

# A MultiPilha – Pilha Estática Múltipla

Nesta estrutura, várias pilhas estáticas são implementadas sobre um único vetor particionado. Individualmente, cada partição contém uma pilha e cada pilha é associada ao respectivo descritor.

## 1. Implementação da Multipilha Estática – MpE

Cada célula do vetor que dá suporte à MpE compartilha diferentes tipos de dados em uma mesma região de memória, as células servem tanto à representação dos nós que referenciam dados quanto à representação de descritores. Em linguagem C é possível realizar esse tipo de compartilhamento através da estrutura do tipo união (*union*). Encare a MpE como uma boa oportunidade para exercitar esse recurso em C.

## 2. Utilizando a União - *Union*

Na implementação aqui proposta, são necessários os parâmetros  $N$  (correspondente ao número de pilhas) e  $L$  (relativo ao comprimento máximo de cada pilha) para a criação do vetor com  $N+N*L$  células do tipo união (espaço para os  $N$  descritores e suas respectivas pilhas de tamanho  $L$ ). A fronteira “virtual” entre as regiões de descritores e a região das respectivas pilhas, é delimitada da seguinte forma: as  $N$  primeiras células do vetor servirão aos descritores enquanto as demais servirão aos nós que referenciam os dados das pilhas, conforme a Figura 1. Os valores  $N$  e  $L$  constarão em um descritor geral da MpE.

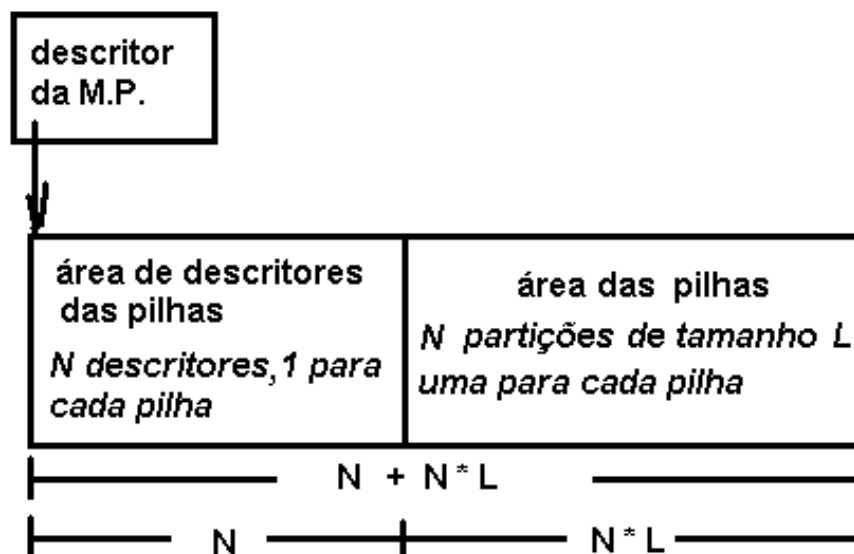


Figura 1 - Multipilha Estática.

### 3. Indexando uma Pilha na MpE

No modelo aqui discutido, o módulo de aplicação entende uma *multipilha* com  $N$  pilhas, como uma sequência começando da 1ª pilha, seguida da 2ª, até a  $N$ -ésima pilha. Não existe uma *pilha zero*.

Considerando-se a organização do vetor conforme descrito anteriormente e exibida na Figura 2, para acessar o  $i$ -ésimo descritor ( $1 \leq i \leq N$ ) basta acessar ou indexar a célula  $i-1$  do vetor. Esse descritor conterá dados sobre a pilha ( $i$ -ésima) a ele associada.

Além de identificar o seu descritor, para realizar uma operação sobre uma pilha é preciso localizar as células do vetor correspondentes à mesma, ou seja, quais as células que delimitam o início da partição (*inícioPartição*) e o final da sua partição (*finalPartição*) da pilha-alvo em questão. A determinação desses valores é realizada com base nas informações no descritor dessa pilha, *inícioPartição* consta explicitamente no descritor. Quanto à segunda informação – *finalPartição* – poderá ser calculada facilmente pela expressão:  $\text{inícioPartição} + (L - 1)$ .

Caso as informações de partição não existissem no descritor, ainda assim seria possível calcular o *inícioPartição* através da expressão  $(N + L(i-1))$ , onde  $i$  corresponde à pilha-alvo e  $1 \leq i \leq N$ .

A partir do valor *inícioPartição* se calcula *finalPartição* como sendo  $\text{inícioPartição} + L - 1$ .

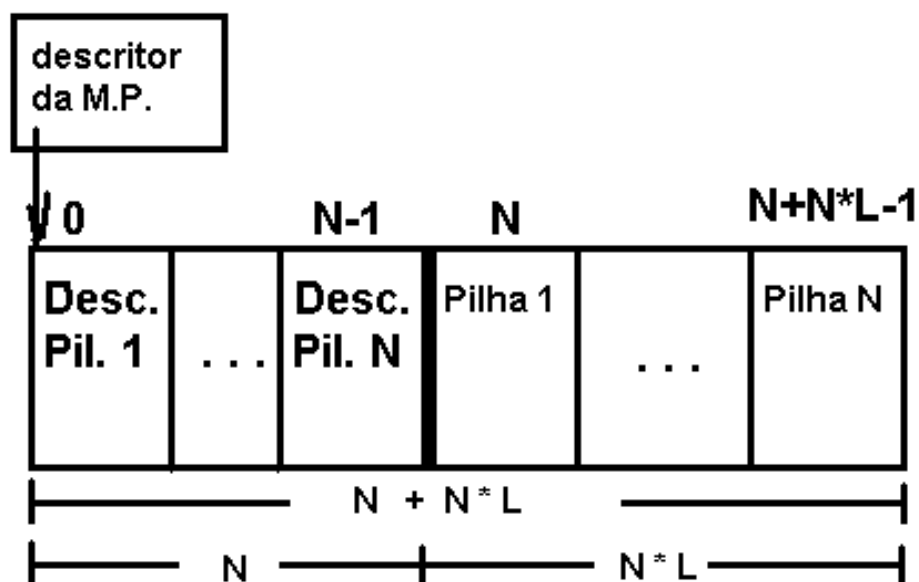


Figura 2 - Indexação dos descritores e respectivas pilhas.

## 4. Implementando a MpE.

Para a MpE a arquitetura de arquivos ainda é semelhante àquela utilizada para a implementação da PE e da PD, aqui, no entanto, eles serão nomeados como MpE.H, e MpE.C. Aqui não será exibido todo o código dos arquivos, apenas alguns fragmentos importantes para uma posterior implementação.

Diferentemente da *struct*, que ao ser instanciada reserva memória para todos os seus campos, ao instanciar uma *union* (ou união), reserva-se um espaço de memória que corresponde ao tamanho do maior campo definido, sendo que este espaço será compartilhado por todos os campos envolvidos na definição da *union*. Quando um desses campos é muito menor que os demais membros e é requisitado de maneira mais freqüente, tem-se um desperdício de memória. Dessa forma, em termos de um bom uso da memória, o uso de *union* só se justifica se houver um equilíbrio entre o tamanho (em *bytes*) dos elementos que constituirão a unidade da *union*. Isto está contemplado na implementação aqui proposta, onde a *union* definida como *NoMP* é constituída basicamente da *struct* info e da *struct* DescPilha.

Na Figura 3 é vista uma representação gráfica do resultado da criação da MpE. Observe que, por estarem vazias, as pilhas exibidas na figura possuem valores de *topo* que retratam tal estado. Para a Pilha Estática simples a representação do estado “pilha vazia” foi feita pela inicialização do *topo* com um valor que não indexa o vetor (utilizou-se a macro VAZIA que foi definida com o valor menos um “-1”). Para a MpE pretende-se utilizar a mesma concepção para iniciar os topos das N pilhas envolvidas. Outra possibilidade seria cada *topo* ser iniciado com um valor inteiro que não indexe a respectiva partição da pilha esse valor corresponderia ao início da respectiva partição menos um.

### Fragmento do arquivo MPE.H

```
/* Nó descritor de uma pilha */
typedef struct {
    int topo;
    int inicioParticao;
} DescPilha;

/* Nó da Multi-Pilha UNION*/
typedef union {
    DescPilha descritor;
    info dados;
} NoMP;

/* Descritor da Multi-Pilha */
typedef struct mp {
    int N; /* N = Número de Pilhas*/
    int L; /* L = Tamanho máximo da partição de cada Pilha*/
    int tamInfo;
    NoMP *vet;
} MP;
```

## Fragmento do arquivo MpE.C

```
MP* cria( MP *p, int N, int L, int tamInfo)
{
    int i, M;
    NoMP *aux;
    MP *desc=NULL;

    if (N > 0 && L > 0 && tamInfo > 0)
    {
        M = N*L;
        if((desc = (MP *) malloc(sizeof(MP))) !=NULL) /* 1 */
        {
            if( ( desc->vet = (NoMP *) malloc((M+N)* sizeof(NoMP)) ) == NULL) /* 2 */
            {
                free (desc);
                desc = NULL;
            }
            else
            {
                desc->N = N; /* 3 */
                desc->L = L;
                desc->tamInfo = tamInfo;
                aux= desc->vet; /* 4 */
                for(i = 0; i < N ; i++) /* 5 */
                {
                    (aux+ i)->descriptor.topo = -1; /* 6 */
                    (aux+ i)->descriptor.inicioPartição = N + i*L;
                }
            }
        }
        return desc; /* 7 */
    }
}
```

/\*Comentários:

1. Criação do descritor geral da MpE;
2. Alocação de memória para a multipilha (vetor de unions) constituída de M+N nós de dados e os N nós descritores das respectivas pilhas;
3. Iniciando os atributos gerais da multi-pilha;
4. Ponteiro auxiliar *aux* apontando para a área dos descritores individuais;
5. Formatando a MpE: iniciando os descritores das pilhas;
6. Cada topo é iniciado com valor -1, indicando que a respectiva pilha está vazia; Perceba que também é possível utilizar a sintaxe *aux[i].descriptor* para acesso ao i-ésimo descritor;
7. Sucesso na criação: após alocações e inicializações bem-sucedidas, o endereço do descritor é retornado ao cliente. \*/

## 5. Acessando a MpE

Os exemplos descritos na Tabela 1 baseiam-se na formatação exibida na Figura 3, a qual representa uma MPE recém-criada segundo a função de criação anteriormente descrita. Considera-se a  $i$ -ésima pilha  $P_i$  onde  $1 \leq i \leq N$  e que o apontador  $ptr$  contenha o endereço do descritor geral da MpE.

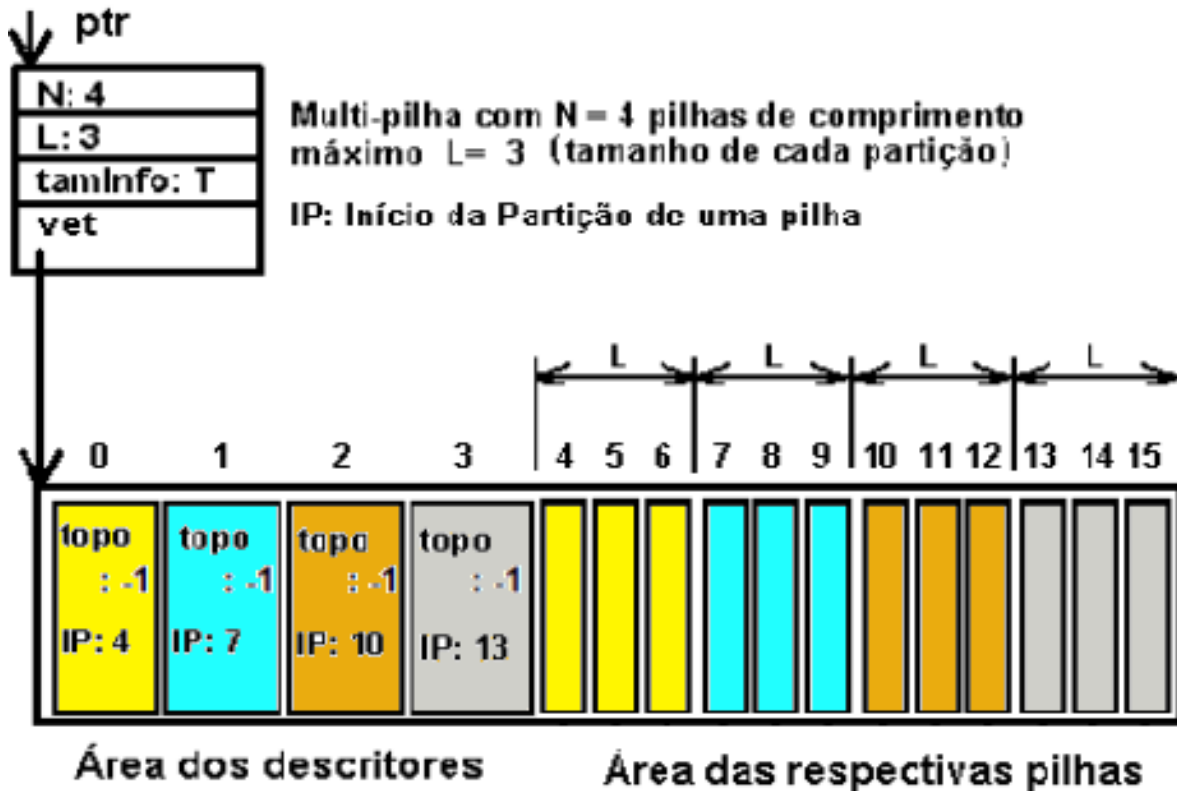


Figura 3- MPE recém criada para 4 pilhas de tamanho máximo 3.

Descrição	Fragmento
<p><math>P_i</math> corresponde à <math>i</math>-ésima pilha, onde <math>1 \leq i \leq N</math>: 1ª pilha = <math>P_1</math>, 2ª pilha = <math>P_2</math>, ... última pilha = <math>P_n</math></p> <p>Assim, o acesso ao <math>i</math>-ésimo descritor pode ser realizado por indexação utilizando <math>i-1</math> como índice. Alternativa, por apontadores diretamente.</p>	<pre>ptr-&gt;vet[i-1].descritor;</pre>
Acesso ao início da partição da $i$ -ésima pilha.	<pre>IP_i = ptr-&gt;vet[i-1].descritor.inicioParticao;</pre>
Acesso ao final da partição da $i$ -ésima pilha.	<pre>FP_i = IP_i + (ptr-&gt;L) - 1;</pre>
Acesso ao topo da $i$ -ésima pilha.	<pre>topo_i = ptr-&gt;vet[i-1].descritor.topo;</pre>
Índice referente ao topo da $i$ -ésima pilha	<pre>IP_i + topo_i</pre>
Para buscar a informação no topo da $i$ -ésima pilha (não vazia) basta indexar o vetor pelo valor do seu início de partição somado ao valor do seu topo. O topo é um deslocamento a partir do início da partição ( $-1 \leq topo \leq L-1$ ).	<pre>enderecoOrigem = &amp;(ptr-&gt;vet[IP_i + topo_i]); memcpy(enderecoDestino, enderecoOrigem, p-&gt;tamInfo);</pre>
Para empilhar na $i$ -ésima pilha (não cheia) basta incrementar o seu topo e copiar os novos dados para a célula do vetor indexada pelo valor do seu início de partição somado ao valor do seu topo. O topo é um deslocamento a partir do início da partição ( $-1 \leq topo \leq L-1$ ).	<pre>ptr-&gt;vet[i-1].descritor.topo += 1; topo_i = ptr-&gt;vet[i-1].descritor.topo; enderecoDestino = &amp;(ptr-&gt;vet[IP_i + topo_i]); memcpy(enderecoDestino, novo, p-&gt;tamInfo);</pre>
Para determinar o número de elementos empilhados na $i$ -ésima pilha basta somar 1 ao valor atual do seu topo ( $-1 \leq topo \leq L-1$ ).	<pre>numElementosPilha_i = ptr-&gt;vet[i-1].descritor.topo + 1;</pre>
Sabendo que $-1 \leq topo_i \leq L-1$ , para testar se a $i$ -ésima pilha está vazia é necessário saber se seu topo é igual ao valor de inicialização: -1	<pre>SE (topo_i == -1)     a pilha_i está vazia. SENÃO     a pilha_i não está vazia</pre>
Sabendo que $-1 \leq topo_i \leq L-1$ , o maior valor de topo da $i$ -ésima pilha corresponde a $L-1$ e ocorre quando a $i$ -ésima pilha está cheia.	<pre>SE (topo_i == (ptr-&gt;L) - 1)     a pilha_i está cheia. SENÃO     a pilha_i não está cheia</pre>
<p>Outras formas de teste dessa condição (cheia) consistem em saber, a partir do início da partição somado ao topo, se a pilha alcançou o final de sua partição.</p> <p>Outra forma, ainda, é verificar se o número de elementos empilhados é igual ao comprimento máximo da partição.</p>	<p>Alternativas:</p> <pre>SE (IP_i + topo_i == FP_i)     a pilha_i está cheia. SENÃO     a pilha_i não está cheia  SE (numElementosPilha_i == ptr-&gt;L)     a pilha_i está cheia. SENÃO     a pilha_i não está cheia</pre>

Para apenas desempilhar a <i>i</i> -ésima pilha (não vazia) basta decrementar o seu topo.	<code>ptr-&gt;vet[i-1].descriptor.topo -=1;</code>
Para reinicializar a <i>i</i> -ésima pilha basta atribuir menos um “-1” ao seu topo.	<code>ptr-&gt;vet[i-1].descriptor.topo = -1;</code>

**Tabela 1: Fragmentos de código para a MpE.**

## Bibliografia

[1] Horowitz, E. & Sahni, S. “Fundamentos de Estruturas de Dados”. Ed. Campus. 1984.