

**Probabilidad y Estadística**  
**Examen Final**

1. (a) ¿Qué es un espacio de probabilidad? Defina, detalladamente, cada uno de los elementos que lo componen .  
 (b) Defina suceso (evento) aleatorio.  
 (c) Dé un ejemplo de un espacio muestral continuo. Defina sobre el mismo dos eventos excluyentes y dos eventos complementarios.  
 (d) ¿Qué fórmulas permiten calcular la probabilidad de la intersección de dos eventos? (conoce más de una) Indique de dónde se obtienen.
2. (a) Alumnos Matemática:
  - i. Deduzca la expresión del intervalo de confianza para la media poblacional con desvío estándar poblacional conocido, interprete su significado.
  - ii. Si se mantiene el tamaño de la muestra y se aumenta el nivel de confianza de 95 a 99 ¿en cuánto aumenta la longitud del intervalo?
  - iii. Si se duplica el tamaño de la muestra y se mantiene el mismo nivel de confianza, ¿aumenta o disminuye la amplitud del intervalo?, ¿en cuánto?
- (b) Alumnos Sistemas: Estadística Descriptiva
  - i. ¿A qué tabla de distribución de frecuencias corresponde un diagrama de barras? ¿qué se representa en cada eje?
  - ii. ¿Qué mide la desviación estandar muestral? ¿Es posible que la desviación estandar muestral sea igual a cero?
  - iii. ¿Cuáles son los estadísticos (medidas) convenientes para describir la forma de las distribuciones?
3. Sea  $X$  una variable aleatoria que sigue un modelo Hipergeométrico.
  - (a) ¿Qué supuestos deben satisfacerse para afirmar que  $X$  tiene esa distribución?
  - (b) ¿ $X$  es continua o discreta? Escriba en detalle, cuales son los parámetros de la distribución, la expresión de su función de probabilidad de masa o de densidad (según la haya clasificado como continua o discreta)
  - (c) Dé un ejemplo de una v.a. que siga una distribución hipergeométrica.
  - (d) Explique la relación que existe entre los modelos Hipergeométrico y Binomial.
4. (a) ¿Qué significa la expresión “ *sea  $X_1, \dots, X_n$  muestra aleatoria de variables independientes identicamente distribuidas*”?
- (b) Sea  $X_1, \dots, X_{20}$  una muestra aleatoria de v.a.iid, donde las  $X$  tienen distribución de Poisson de parámetro  $\lambda$ . Sea  $\bar{X} = \sum_{i=1}^n \frac{X_i}{n}$ . Dar  $E(\bar{X})$  y  $Var(\bar{X})$ .
5. Suponga que desea estimar la media de una variable aleatoria que sigue una cierta distribución teórica. ¿De qué maneras podría hacerlo? Explique, formal y detalladamente (y con lenguaje estadístico) en qué consiste el procedimiento elegido.