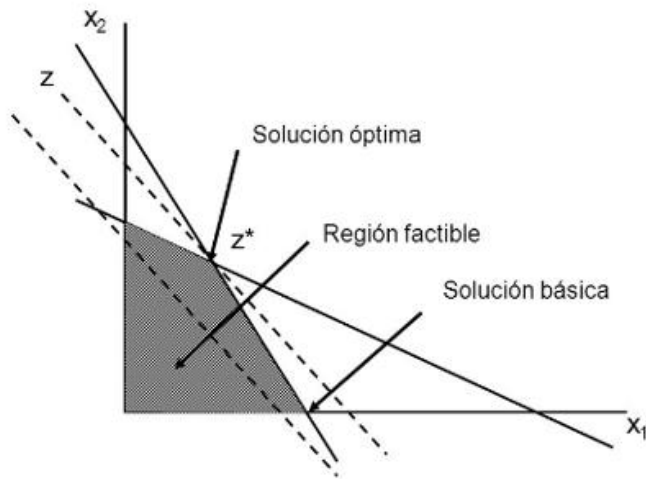


## PROBLEMA DE OPTIMIZACIÓN



Trabajo realizado por: Ángel Conde Díaz-Dávila y Alejandro Díaz García  
2-BACH-B

## **Índice:**

- 1. Introducción**
- 2. Enunciado del problema**
- 3. Resolución del problema**
- 4. Conclusión**

## 1.- Introducción.

En esta práctica hemos desarrollado los conocimientos adquiridos sobre PYTHON que es un lenguaje de programación interpretado cuya filosofía hace hincapié en una sintaxis que favorezca un código legible.

## 2.Enunciado del problema.

Se quiere construir un depósito de chapa abierto superiormente con forma de prisma recto de base cuadrada, de 1000m<sup>3</sup> de capacidad, lo más económico posible. Sabiendo que: El coste de la chapa usada para los laterales es de 100 euros el metro cuadrado El coste de la chapa usada para la base es de 200 euros el metro cuadrado ¿Qué dimensiones debe tener el depósito? ¿Cuál es el precio de dicho depósito?

## 3.- Resolución del problema

La ecuación  $f(x)$  es la ecuación coste deducida de la ecuación volumen, ya que  $V=1000m^3$  Llamando 'x' al lado de la base e 'y' a la altura, la ecuación del volumen es la siguiente:  
 $V(x,y)=x^2y=1000$  #aquí deducimos la 'y' para reducir la ecuación a una sola variable(x)  
 $f_y=1000/(x^2)$

Llamamos  $f(x)$  a la ecuación coste, quedando así una vez que hemos puesto la ecuación con una sola variable:

$$f(x) = ((200 \cdot x^2) + (400000/x)).$$

In [33]:

```
1. REPRESENTAMOS LA FUNCIÓN COSTE
from matplotlib.pyplot import *
from numpy import *
from pandas import *
def f(x):
    return ((2*x**2) + (4000/x))
def d(x):
    return 4*x - 4000/x**2
grid()
ylabel('f(x)')
xlabel('x')
title("$f(x)=((200*x**2) + (400000/x))$ y su derivada")
x1= arange(-100, 100, 4)
plot(x1, f(x1))
plot(x1, d(x1))
```

```
show()
```

```
C:\Users\Alumno_14\Desktop\WPy-3701\python-3.7.0.amd64\lib\site-packages\ipykernel_launcher.py:8: RuntimeWarning: divide by zero encountered in true_divide
```

C:\Users\Alumno\_14\Desktop\WPy-3701\python-3.7.0.amd64\lib\site-packages\ipykernel\_launcher.py:10: RuntimeWarning: divide by zero encountered in true\_divide

# Remove the CWD from sys.path while we load stuff.

In [3]:

```
from sympy import *
```

```
x = Symbol('x')
```

```
fx = ((200*x**2) + (400000/x))
```

```
dx = diff(fx, x) # derivamos la ecuación coste
```

```
dx #representamos el valor de dx
```

Out[3]:

```
400*x - 400000/x**2
```

In [4]:

```
simplify(dx)
```

simplificamos el resultado cuando hay varios bloques de paréntesis

Out[4]:

```
400*x - 400000/x**2
```

In [5]:

```
simplify(diff(dx,x)) #calculamos la segunda derivada
```

Out[5]:

```
400 + 800000/x**3
```

In [8]:

```
solve(400*x - 400000/x**2)
```

Out[8]:

```
[10, -5 - 5*sqrt(3)*I, -5 + 5*sqrt(3)*I]
```

Como  $x=10$ , igualamos la segunda derivada con  $x=10$  para comprobar que sea un mínimo.

In [11]:

```
(diff(dx,x)).subs(x, 10) # valor numérico de una derivada con x=10
```

Out[11]:

```
1200
```

Como la derivada segunda es mayor a 0, decimos que hay un mínimo cuando  $x=10$

In [15]:

```
from sympy import *
```

```
x = Symbol('x')
```

```
fy = 1000/(x**2)
```

In [16]:

```
(fy).subs(x, 10)
```

Out[16]:

```
10
```

In [ ]:

Por lo tanto, el lado es 10m y la altura es 10m, para que tenga el coste mínimo

In [12]:

```
(fx).subs(x, 10)
```

Out[12]:

```
60000
```

Por tanto el coste mínimo para que tenga  $1000m^3$  es de 60000 euros

## 4.-Conclusión

Nos ha parecido dificultoso realizar este problema de optimización con phyton, pero nos ha servido para conocer mejor el programa. Hemos encontrado este problema resultado en internet pero no estaba bien del todo y por ello ha sido tan dificultoso.