

Licenciatura em Engenharia Eletrotécnica

Máquinas Elétricas II

Exercícios e Problemas de Aplicação Industrial

Exercícios e Problemas de Aplicação Industrial

Máquinas Elétricas II

RECURSO EDUCACIONAL ABERTO (REA) OPEN EDUCATIONAL RESOURCE (OER)

Licença: CC BY-SA 4.0 International

https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/

Autor: Ricardo Luís **Instituição:** ISEL

Ano: 2025

Repositório GitHub: https://github.com/Ricardo-Luis/me-2-oer/tree/main/exercises

Editor: Typst (ficheiros fonte .typ disponíveis no repositório)

Como citar este documento:

Ricardo Luís, "Exercícios e Problemas de Aplicação Industrial", Máquinas Elétricas II, recurso educacional aberto, ISEL, 2025. [Online].

Disponível: https://github.com/Ricardo-Luis/me-2-oer/tree/main/exercises

ISEL\LEE\ME II

Prefácio

Esta coletânea de exercícios e problemas de aplicação industrial está organizada em 3 capítulos:

- Máquinas de corrente contínua
- Máquinas síncronas trifásicas
- Dinâmica de máquinas elétricas

O presente documento apresenta exercícios de caráter mais conceptual e problemas de aplicação industrial, permitindo uma progressão desde os conceitos fundamentais até situações práticas presentes na indústria. Cada exercício ou problema é numerado sequencialmente (Exercício 1, Exercício 2, ...), sendo o seu âmbito evidenciado pelo próprio contexto e enunciado.

Os exercícios ímpares estão completamente resolvidos, enquanto os exercícios pares constituem propostas de trabalho, apresentando apenas a indicação das soluções. Estes últimos destinam-se principalmente à resolução nas aulas teórico-práticas, adotando a Aprendizagem Baseada em Problemas como metodologia de ensino-aprendizagem. Deste modo, promove-se a discussão e a análise crítica dos temas, estimulando o desenvolvimento do pensamento analítico e a capacidade de resolução de problemas.

Entre os exercícios resolvidos, alguns estão resolvidos analiticamente como introdução ou sistematização de conceitos, enquanto outros estão resolvidos recorrendo à linguagem de computação científica Julia), através da realização de documentos computacionais (*notebooks*), usando o ambiente de desenvolvimento integrado: Pluto.jl. A utilização de *notebooks* interativos permite que os estudantes aprofundem a sua compreensão dos conceitos teóricos fundamentais e desenvolvam competências essenciais para a prática profissional. Além disso, a prática exploratória possibilita a aplicação dos conhecimentos na resolução de exercícios de forma interativa, a representação e análise gráfica de resultados, e a prática com ferramentas de engenharia.

Lisboa, setembro de 2025

Ricardo Luís

O verdadeiro processo educativo deve ser o processo de aprender a pensar através da aplicação de problemas reais.

— **John Dewey** (1859-1952)

Índice

Pr	efácio	1
M	áquinas de Corrente Contínua	1
	Exercício 1	
	Exercício 2	
	Exercício 3	
	Exercício 4	
	Exercício 5	
	Exercício 6	
	Exercício 7	
	Exercício 8	
	Exercício 9	
	Exercício 10	
	Exercício 11	
	Exercício 12	
	Exercício 13	
	Exercício 14	
	Exercício 15	
	Exercício 16	
	Exercício 17	
	Exercício 18	
	Exercício 19	
	Bibliografia	
	Bioliogiana	1 /
Ma	áquinas Síncronas Trifásicas	19
	Exercício 1	19
	Exercício 2	19
	Exercício 3	21
	Exercício 4	21
	Exercício 5	22
	Exercício 6	22
	Exercício 7	23
	Exercício 8	24

ISEL\LEE\ME II

Exercício 9	25
Exercício 10	26
Exercício 11	29
Exercício 12	29
Bibliografia	30
Dinâmica de Máquinas Elétricas	31
Exercício 1	31
Exercício 2	32
Exercício 3	33

MÁQUINAS DE CORRENTE CONTÍNUA

Exercício 1

Uma máquina de corrente contínua hexapolar tem 360 condutores em cavas do induzido. Cada polo magnético apresenta um arco polar de 20 cm, uma profundidade de 20 cm e uma indução magnética de 0.8 T. Com o rotor à velocidade de 1000 rpm, determine a força eletromotriz induzida, E_0 , que se obtém se a máquina tiver:

- a) enrolamento induzido do tipo imbricado;
- b) enrolamento induzido do tipo ondulado.

Resolução:

Sejam:

- 2p = 6 polos; z = 360 condutores;
- b = 20 cm (arco polar); l = 20 cm (profundidade)
- B = 0.8 T

Área da face do polo, A_p :

$$A_p = b \ l = 0.2 \times 0.2 = 0.04 \ \mathrm{m^2}$$

O fluxo magnético por polo, ϕ_p , vem:

$$\phi_p = B \ A_p = 0.8 \times 0.04 = 0.032 \ \mathrm{Wb}$$

Com a velocidade em rpm, a constante do induzido, k, vem dada por: $k = \frac{z p}{60 a}$

Assim, obtém-se a força eletromotriz induzida, E_0 , no enrolamento do induzido:

a) Enrolamento imbricado, a = p (n.º de escovas igual ao n.º de polos):

$$E_0 = k\phi_p n = \frac{360 \times 3}{60 \times 3} \times 0.032 \times 1000 = 192 \text{ V}$$

b) Enrolamento ondulado, a = 1 (apenas um par de escovas):

$$E_0 = k\phi_p n = \frac{360 \times 3}{60 \times 1} \times 0.032 \times 1000 = 576 \text{ V}$$

(Fonte: Modificado a partir do exercício 5.5 de [Guru & Hiziroğlu, 2003])

Considere um induzido de um gerador de corrente contínua tetrapolar com um enrolamento imbricado colocado em 28 cavas com 10 condutores em cada uma. O fluxo magnético por polo é 40 mWb e a velocidade do induzido (rotor) de 1200 rpm. O gerador alimenta uma carga e a corrente em cada condutor é 2 A. Quais são o binário e a potência desenvolvidos pelo gerador?

Soluções:

$$T_d = 14,26 \text{ Nm}$$
 ; $P_d = 1,79 \text{ kW}$

(Fonte: Modificado a partir do exercício 5.8 de [Guru & Hiziroğlu, 2003])

Exercício 3

Considere um gerador de corrente contínua com 2p=6 polos, enrolamento induzido imbricado simples, ou seja, 2a=6 circuitos derivados e z=624 condutores úteis distribuídos uniformemente na periferia do induzido.

Sabe-se que a secção de cada condutor do induzido é $s=8~{\rm mm^2}$ e é percorrido por uma densidade de corrente, $J=3~{\rm A.mm^{-2}}$.

A máquina tem uma relação arco polar/passo polar, $b/\tau=2/3$, e o induzido tem um diâmetro, D=220 mm.

- a) Determinar a força magnetomotriz (FMM) relativa à reação magnética do induzido, \mathcal{F}_i , na linha neutra geométrica;
- b) Supondo que a máquina terá apenas polos auxiliares, determinar o número de espiras a colocar em polos auxiliares;
- c) Suponha que se pretende a máquina com \mathcal{F}_i totalmente compensada:
 - Calcular o número de espiras a colocar num enrolamento de compensação, supondo que se abriram 6 cavas em cada polo principal. Calcular o número de condutores a inserir em cada cava;
 - Dimensionar o numero de espiras a colocar nos polos auxiliares, depois de montados os enrolamentos de compensação.

Resolução:

a)

$$I_a = J \ s = 3 \times 8 = 24 \text{ A}$$

$$I = I_a \ 2a = 24 \times 2 \times 3 = 144 \text{ A}$$

$$\mathcal{F}_i = A \frac{\tau}{2}$$
 com: $A = \frac{z I}{4 a p} \frac{1}{\tau}$ ou $\mathcal{F}_i = \frac{z I}{8 a p}$, usando esta última expressão:

$$\mathcal{F}_i = \frac{z \ I}{8 \ a \ p} = \frac{624 \times 144}{8 \times 3 \times 3} = 1248 \text{ A.cond}$$

b)

Para máquina com polos auxiliares:

$$\mathcal{F}_{\mathrm{PA}}=\mathcal{F}_{\mathrm{i}}$$
 como: $\mathcal{F}_{\mathrm{PA}}=N_{\mathrm{PA}}~I$, tém-se: $N_{\mathrm{PA}}=\frac{\mathcal{F}_{\mathrm{i}}}{I}=\frac{1248}{144}=8{,}67~\mathrm{espiras}$

Para facilitar a comutação considera-se o número inteiro acima, ou seja, 9 espiras.

Assim, obtém-se uma FMM corrigida para os polos auxiliares, \mathcal{F}_{PA}' :

$$\mathcal{F}_{\mathrm{PA}}' = 9 \times 144 = 1296 \, \mathrm{A.cond}$$

c-1)

$$\mathcal{F}_{\!\!\! ext{EC}}=A\;rac{b}{2}\;\;$$
 ou $\;\;\mathcal{F}_{\!\!\! ext{EC}}=\mathcal{F}_{\!\!\! ext{i}}\;rac{b}{ au}\;\;$, usando esta última expressão conhecido o valor de $rac{b}{ au}$:

$$\mathcal{F}_{\!\!\! ext{EC}}=\mathcal{F}_{\!\!\! ext{i}}\;rac{b}{ au}=1248 imesrac{2}{3}=832\, ext{A.cond}$$

Por outro lado, como: $\mathcal{F}_{\rm EC}=N_{\rm EC}~I$, o número de espiras do enrolamento de compensação obtém-se:

Assim,
$$N_{\mathrm{EC}} = \frac{\mathcal{F}_{\mathrm{EC}}}{I} = \frac{832}{144} = 5{,}78 \; \mathrm{espiras}$$

Considerando 6 cavas por polo principal, onde as espiras de 3 cavas se ligam ao polo seguinte e as das outras 3 cavas ao polo anterior, obtém-se $N'_{\rm EC}=6$ espiras, colocando 2 espiras em cada cava.

Assim, obtém-se uma FMM corrigida para os enrolamentos de compensação, \mathcal{F}'_{EC} :

$$\mathcal{F}_{\mathrm{EC}}' = 6 \times 144 = 864 \, \mathrm{A.cond}$$

c-2)

$$\mathcal{F}_{\mathrm{PA}} = \mathcal{F}_{\mathrm{i}} - \mathcal{F}_{\mathrm{EC}}' = 1248 - 864 = 384 \, \mathrm{A.cond}$$

$$N_{\mathrm{PA}}=rac{\mathcal{F}_{\mathrm{PA}}}{I}=rac{384}{144}=2,\!67$$
 cond

Para facilitar a comutação considera-se o número inteiro acima, ou seja, 3 espiras.

Assim, obtém-se uma FMM corrigida para os polos auxiliares, \mathcal{F}'_{PA} :

$$\mathcal{F}_{PA}' = 3 \times 144 = 432 \text{ A.cond}$$

Conclusão: após a montagem dos enrolamentos de compensação e dos polos auxiliares obtém-se uma FMM resultante, \mathcal{F}_R , nas Linhas Neutras Geométricas (posições das escovas):

$$\mathcal{F}_{\!R}=\mathcal{F}_{\!i}^\prime-\mathcal{F}_{\! ext{PEC}}^\prime-\mathcal{F}_{\! ext{PA}}^\prime=1248-864-432=-48$$
 A.cond

Exercício 4

Um enrolamento induzido de um dínamo possui z=640 condutores, executado em imbricado simples para uma corrente nominal de $100~{\rm A}$ e $2~{\rm pares}$ de polos.

- a) Dimensionar o número de espiras dos enrolamentos de compensação, $N_{\rm EC}$, e dos polos auxiliares, $N_{\rm PA}$, para uma compensação total da reação magnética do induzido. Considere que os polos de excitação da máquina preenchem $70\,\%$ do perímetro total, visto do rotor;
- b) Redimensione N_{EC} e N_{PA} considerando um enrolamento induzido ondulado simples.

Soluções:

- a) $N_{
 m EC}=14$ espiras; $N_{
 m PA}=6$ espiras
- **b)** $N_{
 m EC}=28$ espiras; $N_{
 m PA}=12$ espiras

Exercício 5

Um gerador de corrente contínua $[220~\mathrm{V},~12~\mathrm{A},~1500~\mathrm{rpm}]$ com excitação independente foi ensaiado em vazio e em carga, à velocidade nominal, tendo-se obtido as seguintes características:

$$E_0$$
 [V] 20 180 238 270 284 300 U [V] 278 260 242 216 186 i [A] 0,00 0,25 0,50 0,75 1,00 1,50 I [A] 0 5 10 15 20

- a) Determine a queda de tensão interna total deste gerador;
- b) O que é a resistência crítica de um gerador com uma excitação derivação? Qual a sua importância? Como se determina (aproximadamente) na prática?
- c) Qual a resistência do enrolamento indutor, sabendo que como gerador derivação, à velocidade nominal, sem resistência de campo, $U_0=294~{
 m V};$
- d) Explicite qualitativamente qual a influência que a variação da resistência de campo tem, sobre a característica externa do gerador derivação. Justifique sucintamente;
- e) Nas condições de excitação da alínea c), como proceder para obter uma tensão de vazio de 336 V?

O exercício 5 está resolvido na linguagem **julià**, através da ferramenta **Pluto**.jl **§** para uma experiência mais interativa: *O* <u>notebook</u>

Exercício 6

Um gerador de excitação em derivação apresenta a seguinte característica de vazio, a 1500 rpm:

i[A]	0	0,1	0,2	0,3	$0,\!4$	0,6	0,8	1,0	$R_i=2.0~\Omega$
E[V]	20	120	200	235	250	270	285	300	$R_d = 300 \ \Omega$

Considere que o gerador tem incorporado polos auxiliares e enrolamentos de compensação.

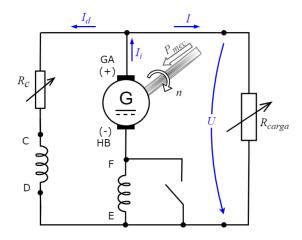
- a) Com o gerador acionado a 1500 rpm, determine o valor do reóstato de campo para obter o ponto de funcionamento (35 A; 180 V);
- b) Determine o valor da velocidade de acionamento do gerador, para que sem reóstato de excitação, a máquina funcione nas mesmas condições da alínea a);
- c) Nas condições da alínea a) (1500 rpm e reóstato de campo), determine a razão de equivalência (N_s/N_d) , para se obter o ponto de funcionamento (35 A; 200 V). Considere que o enrolamento de excitação série tem uma resistência de $0.5~\Omega$.

Soluções:

a) 150 Ω ; **b)** 1389 rpm; **c)** 0,39/35

Um gerador de excitação composta ligado em longa derivação e fluxo de excitação série aditivo apresenta as seguintes características:

Considere ainda um interruptor em paralelo com o enrolamento indutor série, de acordo com esquema seguinte:



- a) Calcule o valor da tensão em vazio sem reóstato de excitação. Explique se o estado do interruptor influencia o valor da tensão de vazio do gerador;
- b) Com o interruptor desligado, calcule o valor da queda de tensão devido à reação magnética do induzido, sabendo que nas condições nominais se obtém uma regulação plana;
- c) Com o interruptor ligado explicite qualitativamente a característica exterior do gerador. Qual a variação do ponto de funcionamento da característica externa para uma dada resistência de carga, nas seguintes situações:
 - 1) aumento da velocidade de acionamento;
 - 2) diminuição do reóstato de campo derivação.

O exercício 7 está resolvido na linguagem **julià** através da ferramenta **Pluto**.jl **§** para uma experiência mais interativa: *O* <u>notebook</u>

Considere um gerador série com 5 espiras/polo, com uma característica magnética que passa pelos seguintes pontos, a 1200 rpm:

Sabe-se que as perdas rotacionais são de 1200 W, $R_a=0.2~\Omega$ e que $R_s=0.05~\Omega$.

- a) Determine a queda de tensão de tensão devido à reação magnética do induzido, quando alimenta uma carga de 1 Ω , com 120 A;
- b) Considere que a reação magnética do induzido se traduz numa perda de fluxo de 5 %. Será possível obter a tensão de 150 V, para a mesma corrente? Justifique;
- c) Tentou-se colocar este dínamo série a funcionar sobre uma carga de $3~\Omega$, mas tal não foi possível. Comente a situação;
- d) Determine o valor da corrente correspondente ao rendimento máximo.

Soluções:

- **a)** 10 V;
- **d)** 69,3 A

Exercício 9

Conhecem-se as características externas de dois dínamos de excitação derivação, de 220 V, 110 kW, ligados em paralelo:

$I\left[\mathbf{A}\right]$	0	200	400	500	700	900
U_1 [V]	$229,\!5$	$226,\!5$	$222,\!5$	220,0	213,0	$205,\!5$
U_2 [V]	224,0	223,0	221,0	220,0	217,5	214,0

- a) Como repartiriam as duas máquinas uma corrente de 1500 A? Qual a tensão?
- b) O que se verifica para cargas reduzidas e próximas de zero? 0 < I < 250 A
- c) Complete:

"Em sobrecarga a máquina com _____ regulação, fornece _____ corrente".

O exercício 9 está resolvido na linguagem **julià** através da ferramenta **Pluto**.jl **§** para uma experiência mais interativa: *O notebook*

Exercício 10

Dois dínamos iguais, de excitação em derivação, têm a seguinte característica magnética a 1500 rpm:

$$i$$
 [A] 0,0 0,2 0,6 1,0 1,4 E [V] 20 200 220 240 260

A resistência do induzido é de $0.4~\Omega$ e a do indutor de $150~\Omega$; têm cada um, igualmente, ligado um reóstato de campo de valor máximo $300~\Omega$.

As duas máquinas encontram-se em paralelo, com uma carga $(100~\mathrm{A},\,200~\mathrm{V})$ rodando o **dínamo A** a $1500~\mathrm{rpm}$.

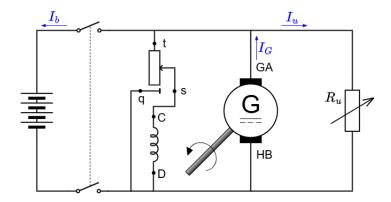
- a) Inicialmente o **dínamo B** está sem carga. Determine o reóstato de campo do **dínamo A**;
- b) Determine a corrente de curto-circuito do **dínamo A**;
- c) O **dínamo A** assegura 75 A, da carga total. Como proceder para que o **dínamo B** assegure a restante? Apresente os cálculos.

Soluções:

- **a)** $R_c^{\rm A} = 50~\Omega$; **b)** 50 A
- c) Atuando apenas no reóstato de campo, resulta $R_c^{\rm B}>R_c^{\rm máx}$, logo é necessário atuar também na velocidade. Por exemplo, considerando $R_c^{\rm B}=50~\Omega$, obtém-se 1312,5 rpm.

Exercício 11

Considere um gerador shunt, acionado com velocidade constante, que alimenta uma resistência de utilização $R_u=7\ \Omega.$ A este circuito é ocasionalmente ligada uma bateria de ácido-chumbo para carregamento, de acordo com o esquema elétrico seguinte:



Característica externa do gerador:

I_G [A]	0,0	10	20	30	40	50	60
$U_G[V]$	312	300	284	262	234	200	160

A bateria é constituída por 100 elementos em série e é carregada sempre que o seu SOC (de *State Of Charge*) atinge $25\,\%$ (aproximadamente 1,95 V/elemento). A resistência interna de cada elemento da bateria é de $5\,\mathrm{m}\Omega$.

Determinar a tensão de funcionamento da montagem, quando a bateria é ligada ao circuito (gerador + carga R_u), a corrente do gerador, I_G , a corrente na carga de utilização, I_u , e a corrente de carga inicial da bateria, I_b .

Resolução:

A tensão de vazio da bateria, E_b , para SOC= $25\,\%$, vem dada por:

$$E_b = 100 \times 1,95 = 195 \text{ V}$$

A resistência interna da bateria, R_b , com os seus elementos em série:

$$R_b = 100 \times 5 \times 10^{\text{-3}} = 0.8 \ \Omega$$

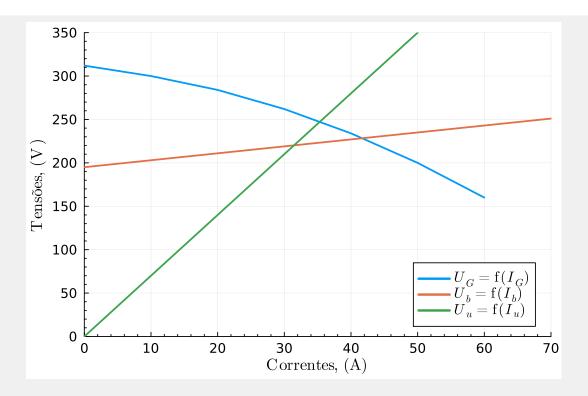
A equação de carga da bateria, $U_b=\mathrm{f}\left(I_b\right)$, vem dada por:

$$U_b = E_b + R_b I_b \iff U_b = 195 + 0.8 I_b$$

No gráfico seguinte são representadas:

- a característica externa do gerador, $U_G=\mathrm{f}\left(I_G\right)$
- reta da carga de utilização, $U_u = \mathrm{f}\left(I_u\right)$
- reta de carga da bateria, $U_b = \mathrm{f}\left(I_b\right)$

Torna-se necessário agrupar as cargas do gerador (resistência de utilização e a bateria) para determinar o ponto de funcionamento do gerador e das cargas.



O agrupamento das cargas tem de obedecer ao funcionamento do circuito, ou seja:

- as tensões de cada ramo serão iguais: $U=U_G=U_u=U_b$
- o gerador alimenta a resistência de utilização e a bateria: $I=I_Gpprox I_u+I_b$

Nota: A corrente de excitação do gerador, I_d , é muito menor que as correntes do induzido do gerador e das cargas, por conseguinte, despreza-se a sua representação no gráfico:

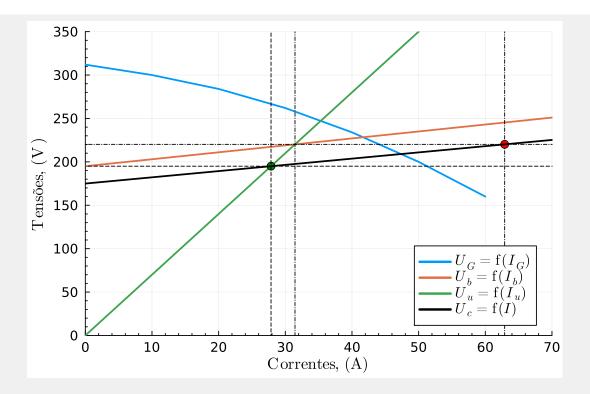
$$I_d \ll \{I_b, I_u, I_G\}$$

O gráfico seguinte apresenta o processo gráfico de determinação da característica de carga combinada, $U_c={\rm f}\;(I)$, com $I=I_b+I_u$, correspondente ao agrupamento das cargas. Dado que da soma de duas retas, resulta uma nova reta, são apenas necessários considerar 2 níveis de tensão para obter 2 pontos da característica de carga combinada. Assim:

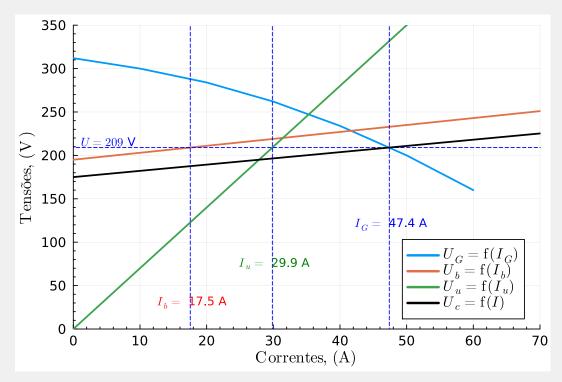
- $-\,$ o ponto a verde, foi obtido escolhendo o nível de tensão correspondente ao da bateria desligada, ou seja, E_b . Nesta situação, $I_b=0$, por conseguinte, $I=I_u$
- o ponto vermelho, foi obtido escolhendo o nível de tensão em que as retas da carga de utilização e da bateria se intersetam, ou seja, $I_u=I_b$. Para esse nível de tensão, ponto vermelho será então colocado na abcissa correspondente ao dobro da corrente.

Unindo os pontos (verde e vermelho), obtém-se a característica de carga combinada:

$$U_c = f(I)$$



A interseção da característica de carga combinada com a característica externa do gerador de corrente contínua define o ponto de funcionamento do circuito: $(I_G;U)=(47,4~\mathrm{A};209~\mathrm{V}).$



Por outro lado, a partir da tensão de funcionamento, $U=209~{\rm V}$, consultam-se nas retas de carga de utilização e de carga da bateria, obtendo os respetivos valores de corrente, I_u e I_b , fornecidos pelo gerador:

$$I_u=29.9~\mathrm{A}$$
 ; $I_b=17.5~\mathrm{A}$

Em alternativa à determinação gráfica da característica da carga combinada, dado que corresponde à soma de duas retas, é possível a sua determinação analítica. Atendendo que:

$$U_c = U_b = U_u$$
 e que $I = I_b + I_u$ então:

$$I = \frac{U_c - E_b}{R_b} + \frac{U_c}{R_u}$$

Manipulando a equação anterior obtém-se a equação da reta de carga combinada (carga de utilização + bateria), $U_c={\rm f}\ (I)$:

$$U_c = \frac{R_u}{R_u + R_b} E_b + \frac{R_u R_b}{R_u + R_b} I$$

Exercício 12

Um motor série com o induzido de $0.8~\Omega$ e o indutor de $0.4~\Omega$ foi posto a funcionar como dínamo:

- Excitado separadamente a 50 A e acionado a 1500 rpm, deu 230 V sobre os terminais em vazio;
- Com excitação série, debitando 50 A e à mesma velocidade deu 150 V.

Sabendo que as perdas mecânicas e magnéticas, $P_{(\mathrm{mec+Fe})}$, são $400~\mathrm{W}$, calcular:

- a) A velocidade quando absorve 50 A como motor série de uma rede de 220 V;
- b) O binário mecânico que transmite à carga nesta situação;
- c) Trace qualitativamente as características de binário e de velocidade deste motor. Explicite a influência da introdução de uma resistência de campo, sobre estas características.

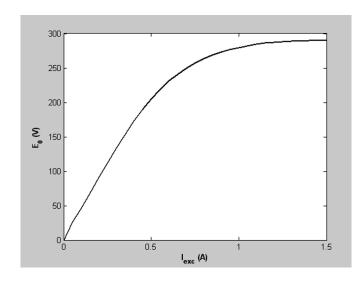
Soluções:

a) 1174 rpm; **b)** 61,8 Nm

Considere um motor de corrente contínua, com a seguinte chapa de características: 17 kW, 250 V, 1200 rpm, $\eta = 85 \%$.

Conhecem-se ainda os seguintes parâmetros:

$$E_0=f(I_{\rm exc})$$
 , $n=1200~{\rm rpm}$ $R_s=0.1~\Omega$, $30~{\rm espiras}$ $R_d=200~\Omega$, $3000~{\rm espiras}$



- a) Com o motor em excitação derivação, determine o valor do reóstato de campo, nas condições nominais (U_n,I_n,n_n) ;
- b) Utilizando o reóstato de campo calculado na alínea anterior, determine as características de velocidade, binário e mecânica deste motor (excitação derivação);
- c) Idem, com excitação composta em longa derivação aditiva e subtrativa. Representar as características nos mesmos gráficos para comparação;
- d) Determinar as curvas características com o circuito de derivação desligado (motor série).
 Representar as características nos mesmos gráficos para comparação;
- e) Considere o motor com excitação separada, $U_{\rm exc}=240~{\rm V}$, com o reóstato de campo calculado na alínea a). Explicite a variação da característica de velocidade nas situações:
 - 1) aumento de tensão do induzido;
 - 2) diminuição do reóstato de campo;
 - 3) aumento da resistência adicional.

O exercício 13 está resolvido na linguagem **julià** através da ferramenta **Pluto**.jl **g** para uma experiência mais interativa: *notebook*

Um motor excitação derivação apresenta as seguintes características:

$$U_n = 220 \; \mathrm{V} \qquad \quad I_n = 42 \; \mathrm{A} \qquad \quad n_n = 1500 \; \mathrm{rpm} \qquad \quad R_a = 0{,}34 \; \Omega$$

a) No ensaio em vazio obtiveram-se os seguintes valores:

$$U=220~{\rm V} \hspace{1cm} n=1600~{\rm rpm} \hspace{1cm} I_a=3~{\rm A} \hspace{1cm} I=4,6~{\rm A} \label{eq:lambda}$$

Calcule o binário de perdas;

- b) Obtenha a equação da velocidade, $n=\mathbf{f}\;(I_a)$;
- c) Dimensione um reóstato de arranque por pontos para que: $40~{\rm A} < I_{\rm arr} < 65~{\rm A}$.

Soluções:

a) 3,92 Nm **b)**
$$n(\text{rpm}) = \frac{-100}{37.4}(I_a - 3) + 1600$$

c) Resistências entre os 6 contactos (Ω) : 1,30; 0,80; 0,49; 0,30; 0,15. Reóstato: 3,04 Ω .

Exercício 15

Um motor série de 12 kW, 250 V, 1400 rpm, 80 % de rendimento, velocidade máxima 2400 rpm, tem a seguinte característica magnética obtida a 1500 rpm:

Sabendo que a resistência do induzido é $0.35~\Omega$ e a do indutor é $0.1~\Omega$, calcular:

- a) As perdas mecânicas e no ferro, $p_{\text{(mec+Fe)}}$;
- b) O valor mínimo da corrente que o motor pode absorver;
- c) A queda de tensão devida à reação magnética do induzido a plena carga;
- d) A potência do motor que corresponde ao rendimento máximo;
- e) Explicite qualitativamente a influência do reóstato de campo sobre a característica de velocidade do motor série;
- f) Explicite qualitativamente a influência do reóstato de campo sobre a característica de binário do motor série.

O exercício 15 está resolvido na linguagem **julià** através da ferramenta **Pluto**.jl **g** para uma experiência mais interativa: *Pluto* notebook

Exercício 16

Um motor série alimentado a $250~\rm V$ tem uma resistência de induzido de $0,2~\Omega$ e uma resistência de indutor de $0,15~\Omega$. Este enrolamento indutor tem uma resistência de campo de $0,1~\Omega$ munida de interruptor.

- a) Suponha o interruptor aberto. Nestas condições, o motor fornece um binário útil de $25~{\rm Nm}$, rodando a $800~{\rm rpm}$ e consumindo uma corrente de $10~{\rm A}$. Calcule o rendimento, $\eta~(\%)$, o binário eletromagnético, T_d , e as perdas mecânicas e magnéticas, $p_{({\rm mec+Fe})}$;
- b) Suponha o interruptor fechado. Quais os novos valores da corrente consumida e de velocidade, quando o binário eletromagnético duplica. Explicite as hipóteses efetuadas;
- c) Trace qualitativamente a característica de binário útil deste motor. Explicite o que acontece à mesma quando se varia a tensão da rede. Justifique.

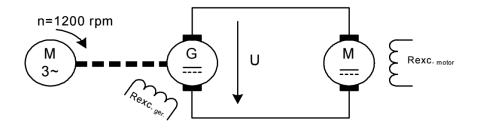
Soluções:

a) 83,8 %; 29,4 Nm; 370,6 W **b)** 22,4 A; 888 rpm

Exercício 17

Exercício 18

Um motor de corrente contínua de excitação separada, 10 kW, 250 V, 88 % de rendimento, é alimentado a partir de um sistema Ward Leonard, apresentado no seguinte esquema de princípio de funcionamento:



Conhecem-se as características magnéticas obtidas a 1200 rpm do gerador e do motor:

Gerador:	i(A)	0,0	0,4	0,8	1,2	1,6	2,0	$R_i = 0.8 \Omega$	$R_d = 120\Omega$
	E(V)	12	110	200	260	290	310	$U_{\rm exc}=240~{\rm V}$	$\Delta E = 0 \text{ V}$
Motor:	i(A)	0,0	0,4	0,8	1,2	1,6		$R_i=1,\!6\Omega$	$R_d=150\Omega$
	E(V)	10	105	190	240	265		$U_{\rm exc}=240~{\rm V}$	$\Delta E = 0 \text{ V}$

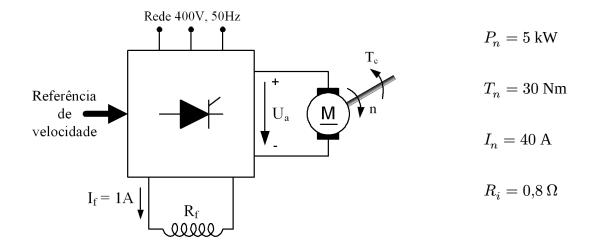
- a) Calcule a velocidade e o binário eletromagnético do motor a plena carga, com: $R_c^{\rm ~ger}=180~\Omega~{\rm e}~R_c^{\rm ~mot}=50~\Omega~;$
- Regule através do sistema Ward Leonard a velocidade do motor para 1100 rpm a meia carga.
 Calcule o valor do reóstato de campo para essa situação;
- c) Quando a corrente de excitação do gerador atingir o seu valor máximo, como poderá aumentar a velocidade do motor de corrente contínua? Justifique;
- d) Refira quais as vantagens na substituição do sistema Ward Leonard por um variador eletrónico de velocidade.

Soluções:

- **a)** 455 rpm; 87 Nm
- **b)** 53Ω

Exercício 19

Considere um motor de corrente contínua alimentado a partir de um sistema Ward-Leonard eletrónico, de acordo com a figura seguinte:



Conhece-se ainda a característica magnética da máquina obtida às 2000 rpm:

I_f (A)	0	$0,\!25$	$0,\!50$	0,75	1,00	$1,\!25$	$1,\!50$
E_0 (V)	20	160	210	235	250	260	265

- a) Determine qual o valor da tensão aplicada ao induzido do motor em condições nominais;
- b) Considere o motor a funcionar nas seguintes condições: $U_a=195~{\rm V};~n=1400~{\rm rpm}.$ Suponha agora que a partir do comando "Referência de velocidade" do variador eletrónico de velocidade, se altera subitamente a tensão do induzido para $155~{\rm V}.$ Calcule no instante imediato o valor da corrente da máquina. O que sucedeu? Justifique.

Soluções:

a) 231V

b) -25A

Bibliografia

 - [Guru & Hiziroğlu, 2003]: Bhag S. Guru, Hüseyin R. Hiziroğlu, Electric Machinery and Transformers, 3rd Ed., Oxford University Press, 2003.

MÁQUINAS SÍNCRONAS TRIFÁSICAS

Exercício 1

Um alternador síncrono trifásico, 390kVA, 1250V, 50Hz, 750rpm, ligado em triângulo, apresenta os seguintes resultados dos ensaios em vazio e curto-circuito:

$I_{\mathrm{exc}}\left(\mathbf{A}\right)$	11,5	15,0	20,0	$23,\!5$	29,0	$33,\!5$
E_0 (V)	990	1235	1460	1560	1640	1660
I_{cc} (A)	139	179	242	284	347	400

A resistência medida aos bornes do enrolamento do induzido é $0,144\Omega$. Determine:

- a) A resistência por fase do enrolamento induzido do alternador síncrono, considerando um coeficiente de correção do efeito pelicular da corrente de 1,2;
- b) A tensão de linha, para a corrente nominal e uma corrente de excitação de 33,5A, considerando um fator de potência da carga de 0,9 indutivo;
- c) A característica exterior do alternador síncrono trifásico, com uma corrente de excitação de 33,5A, para um fator de potência 0,9 indutivo, unitário e 0,9 capacitivo;
- d) A corrente de excitação do alternador, para este alimentar um motor assíncrono trifásico a uma tensão de 1kV, sabendo que o motor desenvolve uma potência de 150kW com um fator de potência de 0,832 e um rendimento de 90%.

(**Nota:** Admita que a impedância síncrona, \overline{Z}_s), é igual à obtida da alínea anterior)

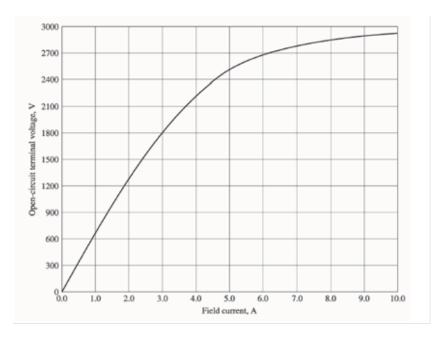
(Fonte: Modificado a partir do problema 9 de [Malea & Balaguer, 2004])

O exercício 1 está resolvido na linguagem **julià** através da ferramenta **Pluto**.jl **§** para uma experiência mais interativa: *Ø* <u>notebook</u>

Exercício 2

Um gerador síncrono, ligação Y, 2300V, 1000kVA, fator de potência 0.8 indutivo, 60Hz, 2 polos, tem uma reatância síncrona de 1.1Ω e uma resistência do induzido de 0.15Ω . A 60Hz, as perdas por atrito e ventilação são 24kW, e as perdas no ferro 18kW.

O enrolamento de campo é alimentado por uma tensão contínua de $200\mathrm{V}$, sendo o valor máximo de I_f de $10\mathrm{A}$. O ensaio em circuito aberto deste alternador é o apresentado na figura seguinte:



- a) Qual o valor da corrente de campo necessário para que a tensão composta do seja de 2300
 V, quando o alternador funciona em vazio?
- b) Qual a força eletromotriz (FEM) gerada por esta máquina nas condições nominais?
- c) Qual o valor da corrente de campo necessário para obter a tensão nominal, quando o alternador se encontra nas condições nominais?
- d) Quais os valores de potência e binário necessários, para o acionamento deste alternador nas condições nominais?
- e) Obtenha o diagrama P-Q deste alternador;
- f) Considerando as condições nominais, obtenha a característica externa, $U=\mathrm{f}(I)$, para: $\cos\varphi=0.8$ indutivo; $\cos\varphi=0.8$ capacitivo; $\cos\varphi=1.$
- g) Para uma FEM de 2500V determine a característica externa, $U=\mathrm{f}(I)$, para: $\cos\varphi=0.8$ indutivo; $\cos\varphi=0.8$ capacitivo; $\cos\varphi=1.$

(Fonte: Adaptado do problema 5.2 de [Chapman, 2005])

O exercício 2 está resolvido na linguagem **julià** através da ferramenta **Pluto**.jl **§** para uma experiência mais interativa: *Pluto* notebook

Uma máquina síncrona $3 \sim$, 5kVA, 208V, 4 polos, 60Hz, estator ligado em Y, apresenta um valor de resistência estatórica desprezável e uma reatância síncrona de 8Ω /fase.

A máquina é posta a funcionar como alternador ligado a uma rede elétrica $3 \sim$, 208V - 60Hz.

- a) Determine a FEM e o ângulo de carga quando a máquina entrega a potência nominal (kVA), com um fator de potência 0,8 indutivo. Trace o diagrama vetorial de tensões nessas condições;
- b) Calcule a corrente do estator, o fator de potência e a potência reativa fornecida pela máquina, se a corrente de excitação aumentar 20%. Trace o diagrama vetorial de tensões correspondente;
- c) Com a corrente de excitação da alínea a), a potência mecânica do motor de acionamento é gradualmente aumentada. Qual o limite de estabilidade em regime permanente?
 Quais são os valores correspondentes de corrente do estator, fator de potência e potência reativa, na condição de transferência máxima de potência? Trace o diagrama vetorial.

(Fonte: Exemplo 6.3 de [Sen, 1989])

Soluções:

a) $206.8\angle 25.4^{\circ} \text{ V}$ **b)** $17.8\angle -51.6^{\circ} \text{ A}; 0.62(i); 5.0 \text{kVAr}$

c) $29.9\angle 30.1^{\circ} \text{ A}$; 0.87(c); 5.4kVAr

Exercício 4

A máquina síncrona do **exercício 3** é agora utilizada como motor síncrono alimentado por uma rede elétrica $3 \sim$, 208V - 60Hz. A corrente de excitação é ajustada de modo a obter um fator de potência unitário quando a máquina absorve 3kW da rede.

- a) Determine a força contraeletromotriz (FCEM) e o ângulo de carga. Trace o diagrama vetorial de tensões nessas condições;
- b) Determine o binário máximo que o motor pode desenvolver, se a corrente de excitação se mantiver constante e a carga aplicada ao veio for aumentando gradualmente.

(Fonte: Exemplo 6.4 de [Sen, 1989])

ISEL\LEE\ME II

Soluções:

a) $137.3\angle - 29.0^{\circ} \text{ V}$

b) 32,8Nm

Exercício 5

Uma máquina síncrona trifásica, 5MVA, 11kV, ligação dos enrolamentos do estator em Y, apresenta uma reatância síncrona de $10\Omega/f$ ase e uma resistência do induzido desprezável. A máquina é ligada a um barramento de 11kV-60Hz e funciona como compensador síncrono. Despreze as perdas mecânicas.

- a) Determine a corrente do estator para o ponto de excitação ótima. Desenhe o diagrama vetorial;
- b) Determine a corrente do estator e o fator de potência se a corrente de excitação aumentar 50%. Desenhe o diagrama vetorial;
- c) Idem, para uma diminuição de 50%. Desenhe o diagrama vetorial.

(Fonte: Exemplo 6.6 de [Sen, 1989])

Soluções:

a) 0A;

b) 317,5∠90° A;

c) $317.5\angle - 90^{\circ} \text{ A}$

Exercício 6

Considere um alternador síncrono com $X_s=4\Omega$ e $R\approx 0\Omega$, a operar sob a rede de potência infinita: $U=200{\rm V/fase}$ e $f=50{\rm Hz}$.

 a) Traçar os diagramas vetoriais correspondentes às combinações entre as seguintes potências ativas e reativas:

0 5

10

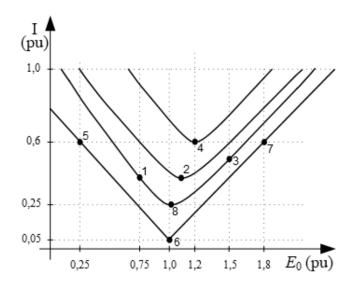
15

20 kW, kVAr

b) Traçar as curvas em V, também designadas por curvas de Mordey, das potências requeridas.

O exercício 6 está resolvido na linguagem **julià** através da ferramenta **Pluto**.jl **§** para uma experiência mais interativa: *Pluto* notebook

Considere uma máquina síncrona de rotor cilíndrico, 2 polos, 20MVA, 6kV-50Hz, $\cos\varphi=0.8$ (i), enrolamentos estatóricos em Y, de resistência desprezável e $X_s=1.1$ pu. A máquina síncrona é ligada a uma rede elétrica de 6kV-50Hz e apresenta o seu mapa de funcionamento, traduzido nas curvas V da figura seguinte:



Determine em valores por unidade (pu):

- a) as potências ativa e aparente do ponto 4 e o respetivo ângulo de carga;
- b) Que pontos formam uma linha de excitação ótima? Justifique;
- c) nos pontos 1 e 3, as potências ativa e reativa, ângulos de carga, como alternador. Apresente justapostos os diagramas vetoriais de tensões dos pontos 1 e 3 indicando as respetivas potências;
- d) as perdas rotacionais da máquina. Justifique.
- e) o binário mecânico correspondente ao ponto 8, em funcionamento como motor síncrono. Apresente o respetivo diagrama vetorial de tensões;
- f) Escolha justificadamente o ponto correspondente ao funcionamento como condensador síncrono e apresente o respetivo diagrama vetorial de tensões.

Soluções:

a)
$$Q_4 = 0$$
pu; $P_4 = \pm 0.6$ pu; $\delta_4 = \pm 33.4^\circ$ **b)** excitação ótima: $6 - 8 - 2 - 4$

a)
$$Q_4=0$$
pu; $P_4=\pm 0,6$ pu; $\delta_4=\pm 33,4^\circ$ **b)** excitação ótima: $6-8-2-4$ **c)** $P_1=P_3=0,25$ pu; $\delta_1=21,5^\circ;$ $\delta_3=10,6^\circ;$ $Q_1=0,27$ pu (c); $Q_3=0,43$ pu (i)

d)
$$p_{\rm rot}=0.05 {
m pu}$$
 e) $T_{
m mec}=0.2 {
m pu}$ f) condensador síncrono: 7

Exercício 8

Considere um alternador síncrono trifásico, 20MVA, 11kV, com os enrolamentos do estator ligados em estrela, sendo a respetiva resistência desprezável. O alternador síncrono apresenta a seguinte característica magnética à velocidade nominal:

O alternador encontra-se ligado a uma rede elétrica de potência infinita de 11kV, fornecendo uma potência de 20MW com fator de potência unitário. Para uma corrente de excitação de 200A, determine:

a) A reatância síncrona do alternador;

Considere um segundo alternador síncrono trifásico, de idênticas características nominais, ligado à rede de potência infinita de 11kV em paralelo com o anterior e à mesma corrente de excitação. Se o conjunto dos alternadores fornecer uma potência de 36MW, repartida de igual modo por ambos, com um fator de potência 0,9 indutivo, calcule:

b) A FEM induzida em cada um dos alternadores síncronos trifásicos e a corrente total fornecida à rede elétrica;

Se reduzir a FEM por fase em 10% de um dos alternadores ligados em paralelo, mantendo constante o binário mecânico aplicado pela turbina a cada alternador, bem como o fator de potência global, determine:

- c) A FEM induzida no outro alternador síncrono trifásico para satisfazer as condições indicadas;
- d) As correntes fornecidas à rede e o fator de potência de cada alternador.

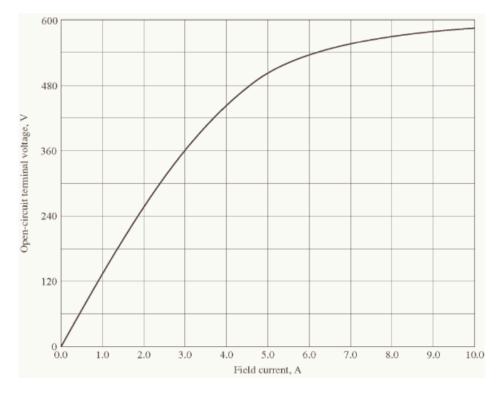
(Fonte: Modificado a partir do problema 10 de [Malea & Balaguer, 2004])

Soluções:

- a) $2,16\Omega$; b) $7618\angle 15,5^{\circ} \text{ V}$; $2099\angle -25,8^{\circ} \text{ A}$; c) $8385\angle 14,1^{\circ} \text{ V}$
- **d)** 949A; 0,996(i); 1254A; 0,753(i)

Exercício 9

Um gerador síncrono tetrapolar de polos salientes, 200 kVA, 480 V - 60 Hz, fator de potência 0.8 indutivo, ligação dos enrolamentos do estator em estrela, apresenta uma reatância segundo o eixo direto de 0.25Ω , uma reatância segundo o eixo de quadratura de 0.18Ω e uma resistência do induzido de 0.03Ω . As perdas por atrito, ventilação e suplementares assumem-se desprezáveis. O gerador síncrono apresenta a seguinte característica magnética à frequência nominal:



- a) Qual o valor da corrente de campo necessária para obter uma tensão de 480V quando o gerador síncrono de encontra a funcionar em vazio?
- b) Determine o valor da corrente de campo do gerador síncrono, quando este se encontra a funcionar nas condições nominais;

c) Qual a percentagem da potência resultante do binário de relutância do rotor quando o gerador síncrono se encontra à plena carga, (desprezando *R*)?

(Fonte: Adaptado do problema C-1 de [Chapman, 2005])

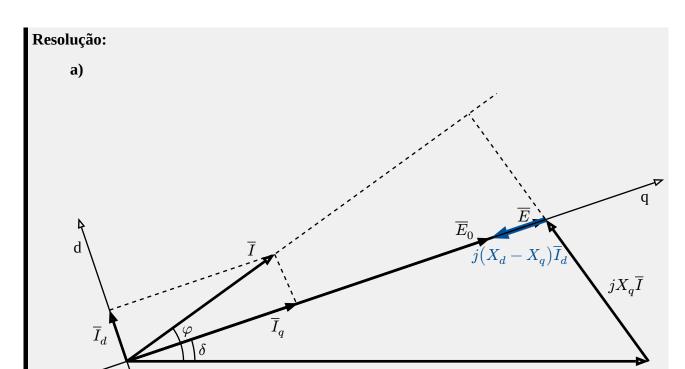
Soluções:

- **a)** 4,55A;
- **b)** 7,3A;
- c) 25%

Exercício 10

Um alternador síncrono de polos salientes, 12MVA, ligação em triângulo, $\eta=91\%$, faz parte de um processo de cogeração de uma indústria de celulose e encontra-se ligado à rede elétrica de potência infinita de 13,8kV-50Hz. Sabe-se que: $X_d=34\Omega/{\rm fase}$; $X_q=16\Omega/{\rm fase}$ e $R\approx 0\Omega$.

- a) Trace qualitativamente o diagrama vetorial de tensões para uma situação de plena carga e $\cos \varphi = 0.81$ (c), evidenciando a determinação dos eixos direto e quadratura e das componentes da corrente nos mesmos;
- b) Determine o fasor da força eletromotriz nessa situação;
- c) Mantendo a corrente de excitação constante, determine o limite de estabilidade estática deste alternador e a potência desenvolvida correspondente;
- d) Qualitativamente:
 - Como proceder para colocar esta máquina síncrona a operar como um condensador síncrono nesta instalação, partindo do ponto de funcionamento descrito;
 - Apresente o diagrama vetorial do novo ponto de funcionamento da máquina síncrona.



b) Fasores da tensão e corrente por fase (circuito equivalente), \overline{U}_f e \overline{I}_f :

$$I_n = \frac{S_n}{\sqrt{3}U_n} = \frac{12 \times 10^6}{\sqrt{3} \cdot 13.8 \times 10^3} = 502 \mathrm{A}$$
 fase: $\varphi = \arccos(0.81) = 35.9^\circ$

Estator em
$$\Delta$$
: $U_f = U_n$; $I_f = \frac{I_n}{\sqrt{3}}$

Fasores:
$$\overline{U}_{\rm f}=13.8\angle0^{\circ}~{\rm kV}$$
 $\overline{I}_{\rm f}=\frac{502}{\sqrt{3}}\angle35.9^{\circ}~{\rm A}$

Fasor da FEM efetiva, \overline{E} :

$$\overline{E} = \overline{U}_f + jX_q\overline{I}_f = (13.8 \times 10^3 \angle 0^\circ) + j16\left(\frac{502}{\sqrt{3}}\angle 35.9^\circ\right) = 11.7\angle 18.7^\circ \text{ kV}$$

Fasor da corrente segundo o eixo direto, \overline{I}_d :

$$\begin{split} \overline{I}_d &= I\sin(\varphi-\delta)\angle(\delta+90^\circ) = \frac{502}{\sqrt{3}}\sin(35.9^\circ-18.7^\circ)\angle(18.7^\circ+90^\circ)\\ \overline{I}_d &= 85.7\angle108.7^\circ\,\text{A} \end{split}$$

Fasor da FEM, \overline{E}_0 :

$$\begin{split} \overline{E}_0 &= \overline{E} + j \big(X_d - X_q \big) \overline{I}_d = \big(11.7 \times 10^3 \angle 18.7^\circ \big) + j (34 - 16) (85.7 \angle 108.7^\circ) \\ \overline{E}_0 &= 10.16 \angle 18.7^\circ \text{ kV} \end{split}$$

Limite de estábilidade estática:
$$\Rightarrow \frac{\mathrm{d}P_d}{\mathrm{d}\delta} = 0 \Leftrightarrow$$

$$\frac{3UE_0}{X_d}\cos\delta_{\lim} + \frac{3U^2\big(X_d-X_q\big)}{X_dX_q}\cos(2\delta_{\lim}) = 0 \Leftrightarrow$$

$$\frac{3 \cdot 13.8 \times 10^3 \cdot 10.16 \times 10^3}{34} \cos \delta_{\lim} + \frac{3 \big(13.8 \times 10^3\big)^2 (34 - 16)}{34 \cdot 16} \cos (2 \delta_{\lim}) = 0 \Rightarrow$$

$$\delta_{\mathrm{lim}}=55.8^{\circ}$$

Com: $I_{\rm exc}={\rm constante}\Rightarrow E_0={\rm constante}$

Substituindo em $P_d(\delta)$ com $\delta = \delta_{\lim}$:

$$\begin{split} P_d^{\text{max}} &= \frac{3UE_0}{X_d} \sin \delta_{\text{lim}} + \frac{3U^2 \left(X_d - X_q\right)}{2X_d X_q} \sin(2\delta_{\text{lim}}) \\ &= \frac{3 \cdot 13.8 \times 10^3 \cdot 10.16 \times 10^3}{34} \sin(55.8^\circ) + \frac{3 \cdot \left(13.8 \times 10^3\right)^2 (34 - 16)}{2 \cdot 34 \cdot 16} \sin(2 \cdot 55.8^\circ) \\ &\approx 19 \text{MW} \end{split}$$

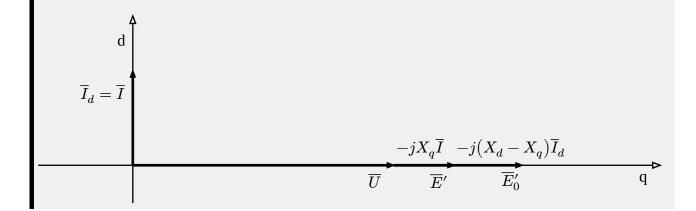
d) Procedimento para funcionar como condensador síncrono:

 $1^{\rm o}:(T_{\rm mec}~ \bigstar~~{\rm at\'e}~~\delta=0)~~{\rm e}~~(I_{\rm exc}~ \ref ~~{\rm at\'e}~~\overline{E}_0=\overline{U}) \Rightarrow {\rm m\'aquina}~{\rm a}~{\rm ``flutuar''}~{\rm na}~{\rm rede,~ou}~~{\rm seja},~(Q=0,P=0)$

2°: Desacoplar a turbina do alternador ⇒ motor síncrono em vazio

 3° : ($I_{\rm exc}$ ≠ até Q desejado), modo sobreexcitado \Rightarrow condensador síncrono

Diagrama vetorial de tensões do condensador síncrono de polos salientes:



Um motor síncrono trifásico com quatro polos salientes e o estator ligado em estrela, encontra--se a trabalhar sobre uma rede de potência infinita de 208V, com $\cos \varphi = 0.8(i)$, consumindo 40A.

Sabe-se que: $f=50{
m Hz}$; $X_d=2{,}7\Omega/{
m fase}$; $X_q=1{,}7\Omega/{
m fase}$; $R=0\Omega.$

- a) Trace, qualitativamente, o diagrama vetorial de tensões correspondente, evidenciando a determinação dos eixos direto e de quadratura e das componentes da corrente nos mesmos;
- b) Determine o fasor da força contraeletromotriz, \overline{E}_0' , nas condições de funcionamento indicadas;
- c) Calcule o binário máximo desenvolvido por esta máquina;
- d) Trace qualitativamente a curva de binário desenvolvido deste motor.

Soluções:

b) $94.5\angle - 34.5^{\circ} \text{ V};$

c) 95,8Nm

Exercício 12

Uma máquina síncrona $3\sim$ de polos salientes, 50MVA, 11kV-60Hz, enrolamentos do estator em Y, apresenta as reatâncias: $X_d=0.8$ pu e $X_q=0.4$ pu. Como motor síncrono é colocado à plena carga com fator de potência 0.8 indutivo. As perdas mecânicas representam são 0.15pu.

Despreze as perdas de Joule do induzido.

- a) Determine X_d e X_q em Ω ;
- b) Determine a FEM em pu;
- c) Determine a potências desenvolvidas (em pu) devido à FEM de excitação e devido ao efeito de relutância do rotor;
- d) Se a corrente de excitação for reduzida a zero, a máquina continua em sincronismo? Justifique;
- e) Se a carga ao veio for retirada e a corrente de excitação reduzida a zero, determine o valor da corrente do estator (em pu) e o fator de potência. Desenhe o diagrama vetorial da máquina para esta situação.

O exercício 12 está resolvido na linguagem **julià** através da ferramenta **Pluto**.jl **§** para uma experiência mais interativa: *protebook*

Bibliografia

- [Chapman, 2005]: S.J. Chapman, Electric Machinery Fundamentals, 4th Ed., McGraw-Hill, USA, 2005.
- [Malea & Balaguer, 2004]: J.M. Malea, E.F. Balaguer, Problemas resueltos de máquinas eléctricas rotativas, Publicações da Universidade de Jaume I, Espanha, 2004.
- [Sen, 1989]: P.C. Sen, Principles of electric machines and power electronics, John Wiley & Sons, USA, 1989.

DINÂMICA DE MÁQUINAS ELÉTRICAS

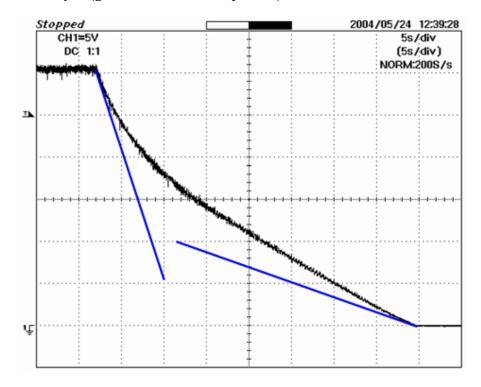
Exercício 1

Considere um motor de corrente contínua de excitação em derivação, no qual se efetuaram dois ensaios:

- Ensaio em vazio para a separação das perdas mecânicas e magnéticas;
- Ensaio de desaceleração para determinação dos parâmetros mecânicos.

Ensaio em vazio (velocidade constante = 1500rpm)

Ensaio de desaceleração (ganho vertical = 250rpm/div):



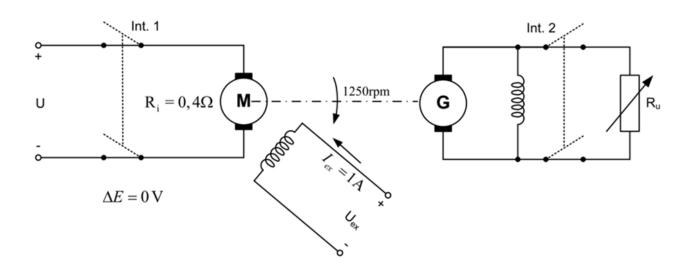
- a) Determine o valor das perdas mecânicas deste motor, sabendo que a resistência do induzido tem o valor: $R_a=1{,}1\Omega;$
- b) Determine os parâmetros mecânicos (momento de inércia, coeficientes de atrito viscoso e estático) deste motor.

Soluções:

- **a)** 85W
- **b)** 0,0344kgm²; 0,030Nms; 0,069Nm

Exercício 2

Considere duas máquinas de corrente contínua ligadas de acordo com o esquema da figura seguinte:



O gerador de excitação derivação, **G**, alimenta a resistência de utilização, **Ru**, e é acionado por um motor de excitação separada, **M**, que apresenta a seguinte característica magnética:

- a) Escreva as equações que modelizam o funcionamento do motor CC em regime dinâmico;
- b) Considere o motor alimentado à tensão de 295V e uma corrente de 50A. Atendendo que o fluxo é constante, calcule o binário de carga aplicado ao motor nessas condições, sabendo que o sistema (motor + carga) apresenta os seguintes parâmetros mecânicos:

$$J=0.3 {\rm kgm^2} \hspace{1cm} K_d=0.007 {\rm Nm/rad.s^{-1}} \hspace{1cm} K_e=3.5 {\rm Nm}$$

c) Suponha que o motor se encontra a funcionar nas seguintes condições:

$$T_i = 100 \mathrm{Nm} \hspace{1.5cm} T_c = 80 \mathrm{Nm} \hspace{1.5cm} n = 2250 \mathrm{rpm}$$

Determine o valor de $\frac{\mathrm{d}\omega}{\mathrm{d}t}$ quando: Int. $1 \to \mathrm{o}$ interruptor 1 é aberto; Int. 2 \rightarrow o interruptor 2 é aberto.

Soluções:

b)
$$92,4\text{Nm}$$
; **c)** -333rads^{-2} ; 0267rads^{-2}

Exercício 3

Considere dois alternadores síncronos trifásicos de 5MVA, 6kV, 50Hz, ligação em Y, 2p = 4, ligados em paralelo a uma rede de capacidade infinita (6kV-50Hz), fornecendo 1MW cada, com $\cos \varphi = 1$.

Sabe-se ainda que:

	Alternador 1	Alternador 2	
Máquina síncrona:	polos lisos	polos salientes	
Reatâncias/fase:	$X_s=12{,}75\Omega$	$X_d=12{,}75\Omega;X_q=\frac{X_d}{2}$	
Resistência do estator:	$R\approx 0\Omega$	$R\approx 0\Omega$	
FEM/fase:	$E_0 = 3,675 \text{kV}$	$E_0=3,\!675\mathrm{kV}$	

Utilizando o critério de igualdade das áreas, determinar a máxima perturbação admissível de cada um dos alternadores, mantendo o funcionamento da máquina síncrona estável.

Analise as diferenças entre os alternadores.

O exercício 3 está resolvido na linguagem julia através da ferramenta Pluto.jl 🛢 para uma experiência mais interativa: Ø notebook