

# Tölvutækni og forritun Lokapróf

brj46

Nóvember 2024



## Hvað þarf ég að kunna fyrir prófið?

- ☐ Bitavinnsla með heiltölur (signed og unsigned)
- ☐ Einfaldar fleytitölur
- ☐ Skrifa C kóða út frá smalamálskóða (reikniaðgerðir, styriskipanir, föll, bestun,...)
- ☐ Minnisyfirlæði (buffer overflow)
- ☐ Skyndiminni (Skipulag og notkun)
- ☐ Frabrigði, ferlar (fork, wait)
- ☐ Skipulag á sýndarminni
- ☐ Minnisúthlutun

## Hlutir til að setja á minnið

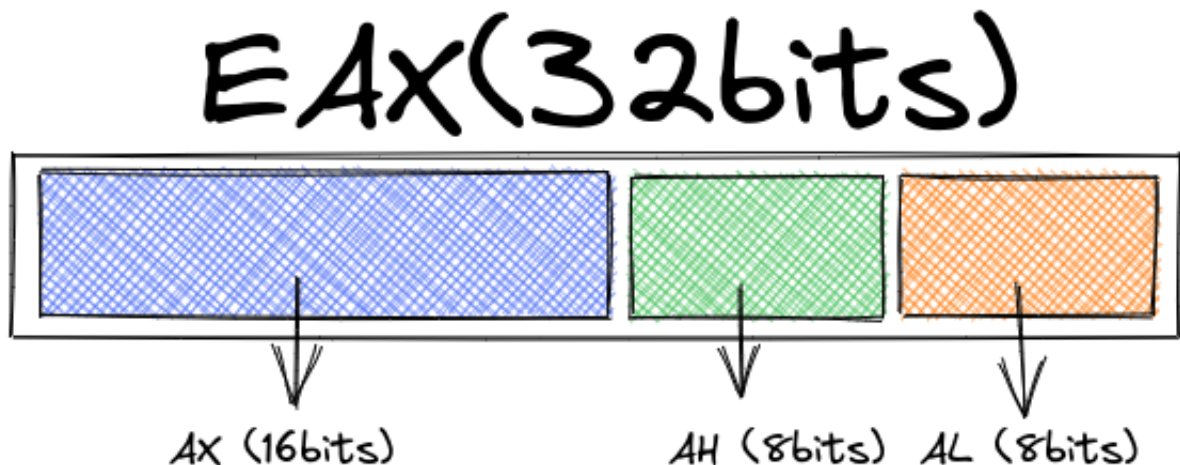
- **mov:** mov (move) flytur gildi á milli minnisstaða, t.d. **movl %eax, %ebx** flytur gildið í **%eax** yfir í **%ebx**
- **lea:** lea (load effective address) er notað til að reikna út minnisstaða og setja hana í register, t.d. **leaq (%rbx, %rcx, 4), %rax** reiknar út **rbx + (rcx \* 4)** og setur í **%rax**
- **q:** q stendur fyrir quadword sem er 64 bita gildi
- **l:** l stendur fyrir long sem er 32 bita gildi
- **w:** w stendur fyrir word sem er 16 bita gildi
- **b:** b stendur fyrir byte sem er 8 bita gildi
- **%rax:** 64 bita register
- **%eax:** 32 bita register
- **%ax:** 16 bita register
- **%al:** 8 bita register
- **Diane's Silk Dress Costs 89** (rdi, rsi, rdx, rcx, r8, r9)
- Formúla fyrir vistfang:

$$\text{Vistfanga}[i][j] = \text{Upphafsvistfang} + (i \times \text{fjöldi dalka} + j) \times \text{stærð staks}$$

## Tekið frá Tuma

assembly

Uppbrot Gistis



### algengar skipanir

skipun	argument	lýsing
mov	x, y	færir úr x yfir í y, sjá conditional move fyrir neðan
push	x	ýtir x á hlaða og eftir að hækka %ESP um sizeof(x) bæti og sett þar inn
pop	x	skilar síðasta gildi sem var sett á hlaðann inn í x
lea	(x), y	lea, betur þekkt sem leaq er notað til að framkvæma reikning (x) og setja útkomu inn í y
(x,y)		skilar útkomu úr reikningi $x + y$
0,(x,y)		skilar útkomu úr reikningi $x * y$
(x,y,z)		skilar útkomu úr reikningi $x + y * z$
2(x, y, z)		skilar útkomu úr reikningi $(2 + (x + y * z))$
sar	x, y	hliðrar y um x bita til hægri, basically heiltöludeiling með x
sal	x, y	næstum eins og sar nema til vinstri, núna með margföldun með $2^x$
sub	x,y	dregur y frá x
inc/dec	x	hækkar/lækkar gildi x um 1

ath. **SHL** og **SAL** gera það sama en **SHR** virkar ekki með signed int eins og **SAR**

### Algeng mynstur

mynstur	skýring
testl %edi, %edi	logical andað <b>edi</b> við <b>edi</b> þannig ef $edi \leq 0$ er hægt að cmove eða jc í samræmi við það
cmove \$5, %eax	færðu 5 inn í eax ef z-flaggið er sett sem 1 þ.e. ef edi er tómt
leal 0(%rdi, %rdi, 4)	margfaldar %rdi með 5, $(x + 4 * x)$

## conditional codes

Þessir kóðar fara a endann á cmov skipunum þ.e. cmov- í línu eftir að eitthvað er testað eins og í dæmi

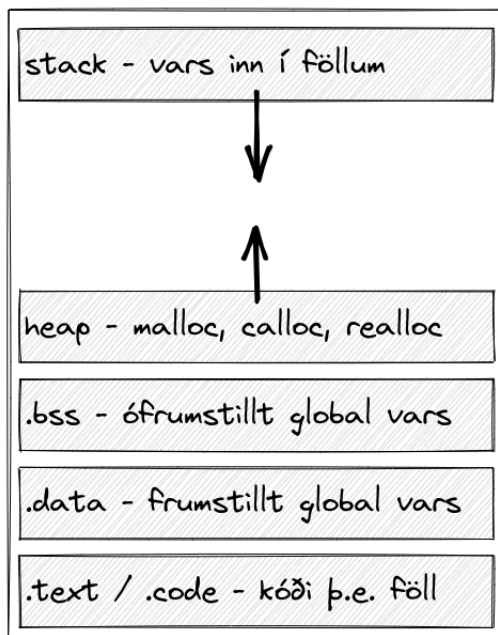
```
testb    $7, %dl
cmov     $1, %rax
```

Þetta er þínu fucked dæmi því e flaggið í cmov stendur fyrir equal nema hvað við erum actually að athuga hvort útkomugildið sé 0, þ.e. að enginn af neðstu 3 bitunum sé 1, þá er gott að muna að e er jafngilt z

Þessi kóði færir 1 inn í %rax ef neðstu þrír bitar %dl eru ekki 111

cc	condition
o	overflow
no	no overflow
b, nae	below, not above or equal
nb, ae	not below, above or equal
e, z	equal(zero)
ne, nz	not equal, (not zero)
na, be	not above, below or equal
a, nbe	above, not below or equal
s	sign
ns	no sign
p	parity
np	no parity
l, nge	less, not greater than or equal
nl	not less, greater than or equal
ng, le	not greater, less than or equal
g, nle	greater, not less than or equal

## minnissvæði



ath. global breytur sem eru skilgreindar sem 0 eða NULL eru líka í .bss

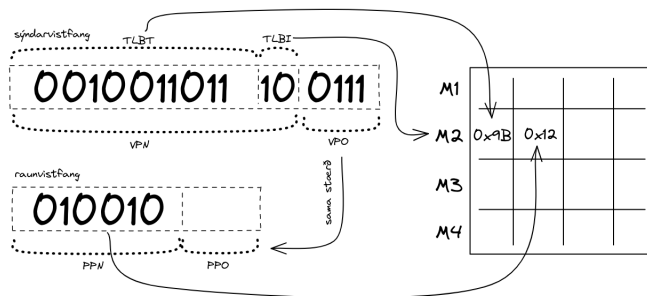
## Sýndarminni

- sýndarvístföng: a bitar
- raunvístföng: b bitar
- síðustærð: c bæti
- TLB: d vít, e sæti
- fjöldi mengha: f

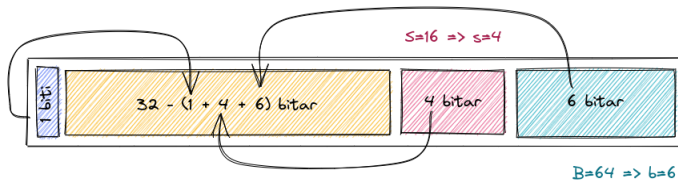
fjöldi mengja er reiknað  $\frac{e}{d} = f$

við erum með sýndarvístfang sem er 16 bitar sem skiptast í 4 mengi þá er  $\text{VPN}^{\frac{3}{4}} \times 16$  bitar og **VPO** 4 bitar

**TBLT** og **TLBI** eru skipting á **VPN** og **TBLT** restin raunvístföngin eru jafn löng og **TLBT** og skipt niður í tvo hluta **PPN** og **PPO**, sem er jafn stór og **VPO** (í þessu tilfelli 4 bitar)



annar dæmi, við erum með sýndarminni sem er 4kb að stærð, 4-vítt, E, og með 16 mengi, S, svo út frá þessum tölum finnum við línustærð, B, með reikningnum  $\frac{4096}{16 \times 4} = 64$  skiptum þessu nu upp fyrir 32-bitar vístfang:



## klukkutífsformúla

$$a + s \times r = m$$

- aðgangstími = a(tif)
- smellahlutfall = s(hlutfall)
- smellarefsing = r (tif)
- meðalaðgangstími = m (tif)

dæmi:

- 97% smellahlutfall,  $1 + 0.03 \times 100 = 4$
- 99% smellahlutfall,  $1 + 0.01 \times 100 = 2$

# Próf 2022 og mínar lausnir við því

## 1

Í þessu dæmi ætlum við að nota unsigned long breytur til að tákna (allt að) 64 staka mengi (sets). Ef  $a$  er unsigned long breyta þá er stak  $i$  í menginu  $a$  ef biti  $i$  ( $i = 0, \dots, 63$ ) er 1, annars er stak  $i$  ekki í menginu. Til dæmis væri mengið  $\{0, 3\}$ , táknað með 64-bita bitastrengnum 00...01001. Athugið að bitarnir eru númeraðir frá hægri til vinstri, svo stak 0 er í menginu, en stak 1 er ekki í menginu, stak 2 er ekki í menginu, o.s.frv.

### a.

Skrifið einnar línu fall (þ.e. bara ein **return** skipun) sem skilar sammengi (union) tveggja slíkra mengja. Haus fallsins: **unsigned long sammengi(unsigned long a, unsigned long b)**

Svar:

```
1 unsigned long sammengi(unsigned long a, unsigned long b){
2     return a | b;
3 }
```

### b.

Skrifið einnar línu fall sem skilar mengjamun (set difference) mengjanna  $a$  og  $b$ , þ.e. öll stök sem eru í  $a$ , en ekki í  $b$ . Haus fallsins: **unsigned long munur(unsigned long a, unsigned long b)**

Svar:

```
1 unsigned long munur(unsigned long a, unsigned long b){
2     return a & ~b;
3 }
```

### c.

Athugið að í C er fastinn **1ul** (tölustafurinn 1 og bókstafirnir u og l) 64-bita heiltalan 1 án formerkis. Hvaða mengi táknar segðin ( $1ul << i$ )?

Svar: Segðin ( $1ul << i$ ) táknar mengið sem inniheldur stakið  $i$  og engin önnur stök.

### d.

Skrifið einnar línu fall sem skilar því hvort stak  $i$  sé í menginu  $a$ . Skilagildið á að vera 1 (*satt*) ef  $i$  er í  $a$ , en 0 (*ósatt*) annars. Þið megið gera ráð fyrir því að gildið á  $i$  sé á bilinu 0 til 63. Haus fallsins: **int stakI(unsigned long a, int i)**

Svar:

```
1 int stakI(unsigned long a, int i){
2     return (a >> i) & 1;
3 }
```

## 2

Við höfum 10-bitu fleytitölur sem fylgja IEEE staðlinum. Við vitum ekki skiptingu þeirra í veldishluta (exp) og brothluta (frac), en það er einn formerkisbiti fremst í þeim.

a.

Hver er lágmarks bitafjöldi í brothluta fleytitölunnar til að hægt sé að tákna töluna  $3\frac{9}{16}$  (= 3.5625) nákvæmlega á þessu formi? Rökstyðjið svar ykkar með útreikningi.

**Svar:** alright við vitum að í IEEE staðlinum erum við með fyrstu töluna sem segir til um + eða mínus næst kemur veldishlutinn og svo brothlutinn.

breytum 3.5625 í binary

$$3.5625 = 11.1001$$

setjum nú töluna í normað form ( $1.f \times 2^n$ ) færum kommu um einn stað til vinstri  $1.11001 \times 2^1$  Veldisvísirinn er þá 1 og brothlutinn er 11001

svo Lágmarksbitafjöldi í brothlutanum er því 5 bitar

b.

Hvert er bitagildið fyrir töluna  $3\frac{9}{16}$  (= 3.5625) miðað við bitafjöldann fyrir brothlutann sem þið funduð í a-lið (ef þið náðuð ekki að leysa a-liðinn megið þið gefa ykkur raunhæft gildi bitafjöldanum fyrir brothlutann)? Sýnið útreikning á bitagildinu.

**Svar:**

þar sem við erum að vinna með 10 bitu fleytitölur og við höfum að brothlutinn er 5 bitar þá er veldishlutinn 4 bitar og formerkisbitinn er 1 biti

1. Reiknum bias (skekjustuðulinn)

$$Bias = 2^{4-1} - 1 = 7$$

2. Geymdur veldisvísir er þá

$$GeymtE = E + Bias = 1 + 7 = 8$$

8 í tvíundarkerfi er 1000

3. setjum saman bitana:

- Formeki: 0 (jákvæð tala)
- Veldishlutinn: 1000
- Brothlutinn: 11001

**heildarbitaröðin og bitagildið er þá: 0 1000 11001**

c.

Segjum að í þessum 10-bita fleytitölum hefur verið ákveðið að nota einn bita fyrir formerki, einn bita fyrir brothluta og restina af bitunum fyrir veldishlutann. Er hægt að tákna staðlaðar tölur á þessu formi, og ef svo er, hver er þá stærsta staðlaða talan sem hægt er að tákna? Rökstyðjið svar ykkar.

**Svar:** Já við getum táknað staðlaðar tölur á þessu formi

- Formerki: 1 biti
- Veldishlutinn: 8 bitar
- Brothlutinn: 1 biti

Reiknum Bias

$$2^{k-1} - 1 = 2^{8-1} = 2^7 - 1 = 127$$

Hámarks veldistalan er þá  $2^{8-1} - 1 = 127$

brothlutinn er 1 og við höfum gefinn 1 bita svo marktalan er 1.1 í binary sem í decimal er 1.5

stærsta staðlaða talan er því

$$1.5 \times 2^{127}$$

d.

Nú hefur verið ákveðið að nota einn bita fyrir formerki, einn bita fyrir veldishluta og restina af bitunum fyrir brothlutann. Er hægt að tákna staðlaðar tölur á þessu formi, og ef svo er, hver er nú stærsta staðlaða talan sem hægt er að tákna? Rökstyðjið svar ykkar.

**Svar:** Alright reynum þetta þá erum við með

- Formerki: 1 biti
- Veldishlutinn: 1 biti
- Brothlutinn: 8 bitar

reiknum bias

$$2^{k-1} - 1 = 2^{1-1} - 1 = 0$$

Mögulegir veldisvísar eru þá: 0, 1

$$E = 1 - 0 = 1$$

**Stærsta talan sem hægt er að tákna er þá:**

$$1.1111111_2 \times 2^1 = 1.(2^{1/2^1} + 1/2^2 + 1/2^3 + 1/2^4 + \dots + 2^8) = 1.9960375 \times 2^1$$

**Stærsta staðlaða talan:**

$$1.9960375 \times 2^1 = 3.9921875$$



### 3

Hér fyrir neðan er smalamálskóði fallsins `fun`:

```
fun:
    movq    (%rdi), %rax
    jmp     .L2
.L3:
    leaq    (%rax,%rax,2), %rax
    addq    %rax, %rax
    addq    $1, %rsi
.L2:
    cmpq    %rdx, %rsi
    jl      .L3
    ret
```

a.

Hver er fjöldi vistfanga fallsins `fun` og hvert er tag hvers þeirra? Þið eigið að geta séð það út frá notkun gista í kóðanum hér að ofan. Rökstyðjið svarið með vísun í kóðann.

Svar:

Við höfum þrjár inntaksbreytur og eina staðværa breytu

- `%rdi` við sjáum að hér er `movq (rdi), rax` sem bendir til að þetta sé pointer á unsigned long gildi og fyrsta inntaksbreytan
- `%rsi` Notað í samanburði `cmpq rdx, rsi` og síðan uppfærð með `addq $1, rsi` þetta er önnur inntaksbreytan, líklega heiltala.
- `%rdx` Notað í samanburði `cmpq rdx, rsi` þetta er þriðja inntaksbreytan og sennilega líka heiltala
- `%rax` Notað til að geyma gildi sem er lesið úr minni og síðan uppfært í lykkju.

Því erum við með 4 vistföng

1. **Bendir:** unsigned long \* (í `%rdi`)
2. **Heiltala s:** unsigned long (í `%rsi`)
3. **Heiltala x:** unsigned long (í `%rdx`)
4. **Staðvær heiltala rax:** unsigned long (í `%rax`)

b.

Skrifið jafngildan C kóða fyrir fallið `fun`. Þið megið velja breytunöfnin, eða nefna þau eftir gistunum.

Svar:

```
1 unsigned long fun(unsigned long *ptr, unsigned long s, unsigned long x){
2     unsigned long rax = *ptr;
3     while(s < x){
4         rax = 6 * rax;
5         s = s + 1;
6     }
7     return rax;
8 }
```

c.

Smalamálskóðinn að ofan er úttak úr þýðandanum **gcc** með bestunarroffann **-Og**. Ef notaður er bestunarroffinn **-O3** (sem er mesta mögulega bestun) fæst kóðinn sem hér er fyrir neðan. Berið hann sama við fyrri kóðann og segið í hvaða tilvikum **O3**-kóðinn gæti verið hraðvirkari.

```
fun:
    movq    (%rdi), %rax
    cmpq    %rdx, %rsi
    jge     .L1
.L3:
    leaq    (%rax,%rax,2), %rax
    addq    %rax, %rax
    addq    $1, %rsi
    cmpq    %rsi, %rdx
    jne     .L3
.L1:
    ret
```

**Svar:** Byrjum á að skoða munin á milli þessara kóða :

Við sjáum að í seinni kóðanum höfum við strax compare skipun í annari línu sem segir `jge` (jump greater or equal) sem þýðir að ef **rsi** er stærra eða jafnt og **rdx** þá er haldið áfram í **.L1** sem fer beint í return þannig ef **rsi** er minna er **rdx** þá er farið í **.L3**

Næst fáum við `leaq` skipunina sem margfaldar **rax** með 3 og bætir í **rax** síðan er bætt **rax** við **rax** svo í raun er verið að gera  $6 \times rax$  síðan er 1 bætt við **rsi** og kannað hvort **rsi** sé orðið jafnt og **rdx** og ef ekki er farið aftur í **.L3** sem myndar lykkju.

Ástæðan af hverju þetta er hraðvirkara er að það í seinna er færri hopp á milli.

## 4

Hér fyrir neðan er smalamálskóði fyrir endurkvæmt fall með hausinn: **int rec(int n, int m)**:

```
rec:
    cmpl    %esi, %edi    # lína 1
    jge     .L8           # lína 2
    movl    $0, %eax      # lína 3
    ret     # lína 4
.L8:
    subq    $8, %rsp      # lína 5
    addl    %esi, %esi     # lína 6
    subl    $2, %edi       # lína 7
    call    rec            # lína 8
    addl    $1, %eax       # lína 9
    addq    $8, %rsp       # lína 10
    ret     # lína 11
```

### a.

Sýnið jafngilt endurkvæmt C fall. Rökstyðjið einstakar skipanir út frá línunum í smalamál-skóðanum.

#### Svar:

Byrjum á að skoða kóðann:

- lína 1 og 2: ef edi er stærra eða jafnt og esi þá er hoppað í .L8
- 3 og 4: ef edi er minna en esi þá er eax núllstillt og return skipun framkvæmd.
- lína 5: rsp er minnkað um 8
- lína 6: esi er tvöfaldast
- lína 7: edi er minnkað um
- lína 8: kallað er á fallið rec
- lína 9: eax er hækkað um 1
- lína 10: rsp er hækkað um 8
- lína 11: return skipun

alright reynum að átta okkur á breytunum

- edi: við höfum cmp(l) l tekur 32 bita sem þýðir að þetta er líklega heiltala
- esi: við höfum cmp(l) sem þýðir að þetta er líklega heiltala
- eax: við höfum mov(l) skipun sem þýðir að þetta er líklega heiltala
- rsp: við höfum sub(q) q tekur 64 bita sem þýðir að þetta er líklega minnisvísir

```
1  int rec(int n, int m){
2      if(n >= m){
3          m = m + m;
4          n = n - 2;
5          int result = rec(n, m);
6          return result + 1;
7      }
```

```
8         else{
9             return 0;
10        }
11    }
```

**b.**

Teiknið upp hlaðaramma (stack frame) fallsins **rec** og merkið inn einstök svæði í honum.

**Svar:**

Endurkomuvistfang
Ónotað pláss

## 5

Þrjár sjálfstæðar spurningar

a.

Gefið er fylkið **short int a[6][10]**. Ef upphafsvistfang þess er 0, hvert er þá vistfang staksins **a[3][4]**? Sýnið útreikning.

Svar:

notum víst þessa formúlu fyrir vistfang

$$\text{Vistfang}a[i][j] = \text{Upphafsvistfang} + (i \times \text{fjöldi dalka} + j) \times \text{stærð staks}$$

- **Upphafsvistfang:** 0
- **fjöldi dalka:** 10
- **stærð staks:** 2 (short int) = 2 bæti

Reiknum:

$$\text{Vistfang}a[3][4] = 0 + (3 \times 10 + 4) \times 2 = 0 + 34 \times 2 = 68$$

**Vistfang staksins a[3][4] er því 68**

b.

Gefin er eftirfarandi færsla í C forriti:

```
struct abcd {  
    short int a[2];  
    double b;  
    char c;  
    char *d;  
};
```

Rissið upp mynd af henni út frá uppröðunarkröfu (*alignment requirements*) x86-64. Hversu mörg bæti tekur færslan?

Svar:

Skoðum fyrst hvað hvert stak tekur af minni

- Short int a[2]: 2 bæti
- Double b: 8 bæti
- Char c: 1 bæti
- Char \*d: 8 bæti

Offset	Biti	Lýsing
0	a[0] (2bæti)	fyrsta stak í a
2	a[1] (2bæti)	næsta stak í a
4-7	Padding (4 bæti)	Fylling til að halda rétttri röð?
8-15	b (8 bæti)	double b
16	c (1 bæti)	char c
17-23	Padding (7 bæti)	Fylling til að halda rétttri röð?
24-31	d (8 bæti)	char *d

**Færslan tekur því 32 bæti**

**c.**

Skyndimininni er 2-vítt (*2-way set associative*) með heildarstærðina 2048 (=211) bæti og 16 (=24) bæta línur (þ.e. blokkir).

i. Hvað hefur skyndiminnið mörg mengi?

**Svar:** Til að finna Mengin skulum við nota formúluna

$$\text{Fjöldi Mengi} = \frac{\text{Fjöldi lína}}{\text{Samstillingarstuðull}}$$

Til að finna heildarfjölda lína í skyndimininni er notað formúluna:

$$\text{Fjöldi lína} = \frac{\text{Heildarstærð}}{\text{Línustærð}} = \frac{2048\text{bæti}}{16\text{bæti}} = 128\text{línur}$$

**Fjöldi mengja** er þá (samstillingarstuðulinn er 2 af því þetta er 2-vítt skyndiminni):

$$\frac{128\text{línur}}{2} = 64\text{mengi}$$

ii. Ef vistföng eru 16 bitar, hversu margir bitar eru þá notaðir fyrir merkið (*tag*)?

**Svar:**

Til að finna fjölda merkisbita þurfum við að :

1. finna fjölda bita fyrir block Offset
2. finna fjölda bita fyrir set index
3. Draga þessa bita frá heildarfjölda ita í vistfangi til að fá fjölda merkisbita.

**Finnur fjölda bita fyrir block Offset:**

$$\text{Block offset} = \log_2(\text{Línustærð}) = \log_2(16) = 4\text{bitar}$$

**Finnur fjölda bita fyrir set index:**

fjöldi mengja er 64 þannig að:

$$\text{Set index} = \log_2(\text{Fjöldi mengja}) = \log_2(64) = 6\text{bitar}$$

**Fjöldi merkisbita:**

$$\text{Fjöldi merkisbita} = 16 - 4 - 6 = 6\text{bitar}$$

**Merkisbitar eru því 6 bitar**

## 6

Hér fyrir neðan er forrit sem býr til ný ferli með fork-fallinu.

```
void fall() {
    if (fork() != 0) {
        fork();
        printf("B\n");
    }
}

int main() {
    printf("A\n");
    fall();
    printf("C\n");
    exit(0);
}
```

**a.**

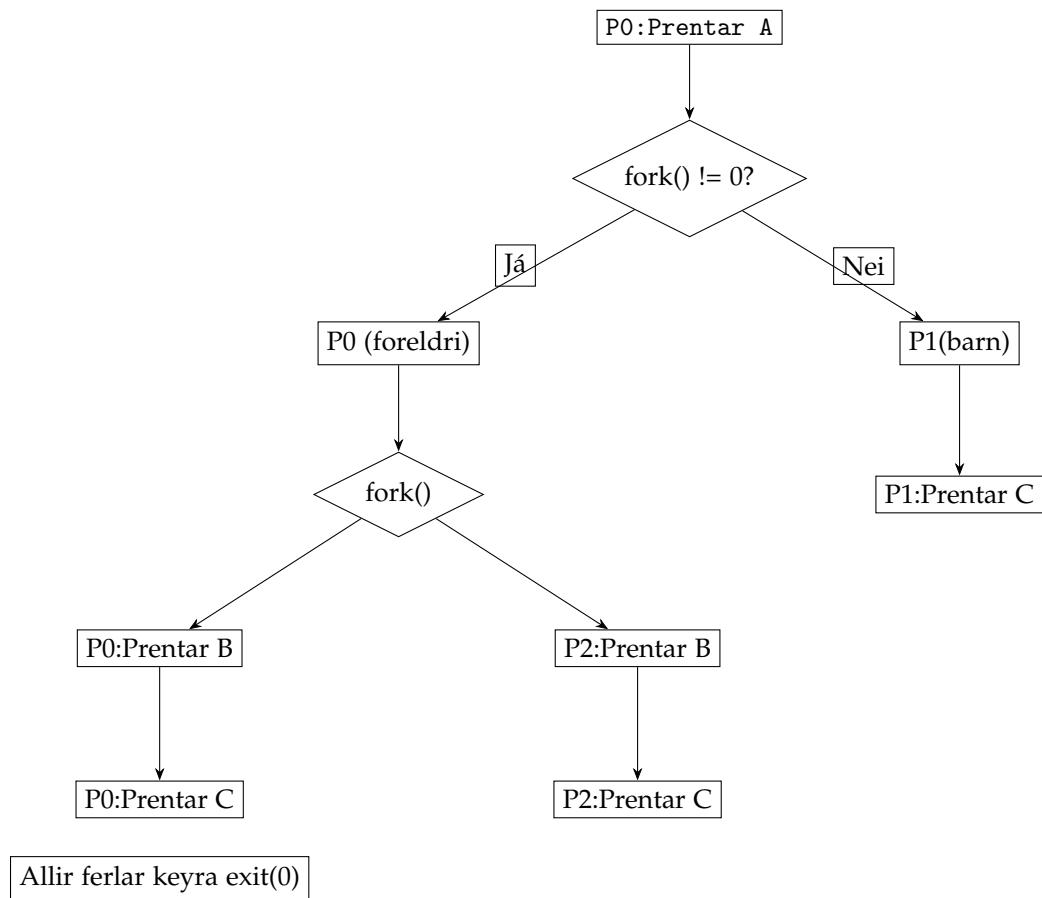
Teiknið upp ferlarit (process graph) fyrir forritið og merkið inná það hvað forritið prentar út á hverjum stað.

**Svar:**

Skoðum þetta forrit:

1. lína 1: prentar út A
2. lína 2: fallið fall er kallað
3. lína 1 í falli: hér er kallað á fork (ferill P1) og ef það er ekki 0 þá er kallað á fork aftur hér heldur upprunalega ferlið P0 áfram þar sem 1d hjá því er ekki 0 og því er kallað á fork aftur, það myndar nýtt ferli P2 Ferli.
4. lína 3 í falli: Hér prenta ferli P0 og P2 út B en ekki P1 þar sem það stóðst ekki íf skilyrðið þar sem fork() skilar 0.
5. lína 4: prentar út C hér prenta allir 3 ferlarnir út C
6. lína 5: hér er kallað á exit(0) í öllum ferlunum og því er forritið lokið.

Skulum nú gera ferlarit:



**b.**

Sýnið þrjár ólíkar mögulegar útprentanir sem forritið getur gert.

**Svar:**

Þar sem allir ferlarnir keyra á sama tíma en bara eftir að er kallað á þá þannig mögulegar útkomur eru:

- A C B C B C
- A B B C C C
- A B C B C C

**c.**

Hversu mörg ferli munu framkvæma skipunina `exit(0)` í main-fallinu? Rökstyðjið svarið!

**Svar:**

Allir ferlarnir munu framkvæma skipunina `exit(0)` þar sem það er kallað á hana í main fallinu og því munu allir ferlarnir loka.



# Próf 2021 - Og mín Heiðarleg tilraun á að leysa það

1.

Í þessu dæmi höfum við 6-bitu orðið **010011**. Það er hægt að túlka það á þrjá vegu sem gildi: *i.* 6-bitu heiltala án formerkis (unsigned), *ii.* 6-bitu tvíandhverfu heiltala (signed) og *iii.* 6-bitu fleytitala (floating point) með 1 formerkisbita, 3 veldisbita og 2 brotbita.

a.

Túlkið orðið 010011 sem gildi á þessa þrjá vegu. Sýnið útreikning (sérstaklega í fleytitölunni).

Svar:

- **6-bitu heiltala án formerkis:** reiknum þá  $2^0 + 2^1 + 2^4 = 19$
- **6-bitu tvíandhverfu heiltala:** Reiknum þá sem signed þar sem það er 0 fremst þá er þetta jákvæð tala og skilar sama svari og án formerkis þannig  $2^0 + 2^1 + 2^4 = 19$
- **6-bitu fleytitala:** sem 6 bita fleyti tala með 1 formerkisbita og 3 veldisbita og 2 brotbita þá höfum við 0 fyrir jákvæða tölu 100 sem veldisbita og 11 sem brotbita. við þurfum fyrst að reikna raunverulegan veldisvísi (E) fyrir það þurfum við fyrst að reikna skekkjustuðulinn sem er reiknaður :

$$\text{Bias} = 2^{k-1} - 1 = 2^{3(\text{bitar})-1} - 1 = 2^2 - 1 = 4 - 1 = 3$$

Reiknum nú

$$E = \text{bitagildið p.e.a.s } 100 = 4 - \text{Bias} = 4 - 1$$

Svo raunverulegi veldisvísirinn er 1 semsagt  $2^1$  nú finnum við brothlutann 11 við vitum að það er gefinn 1 á undan brothluta svo við fáum 1.11 til að reikna brothluta gerum við  $1 \cdot (2^{1/2} + 2^{1/4}) = 1.75$  Setjum þetta nú saman

$$+1.75 \times 2^1 = 3.5$$

b.

Þið megið breyta einum bita í orðinu að ofan og viljið fá sem hæst gildi (þ.e. sem næst  $+\infty$ ). Sýnið og rökstyðjið í hverju tilviki hvaða bita þið mynduð breyta til að hámarka gildið. Það geta verið ólíkir bitar í hverri túlkun

svar:

- í unsigned þá myndum við bæta 1 fremst þar sem hægt veri svo  $(1)10011 = 1 + 2 + 16 + 32 = 51$
- í signed þá má fremsti ekki vera 1 þar sem þá er talan í mínus svo  $01(1)011 = 1 + 2 + 8 + 16 = 27$
- hér myndum við vilja bæta á veldisvísinn svo þá væri talan 011011 Reiknum skekkjuna  $\text{bias} = 2^{3-1} - 1 = 2^2 - 1 = 4 - 1 = 3$  Reiknum Raunverulegann veldisvísi  $e - \text{bias} = 6 - 3 = 3$  Svo talan yrði  $1.75 \times 2^3 = 1.75 \times 8 = 14$

c.

Hvaða einum bita ætti að breyta til að lágmarka gildið (þ.e. komast sem næst  $-\infty$ ) í hverri túlkun? Rökstyðjið hvert tilvik

svar:

- a. í unsigned þá myndum við taka 0 fremst þar sem hægt veri svo  $000011 = 1 + 2 = 3$
- b. í signed þá setjum við fremsta sem 1 þar sem þá er talan í mínus svo  $(1)10011 = -32 + 16 + 2 + 1 = -13$
- c. hér myndum við vilja setja formerkisbitann sem 1 til að fá töluna í mínus svo þá væri talan 110011 Reiknum skekkjuna  $\text{bias} = 2^{3-1} - 1 = 2^2 - 1 = 4 - 1 = 3$  Reiknum Raunverulegann veldisvísi  $e - \text{bias} = 4 - 3 = 1$  Svo talan yrði  $-1.75 \times 2^1 = -1.75 \times 2 = -3.5$

## 2

Hér fyrir neðan er x86-64 smalamálsútgáfa af endurkvæma fallinu func.

```
func:
    cmpl    $1, %edi
    jle     .L3
    pushq   %rbx
    leal    (%rdi,%rdi,2), %ebx
    leal    3(%rdi), %edx
    testl   %edi, %edi
    cmovns  %edi, %edx
    sarl    $2, %edx
    movl    %edx, %edi
    call    func
    addl    %ebx, %eax
    popq    %rbx
    ret
.L3:
    movl    $1, %eax
    ret
```

a.

Skrifið jafngilda C útgáfu af þessu falli. Til að hjálpa ykkur við það er hér fyrir neðan beinagrind af fallinu sem þið getið fyllt inn í. Rökstyðjið sérstaklega hvaða smalamáls-skipanir standa á bakvið þann kóða sem þið setjið inn.

```
int func(int n) {
    if ( _____ )
        return _____;
    return _____ + func( _____ );
}
```

**svar:** Alright skoðum hvað líurnar gera

- Lína 1: berum edi við 1
- Lína 2: ef edi er 1 eða minna þá er hoppað í .L3
- Lína 3: ýtt rbx á hlaðann
- Lína 4: rdi sinnum 3 sett í ebx
- Lína 5: 3 + rdi sett í edx
- Lína 6: skoðar hvort edi sé neikvætt eða ekki
- Lína 7: ef edi er ekki neikvætt þá er  $edx = n$  annars er  $edx = n+3$
- Lína 8: shift arithmetically right eða  $edi \gg 2$  sem deilir með 4
- Lína 9: setur edi í edx
- Lína 10: callað á func
- Lína 11: ebx bætt við eax þar sem ebx er  $3 * n$  þannig  $eax = eax + ebx$
- Lína 12: rbx poppað af hlaðanum endurheimt gildi úr kösinni
- Lína 13: return skipun
- Lína 14: sett eax sem 1

- lína 15: return skipun

Reynum nú að setja þetta í c fall:

```
1 int func(int n){  
2     if(n >=1)  
3         return 1;  
4     return (3*n) + func((n >= 0 ? n : n+3) / 4);  
5 }
```

**b.**

Teiknið upp hlaðaramma (*stack frame*) fyrir fallið. Sýnið stöðuna þegar þrjú endurkvæm köll hafa orðið. Tilgreinið einstaka hluta hvers hlaðaramma.

### 3

Hér fyrir neðan er C fall sem afritar eitt stak á milli tveggja tvívíðra fylkja. Fylkin eru víðvær og er fylkið  $a$  af stærðinni  $M \times N$ , en  $b$  er af stærðinni  $N \times M$ . Þið viti ekki gildin á  $M$  eða  $N$ , en eigið að geta fundið þau út frá smalamálskóðanum fyrir fallið sem einnig er gefinn.

```
long int a[M][N];
long int b[N][M];

void afrit( int i, int j ) {
    a[i][j] = b[j][i];
}

afrit:
    movslq    %edi, %rdi
    movslq    %esi, %rsi
    leaq      0(,%rsi,8), %rax
    subq      %rsi, %rax
    addq      %rdi, %rax
    movq      b(,%rax,8), %rdx
    leaq      (%rdi,%rdi,4), %rax
    leaq      (%rdi,%rax,2), %rax
    addq      %rax, %rsi
    movq      %rdx, a(,%rsi,8)
    ret
```

a.

Hver eru gildin á  $M$  og  $N$ ? Rökstyðjið svörin út frá skipununum í smalamálskóðanum.

**svar:** ef við fylgjum *diane's silk dress cost 89* þá sjáum við að  $edi$  er þar að leiðandi  $i$  og  $esi$  er þá  $j$ .

skoðum nú línurnar

- Lína 1: setur 32 bita innihald  $edi$  í 64 bita innihald  $rdi$  þannig  $rdi$  fær  $i$
- Lína 2: setur 32 bita innihald  $esi$  í 64 bita  $rsi$  þannig  $rsi$  fær  $j$
- Lína 3:  $rsi * 8$  sett í  $rax$  þannig  $rax$  er jafnt og  $8 * j$
- Lína 4:  $rax - rsi$  þannig  $rax = 7 * j$
- Lína 5:  $rax + rdi$  þannig  $rax = 7 * j + i$
- Lína 6:  $b + 8 * rax$  sett í  $rdx$
- Lína 7:  $rdi * 5$  sett í  $rax$
- Lína 8:  $rax * 2 + rdi$  sett í  $rax$  (þannig  $11 * rdi$  sett í  $rax$ )
- Lína 9:  $rsi = rsi + rax$
- Lína 10:  $rdx$  sett í  $a + 8 * rsi$
- Lína 11: return

út frá þessu notum við jöfnuna:

$$\text{Visfang} = b + (j \times M + i) \times 8$$

út frá smalamálinu Er

$$\text{Offset fyrir } a[i][j] = j + 11i$$

jafnsetjum:

$$i \times N + j = j + 11i$$

Einangrum N

$$i \times N = 11i \rightarrow N = 11$$

**b.**

:Ef bæði fylkin hefðu verið skilgreind með stærðina  $M \times N$  hefði þá verið hægt að finna gildið á bæði  $M$  og  $N$  (eða annað hvort þeirra) út frá smalamálskóðanum? Rökstyðjið svar ykkar.

## **Vika 1**

**Kynning, Linux, C**

## **Vika 2**

**C, Bendar, minni, notkun**

## **Vika 3**

**Upplýsingar sem bitar, heiltölur**

## **Vika 4**

**Bætaröð, fleytitölur**

## **Vika 5**

**Skipulag örgjava, smalamálsforritun**

## **Vika 6**

**Stýriskipanir og stef í smalamáli**

## **Vika 7**

**Gögn og yfirflæði minnis**

## **Vika 8**

**Bestun smalamálskóða**

## **Vika 9**

**Minnisstigveldi, skyndiminni**

## **Vika 10**

**Tenging, keyrsluskrár, forritasöfn**

## **Vika 11**

**Frábrigði, ferlastýring**

## **Vika 12**

**Sýndarminni**

## **Vika 13**

**Minnisúthlutun, ruslasöfnun, minnisvillur**

## **Vika 14**

**Samantekt**