REGLERDIMENSIONIERUNG MIT HILFE DER SCHRITTANTWORT

RDT ONE

FACHBERICHT

Projekt 2 Team 1

WINDISCH, 10.06.2015

Auftraggeber: Peter Niklaus

Betreuer: Pascal Buchschacher, Anita Gertiser

EXPERTEN: PETER NIKLAUS, RICHARD GUT

TEAM: ALEXANDER STOCKER

CLAUDIUS JÖRG DENIS STAMPFLI MARTIN MOSER RETO FREIVOGEL YOHANNES MEASHO

STUDIENGANG: ELEKTRO- UND INFORMATIONSTECHNIK

Abstract

Regler werden heutzutage oft mit simplen Faustformeln dimensioniert. Für stabilere Regelungen kann die aufwändigere Phasengangmethode angewendet werden. Das Ziel dieser Arbeit ist es mit einem Programm die Phasengangmethode zu automatisieren. Diese Automatisierung wurde im Programm implementiert. Zusätzlich kann das Programm die Resultate mit verschiedenen Faustformeln vergleichen. Der Fachbericht setzt sich zusammen aus einem mathematischen und einem programmtechnischen Teil. Der mathematische Abschnitt behandelt die Streckenanalyse, die Phasengangmethode und ihr Ablauf, die Übertragungsfunktion der Regler, die Schrittantwort der Regelung und die Optimierungsmöglichkeiten. Er geht auch auf die Dimensionierung mit Faustformeln ein. Der programmtechnische Bericht erläutert die Software, die Benutzerschnittstelle und die Anwendung von Model-View-Controller.

Projekt P2 - Aufgabenstellung vom Auftraggeber (FS_2015)

Reglerdimensionierung mit Hilfe der Schrittantwort

1. Einleitung

In der Praxis werden die klassischen Regler (PI, PID, PD, ...) oft mit sog. Faustformeln dimensioniert. Dazu benötigt man bestimmte Informationen der zu regelnden Strecke. Handelt es sich dabei um "langsame Strecken" mit Zeitkonstanten im Bereich von Sekunden bis Minuten, so ist das Bestimmen und Ausmessen der Schrittantwort oft die einzige Möglichkeit zur Identifikation der Strecke. Typische Beispiele dafür sind Temperaturheizstrecken, welche meistens mit einem PTn-Verhalten modelliert werden können (Kaffeemaschine, Boiler, Raumheizungen, Lötkolben, Warmluftfön, usw.).

Die Schrittanwort wird mit Hilfe einer Wendetangente vermessen und die Kenngrössen Streckenbeiwert (K_s), Verzugszeit (T_u) und Anstiegszeit (T_g) werden bestimmt. Dies kann sowohl von Hand (grafisch) oder auch automatisiert durchgeführt werden, falls die Messdaten elektronisch vorliegen. Mit diesen drei Kenngrössen können mit Hilfe sog. Faustformeln PI- und PID-Regler dimensioniert werden (Ziegler/Nichols, Chien/Hrones/Reswick, Oppelt, Rosenberg). Die Faustformeln liefern zwar sehr schnell die Reglerdaten, aber die Schrittantworten der entspr. Regelungen sind teilweise weit vom "Optimum" entfernt und der Regelkreis kann sogar instabil werden. In der Praxis muss man diese "Startwerte" häufig nachoptimieren, damit die Schrittantwort der Regelung die Anforderungen erfüllt.

Die sog. "Phasengangmethode zur Reglerdimensionierung" wurde von Jakob Zellweger (FHNW) entwickelt und liefert Reglerdaten, welche näher am "Optimum" sind und für die Praxis direkt verwendet werden können. Dabei kann das Überschwingen der Schrittantwort vorgegeben werden (z.B. 20%, 10%, 2%, oder aperiodisch). Bei dieser Methode kann also das für viele Anwendungen wichtige Verhalten der Schrittantwort beeinflusst werden. Um die Phasengangmethode anwenden zu können, muss der Frequenzgang der Strecke bekannt sein (analytisch oder numerisch/gemessen). Mit Hilfe der Hudzovik-Approximation (oder anderer ähnlicher Verfahren) wird dieses Problem gelöst, in dem vorgängig aus den Kenngrössen der Schrittantwort (K_s , T_u , T_g) eine PTn-Approximation der Strecke erzeugt wird. Mit dem Frequenzgang der PTn-Approximation können dann die Regler dimensioniert werden (I, PI, PID). Die Phasengangmethode war ursprünglich eine grafische Methode, basierend auf dem Bodediagramm der Strecke. Aktuell soll die Methode direkt numerisch im Rechner durchgeführt werden.

In dieser Arbeit geht es um die Entwicklung und Realisierung eines Tools zur **Reglerdimensionierung mit der Phasengangmethode**. Ausgehend von der PTn-Schrittantwort der Strecke sollen "optimale Regler" (PI, PID-T1) dimensioniert werden, wobei das Überschwingen der Regelgrösse vorgegeben werden kann. Zum Vergleich sollen die Regler auch mit den üblichen Faustformeln dimensioniert werden. Wünschenswert wäre auch eine Simulation der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises, so dass die Dimensionierung kontrolliert und evtl. noch "verbessert" werden könnte.

2. Aufgaben/Anforderungen an Tool

Entwerfen und realisieren Sie ein benutzerfreundliches Tool/Programm/GUI/usw. mit welchem PI- und PID-Regler mit der Phasengangmethode dimensioniert werden können. Dabei sind folgende Anforderungen und Randbedingungen vorgegeben:

- Die zu regelnden Strecken sind PTn-Strecken, wobei entweder die Schrittantwort grafisch vorliegt oder die Kenngrössen K_s , T_u und T_g schon bekannt sind
- Die Bestimmung einer PTn-Approximation wird vom Auftraggeber zur Verfügung gestellt und muss entsprechend angepasst und eingebunden werden (Matlab zu Java)
- Das Überschwingen der Regelgrösse (Schrittantwort) soll gewählt werden können
- Zum Vergleich sind die Regler auch mit den üblichen Faustformeln zu dimensionieren.
- Das dynamische Verhalten des geschlossenen Regelkreises soll auch berechnet und visualisiert werden (Schrittantwort)

3. Bemerkungen

Die Software und das GUI sind in enger Absprache mit dem Auftraggeber zu entwickeln. Der Auftraggeber steht als Testbenutzer zu Verfügung und soll bei der Evaluation des GUI eingebunden werden. Alle verwendeten Formeln, Algorithmen und Berechnungen sind zu verifizieren, eine vorgängige oder parallele Programmierung in Matlab ist zu empfehlen. Zum Thema der Regelungstechnik und speziell zur Reglerdimensionierung mit der Phasengangmethode werden Fachinputs durchgeführt (Fachcoach).

Literatur

- [1] J. Zellweger, Regelkreise und Regelungen, Vorlesungsskript.
- [2] J. Zellweger, *Phasengang-Methode*, Kapitel aus Vorlesungsskript.
- [3] H. Unbehauen, *Regelungstechnik I*, Vieweg Teubner, 2008.
- [4] W. Schumacher, W. Leonhard, *Grundlagen der Regelungstechnik*, Vorlesungsskript, TU Braunschweig, 2003.
- [5] B. Bate, *PID-Einstellregeln*, Projektbericht, FH Dortmund, 2009.

16.02.2015 Peter Niklaus

Inhaltsverzeichnis

1	Ein	leitung	S	6
2	Theoretische Grundlagen			7
	2.1	Streck	enanalyse	8
	2.2	Phase	ngangmethode	9
		2.2.1	Grundlagen	9
		2.2.2	Ablauf der Phasengangmethode	12
	2.3	Übert	ragungsfunktion der Regler	12
	2.4	Dimer	nsionierung mit Faustformeln	13
	2.5	Schrit	tantwort der Regelung	14
		2.5.1	Berechnung	14
		2.5.2	Optimierungsmöglichkeiten	15
3	Soft	ware		16
	3.1	Packa	ges und seine Klassen	17
		3.1.1	Klassen des Packages controller	17
		3.1.2	Ausgewählte Klassen des Packages $model$	19
		3.1.3	Ausgewählte Klassen des Packages dimensionierung	21
		3.1.4	Klassen des Packages $view$	23
4	Sch	lusswo	${f rt}$	25
5	Ehr	lichkei	tserklärung	26
6	${ m Lit}\epsilon$	eratur		27
7	Anl	nang		28

6 1 EINLEITUNG

1 Einleitung

Klassische Regler werden heutzutage oft über die gängigen Faustformeln dimensioniert. Leider erhält man durch die Anwendung von Faustformeln oft unbrauchbare Reglerparameter. Aus diesem Grund müssen Regler oft nachoptimiert werden. Eine andere Dimensionierungsmöglichkeit ist die Phasengangmethode von Jakob Zellweger. Diese Methode ist zwar aufwändiger, liefert dafür aber stabilere Regler. Wie der Name der Methode bereits verrät, werden die Reglerwerte über den Phasengang der Strecke ermittelt. Es handelt sich ursprünglich um eine Dimensionierung, die von Hand auf logarithmischen Papier erarbeitet wird, was aufwändig ist. Die Aufgabe dieses Projektes ist es, diese Methode mit Hilfe einer Software zu automatisieren.

Ziel ist es ein GUI (Graphical User Interface) zu erstellen, bei welchem die Streckenparameter eingegeben werden können. Die Software soll die Eingaben mit der Phasengangmethode weiterverarbeiten. Daraus resultieren die Reglerparameter. Ein weiteres Ziel ist die Schrittantwort der gesamten Regelung zu berechnen und grafisch darzustellen. Die Bedienung des GUI soll übersichtlich und einfach in der Handhabung sein.

Als Ausgangslage ist die Schrittantwort der Strecke gegeben, womit die Streckenparameter herausgelesen werden können. Diese Werte sind in die Software einzugeben. Resultierend daraus erhält der Anwender die Reglerparameter sowie die Schrittantwort davon. Dieser Prozess kann in sechs Bereiche unterteilt werden. Beginnend mit der Streckenidentifikation. Die Übertragungsfunktion der Strecke wird über die Sani-Approximation ermittelt. Als nächstes kann der Frequenzgang berechnet und mit der Phasengangmethode die Reglerwerte ermittelt werden. Somit sind die Reglerparameter bereits bestimmt und die Übertragungsfunktion des Reglers ist gegeben. Doch die Schrittantwort der Regelung fehlt zu diesem Zeitpunkt noch. Mit der Faltung werden die beiden Übertragungsfunktionen von Regler und Strecke zur Übertragungsfunktion der geschlossenen Regelung zusammengefügt. Für die Berechnung der Schrittantwort werden zuerst die Residuen der Übertragungsfunktion ermittelt. Die Residuen werden benötigt, um mittels der inversen Laplace Transformation die Impulsantwort zu bilden. Abschliessend muss die Impulsantwort integriert werden, sodass die Schrittantwort der Regelung entsteht.

Die Software ist im bekannten MVC-Pattern gehalten. Die View implementiert die graphische Oberfläche der Software. Sie fungiert als Benutzerschnittstelle und ermöglicht die Eingabe der Streckenparameter. Der Controller steuert die Berechnungen der Applikation. Er leitet die Aufgaben dem Model weiter. Im Model werden die Berechnungen der entsprechenden Regler getätigt. Unter Verwendung der Klasse Polynome, Transferfunction und Schrittantwort werden die Regler berechnet. Die Daten werden über die Klasse Observer dem View zurückgegeben und dort aktualisiert.

Der nachfolgende Bericht ist in zwei Abschnitte unterteilt. Der erste Teil beinhaltet die Grundlage der Phasengangmethode sowie deren wichtigste Formeln. Im zweiten Teil wird auf die Programmierung eingegangen, die auf dem MVC-Pattern beruht. Am Ende wird die Funktionalität der wichtigsten Methoden geklärt. Ein weiterer wichtiger Bestandteil ist das MVC-Pattern.

2 Theoretische Grundlagen

Eine Regelung (auch Regelkreis genannt) besteht, wie in Abbildung 1 zu sehen ist, aus einem Regler und einer Regelstrecke. Beispiele einer Regelung sind Raumheizungen, Lötkolben oder Geschwindigkeitsregelungen.

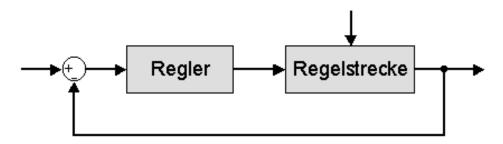


Abbildung 1: Regelung bestehend aus Regler und Regelstrecke [1]

Ist eine Regelstrecke gegeben, im Falle eines Lötkolbens wäre dies zum Beispiel die Distanz vom Heizelement bis zur Lötspitze, so muss ein dazu kompatibler Regler dimensioniert werden. Reglerdimensionierungen können über das Auswerten der Schrittantwort der Regelstrecke durchgeführt werden. Um die Schrittantwort zu erhalten wird das Verhalten der Ausgangsgrösse der Strecke aufgrund eines Schrittes der Eingangsgrösse gemessen. Für die Berechnungen werden die aus der Schrittantwort der Strecke ausgelesenen Kenngrössen Verzugszeit (T_u) , Anstiegszeit (T_g) und Streckenbeiwert (K_s) verwendet. Zur Dimensionierung eines kompatiblen Reglers existieren verschiedenste Methoden. Im Folgenden werden nun zwei Möglichkeiten genauer erläutert, wobei das Hauptaugenmerk auf der ersten Methode, der Phasengangmethode, liegt und die zweite, die Dimensionierung mittels gängigen Faustformeln, lediglich zum Vergleich durchgeführt wird.

Die Kurve in Abbildung 2 stellt die Schrittantwort einer Regelstrecke dar. Daran angelegt ist die Wendetangente, die benötigt wird, um die Verzugs- und die Anstiegszeit messen zu können.

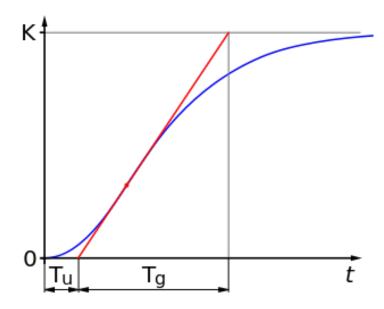


Abbildung 2: Schrittantwort einer Regelstrecke [2]

Ziel ist es, PI- sowie PID-Regler zu dimensionieren, das heisst deren Kennwerte zu berechnen. Der PI-Regler hat die Kennwerte Nachstellzeit (T_n) und Reglerverstärkung (K_R) , beim PID-Regler kommt noch die Vorhaltezeit (T_v) und die parasitäre Zeitkonstante (T_p) hinzu.

2.1 Streckenanalyse

Aus den gegebenen Kennwerten der Schrittantwort soll nun die Übertragungsfunktion der Strecke berechnet werden, das heisst die Strecke muss identifiziert werden. Die Streckenidentifikation, wird mittels der Sani-Methode durchgeführt. Aus dem Verhältnis von T_u und T_g werden die Ordnung der Strecke (n) und die dazugehörigen Zeitkonstanten $(T_1, T_2, ..., T_n)$ berechnet, die benötigt werden, um die Übertragungsfunktion der Regelstrecke darzustellen. Die Übertragungsfunktion der Strecke ist gemäss Formel 1 definiert: [2]

$$G_S(s) = \frac{K_S}{(1 + sT_1)(1 + sT_2)...(1 + sT_n)}$$
(1)

2.2 Phasengangmethode

Bei der Phasengangmethode handelt es sich eigentlich um eine grafische Dimensionierungsmethode, welche früher noch von Hand mit logarithmischem Papier durchgeführt wurde. Anstelle der grafischen Dimensionierung wird die Methode in diesem Fall komplett rechnerisch gelöst. Um die Methode zu verstehen wird ein theoretisches Grundwissen benötigt, welches in folgenden Unterkapiteln erklärt wird.

2.2.1 Grundlagen

Durch Ersetzen von s durch $j\omega$ in der Übertragungsfunktion der Strecke erhält man den Frequenzgang. Damit die Phasengangmethode angewendet werden kann, wird der Amplitudensowie der Phasengang der Strecke benötigt (Formeln 2, 3 und 4).

$$A_S(\omega) = abs(G_S(j\omega)) \tag{2}$$

$$\varphi_S(\omega) = \arg(G_S(j\omega)) \tag{3}$$

$$\varphi_S(\omega) = -\arctan(\omega T_1) - \arctan(\omega T_2) \dots - \arctan(\omega T_n) \tag{4}$$

Die Zeitkonstanten des zu dimensionierenden Reglers stehen in direktem Zusammenhang mit dessen Amplitudengang. In den Abbildungen 3 und 4 sind die Amplitudengange eines PI- und eines PID-Reglers dargestellt, wobei die x-Achsen logarithmisch skaliert sind. Wie die Kreisfrequenzen an den Knickstellen mit den Reglerparametern zusammenhängen sollen, ist in Tabelle 1 ersichtlich.

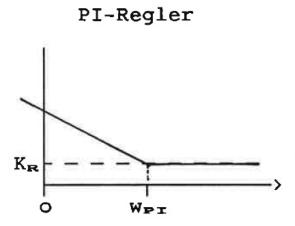


Abbildung 3: Amplitudengang eines PI-Reglers in Abhängigkeit der Kreisfrequenz ω (log. Darstellung) [3]

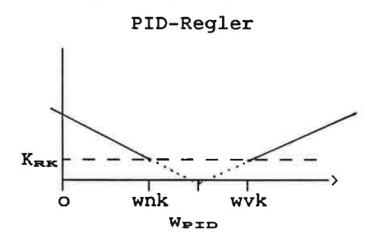


Abbildung 4: Amplitudengang eines PID-Reglers in Abhängigkeit der Kreisfrequenz ω (log. Darstellung) [3]

PI-Regler	PID-Re	egler
$\omega_{PI} = \frac{1}{T_n}$	$\omega_{nk} = \frac{1}{T_{nk}} = \beta * \omega_{PID}$	$\omega_{vk} = \frac{1}{T_{vk}} = \frac{\omega_{PID}}{\beta}$

Tabelle 1: Amplitudengänge Regler und Zusammenhänge mit Knickkreisfrequenzen

Diese Knickkreisfrequenzen (ω_{PI} in Abb. 3 und ω_{PID} ind Abb. 4) werden mithilfe des Phasengangs der Strecke berechnet. Je nachdem welcher Reglertyp dimensioniert werden soll, müssen andere Punkte im Phasengang gesucht werden (Tabelle 2).

Regler	Phasengang der Strecke φ_s	Knickkreisfrequenz
PI	$-\frac{\pi}{2} = -90^{\circ}$	$\omega_{PI} = \frac{1}{T_n}$
PID	$-\frac{3\pi}{4} = -135^{\circ}$	$\omega_{PID} = \frac{1}{\sqrt{T_{nk}T_{vk}}}$

Tabelle 2: Gesuchte Punkte im Phasengang je nach Regler

Der PI-Regler kann anhand dieser Dimensionierungskriterien bereits dimensioniert werden. Beim PID-Regler muss allerdings noch ein Parameter mehr bestimmt werden. Es handelt sich um den Faktor β welcher benötigt wird um die Knickkreisfrequenzen des PID-Reglers berechnen zu können. Dieser Faktor β hängt mit der Tangentensteigung des Phasengangs der offenen Regelung im Punkt -135° zusammen.

Ein Dimensionierungskriterium der Phasengangmethode lautet, dass die Steigung des Phasengangs der gesamten, offenen Regelung bei der Knickkreisfrequenz $\frac{-0.5}{\omega_{PID}}$ betragen soll. Dies hat damit zu tun, dass eine Steigung von -20dB/Dekade angestrebt wird. Die genaue Herleitung von β befindet sich im Anhang. Es gilt die folgende Beziehung:

$$\frac{2\beta}{1+\beta^2} + \omega_{PID} \frac{d\varphi_{Strecke(\omega_{PID})}}{d\omega} = -0.5 \tag{5}$$

Da der Phasengang der Strecke und somit dessen Ableitung gegeben ist, kann durch Auflösen nach β nun auch dieser Parameter ermittelt werden. Ergibt sich ein Wert der grösser als eins oder komplexwertig ist, so wird β als eins angenommen.

Die Verstärkung des Reglers wird mit Hilfe des Phasenrands bestimmt. Der Phasenrand ist die Differenz der Streckenphase zu -180° . Bei unterschiedlichem Phasenrand ergeben sich unterschiedliche Verstärkungsfaktoren, was auch auf das Überschwingen des Reglers Einfluss hat. Tabelle 3 zeigt den Zusammenhang zwischen dem gewählten Phasenrand und dem daraus resultierenden Überschwingen der Regelung.

Phasenrand φ_R	Streckenphase φ_S	Überschwingen
45°	-135°	23%
51.8°	-128.5°	16.3%
65.5°	-114.6°	4.6%
76.3°	-103.7°	0%

Tabelle 3: Zusammenhang Phasenrand und Überschwingen

Zur Berechnung der Verstärkung werden nun die Amplitudengänge der Strecke, sowie des Reglers benötigt. Dazu wird im Phasengang der offenen Regelung φ_S der Phasenrand abgetragen. Dies liefert die Kreisfrequenz ω_D . Die beiden Amplituden bei der Kreisfrequenz ω_D , werden miteinander multipliziert. Gemäss Phasengangmethode soll die Verstärkung an dieser Stelle eins sein. Dies führt zur Formel 6. $Go(\omega_D)$ entspricht dem Amplitudengang der offenen Regelung an der Stelle ω_D .

$$K_R = \frac{1}{|Go(\omega_D)|} \tag{6}$$

2.2.2 Ablauf der Phasengangmethode

Die Phasengangmethode der Strecke φ_S wird nach dem folgenden Ablauf durchgeführt. Die Punkte 2. und 3. werden nur für PID-Regler benötigt. Eine numerische Beispielrechnung für einen PI-Regler ist im Anhang angefügt.

- 1. Im Phasengang der Strecke φ_S werden die Kreisfrequenzen in bestimmten Punkten gesucht.
- 2. Der Faktor β wird bestimmt.
- 3. Mithilfe von β werden die Zeiten T_{nk} und T_{vk} ermittelt.
- 4. Der Phasengang der offenen Regelung φ_{go} wird berechnet (Phasengang Strecke + Phasengang Regler)
- 5. Die Kreisfrequenz ω_D beim gewählten Phasenrand wird berechnet.
- 6. Die Amplitudengänge der Strecke sowie des Reglers bei ω_D werden miteinander multipliziert. Damit wird die Reglerverstärkung K_R festgelegt.

Besondere Vorsicht ist bei den erhaltenen Kenngrössen des dimensionierten Reglers geboten. Es wird zwischen Regler- und Bodekonform unterschieden. Bodekonform bedeutet, dass die Parameter kaskadiert sind und die logarithmische Rechnung somit vereinfacht wird. Standardmässig wird in der Fachliteratur meist reglerkonform gerechnet. Die Parameter des PI-Reglers sind reglerkonform und können somit direkt weiterverwendet werden. Die Parameter des PID-Reglers, welche wir bei der Dimensionierung mittels Phasengangmethode erhalten, sind bodekonform. Sie können jedoch in die reglerkonforme Darstellung umgerechnet werden. Für die Umrechnung wurden die Formeln 7, 8 und 9 für PID-Regler hergeleitet (siehe Anhang): [3]

$$K_R = K_{rk} \left(1 + \frac{T_{vk}}{T_{nk}} - \frac{T_p}{T_{nk}} \right) \tag{7}$$

$$T_n = T_{nk} + T_{vk} - T_p \tag{8}$$

$$T_v = \frac{T_{nk}T_{vk}}{T_{nk} + T_{vk} - T_p} - T_p \tag{9}$$

Tp steht für die parasitäre Zeitkonstante. Diese wird benötigt, da ein idealer PID-Regler in der Praxis nicht umsetzbar ist. Der Index k in der bodekonformen Darstellung steht für Kaskadierung.

2.3 Übertragungsfunktion der Regler

Um schlussendlich die Schrittantwort der geschlossenen Regelung berechnen zu können, wird die Übertragungsfunktion des dimensionierten Reglers benötigt. Diese lässt sich mit den aus der Phasengangmethode erhaltenen Parametern aufstellen (Tabelle 4).

Beschreibung	Darstellung
PI-Regler bodekonform	$G_R(s) = K_R \frac{(1+sT_n)}{sT_n}$
PI-Regler reglerkonform	$G_R(s) = K_R \left(1 + \frac{1}{sT_n} \right)$
PID-Regler bodekonform	$G_R(s) = K_{rk} \frac{(1+sT_{nk})(1+sT_{vk})}{sT_{nk}(1+sT_p)}$
PID-Regler reglerkonform	$G_R(s) = K_R \left(1 + \frac{1}{sT_n} + \frac{sT_v}{1 + sT_p} \right)$

Tabelle 4: Übertragungsfunktionen Regler [4]

2.4 Dimensionierung mit Faustformeln

Die Dimensionierung mittels Faustformeln wird durchgeführt, um die Dimensionierungsresultate der Phasengangmethode am Schluss zu vergleichen und auszuwerten. Es gibt etliche verschiedene Faustformeln von unterschiedlichen Personen. Die bekanntesten und gängigsten Dimensionierungsformeln sind in den folgenden Tabellen aufgelistet und werden im Programm implementiert.

Formeltyp	Regler	K_R	T_n	T_v
	P	$\frac{T_g}{K_s T_u}$		
Ziegler/Nichols	PI	$\frac{0.9*T_g}{K_sT_u}$	$3.3 * T_u$	
	PID	$\frac{0.9*T_g}{K_sT_u}$	$2*T_u$	$0.42*T_t$
	P	$\frac{T_g}{K_s T_u}$		
Oppelt	PI	$\frac{0.8*T_g}{K_sT_u}$	$3*T_u$	
	PID	$\frac{1.2*T_g}{K_sT_u}$	$2*T_u$	$0.42*T_t$
	P	$\frac{T_g}{K_s T_u}$		
Rosenberg	PI	$\frac{0.91*T_g}{K_sT_u}$	$3.3 * T_u$	
	PID	$\frac{1.2*T_g}{K_sT_u}$	$2*T_u$	$0.44 * T_t$

Tabelle 5: Fausformeln Ziegler/Nichols, Oppelt und Rosenberg [5]

	aperiodischer		Einschwingvorgang mit	
Reglertyp	Einschwingvorgang		20% Überschwingen	
	Führung	Störung	Führung	Störung
P	$K_R = \frac{0.3*T_g}{K_s T_u}$	$K_R = \frac{0.3 * T_g}{K_s T_u}$	$K_R = \frac{0.7 * T_g}{K_s T_u}$	$K_R = \frac{0.7 * T_g}{K_s T_u}$
ΡΙ	$K_R = \frac{0.35 * T_g}{K_s T_u}$	$K_R = \frac{0.6 * T_g}{K_s T_u}$	$K_R = \frac{0.6 * T_g}{K_s T_u}$	$K_R = \frac{0.7*T_g}{K_s T_u}$
	$T_n = 1.2 * T_g$	$T_n = 4 * T_u$	$T_n = T_g$	$T_n = 2.3 * T_u$
	$K_R = \frac{0.6 * T_g}{K_s T_u}$	$K_R = \frac{0.95 * T_g}{K_s T_u}$	$K_R = \frac{0.95 * T_g}{K_s T_u}$	$K_R = \frac{1.2*T_g}{K_s T_u}$
PID	$T_n = T_g$	$T_n = 2.4 * T_u$	$T_n = 1.35 * T_g$	$T_n = 2.3 * T_u$
	$T_v = 0.5 * T_u$	$T_v = 0.42 * T_u$	$T_v = 0.47 * T_u$	$T_v = 0.42 * T_u$

Tabelle 6: Chien/Hrones und Reswick [5]

2.5 Schrittantwort der Regelung

2.5.1 Berechnung

Um die Schrittantwort der geschlossenen Regelung berechnen zu können, wird die Übertragungsfunktion der Regelung benötigt. Diese wird aus den Übertragungsfunktionen des Reglers und der Strecke gemässe Formel 10 berechnet.

$$G(s) = \frac{G_R(s)G_S(s)}{1 + G_R(s)G_S(s)}$$
(10)

Die Berechnung der Schrittantwort wird mittels Residuenrechnung durchgeführt. Erstes Teilziel ist es die Übertragungsfunktion in die Form von Formel 11 zu bringen, wo B(s) das Zählerpolynom der Übertragungsfunktion, A(s) das Nennerpolynom, R(n) die Residuen, P(n) die Polstellen und K den Direktterm darstellen.

$$\frac{B(s)}{A(s)} = \frac{R(1)}{s - P(1)} + \frac{R(2)}{s - P(2)} + \dots + K$$
(11)

Dafür werden als erstes die Polstellen der Übertragungsfunktion gesucht. Diese befinden sich bei den Nullstellen des Nennerpolynoms. Die Residuen erhält man durch die Partialbruchzerlegung mittels Residuenkalkül gemäss Formel 12, welche aber nur Gültigkeit hat, wenn ausschliesslich einfache Nullstellen vorkommen.

$$R(n) = \lim_{s \to P(n)} (s - P(n)) \frac{B(s)}{A(s)}$$

$$\tag{12}$$

Durch die inverse Laplactransformation, unter Verwendung der Korrespondenztabellen erhält man die Impulsantwort h(t) (Formel 13 mit $t \ge 0$).

$$h(t) = K\delta(t) + \sum_{i=1}^{n} R(i) * e^{P(i)t}$$
 (13)

Aus der erhaltenen Implusantwort h(t) muss nun noch die Schrittantwort berechnet werden, was mittels Integration gemacht wird (Formel 14).

$$s(t) = \int_0^t K\delta(\tau)d\tau + \sum_{i=1}^n \int_0^t R(i) * e^{P(i)\tau}d\tau$$
 (14)

Die Schrittantwort wird zusätzlich noch analysiert. Folgende Werte werden ausgewertet:

- Anregelzeit T_{an} : Die Zeit, welche die Strecke benötigt bis der Sollwert das erste mal erreicht wird
- Ausregelzeit T_{aus} : Die Zeit, welche die Strecke benötigt bis die Strecke in einem gewissen Toleranzbereich einmündet, und diesen nicht wieder verlässt.
- Max. Überschwingen Y_{max} : Der Wert an der Stelle, wo die Schrittantwort an meisten vom Sollwert abweicht.

2.5.2 Optimierungsmöglichkeiten

Falls die berechnete und dargestellte Schrittantwort der Regelung nicht der Vorstellung und den Ansprüchen des Nutzers entspricht, soll dieser die Möglichkeiten haben, die Schrittantwort nach seinen Anforderungen zu optimieren. Dazu gibt es verschiedene Möglichkeiten.

Einerseits kann der Regler durch seine Eigenschaften K_R , T_n , T_v und T_p modifiziert werden. Eine Schrittantwort durch die Veränderung dieser drei Eigenschaften zu optimieren ist äusserst schwierig. Dies erfordert grosses Wissen und viel Erfahrung in der Regelungstechnik, was einem weniger erfahrenen Nutzer die Optimierung nahezu verunmöglicht.

Es besteht jedoch die Möglichkeit die Optimierungen durch Verändern gewisser Parameter in der Phasengangmethode durchzuführen. So ist es aus der Theorie ersichtlich, dass der gewählte Phasenrand auf das Überschwingen Einfluss hat (siehe Kapitel 2.2.1, S. 11, Tabelle 3). Die Berechnung kann also mittels gewähltem Phasenrand solange optimiert werden, bis das Überschwingen der Schrittantwort den Anforderungen entspricht. Dies erlaubt eine iterative Berechnung, welche nach Eingabe des gewünschten Überschwingens in Prozent, solange den Phasenrand verändert bis die Schrittantwort den Anforderungen entspricht.

16 3 SOFTWARE

3 Software

Hinweise zur Benutzung

Der Fachbericht dient zur Erklärung des Aufbaus des Java Source Codes. Für eine Einführung in das Programm beachte man die Bedienungsanleitung im Anhang.

JavaKlassenNamen sind im Folgenden kursiv mit Grossbuchstaben geschrieben. Dagegen sind packages kursiv und klein geschrieben. Das gesamte Klassendiagramm befindet sich im Anhang. Fett gedruckte Nummern (1) beziehen sich auf Elemente des GUIs. Eine Abbildung des GUIs mit Nummerierung findet sich am Ende der Bedienungsanleitung im Anhang.

Ziele

Ziel der Applikation ist die automatische Dimensionierung eines Reglers mit der Phasengangmethode von Prof. J. Zellweger. Weiter soll die Schrittantwort des gesamten Regelkreises ermittelt und visualisiert werden. Die Regelstrecke ist durch die Parameter K_s , T_u und T_g gegeben. Neben der Phasengangmethode sind auch Faustregeln zur Reglerdimensionierung anwendbar. Die berechneten Werte sowie die markanten Werte der Schrittantwort sollen als Text ausgegeben werden. Die Software verfügt weiter über die nützlichen Befehle Rückgängig und Wiederholen. Die eingegebenen Werte können zudem gespeichert und geladen werden.

Aufbau und Packages

Die Applikation ist nach dem Model-View-Controller Architekturmuster aufgebaut. Wiedergespiegelt ist das in den drei Packages model, view und controller.

Das *model* soll eine Abstraktion der mathematischen Objekte bieten. Die meisten enthaltenen Klassen sind für die Vermeidung von Aliasing-Problemen (Zugriff zweier Klassen auf die gleiche Instanz) als unveränderlich gehalten.

Die Klassen zur Reglerdimensionierung sind für die bessere Kapselung im separaten Package model.dimensionierung enthalten. Alle Klassen dieses Packages sind als unveränderlich gehalten

Das *view* erzeugt die graphische Benutzeroberfläche mit den Daten des *models*. Die Kommunikation zwischen *view* und *model* erfolgt mittels dem Observer Entwurfsmuster.

Der controller übernimmt die Steuerung der Applikation und die Ausführung der Befehle des Benutzers.

3.1 Packages und seine Klassen

3.1.1 Klassen des Packages controller

Der Aufbau des Packages controller ist in Abbildung 5 ersichtlich.

Controller

Der Controller ist verantwortlich für die Steuerung der Applikation. Er besitzt für alle Befehle die der Benutzer im GUI tätigen kann eine Methode zur Modifizierung des Models. Meldet das Model beim Modifizieren einen Fehler informiert er den Benutzer mit der Methode displayError des Views. Vor jeder Änderung des Models speichert sich der Controller eine Kopie davon. Dadurch ist es möglich alte Zustände wiederherzustellen und die Befehle Rückgängig und Wiederholen zu unterstützen. Weiter ist der Controller für das Speichern und Laden zuständig. Dies funktioniert da das Model das Serializable Interface implementiert und der Controller so die Daten mit einem ObjectOutputStream in eine Datei schreiben bzw. mit einem ObjectInputStream aus einer Datei laden kann.

PIDRechner

Diese Klasse ist der Startpunkt (main) der Applikation. Sie initialisiert Controller, View und Model.

3 SOFTWARE

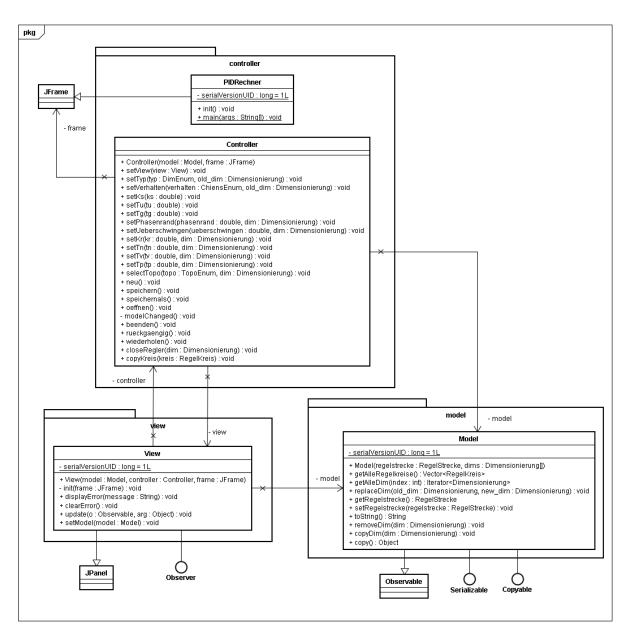


Abbildung 5: Package controller

3.1.2 Ausgewählte Klassen des Packages model

Der Aufbau des Packages model ist in Abbildung 6 ersichtlich.

Model

Das *Model* verwaltet die *Regelstecke* und die verschiedenen *Dimensionierungen*. Es bietet Zugriffsmethoden um die *Regelstrecke* und *Dimensionierungen* zu modifizieren. Auch kann es Dimensionierungsmethoden kopieren oder löschen.

Regelkreis

Die Klasse Regelkreis dient zur Umwandlung der Übertragungsfunktionen (TransferFunction) von Regelstrecke und Regler in die Übertragungsfunktion des ganzen Kreises.

Regelstrecke

Die Klasse Regelstrecke bietet eine Abstraktion einer PTn-Strecke mit den Attributen K_s , T_u und T_g . Eine Regelstrecke ist ein Regelglied, das heisst sie kann als eine Übertragungsfunktion angesehen werden. Die Übertragungsfunktion wird durch die Sani-Approximation (SaniApprox) gebildet.

Regler

Diese Klasse dient zur Abstraktion eines PID-T Reglers mit den Parametern K_R , T_n , T_v und T_p . Ein Regler wird normalerweise durch eine Dimensionierungsmethode (Dimensionierung) gebildet.

Transfer Function

Eine Übertragungsfunktion besteht aus Zähler- und Nenner-*Polynom*. Sie bietet Methoden zur Faltung und Berechnung der Residuen. Weiter kann aus jeder Übertragungsfunktion eine *Schrittantwort* gebildet werden.

Polynom

Polynom abstrahiert reelle Polynome beliebigen Grades. Es bietet Methoden zur Addition und Multiplikation mit anderen Polynomen. Weiter können die Wurzeln und die Residuen (mit einem angenommenen Zähler von 1) ausgelesen werden.

Schrittantwort

Die Klasse Schrittantwort stellt die Schrittantwort für ein lineares Regelglied ohne Durchgriff dar. Sie bietet zudem Methoden zur Analyse. So kann sie feststellen ob eine Schrittantwort ausschwingt und wie gross An- und Ausschwingzeit sind. Weiter sucht sie nach dem Maximalwert der Kurve und bietet die Möglichkeit dessen Zeitpunkt und Grösse auszulesen.

20 3 SOFTWARE

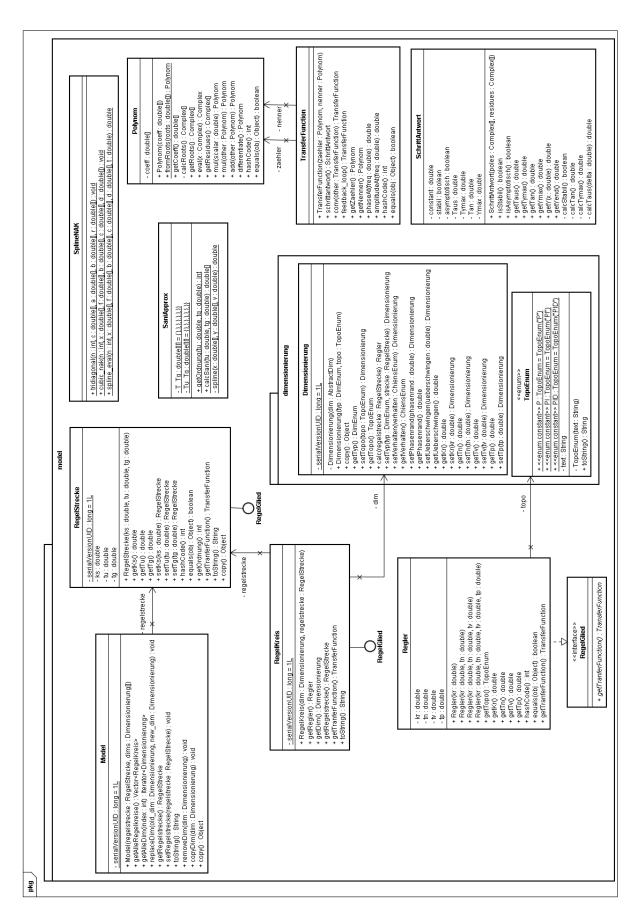


Abbildung 6: Package model

3.1.3 Ausgewählte Klassen des Packages dimensionierung

Der Aufbau des Packages dimensionierung ist in Abbildung 7 ersichtlich.

Dimensionierung

Diese Klasse ist eine Auswahl der anderen Dimensionierungsarten, wobei immer nur eine Dimensionierungsart aktiv ist. So bietet diese Klasse auch alle Methoden der anderen Dimensionierungsmethoden. Wird eine Methode bei einer falschen Variante verwendet, wirft die Klasse eine ClassCastException. Der Typ (DimEnum) kann mit der Methode setTyp gewechselt werden. Beim Wechseln zu der Manuellen Dimensionierungsmethode, werden die Werte des dimensionierten Reglers übernommen.

DimEnum

Dieser Enum dient zur Aufzählung aller Dimensionierungstypen. Er ordnet jedem Typ auch einen Text zu.

TopoEnum

Zur Unterscheidung von PI- und PID-Reglern wird dieser Enum verwendet.

AbstractDim

AbstractDim ist die abstrakte Grundklasse aller Dimensionierungsmethoden. Die Methode calc berechnet für eine gegebene Regelstrecke einen Regler. Durch get- und setTopo lässt sich die Reglertopologie (TopoEnum) modifizieren. Die Methode getTyp() gibt den Typ des konkreten Reglers zurück.

ZellwegerDim

Hier steckt die Phasengangmethode zur Reglerdimensionierung. Die Beschreibung der Methode findet sich im theoretischen Teil.

IterativDim

Diese Methode führt die Phasengangmethode (ZellwegerDim) mehrmals nacheinander aus und sucht mit einer binären Suchmethode nach dem gewünschten Überschwingen der Schrittantwort.

Die restlichen Klassen entsprechen den verschiedenen Faustregeln.

22 3 SOFTWARE

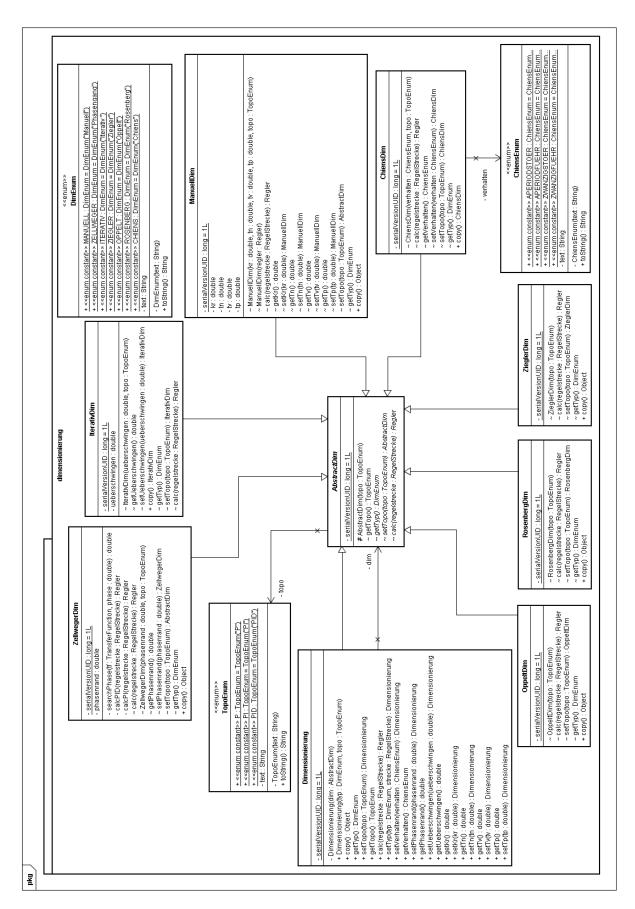


Abbildung 7: Package dimensionierung

3.1.4 Klassen des Packages view

Der Aufbau des Packages view ist in Abbildung 8 ersichtlich.

View

View ist die oberste Ebene im GUI (abgesehen vom *JFrame*). Es beheimatet die *Sidebar*, den *Graph* und die Statuszeile. Auch initialisiert es die Menübar vom *JFrame*.

SidebarPanel

SidebarPanel ordnet die einzelnen Panels von RegelstreckeView, ReglerView und AnalyseView vertikal untereinander an. Es können mehrere Instanzen von ReglerView angezeigt werden.

RegelstreckeView

RegelstreckeView zeigt die Parameter der Regelstrecke sowie die berechnete Ordnung und die Zeitkonstanten an.

Regler View

Dieses JPanel visualisiert den Typ der Dimensionierungsmethode, deren Parameter und die Werte des daraus resultierenden Reglers.

Analyse View

Listet die Eigenschaften Anstiegszeit (T_{an}) , Ausschwingzeit (T_{aus}) , Maximalwert (Y_{max}) und Zeitpunkt des Maximalwertes (T_{Ymax}) der Schrittantwort auf.

Graph

Zeichnet alle Schrittantworten mit der Klasse ChartPanel von JFreeChart. Unter dem Graphen zeigt es weiter eine Legende. Die Zustände der Checkboxen werden nur vom Graph selbst verwendet und nicht dem Controller mitgeteilt.

24 3 SOFTWARE

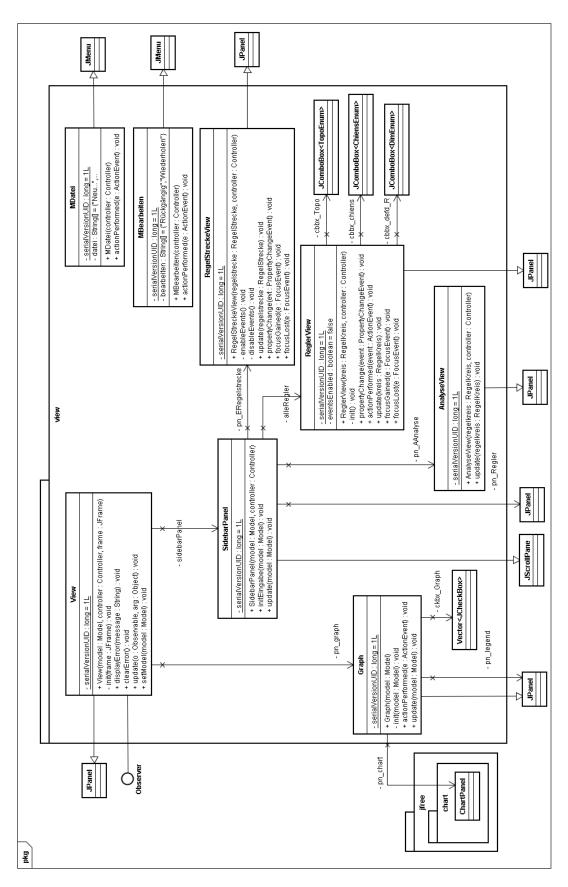


Abbildung 8: Package view

4 Schlusswort

Das Ergebnis am Ende dieses Projektes ist eine Software welche auf dem MVC-Pattern aufgebaut ist. Die Streckenparameter können in der Software eingegeben werden und es resultieren die Parameter des Reglers mit der Schrittantwort der Regelungsstrecke. Die Schrittantwort der Regelung wird unmittelbar vermasst und die Vermassungswerte werden im Analyse Panel dargestellt. Damit verschiedene Regler verglichen werden können, besteht die Möglichkeit, mehrere Plots zu generieren. Das Ziel, dass die Software einfach zu bedienen ung somit benutzerfreundlich sein soll, haben wir mit einer übersichtlichen Darstellung und geeigneten Tastenkombinationen (Shortcuts) realisiert.

Im Grossen und Ganzen haben wir die gesetzten Ziele erreicht. Insbesondere die Soll-Ziele wurden alle erreicht. Nicht erreicht wurde das Wunschziel der Monte-Carlo-Analyse. Die Idee war, durch zufällige Wahl der Eingabewerte in einem gewissen Prozentbereich, verschiedenste Regelungen zu berechnen und somit den maximalen Fehler optisch darstellen zu können. Aus zeitlichen Gründen konnte dieses Ziel jedoch nicht weiter verfolgt und realisiert werden.

5 Ehrlichkeitserklärung

Hiermit erklärt der Unterzeichnende (Projektleiter	c), dass die vorliegende Arbeit selbstständig,
ohne Hilfe Dritter und nur unter Benutzung der an	ngegebenen Quellen verfasst worden ist.

Alex Stocker (Projektleiter):		
Datum, Ort:	_	

6 Literatur

- [1] RN-Wissen. Regelungstechnik. http://rn-wissen.de/wiki/index.php/Datei:Regelkreis4.png (08.05.2015).
- [2] D. Solenicki and Y. Bürgi, "Mathematisches Labor mlab Systemidentifikation mit Hilfe der Schrittantwort," November 2013, FHNW.
- [3] J. Zellweger, "Phasengang-Methode," FHNW.
- [4] —, "Regelkreise und Regelungen," FHNW.
- [5] B. Bate, "Spezialgebiete der Steuer- und Regelungstechnik," 2009.

28 7 ANHANG

7 Anhang

- Herleitungen Formeln
- Beispielberechnung Phasengangmethode mithilfe von Matlab
- Bedienungsanleitung des Programmes
- Klassendiagramm
- CD-ROM

Klassendiagr<mark>a</mark>mm??

Alle Anhänge aufführen!!!

neuste Version der

Bedie-

nungsanleitung includen

Herleitung B

$$q_{R}(\omega) + q_{S}(\omega) = q_{O}(\omega)$$

$$\omega_{\text{Pin}} = \frac{dy_{\text{R}}(\omega_{\text{Pin}})}{d\omega} = \frac{2\beta}{1+\beta^2}$$

$$\frac{2\beta}{1+\beta^2} + \omega_{p,o} \frac{dys(\omega_{p,o})}{d\omega} = -0.5$$

$$\frac{2\beta}{1+\beta^2} = -0.5 - \omega_{PID} \frac{dy_s(\omega_{NO})}{d\omega}$$

$$\frac{2\beta}{1+\beta^2} = 2$$

$$2\beta = 2 + 2\beta^{2}$$

$$0 = 2\beta^{2} - 2\beta + 2$$

$$\beta_{112} = \frac{2 + \sqrt{4 - 4z^{2}}}{2z} = \frac{1 + \sqrt{1 - z^{2}}}{2}$$

$$\beta_{213} = \frac{1}{2} + \sqrt{\frac{1}{z^{2}} - 1}$$

Kommentare /Erklärungen

wird in obige Columbian eingesetzt

Herleitung Unrechnung bodehonform > reglerborgerm

$$\frac{\kappa_{RK}(1+sT_{NK})(1+sT_{VK})}{sT_{NK}(1+sT_{P})} = \kappa_{R}\left(1+\frac{1}{sT_{N}}+\frac{sT_{V}}{1+sT_{P}}\right)$$

$$\frac{\operatorname{Kou}\left(\operatorname{S}^{2}\left(\operatorname{Inu}\operatorname{Tvu}\right)+\operatorname{S}\left(\operatorname{Inu}\operatorname{Tvu}\right)+1\right)}{\operatorname{S}\operatorname{Inu}\left(1+\operatorname{S}\operatorname{Ip}\right)}=\frac{\operatorname{Re}\left(\operatorname{S}^{2}\left(\operatorname{Intp}+\operatorname{InTv}\right)+\operatorname{S}\left(\operatorname{In}+\operatorname{Ip}\right)+1\right)}{\operatorname{S}\operatorname{Inu}\left(1+\operatorname{S}\operatorname{Ip}\right)}$$

Tnu + Tvu = Tn + Tp

Tn = Tnu + Tvn - Tp

$$T_{v} = \frac{T_{ni}T_{va}}{T_{n}} - T_{p}$$

$\frac{K_R}{T_n} = \frac{K_{Rn}}{T_{nk}} \implies K_R = T_n \cdot \frac{K_{nk}}{T_{nk}}$

Kommentare Erhlärungen

Übertra sungstruck hien bode kun form

= U-funk reglerhungerm

Konn auch jehärzt werden

Koeffizienken missen Sleich sein

Dimensionierung PI-Regler mit Phasengangmethode

Die Schrittantwort ist mit den folgenden Werten gegeben:

$$T_u = 1.11s$$
 $T_g = 8.62s$ $K_S = 1$

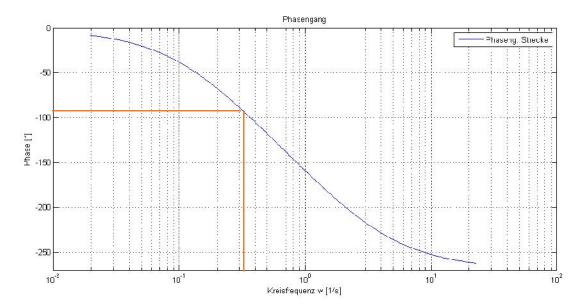
Die Sani-Methode ergibt:

$$T_1 = 0.4396s$$
 $T_2 = 1.4967s$ $T_3 = 5.0952s$

Daraus folgt:

$$Gs\ s = K_S \frac{1}{1 + s * 0.4396\ 1 + s * 1.4967\ 1 + s * 5.0952}$$

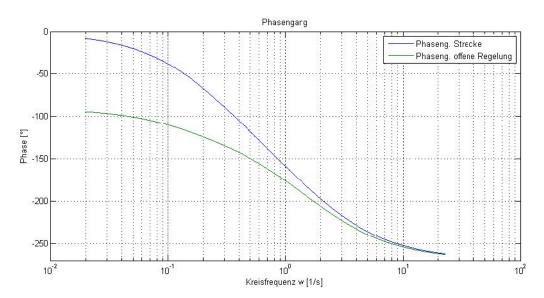
Im Phasengang der Strecke wird nun der -90°-Punkt gesucht.



Bei -90°:
$$\omega_{PI} = 0.308 \frac{1}{s} = \frac{1}{T_n}$$
 $T_n = 3.24s$

Durch Übertragungsfunktion des PI-Reglers kann man den Phasengang des Reglers bestimmen. Die beiden Phasengänge werden nun addiert.

$$G_R \ s \ = \ K_R \ \frac{1 + sT_n}{sT_n}$$



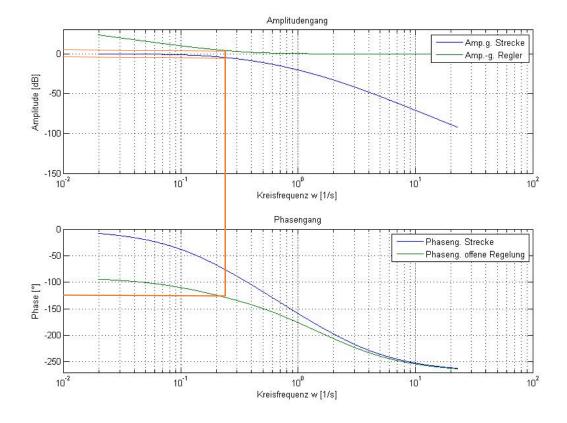
Die Amplitudengänge des Reglers und der Strecke werden nun benötigt um die Verstärkung des Reglers zu bestimmen. Dazu wird der Phasenrand (je nach gewünschtem Überschwingen) im Phasengang der offenen Regelung abgetragen. In diesem Beispiel beträgt er 51.8°, d.h. im Phasengang muss der -128.2-Punkt gesucht werden.

Bei -128.2°-Punkt:
$$\omega_D=0.2374\frac{1}{s}$$

$$Gs_D=0.5871 \qquad Gr_D=1.6390 \qquad Gc_D=Gs_D*Gr_D=0.9787$$

$$K_R=\frac{1}{|Go_D|}=1.0218$$

Achtung: Diese Werte sind linear, die Plots sind aber logarithmisch dargestellt!



Damit sind alle Parameter des PI-Reglers bestimmt und somit kann die vollständige Übertragungsfunktion weiterverwendet werden.

Bedienungsanleitung

- 1. Streckenbeiwert Ks eingeben.
- 2. Verzugszeit Tu eingeben.
- Diese Parameter können direkt aus der Schrittantwort der Strecke bestimmt werden, falls diese vorhanden ist. Die Ordnung der Regelstrecke wird mit dem Verhältnis Tu/Tg bestimmt. Anstiegszeit Tg eingeben. <u>ښ</u>
- Mit der grünen Box kann ein neuer Graph hinzugefügt werden. Mit der roten Box kann ein Graph entfernt werden. 4.
- . Die Topologie (PI, PID) des Reglers wird ausgewählt.
- Die Definition (Manuell, Phasengang, Ziegler, Oppelt, Rosenberg oder Chiens) des Reglers wird bestimmt. 9
- 7. Falls die Definition Phasengang ausgewählt wird, muss der Phasenrand vorgegeben werden. Der Phasenrand bestimmt die Verstärkung und somit das Überschwingen des Reglers.
- Falls die Definition Chiens ausgewählt wird, muss die Regelung (Aperiodisches Störverhalten, Aperiodisches Führungsverhalten, Periodisches Störverhalten oder Periodisches Führungsverhalten) noch bestimmt werden. ∞.
- Nun sind alle Eingaben getätigt und die Reglerwerte (Kr, Tn, Tv und Tp) werden Berechnet.
- Um den Überblick zu behalten wird für jeden geplotteten Graph eine Checkbox mit dazugehöriger Farbe erstellt. Mit Klicken auf die Checkbox kann der dazugehörige Graph ein- oder ausgeblendet werden. 6

Falls der Graph berechnet wurde, kann man ihn Analysieren.

Ymax: Maximalwert auf Y-Achse.

Tymax: Ymax Wert bei welcher Zeit.

Tan: Zeit nach dem erstmals der Wert 1 erreicht wurde.

Taus: Zeit nach dem Regelung abgeschlossen ist.

Öffnen wieder geöffnet werden. Eine neue Datei kann unter Datei- neu erstellt werden. Dies ist nicht unbedingt notwendig, da eine bestehende Datei auch überschrieben werden kann. Falls ein Fehler bei der Eingabe gemacht wurde, kann dieser unter Bearbeiten-Rückgängig rückgängig Wenn die Dimensionierung abgeschlossen ist kann das File als Textfile unter Datei-Speichern als gespeichert werden. Diese kann unter Dateigemacht werden. Das gleiche kann in die andere Richtung ebenfalls gemacht werden. Zudem kann der Befehl Ctrl_C oder Ctrl_Y angewendet werden.

