Задача №1 Вариант 7

Захаров Захар Сергеевич, 343 группа 5 июня 2021 г.

1 Задание 10.4

1.1 Условие:

Для заданной матрицы:

$$A = \begin{pmatrix} -402.9 & 200.7 \\ 1204.2 & -603.6 \end{pmatrix}$$

1. Решить систему Ax = b, где

$$b = \begin{pmatrix} 200 \\ -600 \end{pmatrix}$$

2. решить систему с измененной правой частью $A\overline{x}=\overline{b},$ где

$$\bar{b} = \begin{pmatrix} 199 \\ -601 \end{pmatrix}$$

3. найти число обусловленности $\operatorname{cond}(A)$, фактическую относительную погрешность $\delta x = \frac{||\overline{x}-x||}{||x||}$ и оценку для этой погрешности.

1.2 Вывод программы:

 $x = (-0.19900498 \quad 0.59701493)$

 $\overline{x} = (0.33452736 \quad 1.66308458)$

cond(A) = 1338.0029850746614

 $\delta x = 1.8943391987709555$

 $\delta x \leq 2.9918656287245793$

2 Задание 11.6

2.1 Условие:

Для матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 9.331343 & 1.120045 & -2.880925\\ 1.120045 & 7.086042 & 0.670297\\ -2.880925 & 0.670297 & 5.622534 \end{pmatrix}$$

найти обратную матрицу A^{-1} и решение системы $\mathbf{A}\mathbf{x}=\mathbf{b},$ где

$$b = \begin{pmatrix} 7.570463 \\ 8.876384 \\ 3.411906 \end{pmatrix}$$

по схеме Гаусса и определитель с помощью LU-разложения, используя программу на алгоритмическом языке.

2.2 Вывод программы:

det(A) = 297.3907770535562

$$A^{-1} = \begin{pmatrix} 0.13245943 & -0.02766921 & 0.07116938 \\ -0.02766921 & 0.14851188 & -0.03188242 \\ 0.07116938 & -0.03188242 & 0.21812306 \end{pmatrix}$$

$$x = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$