

تمرین درس کنترل دیجیتال

نیمسال دوم : ۱۴۰۲–۱۴۰۳

استاد درس : دکتر طالبی



"Well done is better than well said" — Benjamin Franklin

۱ بخش مقدماتی (۳۵ نمره)

حل دو سوال از این بخش الزامی است.

استاد درس : دکتر طالبی

سوال اول

حل. برای  $s=-2\pm j2\sqrt{3}$  مکان مطلوب قطبهای حلقه بسته  $\omega_n=4rac{rad}{sec}$  عیباشد. جبرانساز پیش فاز را به صورت زیر انتخاب میکنیم

$$G_c(s)=K_cigg(rac{s+1/T}{s+1/lpha T}igg)$$
 ;  $0 :  $0 در این سیستم زاویه  $0>0$  در قطب حلقه بسته مطلوب برابر است با  $0<0$  در این سیستم زاویه  $0<0$  در قطب  $0<0$  در این سیستم زاویه  $0<0$  در آن$$ 

$$\frac{4}{s(s+2)}\Big|_{s=-2+j2\sqrt{3}} = -210$$

پس برای این که مکان هندسی ریشهها از این قطب حلقه بسته بگذرد، جبرانساز پیشفاز بای<mark>د</mark> زاویه  $arphi=30^\circ$  ایجاد کند. با روش نیمساز محل صفرها و قطبهای جبرانساز به صورت زیر تعیین می

$$z = \frac{1}{T} = 2.9$$
 ,  $p = \frac{1}{\alpha T} = 5.4$ 

یس تابع تبدیل حلقه باز سیستم جبران شده به صورت زیر در می آید:

$$G_c(s)G(s) = K_c\left(\frac{s+2.9}{s+5.4}\right)\left(\frac{4}{s(s+2)}\right) = \frac{K(s+2.9)}{s(s+2)(s+5.4)}$$
;  $K = 4K_c$ 

بهره K را با توجه به شرط اندازه به صورت زیر به دست می آوریم

$$\left| \frac{K(s+2.9)}{s(s+2)(s+5.4)} \right|_{s=-2+j2\sqrt{3}} = 1 \implies K = 18.7 \implies K_c = 4.68$$

و سرانجام توابع تبدیل حلقه باز سیستم جبران شده و جبرانساز به صورت زیر بدست می آیند

$$G_c(s)G(s) = \frac{18.7(s+2.9)}{s(s+2)(s+5.4)}$$
,  $G_c(s) = 4.68\left(\frac{s+2.9}{s+5.4}\right)$ 

ثابت خطای ایستای سرعت  $K_v$  به صورت زیر به دست می آید

$$K_v = \lim_{s \to 0} sG_c(s)G(s) = 5.02s^{-1}$$

حال برای اطمینان از نتیجه حاصل قطب حلقه بسته سوم سیستم را به صورت زیر مشخص می کنیم  $s(s+2)(s+5.4) + 18.7(s+2.9) = (s+2+j2\sqrt{3})(s+2-j2\sqrt{3})(s+3.4)$ 

تکلیف سری دوم کنترل دیجیتال

## سوال دوم

حل. قطبهای حلقه بسته غالب به صورت  $50.5864 \pm j0.5864$  میباشند. نسبت میرایی قطبهای غالب  $s=-0.3307 \pm j0.5864$  است. ثابت خطای ایستای غالب s=0.491 است. ثابت خطای ایستای شرعت s=0.491 است. ثابت خطای ایستای سرعت با ضریبی حدود 10 اضافه شود، s=10 است برای این که ثابت خطای ایستای سرعت با ضریبی حدود 10 اضافه شود، s=10 می گزینیم و صفر و قطب جبرانساز پسفاز را به ترتیب در s=-0.005 و s=-0.005 قرار میدهیم. پس تابع تبدیل جبرانساز پسفاز به صورت زیر است

$$G_c(s) = \widehat{K}_c \left( \frac{s + 0.05}{s + 0.005} \right)$$

زاویهای که این شبکه پسفاز در نزدیکی یک قطب غالب حلقه بسته ایجاد میکند حدود <sup>4</sup> است. چون این زاویه خیلی کوچک نیست، مکان هندسی ریشهها در نزدیکی قطبهای غالب مطلوب کمی تغییر میکند. تابع تبدیل حلقه باز سیستم جبران شده به صورت زیر است:

$$G_c(s)G(s) = \hat{K}_c\left(\frac{s+0.05}{s+0.005}\right)\left(\frac{1.06}{s(s+1)(s+2)}\right) = \frac{K(s+0.05)}{s(s+0.005)(s+1)(s+2)}$$

اگر نسبت میرایی قطبهای حلقه بسته غالب، بخواهد بدون تغییر بماند، این قطبها با توجه به نمودار مکان هندسی ریشههای جدید باید به صورت  $50.55 \pm j$  باشند. پس با استفاده از شرط اندازه ایوانز، هندسی ریشههای جدید باید به صورت 6 و در نتیجه ثابت خطای سرعت 6 را بصورت زیر به دست می آوریم:

$$\widehat{K}_c = \frac{K}{1.06} = \frac{1.0235}{1.06} = 0.9656$$
 ,  $K_v = 5.12s^{-1}$ 

دو قطب حلقه بسته دیگر سیستم جبران شده در  $-2.326 = s_3 = -2.00549 = s_4$  قرار می گیرند. افزودن جبرانساز پس فاز باعث شده است که مرتبه سیستم از  $\tau$  به  $\tau$  برسد، و یک قطب حلقه بسته اضافی نزدیک صفر واقع نزدیک صفر جبرانساز پس فاز ایجاد شود. ( قطب حلقه بسته اضافی در -0.0549 = s = -0.0549 و نزدیک صفر واقع در -0.0549 = s = -0.0549 این قطب و صفر باعث می شوند که پاسخ گذرا دنبالهای دراز و با دامنه کم داشته باشد. چون قطب -0.0549 = s = -0.0549 در مقایسه با قطبهای حلقه بسته غالب خیلی دور از محور -0.0549 = s = -0.0549 باشد. چون قطب کذرا نمی گذارد. بنابراین می توانیم قطبهای حلقه بسته غالب سیستم جبران شده غالب به حساب آوریم. فرکانس طبیعی نامیرای قطبهای حلقه بسته غالب سیستم جبران شده غالب به حساب آوریم. فرکانس طبیعی نامیرای قطبهای حلقه بسته غالب سیستم جبران شده گذرای 0.631 است. یعنی پاسخ گذرای

سیستم جبران شده کندتر از سیستم اصلی و زمان نشست پاسخ نیز طولانی تر است. همچنین ماکزیمم فراجهش پاسخ پله سیستم جبران شده نیز بزرگ تر شده است. اگر بتوان این تغییرات را تحمل کرد، جبرانساز پسفاز طراحی شده در بالا برای این مساله، جواب قابل قبولی به حساب می آید.

استاد درس : دكتر طالبي

سوال سوم

حل. زاویه خروج از قطب -0.5 + j1 در سیستم جبران نشده برابر است با:

$$\theta_d = 180^{\circ} - 90^{\circ} - (180^{\circ} - 63.4^{\circ}) = -26.6^{\circ}$$

برای آن که  $\theta_a$  به  $^{\circ}$ 135 تبدیل شود باید در محل قطب j1 + 0.5 زاویهای به اندازه  $^{\circ}$ 108.4 به سیستم اضافه شود.

$$\theta_p = 108.4^\circ \implies \tan^{-1}\left(\frac{1}{0.5 - p}\right) = 71.6^\circ \implies p = 0.17$$

سوال چهارم

سوال پنجم

۲ بخش متوسط (۳۵ نمره)

حل دو سوال از این بخش الزامی است.

سوال ششم

می توان تابع تبدیل متناظر با شکل را به سادگی بدست آورد. از آنجا که نمودار اندازه از ابتدا به صورت خط است، حداقل یک قطب در صفر داریم و همچنین نمودار اندازه در s=1 قابل قبول است و خواهیم داشت: از آنجا که نمودار فاز صعودی است s=1 قابل قبول است و خواهیم داشت a=1 کاهش شیب داشته است. از آنجا که نمودار فاز صعودی است a=1 قابل قبول است و خواهیم داشت a=1 کاهش شیب داشته است. از آنجا که نمودار فاز صعودی است a=1 قابل قبول است و خواهیم داشت است. از آنجا که نمودار فاز صعودی است a=1 قابل قبول است و خواهیم داشت و معرفی نمودار از آنجا که نمودار از

سوال هفتم

سوال هشتم

۵

سوال نهم سوال دهم ۳ بخش تکمیلی (۳۰ نمره) حل <u>دو سوال</u> از این بخش الزامی است. سوال يازدهم سوال دوازدهم سوال سيزدهم سوال چهاردهم سوال پانزدهم