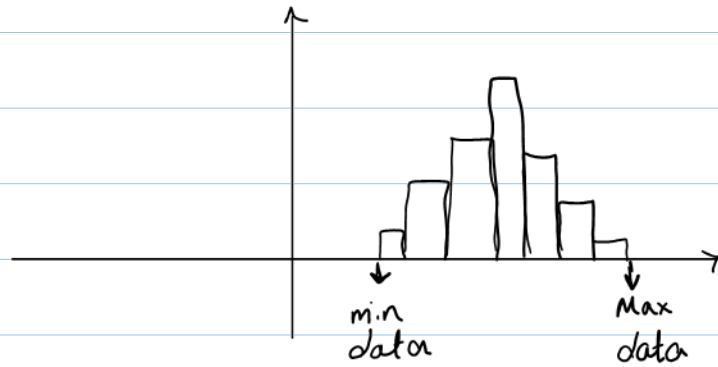


## Session 1:

Errors :  $\left\{ \begin{array}{l} - \text{systematic} \\ - \text{statistical} \end{array} \right. \rightarrow \text{important to us.}$

امور هم در زمان گزارش هم است هم آنکه چگونگی data زیاد نداریم با آنکه مرتباً به مقدار واقعی نزدیک شویم.

Histogram :



typical of bin is odd.

مسئله اول در data هم آن است که دقیقاً روی خط bin را داخل هم bin کنیم؟  
به گزارش بود که دقیقاً چه کرده ایم.

$$\bar{x} := \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \rightarrow \text{Sample average}$$

$$\bar{x} = \mu \rightarrow \text{از بین بردن (تیزی) داده نه} \\ \text{Population mean}$$

$$\sigma^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^2 \rightarrow \text{Standard deviation for population} \\ \text{S.D. - Pop}$$

$$\sigma_s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \rightarrow \text{s.t. - sample}$$

Bessel's finding for data

نا دقیق بودن نتایج چون  $\bar{x}$  از خود data نیست آمده  $\Rightarrow \frac{1}{2}$  درجه آزادی از بین رفته

زمانی که با به دست آوردن چیزی از خود پس استاده می بینیم  $\Rightarrow$  Bias

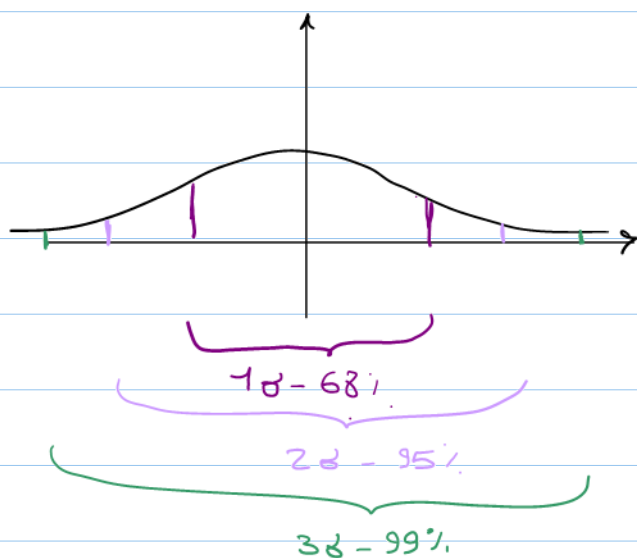
$$\sigma_s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \Rightarrow \text{Unbiased} \quad \sigma_s^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \Rightarrow \text{Biased}$$

Standard error of mean (SEM):

$$SEM = \frac{\sigma_s}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (\bar{x} - x_i)^2}{n(n-1)}}$$

$$x = \bar{x} \pm t^* \times SEM$$

بهترین حالت نزدیک است چون از یک معلم میفان باشد



3 روش 1، confidence 90٪، 95٪، 99٪ در سطح دگراری  $df = n - 1$

ت-ستودنت  $t$ -student در مقایسه  $t^*$  را پیدا کنیم

df	t Table										
	cum. prob	$t_{.50}$	$t_{.25}$	$t_{.20}$	$t_{.15}$	$t_{.10}$	$t_{.05}$	$t_{.025}$	$t_{.01}$	$t_{.005}$	$t_{.001}$
one-tail	0.50	0.25	0.20	0.15	0.10	0.05	0.025	0.01	0.005	0.001	0.0005
two-tails	1.00	0.50	0.40	0.30	0.20	0.10	0.05	0.02	0.01	0.002	0.001
1	0.000	1.000	1.376	1.963	3.078	6.314	12.71	31.82	63.66	318.31	636.62
2	0.000	0.816	1.061	1.386	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	22.327	31.599
3	0.000	0.765	0.978	1.250	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	10.215	12.924
4	0.000	0.741	0.941	1.190	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	7.173	8.610
5	0.000	0.727	0.920	1.156	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	5.893	6.869
6	0.000	0.718	0.906	1.134	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	5.208	5.959
7	0.000	0.711	0.896	1.119	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	4.785	5.408
8	0.000	0.706	0.889	1.108	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	4.501	5.041
9	0.000	0.703	0.883	1.100	1.383	1.833	2.282	2.821	3.250	4.297	4.781
10	0.000	0.700	0.879	1.093	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	4.144	4.587
11	0.000	0.697	0.876	1.088	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	4.025	4.437
12	0.000	0.695	0.873	1.083	1.356	1.782	2.179	2.691	3.055	3.920	4.318
13	0.000	0.694	0.870	1.079	1.350	1.771	2.160	2.673	3.012	3.852	4.221
14	0.000	0.692	0.868	1.076	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	3.787	4.140
15	0.000	0.691	0.866	1.074	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	3.733	4.073
16	0.000	0.690	0.865	1.071	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	3.686	4.015
17	0.000	0.689	0.863	1.069	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.646	3.965
18	0.000	0.688	0.862	1.067	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.610	3.922
19	0.000	0.688	0.861	1.066	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.579	3.883
20	0.000	0.687	0.860	1.064	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	3.552	3.850
21	0.000	0.686	0.859	1.063	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	3.527	3.819
22	0.000	0.686	0.858	1.061	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	3.505	3.792
23	0.000	0.685	0.858	1.060	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	3.485	3.768
24	0.000	0.685	0.857	1.059	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	3.467	3.745
25	0.000	0.684	0.856	1.058	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.450	3.725
26	0.000	0.684	0.856	1.058	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.435	3.707
27	0.000	0.684	0.855	1.057	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.421	3.690
28	0.000	0.683	0.855	1.056	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.408	3.674
29	0.000	0.683	0.854	1.055	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	3.396	3.659
30	0.000	0.683	0.854	1.055	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3.385	3.646
40	0.000	0.681	0.851	1.050	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	3.307	3.551
60	0.000	0.679	0.848	1.045	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	3.232	3.460
80	0.000	0.678	0.846	1.043	1.292	1.664	1.990	2.374	2.639	3.195	3.416
100	0.000	0.677	0.845	1.042	1.290	1.660	1.984	2.364	2.626	3.174	3.390
1000	0.000	0.675	0.842	1.037	1.282	1.646	1.962	2.330	2.581	3.069	3.300
Z	0.000	0.674	0.842	1.036	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576	3.060	3.291
		0%	50%	60%	70%	80%	90%	95%	98%	99%	99.8%
		Confidence Level									

t-stud  
Confidence  
level

df  
t\*

هر مسئله فیزیکی را می توان به مسئله optimization تبدیل کرد

اگرچه optimization به دریم Lagrangian بود. یا می action

تمام پارامترهای function ای به می خواهیم optimum کنیم را در  $x$  می کنیم

$$\vec{x} = (\alpha, \beta, \gamma, \dots) \quad \vec{x} \in \mathbb{R}^n$$

$$\text{Norm } x := \|x\| \quad \left\{ \begin{array}{l} \|x\| \geq 0 \quad \text{if } x=0 \quad \|x\|=0 \\ \|c\vec{x}\| = c\|\vec{x}\| \quad c \in \mathbb{R} \\ \|\vec{x} + \vec{y}\| = \|\vec{x}\| + \|\vec{y}\| \quad \text{for all } x, y \end{array} \right.$$

$$L_1 - \text{norm} \Rightarrow \|\vec{x}\|_1 = \sum_{i=1}^n |x_i|$$

$$L_2 - \text{norm} \Rightarrow \|\vec{x}\|_2 = \left( \sum_{i=1}^n x_i^2 \right)^{1/2} \Rightarrow \text{typical in physics.}$$

Euclidian norm

$$L_\infty - \text{norm} \Rightarrow \|\vec{x}\|_\infty = \max |x_i|$$

نرمه را به خوبی فهمید؟ سوال norm مناسب تقریب برد

حل برای Matrix

$$A_{m \times n} \left\{ \begin{array}{l} \|A\|_F = \left( \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n a_{ij}^2 \right)^{1/2} \quad \text{Frobenius norm} \\ \|A\|_1 = \max_{1 \leq j \leq n} \sum_{i=1}^m |a_{ij}| \\ \|A\|_\infty = \max_{1 \leq i \leq m} \sum_{j=1}^n |a_{ij}| \\ \|A\| = \sigma_{\max} \rightarrow \text{biggest singular value of } A \end{array} \right.$$

$$A_{n \times n} \Rightarrow \|A\| = |\text{Trace}(A)|$$

$$= |\det(A)|$$

$$= \max(|\lambda|)$$

اصدر هست نه در فیریب نیاکیر نه از سایرهای بزرگ نه مرای به این جزئیات بشی نه است باله

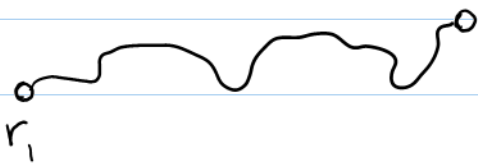
$$\vec{x} = (\alpha, \beta, \gamma, \dots)$$

مرحله اول از بردار  $\vec{x}$ ، اسکالر درست کنیم

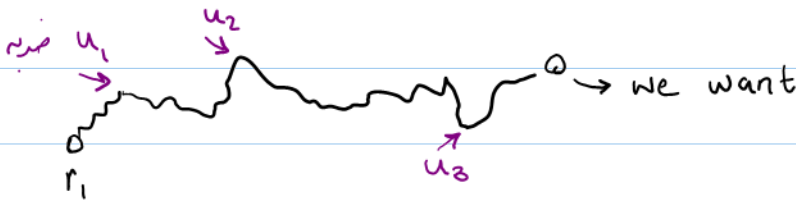
$$L(\vec{x}) = \text{اسکالر}$$

$$\text{Optimization} := \vec{x} = ? \Rightarrow \min L(\vec{x}) \Rightarrow \text{Cost Function}$$

سوال: brownian



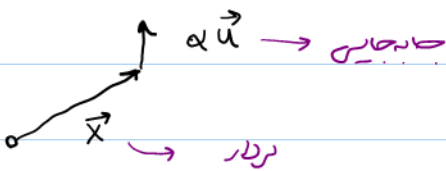
در  $\frac{1}{2}$  و  $\frac{3}{2}$  بعد از زدن دایر وضا را جابجاء میکنیم. (در 3 بعد از زدن دایر)



$$\int_{t_1}^{t_2} |u_t|^2 dt \Rightarrow \text{تجمع انرژی}$$

مرحله اول تغییر ضربه را بنویسیم.  $(t_1, t_2)$  زمان انتقال است.

نسخ  $\vec{x}$  در فضای  $n$  بعدی است. مرحله دوم پارامترها را عوض کنیم تا C-F با هم سازگار باشد.



$$\Rightarrow \vec{x} \rightarrow \vec{x} + \alpha \vec{u}$$

$$\lim_{\alpha \rightarrow 0} \frac{h(\vec{x} + \alpha \vec{u}) - h(\vec{x})}{\alpha} = \hat{u}^T \cdot \nabla h(\vec{x})$$

$$\hat{u}^T \cdot \nabla_x h(\vec{x}) = \|\hat{u}\| \|\nabla_x h(\vec{x})\| \cos \theta$$

Putting  $\theta = \pi \Rightarrow \vec{u} = -\nabla h$   
 $\hookrightarrow$  fixed

$$\Rightarrow \vec{x}_{\text{new}} \rightarrow \vec{x}_0 - \alpha \nabla_x h$$

در هر بار  $\vec{x}_{\text{new}}$  از قبل کمتر از آن  $\text{tolerance}$  در حدود  $10^{-6}$  در نظر بگیریم نه از قبل فاصله  $\vec{x}_{\text{new}}$  از قبل کمتر از آن (I)

بسیار  $\text{stop}$   $\Rightarrow$  تعداد  $\text{iteration}$  نیز به سطح  $\text{stop}$  (II)

در  $\text{optimization}$   $\vec{x}_0$  اولیه می‌گیریم (III)

تغییر  $\text{learning rate}$  نیز به  $\vec{x}_0$  (IV)