Resumen v.a con distribución binomial B(n, p)

X binomial: $B(n,p)$			
$D_X = \{0,1,n\}$			
$P_X(x)=P(X=x)=\left\{\begin{array}{c} \\ \\ \end{array}\right.$	$\binom{n}{x} \cdot \rho^{x} \cdot (1-\rho)^{n-x}$	$si x = 0, 1, \dots, n$	
	0	en otro caso.	
$F_X(x) = P(X \le x) = \langle$	0		si <i>x</i> <0,
	$\sum_{i=0}^{k} \binom{n}{i} \cdot p^{i} \cdot (1$	- p) ^{n−i}	si $k \le x < k+1$ para $k=0,1,,n$,
	1		Si <i>n</i> ≤x
$E(X)=n\cdot p; \ Var(X)=n\cdot p\cdot (1-p).$			

Cálculos binomial con R

Sea X con distribución binomial B(n = 10, p = 0.25).

- dbinom(0,size=10,prob=0.25): $P_X(0) = P(X = 0)$.
- pbinom(4,size=10,prob=0.25): $F_X(4) = P(X \le 4)$.
- qbinom(0.91,size=10,prob=0.25): Cuantil 0.91 $P(X \le x_{0.91}) \ge 0.91$.
- rbinom(100, size=10, prob=0.25): Muestra aleatoria de tamaño de una Binomial.

Resumen distribución geométrica Ge(p) empezando en 0

X = Geométrica (empieza en 0) número de fracasos para conseguir el primer éxito $D_X = \{0, 1, \dots, n, \dots\}$ en otro caso. si x < 0, $F_X(x) = P(X \le x) = -$

3/19

Resumen distribución geométrica Ge(p) empezando en 1.

Y geométrica (que cuenta el éxito) número de INTENTOS para OBTENER el primer éxito $D_Y = \{1, 2, ..., n, ...\}$ $(1-p)^{y-1} \cdot p$ si y = 1, 2, 3, ...,en otro caso $E(X) = \frac{1}{p}$; $Var(X) = \frac{1-p}{p^2}$.

Cálculos geométrica con R

Sea X con distribución geométrica Ge(p = 0.25). Empezando en 0.

- $dgeom(0,prob=0.25) : P_X(0) = P(X=0).$
- pgeom(4,prob=0.25) : $F_X(4) = P(X \le 4)$.
- ggeom(0.91,prob=0.25): Cuantil 0.91 $P(X \le x_{0.91}) \ge 0.91$.
- rgeom(100, prob=0.25): Muestra aleatoria de tamaño de una Geométrica.
- Propiedad de la falta de memoria $P(X > k + j | X \ge j) = P(X > k)$ para todo $k, j = 0, 1, 2, 3 \dots$

Resumen distribución Binomial Negativa BN(n, p)

X = Número de fracasos antes de conseguir el n-ésimo éxito, P(Éxito) = p. BN(n, p)

$$D_X = \{0, 1, 2, 3 \dots\}$$

 $E(X) = \frac{1-p}{p}$; $Var(X) = \frac{1-p}{p^2}$.

$$P_X(k) = P(X = k) = \begin{cases} \binom{k+n-1}{n-1} \cdot (1-p)^k \cdot p^n, & \text{si } k = 0, 1, \dots, \\ 0, & \text{en otro caso.} \end{cases}$$

$$F_X(x) = P(X \le x) = \begin{cases} 0 & \text{si } x < 0, \\ \sum_{i=0}^k P(X=i) & \text{si } \begin{cases} k \le x < k+1, \\ k = 0, 1, 2, \dots \end{cases} \end{cases}$$

 $E(X) = n \cdot \frac{1-p}{p}$; $Var(X) = n \cdot \frac{1-p}{p^2}$.

Cálculos distribución binomial negativa con R

Sea X una variable aleatoria BN(n = 2, p = 0.1).

- dnbinom(0,size=2,prob=0.25): $P_X(0) = P(X = 0)$.
- pnbinom(4,size=2,prob=0.25): $F_X(4) = P(X \le 4)$.
- qnbinom(0.91,size=2,prob=0.25): Cuantil 0.91 $P(X \le x_{0.91}) \ge 0.91$.
- rnbinom(100, size=2, prob=0.25): Muestra aleatoria de tamaño de una Binomial Negativa

Resumen distribución Poisson $X \equiv Po(\lambda)$

X con distribución Poisson de media o promedio λ , $Po(\lambda)$ $D_X = \{0, 1, \ldots\}$ $\frac{\lambda^x}{x!}e^{-\lambda}$ si $x=0,1,\ldots$ $P_X(x) = P(X = x)$ en otro caso. $F_X(x) = P(X \le x) =$ $E(X) = \lambda$; $Var(X) = \lambda$.

Resumen proceso Poisson $X_t \equiv Po(\lambda \cdot t)$

 X_t = número de eventos en el intervalo $(0,t] Po(\lambda \cdot t)$ donde λ promedio por u.t. $D_X = \{0, 1, \ldots\}$ $P_X(x) = P(X = x) =$ en otro caso. $F_X(x) = P(X \le x) =$ $E(X) = \lambda \cdot t$; $Var(X) = \lambda \cdot t$.

9/19 8/19

6/19

Cálculos de la distribución Poisson con R

Sea X una variable aleatoria $Po(\lambda = 10)$...

- dpois(0,lambda=10): $P_X(0) = P(X = 0)$.
- ppois $(4, lambda=10) : F_X(4) = P(X \le 4)$.
- qpois(0.91,lambda=10): Cuantil 0.91 $P(X \le x_{0.91}) \ge 0.91$.
- rpois (100, lambda=10): Muestra aleatoria de tamaño 100 de una Poisson.

Resumen distribución Hipergeométrica H(m, n, k).

número de bolas blancas en k extracciones

sin reposición de una urna conm

; H(m, n, k)

bolas blancas y n negras.

Dominio $D_X = \{x \in \mathbb{N} \mid \max\{0, k - n\} \le x \le \min\{m, k\}\}$

$$P_X(x) = P(X = x) = \begin{cases} \frac{\binom{m}{x} \cdot \binom{k}{k} \cdot n}{\binom{m}{k}}, & \text{si } \max\{0, k - n\} \le x \le \min\{m, k\}, \\ 0, & \text{en otro caso.} \end{cases}$$

$$F_X(x) = P(X \le x).$$

X =

11/19

17 / 19

$$E(X) = \frac{k \cdot m}{m+n}$$
; $Var(X) = k \cdot \frac{m}{m+n} \cdot \left(1 - \frac{m}{m+n}\right) \cdot \frac{m+n-k}{m+n-1}$

Cálculos distribución Hipergeométtrica con R

Sea X una v.a. H(m = 15, n = 10, k = 3). La función de R

- dhyper(0,m=15,10,k=3): $P_X(0) = P(X = 0)$.
- phyper $(4, m=15, 10, k=3) : F_X(4) = P(X \le 4)$.
- qhyper(0.91,m=15,10,k=3): Cuantil 0.91 $P(X \le x_{0.91}) \ge 0.91$.
- rhyper(100,m=15,10,k=3): Muestra aleatoria de tamaño 100 de una Hypergeometrica.

12/19

Resumen v.a con distribución uniforme. U(a,b)

Distribución uniforme U(a,b)

Dominio $D_X = (a, b)$

$$f_X(x) \begin{cases} \frac{1}{b-a}, & \text{si } a < x < b, \\ 0, & \text{en cualquier otro caso.} \end{cases}$$

$$F_X(x) = P(X \le x) = \begin{cases} 0, & \text{si } x \le a \\ \frac{x-a}{b-a}, & \text{si } a \le x \le b, \\ 1, & \text{si } b \le x. \end{cases}$$

$$E(X) = \frac{a+b}{2}$$
; $Var(X) = \frac{(b-a)^2}{12}$

Cálculos distribución uniforme con R

Sea X una v.a. U(a = -1, b = -1).

- Por defecto los parámetros son min=0 y max=1.
- dunif(0,min=-1,max=1): $f_X(0)$.
- punif(4,min=-1,max=1): $F_X(4) = P(X \le 4)$.
- qunif(0.91,min=-1,max=1): Cuantil 0.91 $P(X \le x_{0.91}) = 0.91$.
- runif(100,min=-1,max=1): Muestra aleatoria de tamaño 100 de una uniforme.

Resumen v.a con distribución exponencial, $Exp(\lambda)$

X sigue una distribución $Exp(\lambda)$

$$D_X = (0, +\infty)$$

$$f_X(x) = \begin{cases} \lambda \cdot e^{-\lambda x} & \text{si } x > 0 \\ 0 & \text{si } x < 0 \end{cases}$$

$$F_X(x) = P(X \le x) = \begin{cases} 0 & \text{si } x \le 0 \\ 1 - e^{-\lambda x} & \text{si } x > 0 \end{cases}$$

$$E(X) = \frac{1}{\lambda}$$
; $Var(X) = \frac{1}{\lambda^2}$

15/19

Cálculos distribución exponencial con R

Sea X una v.a. $Exp(\lambda = 3)$.

- La $\lambda = 3$ es el parámetro rate.
- $dexp(0,rate=3): f_X(0)).$
- pexp(4,rate=3) : $F_X(4) = P(X \le 4)$.
- qexp(0.91,rate=3): Cuantil 0.91 $P(X \le x_{0.91}) = 0.91$.
- rexp(100,rate=3): Muestra aleatoria de tamaño 100 de una exponencial.

Resumen v.a con distribución normal, $N(\mu, \sigma)$

X sigue una distribución $N(\mu, \sigma)$

$$D_X = \mathbb{R} = (-\infty, +\infty)$$

$$f_X(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi \cdot \sigma^2}} \cdot e^{\frac{-(x-\mu)^2}{2\cdot \sigma^2}}$$
 para todo $x \in \mathbb{R}$.

$$F_X(x) = P(X \le x) = \int_{-\infty}^{x} f_X(t) dt.$$

$$E(X) = \mu$$
; $Var(X) = \sigma^2$.

Cálculos distribución normal con R

Sea X una v.a. normal $N(\mu = 1.\sigma = 2)$. Los parámetros son mean para μ y sd para σ

- Los parámetros por defecto son mean=0, sd=1', es decir, los de la normal estándar.
- dnorm(0,mean=0,sd=1): $f_X(0)$.

18 / 19

- pnorm(4, mean=0, sd=1) : $F_X(4) = P(X \le 4)$.
- qnorm(0.91,mean=0,sd=1): Cuantil 0.91 $P(X \le x_{0.91}) = 0.91$.
- rnorm(100,mean=0,sd=1); Muestra aleatoria de tamaño 100 de una normal.