

Relatório do Laboratório 3 - Otimização com Métodos de Busca Local

1 Breve Explicação em Alto Nível da Implementação

1.1 Descida do Gradiente

Seguindo a implementação em aula, implementou-se o loop de modo que o algoritmo parasse quando o custo alcançasse o ϵ fornecido.

```
cost = cost_function(theta)
k = 1
while True:
    if cost < epsilon or k > max_iterations:
        break
    else:
        # cálculo do novo theta com a função gradiente:
        theta = theta - alpha*gradient_function(theta)
        cost = cost_function(theta)
        # Armazena histórico
        k = k + 1
```

1.2 Hill Climbing

Como particularidade, este método teve duas funções a serem implementadas. Para a seleção dos possíveis vizinhos a serem testados, utilizou-se:

```
for t in np.linspace(0, 2*pi, num = num_neighbors, endpoint=False):
    neighbors_list = np.append(neighbors_list,
                               [theta[0] + delta*cos(t), theta[1] + delta*sin(t)])
neighbors_list = neighbors_list.reshape(num_neighbors, 2)
```

Para a função do algoritmo em si, seguiu-se a implementação em aula, com a diferença que neste problema buscamos a minimização da função objetivo. Dentro do laço foram alteradas as comparações, ficando implementado como a seguir:

```
for neighbor in neighbors(theta):
    if cost_function(neighbor) < cost_best:
        best = neighbor
        cost_best = cost_function(best)
    if cost_best > cost:
        break
```

1.3 *Simulated Annealing*

Foram implementadas duas funções auxiliares além da função do algoritmo:

```
def random_neighbor(theta):  
    t = random.uniform(-pi, pi)  
    neighbor = theta + [delta * cos(t), delta * sin(t)]  
    return neighbor  
  
def schedule(i):  
    return temperature0/(1+beta*i**2)
```

Análogo ao método anterior, precisou-se alterar o método apresentado em sala por se tratar de um problema de minimização da função objetivo:

```
deltaE = - cost_function(neighbor) + cost_function(theta)
```

Alterou-se o deltaE desta forma.

2 Figuras Comprovando Funcionamento do Código

2.1 Descida do Gradiente

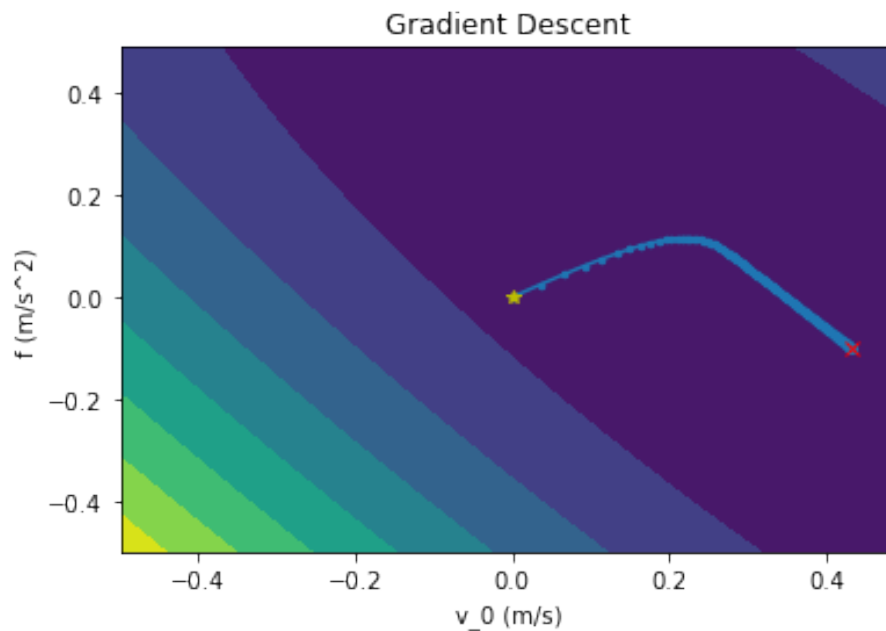


Figura 1: Histórico dos algoritmo gradiente.

2.2 *Hill Climbing*

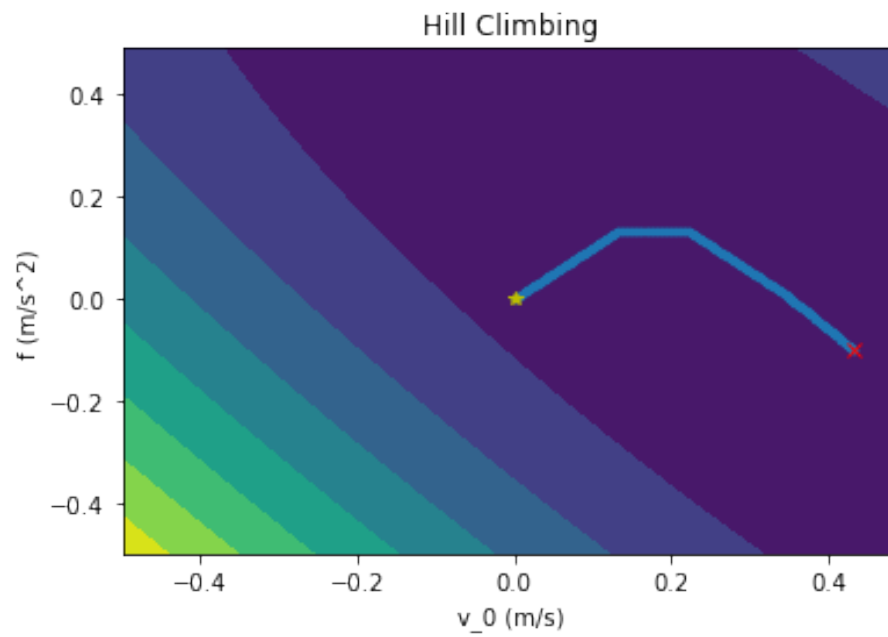


Figura 2: Histórico dos algoritmo hill climbing.

2.3 *Simulated Annealing*

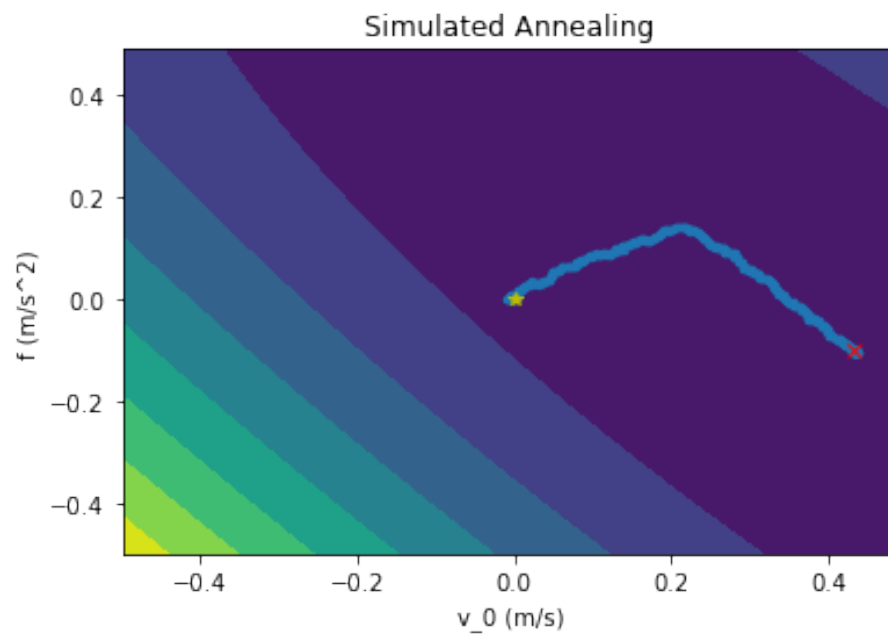


Figura 3: Histórico dos algoritmo simulated annealing.

3 Comparação entre os métodos

Tabela 1 com a comparação dos parâmetros da regressão linear obtidos pelos métodos de otimização.

Tabela 1: parâmetros da regressão linear obtidos pelos métodos de otimização.

Método	v_0	f
MMQ	0.433373	-0.101021
Descida do gradiente	0.433371	-0.101018
<i>Hill climbing</i>	0.433411	-0.101196
<i>Simulated annealing</i>	0.433279	-0.101545

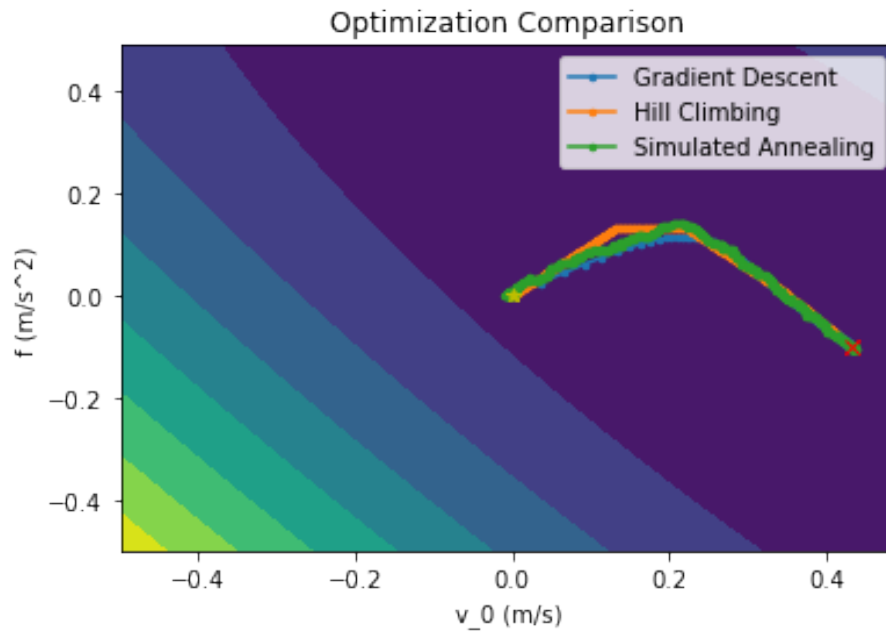


Figura 4: Histórico dos algoritmos até encontrar o ótimo.

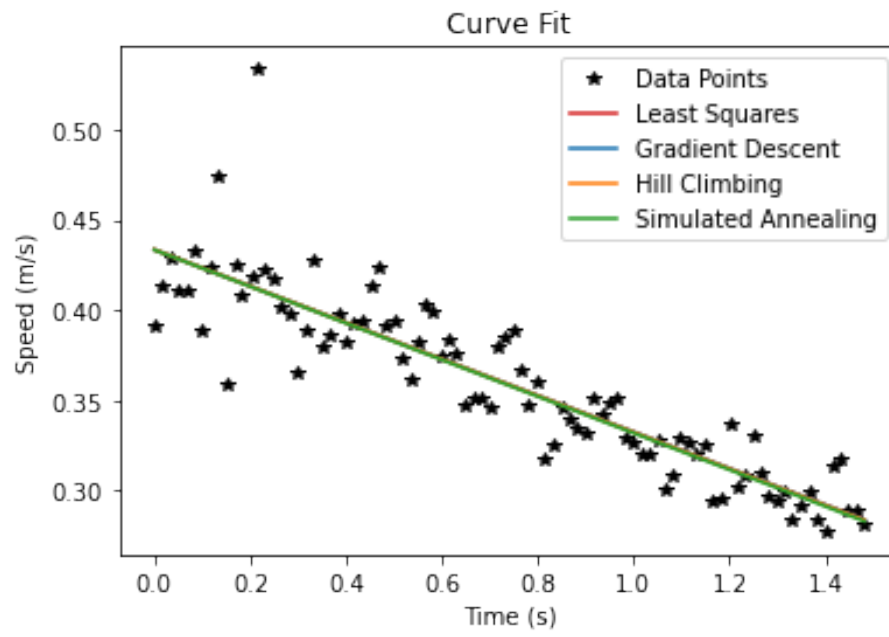


Figura 5: Comparação dos algoritmos em regressão.