Lista Complementar – Limites

1. Use o seu conhecimento de limites para construir o gráfico de uma única função que satisfaça TODAS as condições abaixo.

i.
$$\lim_{x \to -\infty} f(x) = -2;$$

ii.
$$\lim_{x \to -5} f(x) = 2;$$

iii.
$$\lim_{x \to -3^-} f(x) = 4;$$

iv.
$$\lim_{x \to -3^+} f(x) = 3;$$

$$v. \lim_{x \to -1} f(x) = 1;$$

$$vi. \lim_{x\to 0^-} f(x) = +\infty;$$

vii. f é uma função par.

2. Use o seu conhecimento de limites para construir o gráfico de uma única função que satisfaça TODAS as condições abaixo.

i.
$$\lim_{x \to -\infty} f(x) = 3;$$

ii.
$$\lim_{x \to -7} f(x) = 1;$$

iii.
$$\lim_{x \to -5^-} f(x) = -3;$$

iv.
$$\lim_{x \to -5^+} f(x) = -2;$$

$$v. \quad \lim_{x \to -2} f(x) = -\infty;$$

$$vi. \quad \lim_{x \to 0^-} f(x) = -1;$$

vii. f é uma função ímpar.

3. Considere o gráfico das funções f e g conforme apresentados nas Figuras 1 e 2, respectivamente.

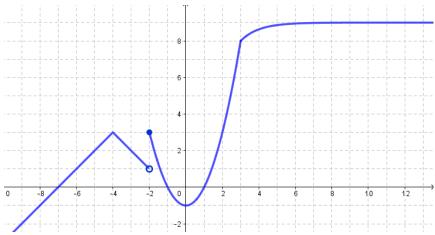
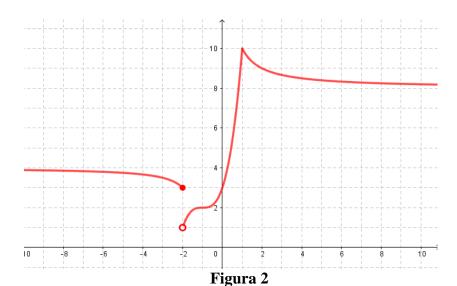


Figura 1



Classifique como verdadeira ou falsa cada uma das afirmativas dadas a seguir, justificando com argumentos consistentes.

- i) $\lim_{x \to -2} (f(x) + g(x))$ existe, apesar de f e g não serem funções contínuas em x = -2.
- ii) $\lim_{x \to -2} \frac{f(x)}{g(x)}$ não existe, pois f e g não são funções contínuas em x = -2.
- iii) $\lim_{x \to -2} (f(x) + g(x)) > \lim_{x \to -2} (f(x), g(x)).$
- iv) $\lim_{x \to 1} g(x) 4 \lim_{x \to 1} f(x) \ge \lim_{x \to -4} f(x) \cdot \lim_{x \to 2} g(x)$.