

AES

Длина блока и ключа 128 бит (16 байт)

Количество раундов – 10 (Для 128-битного ключа)

Шифруемое слово – AESTESTWORDCRYPT = 41 45 53 54 45 53 54 57 4F 52 44 43 52 59 50 54

Ключ – THISKEYFORAESALG = 54 48 49 53 4B 45 59 46 4F 52 41 45 53 41 4C 47

$Nb = 128/32 = 4$ (Количество колонок)

$Nb = 128/32 = 4$ (Количество слов)

Начальный блок состояния (S):

41	45	53	54
45	53	54	57
4F	52	44	43
52	59	50	54

Начальный ключ состояния, разделённый на слова (K):

54	48	49	53
4B	45	50	46
4F	52	41	45
53	41	4C	47

Генерация первого раундового ключа:

Sbox (16 X 16):

63, 7c, 77, 7b, f2, 6b, 6f, c5, 30, 01, 67, 2b, fe, d7, ab, 76,
ca, 82, c9, 7d, fa, 59, 47, f0, ad, d4, a2, af, 9c, a4, 72, c0,
b7, fd, 93, 26, 36, 3f, f7, cc, 34, a5, e5, f1, 71, d8, 31, 15,
04, c7, 23, c3, 18, 96, 05, 9a, 07, 12, 80, e2, eb, 27, b2, 75,
09, 83, 2c, 1a, 1b, 6e, 5a, a0, 52, 3b, d6, b3, 29, e3, 2f, 84,
53, d1, 00, ed, 20, fc, b1, 5b, 6a, cb, be, 39, 4a, 4c, 58, cf,
d0, ef, aa, fb, 43, 4d, 33, 85, 45, f9, 02, 7f, 50, 3c, 9f, a8,
51, a3, 40, 8f, 92, 9d, 38, f5, bc, b6, da, 21, 10, ff, f3, d2,
cd, 0c, 13, ec, 5f, 97, 44, 17, c4, a7, 7e, 3d, 64, 5d, 19, 73,
60, 81, 4f, dc, 22, 2a, 90, 88, 46, ee, b8, 14, de, 5e, 0b, db,
e0, 32, 3a, 0a, 49, 06, 24, 5c, c2, d3, ac, 62, 91, 95, e4, 79,
e7, c8, 37, 6d, 8d, d5, 4e, a9, 6c, 56, f4, ea, 65, 7a, ae, 08,
ba, 78, 25, 2e, 1c, a6, b4, c6, e8, dd, 74, 1f, 4b, bd, 8b, 8a,
70, 3e, b5, 66, 48, 03, f6, 0e, 61, 35, 57, b9, 86, c1, 1d, 9e,
e1, f8, 98, 11, 69, d9, 8e, 94, 9b, 1e, 87, e9, ce, 55, 28, df,
8c, a1, 89, 0d, bf, e6, 42, 68, 41, 99, 2d, 0f, b0, 54, bb, 16

Rcon (Массив раундовых констант):

0x01000000, 0x02000000, 0x04000000, 0x08000000, 0x10000000, 0x20000000, 0x40000000, 0x80000000,
0x1b000000, 0x36000000

Пример для байта 54

54 = 0101 0100 – Два полубайта

0101 – строка

0100 – столбец

Sbox(0101, 0100) = Sbox(5, 3) = 20

Полная подстановка:

54 48 49 53 → 20 52 3B ED

4B 45 50 46 → B3 6E 53 5A

4F 52 41 45 → 84 00 83 6E

53 41 4C 47 → ED 83 29 A0

Побитовый циклический сдвиг влево <<

20 52 3B ED → 52 3B ED 20

B3 6E 53 5A → 6E 53 5A B3

84 00 83 6E → 00 83 6E 84

ED 83 29 A0 → 83 29 A0 ED

Снова пропускаем матрицу через Sbox:

52 3B ED 20 → 00 E2 55 B7

6E 53 5A B3 → 9F ED BE 6D

00 83 6E 84 → 63 EC 9F 5F

83 29 A0 ED → EC A5 E0 55

Первоначальный ключ XOR матрица, полученная в прошлом шаге:

54 48 49 53 00 E2 55 B7 54 DA 1C E4

4B 45 50 46 9F ED BE 6D D4 68 1C 7B

4F 52 41 45 XOR 63 EC 9F 5F = 2C BE 9E 7A

53 41 4C 47 EC A5 E0 55 BF F6 9C 12

Добавление константы Rcon[0] к каждому байту :

54 DA 1C E4 01 00 00 00 55 DA 1C E4

D4 68 1C 7B 01 00 00 00 D5 68 1C 7B

2C BE 9E 7A XOR 01 00 00 00 = 2D BE 9E 7A

BF F6 9C 12 01 00 00 00 BE F6 9C 12

Ключ для 1 раунда шифрования:

55 DA 1C E4

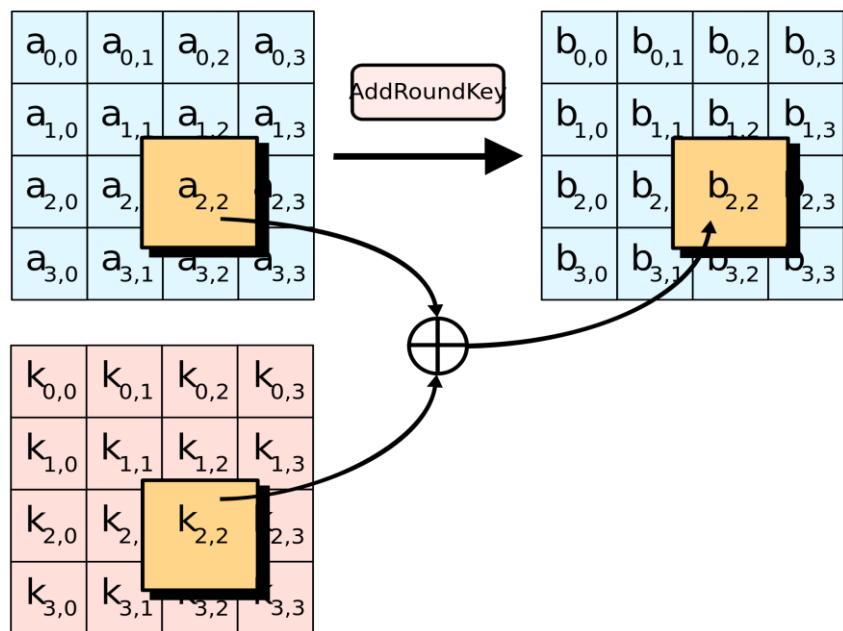
D5 68 1C 7B

2D BE 9E 7A

BE F6 9C 12

Шифрование

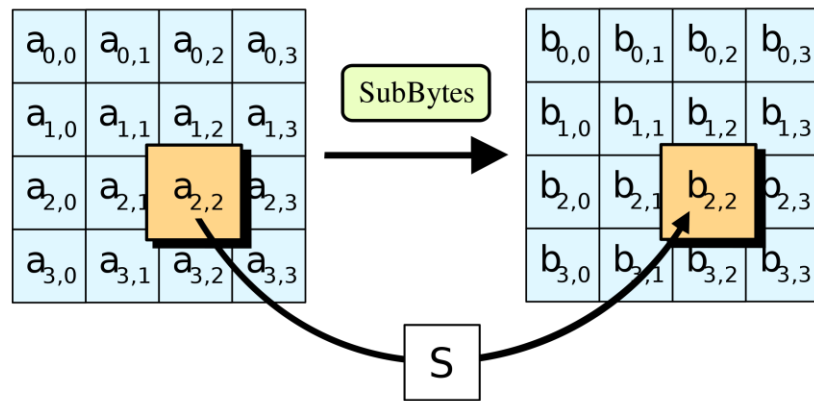
1. AddRoundKey



S XOR K, где S это шифруемые данные, а K – ключ шифрования для раунда

41 45 53 54		55 DA 1C E4		14 9F 4F B0
45 53 54 57		D5 68 1C 7B		90 3B 48 2C
4F 52 44 43	XOR	2D BE 9E 7A	=	62 EC DA 39
52 59 50 54		BE F6 9C 12		EC 36 F3 46

2. SubBytes



Замена байтов на значения из Sbox

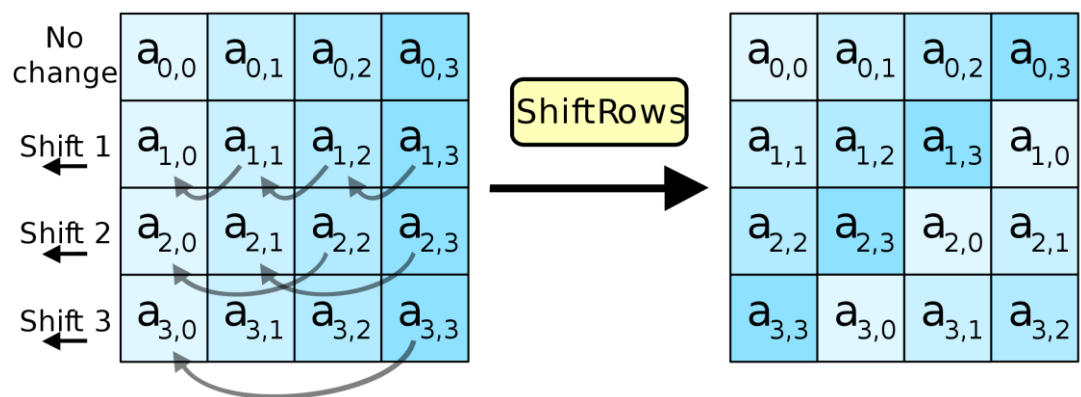
14 9F 4F B0 FA D8 84 E7

90 3B 48 2C 60 E2 52 71

62 EC DA 39 -> AA CE 57 12

EC 36 F3 46 CE 05 0D 5A

3. ShiftRows



Побайтовый сдвиг.

Строка 1 остаётся без изменений

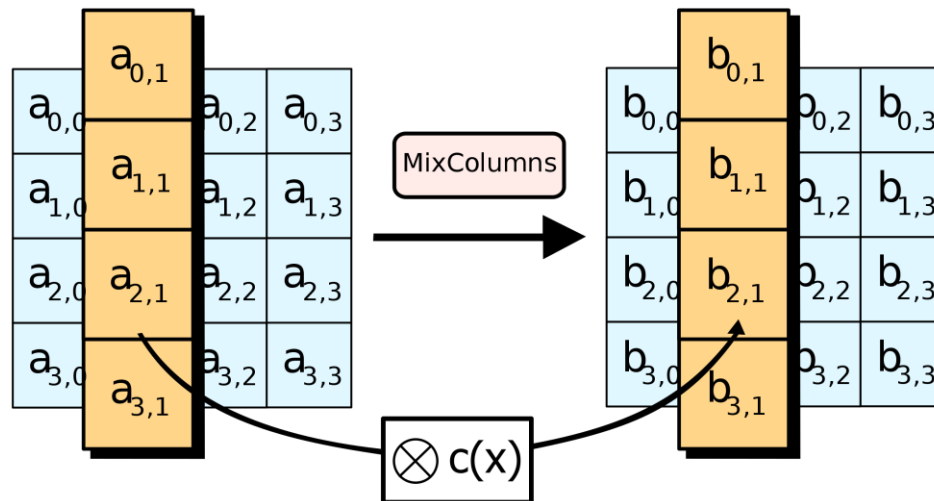
Строка 2 сдвигается на 1 байт

Строка 3 сдвигается на 2 байта

Строка 4 сдвигается на 3 байта

FA D8 84 E7		FA D8 84 E7
60 E2 52 71		E2 52 71 60
AA CE 57 12	<<	57 12 AA CE
CE 05 0D 5A		5A CE 05 0D

4. MixColumns



Fixed matrix =

02	03	01	01
01	02	03	01
01	01	02	03
03	01	01	02

Columns:

FA	D8	84	E7
E2	52	71	60
57	12	AA	CE
5A	CE	05	0D

$$\text{NewColumn}[i] = \text{FixedMatrix}[i,0] \cdot \text{Column}[0] \oplus \text{FixedMatrix}[i,1] \cdot \text{Column}[1] \oplus \text{FixedMatrix}[i,2] \cdot \text{Column}[2] \oplus \text{FixedMatrix}[i,3] \cdot \text{Column}[3]$$

$$[0] = (0x02 \cdot 0xFA) \oplus (0x03 \cdot 0xE2) \oplus (0x01 \cdot 0x57) \oplus (0x01 \cdot 0x5A) = DF$$

$$[1] = (0x01 \cdot 0xFA) \oplus (0x02 \cdot 0xE2) \oplus (0x03 \cdot 0x57) \oplus (0x01 \cdot 0x5A) = 86$$

$$[2] = (0x01 \cdot 0xFA) \oplus (0x01 \cdot 0xE2) \oplus (0x02 \cdot 0x57) \oplus (0x03 \cdot 0x5A) = 58$$

$$[3] = (0x03 \cdot 0xFA) \oplus (0x01 \cdot 0xE2) \oplus (0x01 \cdot 0x57) \oplus (0x02 \cdot 0x5A) = 14$$

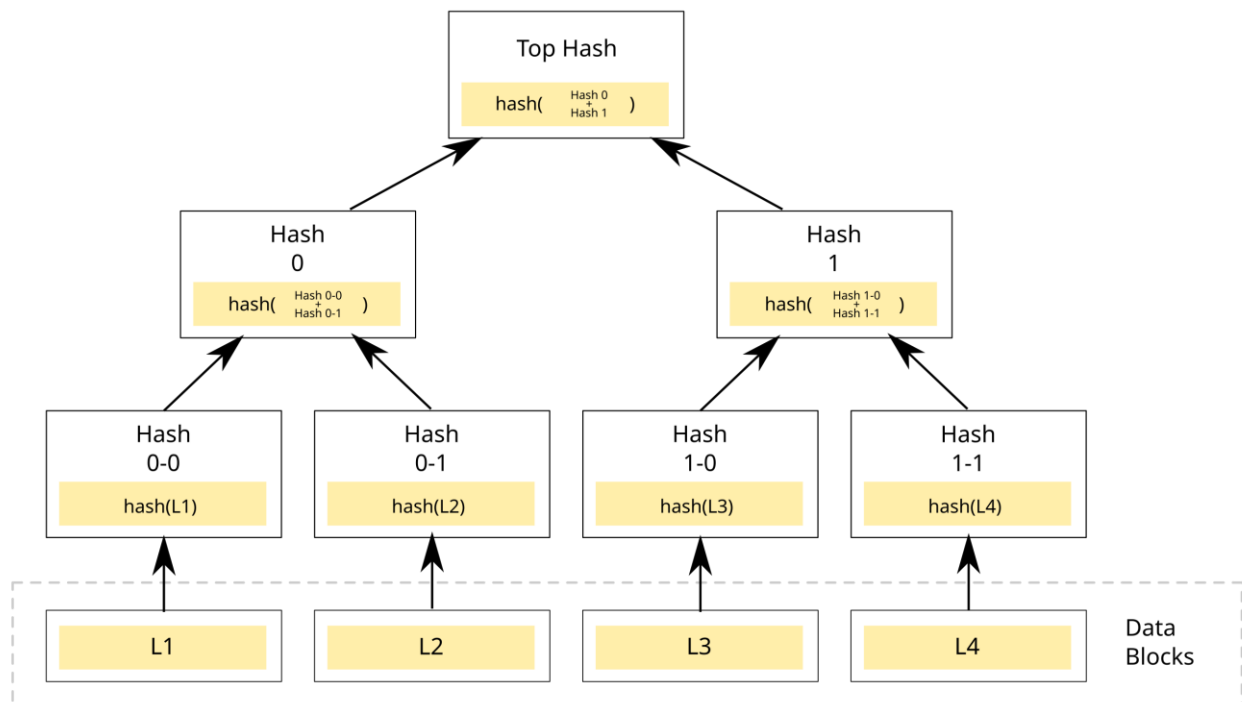
DF 81 2F B6

86 84 86 63

58 E7 B5 17

14 B4 46 86

Merkle



Генерация ключей

Пусть $n=4$, то есть дерево имеет 4 листа (максимум 4 подписи).

- Закрытые ключи
 - $sk0 = \text{"privatekey0"}$
 - $sk1 = \text{"privatekey1"}$
 - $sk2 = \text{"privatekey2"}$
 - $sk3 = \text{"privatekey3"}$
- Открытые ключи

Хэшируем каждый закрытый ключ для получения открытого ключа через алгоритм хеширования H

$pk0 = H(sk0) = \text{"d2b6..."}$

$pk1 = H(sk1) = \text{"f3a1..."}$

$pk2 = H(sk2) = \text{"a4f9..."}$

$pk3 = H(sk3) = \text{"e1c3..."}$

Построение дерева

Каждый публичный ключ является одним начальным узлом дерева

Вычисление промежуточных узлов происходит путём хеширования пары соседних узлов, например

$L01 = H(pk0 \parallel pk1)$

Посредством хеширования двух промежуточных узлов получаем корневой узел $root$

$Root = H(L01 \parallel L23)$

Формирование подписи

Делаем подпись на основе одного из ключей skn

Находим соседний узел pk_{n+1} для хеша ключа skn

Находим соседний родительский узел A

Формируем путь $Proof = [pk_{n+1}, A]$

Формируем подпись $Signature = (skn, proof, n)$

Проверка подписи

Хэшируем skn и получаем публичный ключ pkn

Получаем родительский узел H_{n+1} хешируя $H(pk_n \parallel pk_{n+1})$

Хешируем полученный узел вместе с узлом A $root' = H(A || H_{n+1})$

Сравниваем $root'$ с публичным $root$