

Universidade Tecnológica Federal do Paraná (UTFPR)  
Departamento Acadêmico de Informática (DAINF)  
**Introdução à Criptografia**  
Professor: Rodrigo Minetto

**Lista de exercícios (escolha 3 para entregar)**

---

1) Dada a curva  $y^2 = x^3 + 2x + 3$  sobre  $\mathbb{F}_5$ , liste todos os pontos da curva.

---

2) Verifique se o ponto  $(0, 2)$  pertence à curva  $y^2 = x^3 + x + 1$  sobre  $\mathbb{F}_7$ .

---

3) Explique o que é o ponto no infinito  $\mathcal{O}$  em uma curva elíptica.

---

4) O que significa dizer que um ponto tem ordem  $n$  na curva?

---

5) Calcule  $3G$  na curva  $y^2 = x^3 + 2x + 2$  sobre  $\mathbb{F}_{17}$  para  $G = (5, 1)$ .

---

6) Descreva passo a passo o algoritmo ECIES usando:

- Curva  $y^2 = x^3 + 2x + 2$  sobre  $\mathbb{F}_{17}$
- $G = (5, 1)$ ,  $k_B = 7$  (chave privada de Bob),  $k = 3$  (aleatório de Alice)

---

7) Detalhe o uso do algoritmo de curvas elípticas em alguma aplicação da internet.