FA470 - Dinâmica de Corpos Rígidos

Professor William Martins Vicente

PAD Renan da Silva Guedes

R. C. Hibbeler, Dinâmica. Mecânica Para Engenharia, Pearson; Edição: 12ª, 2010

Capítulo 12

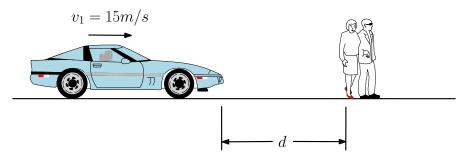
1. Uma partícula está se movendo ao longo de uma linha reta com uma aceleração

$$a = 12t - 3t^{t/2} [\text{m/s}^2]$$
 (1)

onde t é dado em segundos. Determine a velocidade e a posição da partícula como uma função do tempo. Quando $t=0,\,v=0,\,{\rm e}\,s=15\,{\rm m}.$

Resposta
$$\begin{cases} v = 6 t^2 - 2 t^{\frac{3}{2}} [\text{m/s}] \\ s = 2 t^3 - \frac{4}{5} t^{\frac{5}{2}} + 15 [\text{m}] \end{cases}$$

2. Testes revelam que um motorista leva em torno de 0.75 s antes de poder reagir a uma situação para evitar uma colisão. Um motorista com 0.1 % de álcool no seu sistema leva em torno de 3 s para fazer o mesmo. Se estes motoristas estão se deslocando em uma estrada reta a 54 km/h (15 m/s) e seus carros podem desacelerar 0.6 m/s², determine a distância de parada mais curta d para cada um a partir do momento que eles veem os pedestres. Moral: Se você tem de beber, por favor, não dirija!



Resposta
$$\begin{cases} \text{Motorista normal: } d = 198.75\,\text{m} \\ \text{Motorista com álcool: } d = 232.5\,\text{m} \end{cases}$$

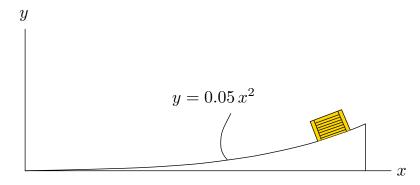
3. Se os efeitos da resistência atmosférica são levados em consideração, um corpo caindo tem uma aceleração definida pela equação,

$$a = 9.81 \left(1 - v^2 \cdot (10^{-4}) \right) \tag{2}$$

onde v é dado em m/s e a direção positiva é para baixo. Se o corpo é solto a partir do repouso a uma altitude muito elevada, determine (a) a velocidade quando t = 5 s e (b) a velocidade máxima possível ou final do corpo (quando $t \to \infty$)

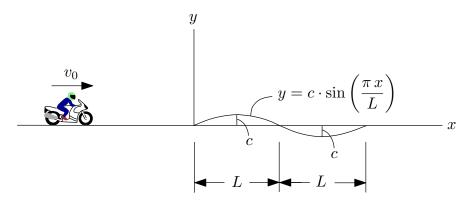
Resposta
$$\begin{cases} (a) \ v = 45.5 \,\mathrm{m/s} \\ (b) \ v = 100 \,\mathrm{m/s} \end{cases}$$

4. Uma caixa desce deslizando encosta abaixo, como descrito pela equação $y=0.05\,x^2$, onde x é dado em metros. Se a caixa tem componente x de velocidade e aceleração $v_x=-3\,\mathrm{m/s}$ e $a_x=-1.5\,\mathrm{m/s^2}$ em $x=5\,\mathrm{m}$, determine as componentes x da velocidade e aceleração da caixa neste instante.



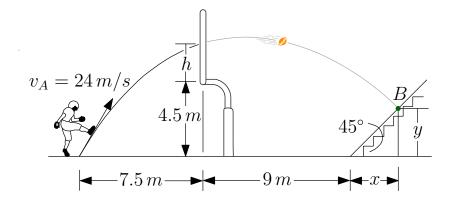
Resposta
$$\begin{cases} v_x = -1.5 \,\mathrm{m/s} \\ a_x = 0.15 \,\mathrm{m/s^2} \end{cases}$$

5. Uma motocicleta move-se com velocidade escalar constante v_0 ao longo da trajetória que, por curta distância, assume a forma de uma curva senoidal. Determine as componentes x e y da sua velocidade sobre a curva em qualquer instante.



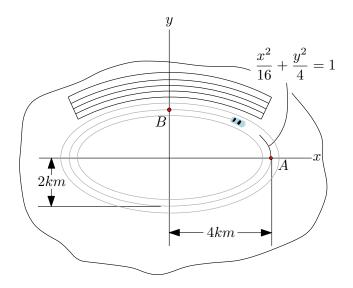
Resposta
$$\begin{cases} v_x = v_0 \left[1 + \left(\frac{\pi c}{L} \right)^2 \cos^2 \left(\frac{\pi x}{L} \right) \right]^{-\frac{1}{2}} \\ v_y = \frac{v_0 \pi c}{L} \left(\cos \frac{\pi x}{L} \right) \left[1 + \left(\frac{\pi c}{L} \right)^2 \cos^2 \left(\frac{\pi x}{L} \right) \right]^{-\frac{1}{2}} \end{cases}$$

6. Uma bola de futebol americano é chutada sobre o poste do gol com velocidade inicial de $v_A = 24 \,\mathrm{m/s}$ como mostrado. Determine o ponto B = (x, y) onde ela atinge as arquibancadas.



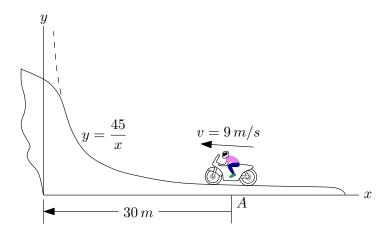
Resposta
$$\begin{cases} t = 2.937 \,\mathrm{s} \\ y = x = 18.74 \,\mathrm{m} \end{cases}$$

7. O carro de corrida move-se com velocidade escalar constante de $240\,\mathrm{km/h}$ em torno da pista elíptica. Determine a aceleração sentida pela motorista em B.



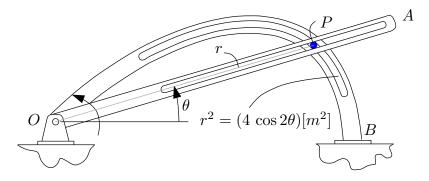
Resposta $\Rightarrow a = 0.556 \,\mathrm{m/s^2}$

8. Um motociclista desloca-se ao longo da curva a uma velocidade escalar constante de $9\,\mathrm{m/s}$. Determine a sua aceleração quando ele está localizado no ponto A. Despreze a dimensão da motocicleta e do motociclista para o cálculo.



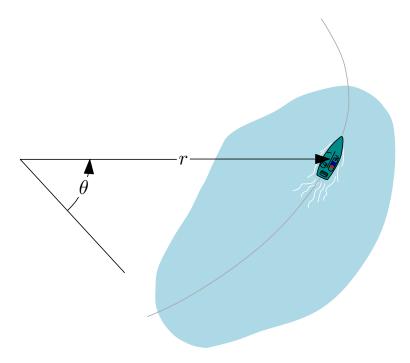
 $\mathbf{Resposta} \Rightarrow a = 0.269\,\mathrm{m/s^2}$

9. O movimento do pino P é restringido pela fenda curva da lemniscata em OB e pela fenda do braço AO. Se AO gira no sentido anti-horário com uma velocidade angular $\dot{\theta}=3\,t^{3/2}[{\rm rad/s}]$, onde t é dado em segundos, determine as intensidades da velocidade e aceleração do pino P em $\theta=30^\circ$. Sabe-se que em $t=0,\,\theta=0^\circ$

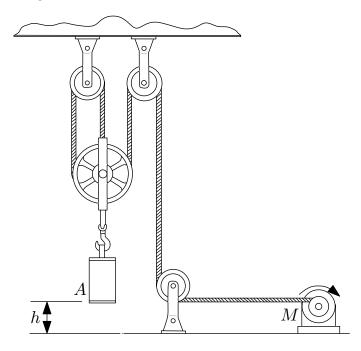


Resposta
$$\begin{cases} v = 5.16 \,\text{m/s} \\ a = 39.1 \,\text{m/s}^2 \end{cases}$$

10. Um barco move-se ao longo de uma trajetória definida por $r^2 = 0.9 \cdot 10^3 \cdot \cos 2\theta \, [\, \mathrm{m}^2 \,]$, onde θ é dado em radianos. Se $\theta = 0.4 \, t^2$, onde t é dado em segundos, determine as componentes radiais e transversais da velocidade e aceleração do barco no instante $t=1 \, \mathrm{s}$

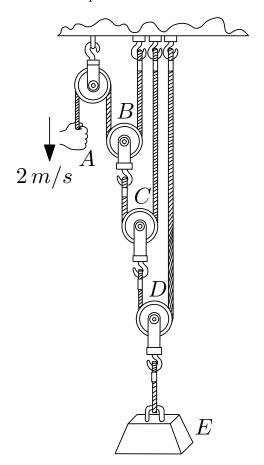


11. Se a corda é puxada na direção do motor M com uma velocidade escalar $v=5\,t^{\frac{3}{2}}\,[\mathrm{m/s}],$ onde t é dado em segundos, determine a velocidade escalar do cilindro A quando $t=1\,\mathrm{s}$



Resposta $\Rightarrow a = 1.67 \,\mathrm{m/s}$

12. Se a extremidade do cabo A é puxada para baixo com uma velocidade escalar de $2\,\mathrm{m/s}$ determine a velocidade escalar na qual o bloco E sobe.



 $\mathbf{Resposta} \Rightarrow a = 0.250\,\mathrm{m/s}$