

```
1  #include<iostream>
2  using std::cin; using std::cout; using std::cerr; using std::endl;
3
4  #include<cmath>
5  using std::exp; using std::sin;
6
7  double f( double x)
8  {
9      return exp( sin( x)) - (x - 1)*(x - 6);
10 }
11
12 void Wertetabelle( double a, double b, int N)
13 {
14     double h= (b - a)/N,
15            x= a;
16
17     cout << "x\tf(x)\n-----\n";
18
19     for (int i=0; i<=N; i++)
20     {
21         cout << x << "\t" << f(x) << "\n";
22         x+= h;
23     }
24     cout << endl;
25 }
26
27 double MPRegel( double a, double b, int N)
28 // Mittelpunktsregel zur Approximation des Integrals
29 {
30     double h= (b - a)/N,
31            sum= 0;
32
33     for (int i=1; i<=N; i++)
34     {
35         double xi= a + (i - 0.5)*h;
36         sum+= f(xi);
37     }
38
39     return sum*h;
40 }
41
42 bool Einschluss( double fa, double fb)
43 // Praedikat: Vorzeichenwechsel bei fa, fb ?
44 {
45     return fa*fb <= 0;
46 }
47
48 double Bisektion( double a, double b, double eps)
49 // Bisektionsverfahren zur iterativen Nullstellenbestimmung
50 {
51     double fa= f(a),
52            fb= f(b);
53
54     if ( !Einschluss( fa, fb) ) // kein Einschluss
55     {
56         cerr << "Das_\Intervall_\[" << a << ",\]" << b << "]\_liefert\_keinen\_\"
57              << "Einschluss!\_Abbruch!\n\n";
58         return 999;
59     }
60 }
```

```
61     while ( b-a > eps )
62     {
63         double m= (a + b)/2,
64                fm= f(m);    // nur eine Funktionsauswertung pro Iteration!
65
66         if (Einschluss( fa, fm)) // linkes Intervall [a,m]
67         {
68             b= m;    fb= fm;
69         }
70         else // rechtes Intervall [m,b]
71         {
72             a= m;    fa= fm;
73         }
74     }
75
76     return (a + b)/2;
77 }
78
79 int main()
80 {
81
82     double a, b;
83     int N;
84     cout << "a, b, N=";    cin >> a >> b >> N;
85
86     Wertetabelle( a, b, N);
87     cout << "MPRegel liefert" << MPRegel( a, b, N) << endl;
88
89     Wertetabelle( 0, 7, 7);
90
91     double x1= Bisektion( 0, 1, 1e-8),
92            x2= Bisektion( 6, 7, 1e-8);
93
94     cout << "1. Nullstelle:" << x1 << ", f(x)=" << f(x1) << endl
95          << "2. Nullstelle:" << x2 << ", f(x)=" << f(x2) << endl;
96
97     cout << "\nAnzahl Unterteilungen=";    cin >> N;
98
99     cout << "Annäherung des Integrals:" << MPRegel( x1, x2, N) << endl;
100 }
```