

Esercizio 1

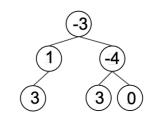
Scrivere una funzione **esercizio1** che prenda in input un albero binario A, i cui valori informativi sono dei numeri interi, e restituisca true se per ogni nodo v dell'albero, il suo valore informativo è minore o uguale al livello in cui si trova il nodo. Se la condizione non è verificata, la funzione deve restituire false.

L'albero è rappresentato da una classe AlberoB. Sia a una istanza della classe, l'interfaccia è la seguente:

- a.figlio(SIN/DES) restituisce il figlio sinistro o destro dell'albero a se esiste, altrimenti restituisce la costante NULLO;
- a.padre() restituisce il padre dell'albero a se esiste, altrimenti restituisce la costante NULLO;
- a.radice() restituisce il valore informativo associato all'albero a (il valore intero contenuto all'interno del nodo);
- a.foglia() restituisce true se l'albero a è una foglia, altrimenti false.
- a.nullo() restituisce true se l'albero a è nullo, altrimenti false.

Si assume che il primo livello sia il livello 1 (il livello della radice dell'albero *A*).

Esempio: in questo caso, la funzione dovrebbe restituire true poiché le condizioni di cui sopra valgono per ogni nodo dell'albero. Se, ad esempio, il nodo radice avesse valore informativo 3, allora la funzione dovrebbe restituire false, poiché esiste almeno un nodo (il nodo radice dell'albero) che ha un valore informativo maggiore del livello in cui si trova.



Esercizio 2

Scrivere una funzione **esercizio2** che prenda in input un vettore V di elementi e un insieme A di coppie (x, y) dove x e y sono elementi di V, e un intero positivo k. La funzione dovrebbe restituire true se è possibile assegnare ad ogni coppia di A un numero da I a k in modo tale che non esistano due coppie in A con un elemento in comune che abbiano assegnato lo stesso numero.

Se non è possibile creare una associazione che renda vera questa condizione, la funzione dovrebbe restituire false.

Si può assumere che:

- V sia rappresentato da un vector<string> (ArrayList<String> se si usa Java)
- A sia rappresentato da un vector<Coppia> (ArrayList<Coppia> se si usa Java), dove
 Coppia è una classe con due campi pubblici x e y rappresentati rispettivamente gli elementi (stringhe) della coppia.

Esempio utilizzo Coppia: sia c una istanza di Coppia con gli elementi ("a", "b"), allora c.x == "a", c.y == "b".

Esempio: in questo caso, la funzione dovrebbe restituire true poiché è possibile assegnare ad ogni coppia di A un valore da 1 a k in modo che nessuna coppia che abbia un elemento in comune abbia lo stesso numero assegnato. Ad esempio:

- Assegno 1 alla coppia (a, e)
- Assegno 2 alla coppia (a, d)
- Assegno 3 alla coppia (a, b)
- Assegno 3 alla coppia (e, c)
- Assegno 1 alla coppia (c, d)
- Assegno 2 alla coppia (b, e)

$$V = [a, b, c, d, e]$$

$$A = [(a, e), (a, d), (a, b), (e, c), (c, d), (b, e)]$$

$$k = 3$$