### 1. 实验名称及目的

跟踪控制器设计实验 (分析实验): 给定幅值为 1、响应时间为仿真第 5s 的阶跃信号,观察仿真模型的各通道稳态误差、超调量和调节时间。根据所获得的结果,使用频率域方法设计控制器,满足如下性能要求。

- 1) 速度控制环,相位裕度>65°,截止频率> 3rad/s;
- 2) 位置控制环,相位裕度>60°,截止频率> 2rad/s。

系统具有较好的系统带宽,分析系统带宽对跟踪效果的影响,并使用设计好的校正控制器进行仿真对照。

进一步,将设计好的控制器应用到仿真2.0,即非线性系统模型实验。

## 2. 实验原理

带有半自主自驾仪的多旋翼控制结构如图 6.1所示。遥控指令能直接控制多旋翼的以下状态变量:多旋翼的姿态角  $\theta$  和  $\phi$  (或者多旋翼在机体坐标系下的速度  $v_{x_b}$  和  $v_{y_b}$ )、姿态角速度  $\omega_{z_b}$ ,以及拉力的大小  $u_T$  (或者垂直速度  $v_{z_c}$ )。进一步,可以通过这些变量控制多旋翼的位置  $\left(p_{x_c},p_{y_c},p_{z_c}\right)$  以及偏航角  $\psi$ 。真实情况下的多旋翼模型为非线性化的模型,为了便于理解和设计控制器,可以利用线性化的方法对多旋翼的非线性模型进行简化处理。也就是说,如图 6.1所示的系统可以分成三个通道,分别为从  $u_T$  到  $p_{z_c}$  的高度通道、从  $u_{\omega_c}$  到  $\psi$  的偏航通道以及从  $\mathbf{u}_h$  到  $\mathbf{p}_h$  的水平位置通道,其中  $\mathbf{u}_h = [u_{\phi} \ u_{\theta}]^\mathsf{T}$ , $\mathbf{p}_h = [p_{x_c} \ p_{y_c}]^\mathsf{T}$ 。在半自主自驾仪的控制下,这些通道的模型表示如下。

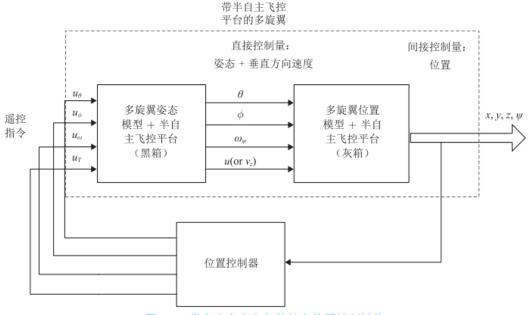


图 6.1 带有半自主自驾仪的多旋翼控制结构

当今的闭环自动控制技术都是基于反馈的概念以减少不确定性。反馈理论的要素包括三个部分:测量、比较和执行。测量得到的是被控变量的实际值,将其与期望值相比较,用两者的偏差来校正系统的响应。在工程实际中,应用最为广泛的调节器为比例、积分、微分控制,

简称 PID 控制。

比例控制 (P) 是一种最简单的控制方式,其输出与输入误差信号呈比例关系。仅用比例控制,根据负载的变动及设备的固有特性不同,结果可能会出现不同的稳态误差。

积分控制 (I),就是在出现稳态误差时自动改变控制器输出量,以消除稳态误差。当系统存在误差时,进行积分控制,根据积分时间的大小,控制器的输出会相应的变化减小误差。只要误差还存在,就会不断进行调整。

微分控制 (D) 的功能是通过误差的变化率预报误差信号的未来变化趋势。通过提供超前控制作用,微分控制能使被控过程趋于稳定。因此,它经常用来抵消积分控制以及比例控制产生的不稳定趋势。

#### 1) 高度通道

高度通道的 PID 控制器可以设计为

$$\mathbf{u}_{T}(t) = -k_{p_{z}\mathbf{p}} \left( \mathbf{p}_{z_{e}}(t) - p_{z_{e}\mathbf{d}}(t) \right) - k_{p_{z}\mathbf{d}} \left( \dot{\mathbf{p}}_{z_{e}}(t) - \dot{\mathbf{p}}_{z_{e}\mathbf{d}}(t) \right)$$
$$-k_{p_{z}\mathbf{i}} \int_{0}^{t} (\mathbf{p}_{z_{e}}(\tau) - \mathbf{p}_{z_{e}\mathbf{d}}(\tau)) d\tau \tag{6.4}$$

其中, $p_{z_{ed}} \in \mathbb{R}$  为期望的高度, $k_{p,p}, k_{p,d}, k_{p,i} \in \mathbb{R}$  需要调节。

#### 2) 偏航通道

偏航通道的 PID 控制器可以设计为

$$\mathbf{u}_{\omega_{z}}(t) = -k_{\psi p} \left( \psi(t) - \psi_{d}(t) \right) - k_{\psi d} \left( \omega_{z}(t) - \dot{\psi}_{d}(t) \right) - k_{\psi i} \int_{0}^{t} \left( \psi(\tau) - \psi_{d}(\tau) \right) d\tau \tag{6.5}$$

其中, $\psi_d \in \mathbb{R}$ 为期望的偏航角, $k_{\psi p}, k_{\psi d}, k_{\psi i} \in \mathbb{R}$  需要调节。

#### 3) 水平通道

水平通道的 PID 控制器可以设计为

$$\mathbf{u}_{h}(t) = -\mathbf{K}_{hp}\mathbf{R}_{\psi}^{-1}\left(\mathbf{p}_{h}(t) - \mathbf{p}_{hd}(t)\right)$$

$$-\mathbf{K}_{hd}\mathbf{R}_{\psi}^{-1}\left(\dot{\mathbf{p}}_{h}(t) - \dot{\mathbf{p}}_{hd}(t)\right) - \mathbf{K}_{hi}\int_{0}^{t}\mathbf{R}_{\psi}^{-1}\left(\mathbf{p}_{h}(\tau) - \mathbf{p}_{hd}(\tau)\right)d\tau \tag{6.6}$$

其中,  $\mathbf{K}_{hp}$ ,  $\mathbf{K}_{hd}$ ,  $\mathbf{K}_{hi} \in \mathbb{R}^{2 \times 2}$  需要调节。

# 3. 实验效果

通过 simulink 显示位置以及速度控制换的 Bode 图。

## 4. 文件目录

文件夹/文件名称		说明	
Sim1.0	Save_Cercle.m	保存数据文件	
	N4_Step1_cercle_comparaison_T10tf.mat	圆轨迹输入输出融合数据文件	
	e3_2_TF_TrajectoireFollowing_fc_2017b.sl	多旋翼轨迹控制器仿真 1.0 文件	
	X		
	startSimulation.m	初始化参数文件	

sim2.0	N4_Step1_cercle_comparaison_T10.mat	圆轨迹输入输出融合数据文件	
	N4_Step1_cercle_comparaison_T10tf.mat	圆轨迹输入输出融合数据文件	
	Save_Cercle.m	保存数据文件	
	e3_2_Model_TrajectoireFollowing_FC_201	多旋翼轨迹控制器仿真 2.0 文件	
	7b.slx		
	startSimulation.m	初始化参数文件	

# 5. 运行环境

序号	软件要求	硬件要求	
		名称	数量
1	Windows 10 及以上版本	笔记本/台式电脑 <sup>①</sup>	1
2	RflySim 平台免费版		
3	MATLAB 2017B 及以上版本		

① : 推荐配置请见: https://doc.rflysim.com

# 6. 仿真 1.0(sim1.0)实验步骤

### Step 1:

打开本章所附带文件夹中的"e3\e3.2\sim1.0"文件夹, 打开"e3\e3.2\sim1.0\startSimula tion.m"文件, 并单击"运行"按钮, 初始化参数。

#### Step 2:

打开 Simulink 文件 "e3\e3.2\sim1.0\e3\_2\_TF\_TrajectoireFollowing\_fc\_2017b.slx", 整体模块如图 6.18 所示。

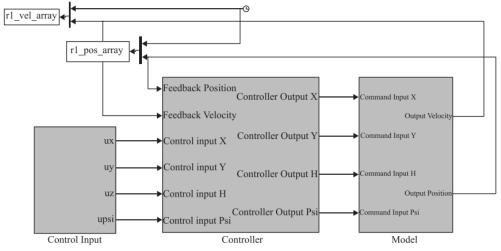


图 6.18 模块整体示意图, Simulink 模型详见 "e3\_2\_TF\_TrajectoryFollowing\_Segment.slx"

(1) 输入点设置:选中信号线,单击鼠标右键,选择 "Linear Analysis Points" - "Open-lo

op Input".

(2)输出点设置:与输入点设置步骤相同,最后选择"Open-loop Output",如图 6.19 所示。设置好的输入点和输出点如图 6.20 所示。

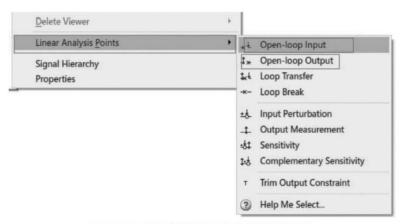


图 6.19 设计扫频输入点和输出点示意图

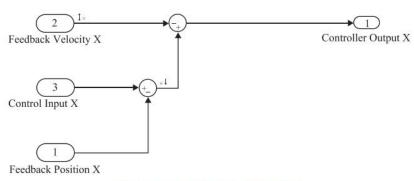


图 6.20 设置好的输入点和输出点

(3)得到 Bode 图:选择 Simulink 上面菜单中的"Analysis"-"Control Design"-"Linear Analysis",如图 6.21 所示。在弹出的窗口中选择"LINEAR ANALYSIS",单击"Bode",即可得到 Bode 图。右键单击曲线,选择"Characteristic"-"All Stability Margins",可以看到截止频率、幅值裕度和相角裕度等。得到的速度环 Bode 图如图 6.22 所示,可以看到相角裕度为 81.6°,截止频率为 1.33rad,不符合要求。

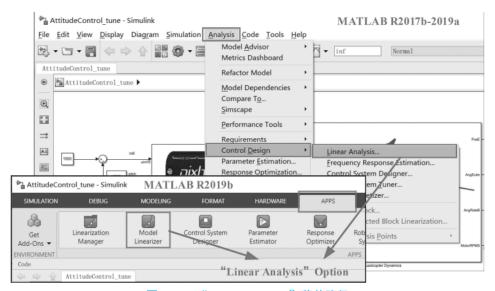


图 6.21 "Linear Analysis"菜单路径

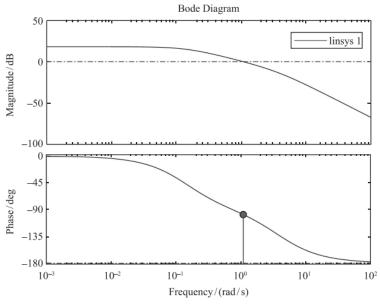


图 6.22 未加校正水平前向通道 Bode 图

# Step 3:

生成 Bode 图后,在左侧 "Linear Analysis Workspace" 中会出现 "Linsys1" 变量。如图 6.23所示,进行操作后即可得到传递函数模型:

$$G(s) = \frac{4.2003}{(s+3.75)(s+0.1412)}$$

整理得

$$G(s) = \frac{7.554}{(0.267s + 1)(7.082s + 1)}$$

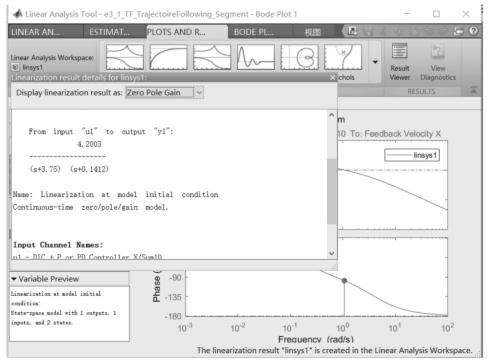


图 6.23 传递函数界面

### Step 4:

首先根据稳态误差调整开环增益。由传递函数可知,未加校正时,系统在阶跃作用下无稳态误差,无须更改开环增益。

#### Step 5:

由前述可知,系统的相角裕度是符合要求的,但截止频率太小,动态响应的快速性不够。增大开环增益 K,截止频率增加但相角裕度又不符合要求。考虑使用超前校正,在增加截止频率的同时使系统具有足够的相角裕度。选取截止频率 $\omega_c=3$ rad/s,由图 6.22 可知,此处幅值响应为-10.8dB,根据超前校正环节幅频特性得到

$$10 \lg a + 20 \lg |G(j\omega_c)| = 0$$

进而得到  $\mathbf{a}$ =12.023。为了使最大超前相位角  $\phi_m$  落在截止频率  $\omega_c$  =3rad/s 处,令  $\omega_m$  =  $\omega_c$  , 这时有

$$T = \frac{1}{\sqrt{a}\omega_m}$$

即 T=0.096s。从而我们得到超前校正环节为

$$G_c(s) = \frac{1 + aTs}{1 + Ts} = \frac{1.156s + 1}{0.096s + 1}$$

### Step 6:

将设计好的校正器加入模型中,如图 6.24 所示。可以得到加入校正后的 Bode 图,如图 6.25 所示。从图中可以看到,截止频率为 3.06rad/s,相角裕度为 111°,符合要求。

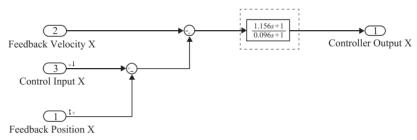


图 6.24 加入校正器

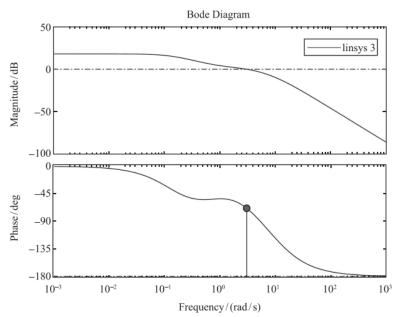


图 6.25 加入校正后的速度控制环 Bode 图

### Step 7:

与速度控制环相似,首先得到未校正的位置控制环开环 Bode 图,设置输入/输出点如图 6.26 所示,得到 Bode 图如图 6.27 所示。从图中可以看到,截止频率为 0.73 rad/s,相角裕度为  $72.2^{\circ}$ 。根据位置控制环相位裕度> $60^{\circ}$ ,截止频率>2 rad/s 的要求,相角裕度无须调整,只需提高截止频率。为此考虑提高开环增益。从图 6.27 可以看出, $\omega$ = 2 rad/s 时,幅频特性曲线的值为-10dB,要求加入校正环节后幅频特性曲线值为 0dB,则有

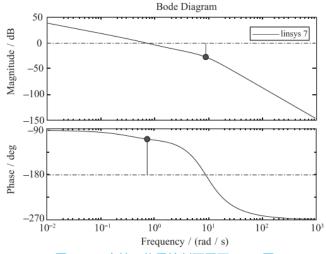


图 6.27 未校正位置控制环开环 Bode 图

可得 K =3.2。加入校正环节后的 Bode 图如图 6.28 所示,截止频率为 2.01rad/s,相角裕度为 63.9°,符合要求。校正前后的阶跃响应对比如图 6.29 所示,从图中可以看到性能有明显改善。针对其他通道校正器设计,读者可留做练习。

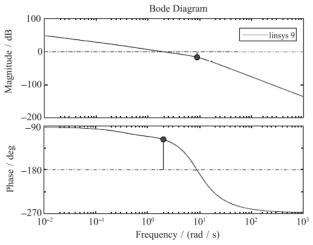


图 6.28 校正后位置控制环开环 Bode 图

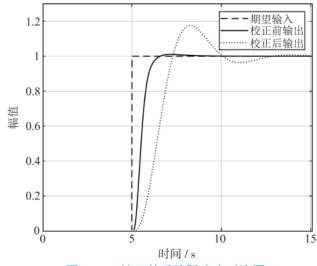


图 6.29 校正前后阶跃响应对比图

### Step 8:

对于实验目标中给定周期 T = 5s 的圆轨迹信号,加入控制器后的响应结果如图 6.30 所示。从图中可以看到,此时的跟踪效果在加入校正环节后有了较大的改善。具体步骤可参考基础实验步骤。

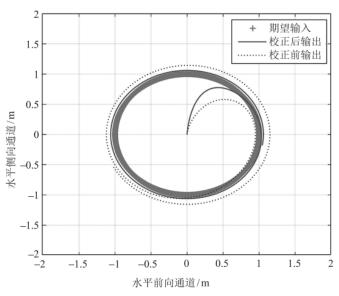


图 6.30 圆轨迹校正前后对比

(具体操作步骤可以观看每章相对应的 PPT, 其中有各个实验相对应的演示视频。)

# 7. 仿真 2.0(sim2.0)实验步骤

打开 Simulink 文件 "e3\e3.2\sim2.0", 其中的闭环系统结构与 "e3\e3.2\sim1.0" 相同, 区别在于其中的模型为非线性模型。采用与传递函数模型实验中完全相同的实验步骤, 将两种模型的关键结果进行对比。对比结果图。

#### Step 1:

打开本章所附带文件夹中的"e3\e3.2\sim2.0"文件夹, 打开"e3\e3.2\sim2.0\startSimula tion.m"文件, 并单击"运行"按钮, 初始化参数。

#### Step 2:

按照仿真 1.0 中的步骤完成实验。

#### Step 3:

从对比结果可以看出,我们基于系统辨识获得模型设计的跟随控制器,可以产生与基于非线性模型设计非常接近的效果。因此,在接下来的实验中将利用传递函数模型进行跟踪控制器设计。同时也可以在 FlightGear 中查看仿真飞行效果。

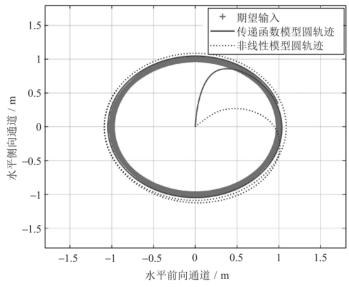


图 6.31 不同模型 T=5s 时圆轨迹跟踪对比图

(具体操作步骤可以观看每章相对应的 PPT, 其中由各个实验相对应的演示视频。)

# 8. 参考资料

- [1]. Quan Quan. Introduction to Multicopter Design and Control. Springer, Singapore, 201
- [2]. 全权 杜光勋 赵峙尧 戴训华 任锦瑞 邓恒译 多旋翼飞行器设计与控制 M] 电子工业 出版社 2018.
- [3]. 全权 戴训华 王帅 多旋翼飞行器设计与控制 实践 M] 电子工业出版社 2020.
- [4]. 全权 等.多旋翼无人机远程控制实践[M].电子工业出版社,2022.

# 9. 常见问题

Q1: \*\*\*\*

A1: \*\*\*\*