizontal ou vertical
 - $\sqrt{2}$ para passo diagonal

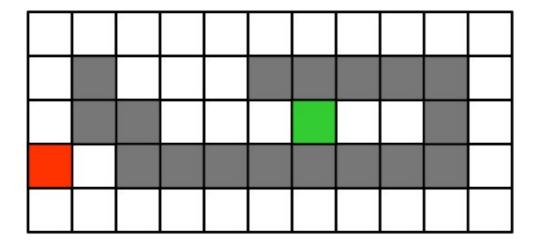


Figura 2: Mapa de navegação - Estado inicial em vermelho e estado objetivo em verde

- 4) Descreva um espaço de estados no qual a busca com profundidade iterativa desempenha muito pior do que a busca em profundidade.
- 5) Crie um espaço de estados no qual a busca A* retorna uma solução sub-ótima com uma função heurística que é admissível, mas não é consistente.
- 6) Considere o mapa da Figura 3, em que o valor entre parênteses em cada vértice é a distância euclidiana (em linha reta) até o estado final. Utilizando essa distância como função de avaliação, resolva o problema de chegar da cidade *A* até a cidade *S* utilizando A*.

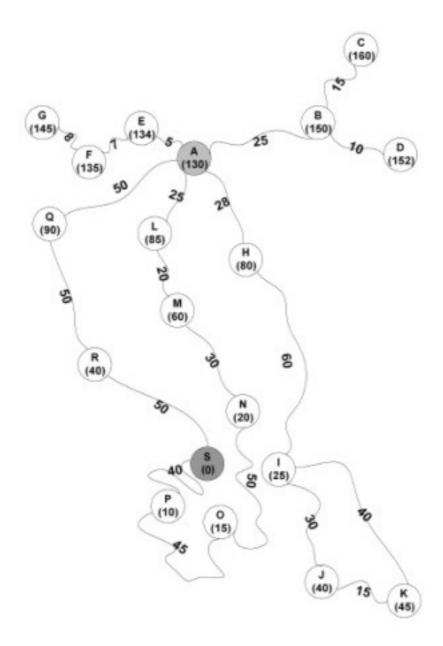


Figura 3: Mapa das cidades A a S

7) Considere a árvore de jogo da Figura 4. Os valores -1, 0 e +1 contidos nos nós folha significam vitória da Maria, empate e vitória do João, respectivamente. Considerando que os dois jogadores jogam de forma ótima, quem deve vencer o jogo?

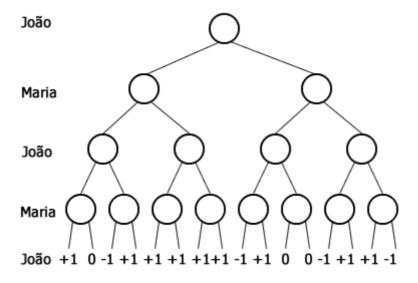


Figura 4

8) Considere a árvore de jogo da Figura 5. A função de utilidade nesse jogo pode assumir um valor entre 0 e 20, sendo que João é beneficiado por valores mais altos, enquanto Maria é beneficiada por valores mais baixos. Considerando que os dois jogadores jogam de forma ótima, qual o valor de utilidade que João terá no fim do jogo? Se for utilizada a poda α - β , quantos nós deixarão de ser avaliados?

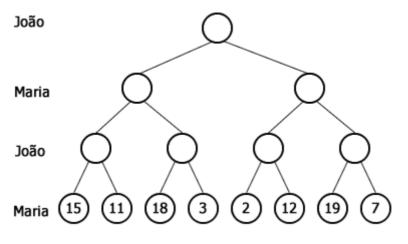


Figura 5

- 9) Seja o jogo da pilha de moedas, em que a pilha pode ser iniciada com um número de moedas entre 10 e 50 e cada jogador pode retirar 1, 2 ou 3 moedas a cada jogada. O primeiro jogador que tirara última moeda perde o jogo. Modele esse jogo como um problema de busca adversária e responda:
- a. Como são definidos os estados?

- b. Como são os estados-objetivo?
- c. Quais são as ações?
- 10) Considere que no jogo descrito no exercício anterior, você esteja em um estado em que a pilha está com 6 moedas. Monte uma árvore do jogo com poda α - β e responda qual a melhor jogada que você deve fazer.
- 11) Resolva os seguintes problemas no repositório UVa Online Judge utilizando minimax.

Tic Tac Toe: http://uva.onlinejudge.org/external/103/10363.html
Bachet's Game: http://uva.onlinejudge.org/external/104/10404.html

- 12) Explique porque é uma boa heurística escolher variável mais restrita, mas selecionar o valor menos restrito em uma busca com restrições.
- 13) Na próxima semana será aniversário do Djalma. Por isso, seus amigos querem presenteá-lo. O problema é que cada amigo possui uma lista de presentes que pretende dar ao Djalma, mas querem evitar que dois deles deem o mesmo presente. Dada a lista de presentes que cada um dos amigos pretende dar a Djalma, formule o problema como uma busca com restrições e determine qual presente cada um dos amigos deve comprar. Para isso, utilize em conjunto as heurísticas MVR, grau e o procedimento de verificação adiante. Mostre cada passo da execução.
 - Alfredo quer dar baralho, mouse ou fone de ouvido;
 - Beatriz quer dar fone de ouvido ou meia;
 - Carlos quer dar mouse, camiseta ou DVD;
 - Daniela quer dar DVD ou caneca;
 - Eduardo quer dar baralho, camiseta ou caneca;
 - Fábio quer dar baralho ou caneca.
- 14) Considere o problema de construir (não de resolver) quebra-cabeças de palavras cruzadas: encaixar palavras em uma grade retangular. A grade, dada como parte do problema, especifica que quadrados estão vazios e quais deles estão sombreados. Suponha que uma lista de palavras seja fornecida e que a tarefa seja preencher os quadrados vazios usando qualquer subconjunto da lista. Formule esse problema de forma exata de duas maneiras:
 - a. Como um problema de busca geral. Escolha um algoritmo de busca apropriado e especifique uma função heurística, se achar que é necessário utilizá-la. É melhor preencher os espaços vazios de cada vez ou uma palavra de cada vez?

- b. Como um problema de satisfação de restrições. As variáveis devem ser palavras ou letras? Em sua opinião, qual será a melhor formulação? Por quê?
- 15) Implemente uma solução para o problema das *n*-rainhas utilizando conflitos mínimos. Compare os tempos de execução com os resultados obtidos no exercício 19.