```
Integração de Funções Trigonométrias
  Integrals
                                                                                                                                     · Para n 72:
   Delinição 1. uma Punção F(x) é chamada de primitiva
                                                                                                                                              Sen x + cos x = 1 - Se n for impar
    ou antiderrivada da função Fla em um intervalo I se
                                                                                                                                             \begin{cases} sev^2x = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} cos(2x) \\ cos^2x = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} sev(2x) \end{cases} se in For par
              f'(x) = f(x), \forall x \in I.
   Definição 2. Se F(x) é uma primitiva ou antiderrivada de f(x)
                                                                                                                                     · Interração de função envolvendo se e cosseno de
    a expressão F(x)+c é definida como sendo a integral
                                                                                                                                      arcos diferentes m#m
   indefinido da função f(x) e é denotada por:
                                                                                                                                       I - sen lm x) cos (nx)= \frac{1}{2} [sen(lm+n)x) + sen((m-n)x)]
                   \int F(x) dx = F(x) + c
                                                                                                                                       II- sen(mx) sen(nx) = /2 [ cos((m-n)x) - cos ((m+n)x)]
                                                                                                                                       1 + cos(mx) cos(nx)= 1/2 (cos((m+n)x)+ cos((m-n)x)]
  · Integrais do tipo Stg xdx e Scotg xdx, onde n
                                                                                                                                      é intérro positivo

taj²x = sec°x - 1 e cotg²x = cossec°x - 1 que tem por

Finalidade obter Stymxsec°xdx e Scotymxcossec°xdx.
     (f(x) \pm g(x)) dx = \int f(x) dx \pm \int g(x) dx 
                                                                                                                                      Integrals do tipo Sect xdx e Scossec xdx, onde
   Integrais Imediatas
                                                                                                                                      Né um inteiro positivo

"Sec" x = sec" x sec x ou cossec x = cossec x wesecredx
 1. \int_{0}^{\infty} du = \frac{u^{n+3}}{n+1} + c, n \neq -1; 5. \int_{0}^{\infty} sen |u| du = -cos(u) + c;
                                                                                                                                       e utilizar: sec2 x = tg2x+1 e cossec2x= cotg2x+1
2. dy = Inlulte;
                                                       6. (cos(u) du = sen(u) +c;
                                                                                                                                     · Integrais do tipo Uto (1) sec xdx e / coto x cossec xdx
                                                             7. \sec\(^2(u)\du = +g(u) +c;
\int a^{u} du = \underline{a}^{u} + c
Ina
                                                                                                                                           · Quando in For par en for impar, a integral
                                                                                                                                       Deve ser resolvida por integração por partes. Nos
4. \ eu du = eu + c
                                                             8. Cossec 2 (u) du = -cotglu) +c;
                                                                                                                                      demais casos sai por substituição.
                                                                                                                                 Integrais Por Substituição triconométrica.

Quando temos (a2-u2) 2, (a2+u2) 2 ou (u2-a2) nEN
  9. \int \frac{du}{u^2 + \alpha^2} = \frac{1}{\alpha} \arctan \left( \frac{\alpha}{\alpha} \right) + c.
                                                                                                                                  e ato. Usamos sen o + coso = 1 ou tan o +1 = seco +
  10. Seclusou = In | seclus + tojust+c;
                                                                                                                                   1 0 integrando contém a expressão (a2-u2) 2:
 11. (cosseclu) du= ln losseclu) -cotol +c;
                                                                                                                                           · u = a sen 0 - du = a cos 0 do:
                                                                                                                                           ( a2 - u2) = ( a2 - a2 sen 20) 2 = [ a2 (1-5en 20)] =>
                                                                                                                                     = (a^{3} cos^{3} \Theta)^{1/3} = a^{n} cos^{n} \Theta
Como sen \Theta = \frac{1}{2}a, en tao \Theta = arcsen (\frac{1}{2}a)
    Técnicas de Integração
      · Integração por substituição:

(f(g(x)).g'(x)dx = F(g(x)) + C
                                                                                                                                   1 0 integrando contéus a expressão (a2+u2) 2:
                                                                                                                                   • u = a + 0θ → du = a sec²θ dθ:

(a²+u²)<sup>√2</sup> = (a² + a² ta²θ)<sup>√2</sup> = (a² (1+tg²θ))<sup>√2</sup> = (a¹ sec²θ)<sup>√2</sup> ⇒

= a sec θ ((a) + a² ta²θ) ((a) + a
        definindo u= g(x), então du = g'(x) dx, Dessa Porma:
                   ( f(u) du = F(u)+c.
       Etapas:
                                                          3- Substitue u=g(x) e du=g'lx)dx
        1- Escolha n =Q(X)
                                                         4- Calcule a interval resultante
                                                                                                                                    1 0 integrando contem a expressão (u²-a²) 3;
        2- Calcule du= g'(x)dx
                                                         5- Substitue u por g(x).
                                                                                                                                         u= asec 0 - du= asec 0 to 0 do
                                                                                                                                        (4-02) 1/2 = (22 sec 0 - 22) 1/2 = (22 (sec 0-1)) 1/2 = 4 + 90
      Tutegração por partes: sendo u=u(x) e v=v(x)
                                                                                                                                     Como sec 0 = 4 a então 0 = axcsec (4a) u
       Uma estratégia é usar LIATE

L I A T E

Lagaritmicas Inversas Algébricas Trigonométricas Exponenciais

Trigonométricas
                         Trigonométricas
```

