

Session 1:

Errors : { - systematic
 { - statistical ↗ important to us.

اور ہم دنیا کی ایسے ہم اسے ہم نے جو data یعنی نامیں اور مکانیں ہے مختار و افسوس سے سوچ دیں۔

Histogram :



typical of bin is odd.

معلم اول دارای دو دسته داده است که در اینجا معرفی شده اند:

$$\bar{x} := \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \quad \xrightarrow{\text{Sample average}}$$

$$\bar{x} = \mu \quad \xrightarrow{\text{اربیٹری دار}} \text{اربیٹری دار} (\text{سے})$$

Population mean

$$\sigma^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \mu)^2 \rightarrow \text{Standard deviation for population}$$

S.D. - Pop

$$\sigma_s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \rightarrow \text{s.t. sample}$$

Bessel's finding for data

$\frac{1}{2} \sigma^2 = \text{variance of data around mean } \bar{x}$

on Bias \Rightarrow $\text{mean squared error} = \text{variance} + \text{bias}^2$

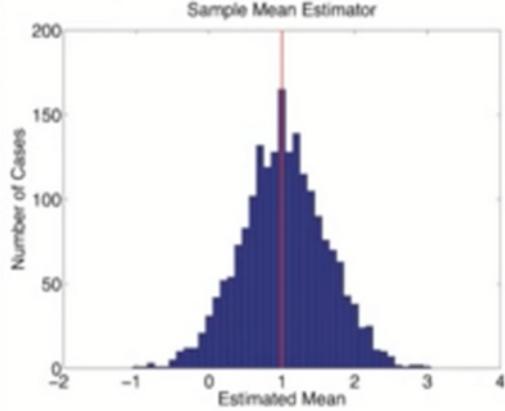
$$\sigma_s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \Rightarrow \text{Unbiased} \quad \sigma_s^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \Rightarrow \text{Biased}$$

Example: given $x_1, x_2, x_3 \sim N(\mu, \sigma^2)$ estimate μ, σ^2 4

$$\hat{\mu} = \frac{1}{3}(x_1 + x_2 + x_3)$$

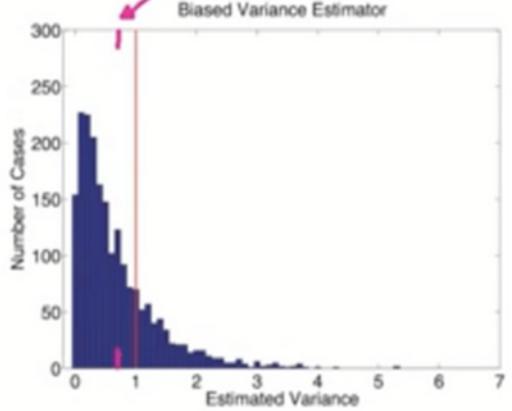
$$\mu = 1 \quad : 2000 \text{ times}$$

$$E\{\hat{\mu}\} \approx 1.02$$



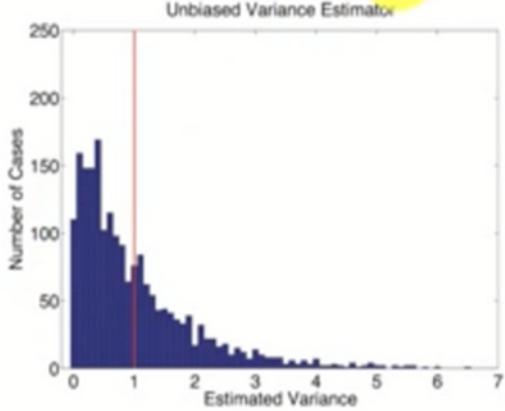
$$\hat{\sigma}_{\text{bias}}^2 = \frac{1}{3} \sum_{i=1}^3 (x_i - \hat{\mu})^2$$

$$E\{\hat{\sigma}_{\text{bias}}^2\} \approx 0.67$$



$$\hat{\sigma}_{\text{unbias}}^2 = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^3 (x_i - \hat{\mu})^2$$

$$E\{\hat{\sigma}_{\text{unbias}}^2\} \approx 1.01$$

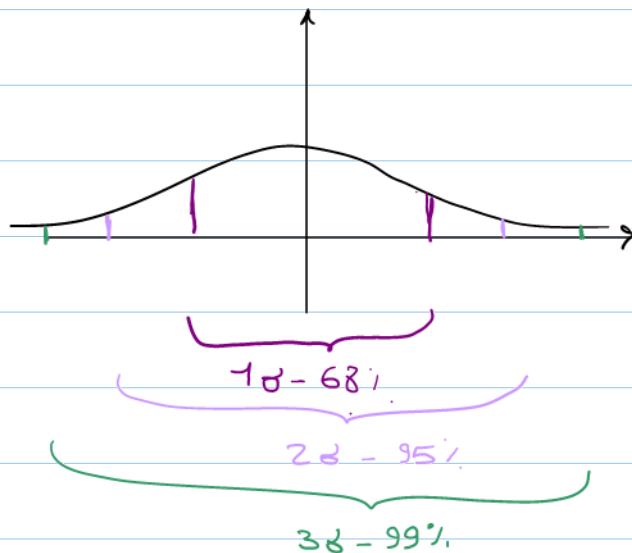


Standard error of mean (SEM):

$$SEM = \frac{\sigma_s}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (\bar{x} - x_i)^2}{n(n-1)}}$$

$$X = \bar{X} \pm t^* \times SEM$$

ساده ترین حالت نزدیک است حول از کی معلم مقابل می باشد



$df = n-1$ درجه حریف \rightarrow مربوط به 99%, 95% و 90% confidence levels.

لذا t^* توزیع t-student جهت تقریب توزیع نمونه ای.

در \mathcal{L}^{∞} optimization نیز ~ در \mathcal{L}^1 می توان سیستم ها را به =

action up \rightarrow Langrangian \rightarrow optimization

\vec{x} \rightarrow optimum حداچشمی \rightarrow function (باراشهای) کام

$$\vec{x} = (\alpha, \beta, \gamma, \dots) \quad \vec{x} \in \mathbb{R}^n$$

$$\text{Norm } x := \|x\|$$

$\|\vec{x}\| > 0$
 $\|\vec{c}\vec{x}\| = c\|\vec{x}\| \quad c \in \mathbb{R}$

$\|x + y\| = \|x\| + \|y\| \quad \text{for all } x, y$

Norm

$$L_1 - \text{norm} \Rightarrow \|\vec{x}\|_1 = \sum_{i=1}^n |x_i|$$

$$L_2 - \text{norm} \Rightarrow \|\vec{x}\|_2 = \left(\sum_{i=1}^n x_i^2 \right)^{1/2}$$

Euclidean norm \Rightarrow typical in physics

$$L_\infty - \text{norm} \Rightarrow \|\vec{x}\|_\infty = \max |x_i|$$

در L^∞ نیز نیز norm (برای اینکه در نظر بگیریم)

Matrix ω ζ

$$A_{m \times n} \left\{ \begin{array}{l} \|A\|_F = \left(\sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n |a_{ij}|^2 \right)^{1/2} \text{ Frobenius norm} \\ \|A\|_1 = \max_{1 \leq j \leq n} \sum_{i=1}^m |a_{ij}| \\ \|A\|_\infty = \max_{1 \leq i \leq m} \sum_{j=1}^n |a_{ij}| \\ \|A\| = \sigma_{\max} \rightarrow \text{biggest singular value of } A \end{array} \right.$$

$$A_{n \times n} \Rightarrow \|A\| = |\text{Trace}(A)|$$

$$= |\det(A)|$$

$$= \text{Max}(|\lambda|)$$

اقدار خلصه نهاده می‌شود ساکنی از سارکهای زیر دست میراه باید حسارت شود نه است

$$\vec{x} = (\alpha, \beta, \gamma, \dots)$$

محمد احمد از مردم \rightarrow ، اس طرف درستے نم-

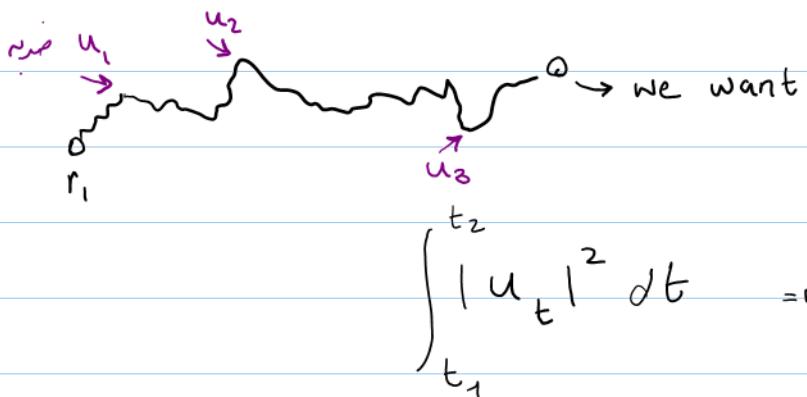
$$L(\vec{x}) = \sqrt{b_1}$$

Optimization := $\vec{x}^* = ? \Rightarrow \min h(\vec{x}) \Rightarrow$ Cost function

brownian : ζ_w

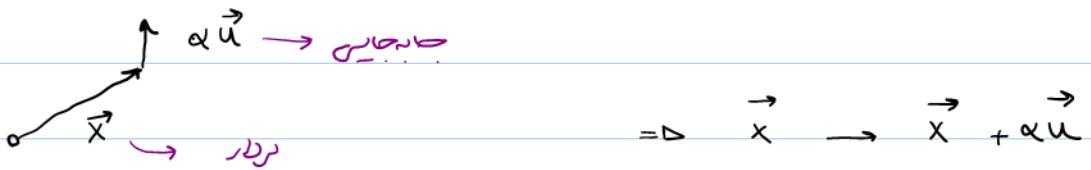


در $\frac{1}{2}$ بعه رسدم داپ و ها را حاره هر له . (در 3 بعه نزدیک نهاد)



حواله $\frac{d}{dt} \ln \frac{y_2}{y_1}$ صنیع را بینم . زمان (t_1, t_2) سرل است

سریع دستهای نیز بعدی است مرحوم دارسنجان کار نمایند



$$\lim_{\alpha \rightarrow 0} \frac{h(\vec{x} + \alpha \vec{u}) - h(\vec{x})}{\alpha} = \vec{u}^\top \nabla h(\vec{x})$$

$$\vec{u}^\top \cdot \nabla_{\vec{x}} \hat{L}(\vec{x}) = \|\hat{\vec{u}}\| \|\nabla_{\vec{x}} \hat{L}(\vec{x})\| \cos \theta$$

Putting $\theta = \pi \Rightarrow \hat{\vec{u}} = -\nabla \hat{L}$
 ↳ fixed

$$\Rightarrow \vec{x}_{\text{new}} \rightarrow \vec{x}_* - \alpha \nabla_{\vec{x}} \hat{L}$$

از سرعت تراویح x_{new} می‌باشد و پس از 10^{-6} میلی‌ثانیه \rightarrow tolerance \rightarrow (I)

برای \vec{x}_{new} نیز iteration شود \Rightarrow stop \rightarrow (II)

برای \vec{w} نیز b \rightarrow optimization (III)

پس از \vec{w} learning rate (IV)