

## Trabalho Prático 3

### Circuitos Combinatórios

#### Objetivos

- Introdução ao *CircuitVerse*
- Análise de circuitos combinatórios
- Síntese com *gates* discretas
- Síntese com blocos elementares: decodificadores e *multiplexers*

#### Introdução

Os circuitos digitais dividem-se em *combinatórios* e *sequenciais*. Nos *combinatórios* o valor da saída só depende do valor atual das entradas. Nos *sequenciais* o valor da saída depende, para além do *estado atual* das entradas, também do *estado* em que o circuito se encontra. O *estado* atual do circuito depende do valor *passado* das entradas. Ou seja, o circuito sequencial possui *memória*.

Hoje em dia, os projetistas (*designers*) de circuitos digitais (*hardware*), para além de esboços em papel, usam ferramentas de *software* para validar os seus projetos com mais facilidade e rapidez. O *CircuitVerse* (CV) é uma das muitas ferramentas deste género, e irá ser usado nas próximas aulas. Permite criar (i.e., editar) e simular circuitos combinatórios e sequenciais. (O simulador encontra-se disponível no site [circuitverse.org](http://circuitverse.org) e embora de uso gratuito precisa de registo prévio).

Começamos por analisar um simples circuito do operador XOR com *gates*<sup>1</sup> discretas. Seguidamente, iremos implementar e simular vários circuitos:

- a) um comparador de 2-bits
- b) um decodificador para um *display* de 7-segmentos, com recurso a uma PROM
- c) uma calculadora *bitwise* de funções Booleanas.

Como exercícios adicionais são ainda fornecidos outros exemplos de utilização de blocos lógicos elementares, como sejam o somador-de-1 bit, o decodificador e o *multiplexer*, na implementação de funções combinatórias de nível abstracional mais elevado.

---

<sup>1</sup> *gate* - Equivalente ao termo português 'porta lógica'.

## Guião

### 1. Introdução ao *CircuitVerse*

Dada a limitação do tempo da aula prática (2 horas), recomenda-se a consulta prévia do tutorial <https://docs.circuitverse.org/#/chapter3/1introduction> (também disponível a partir do *site* da UC), para que a execução do guião proposto durante a aula decorra de forma mais célere.

### 2. Circuitos com *gates* discretas

O circuito da Figura 1 representa uma implementação possível dum operador lógico.

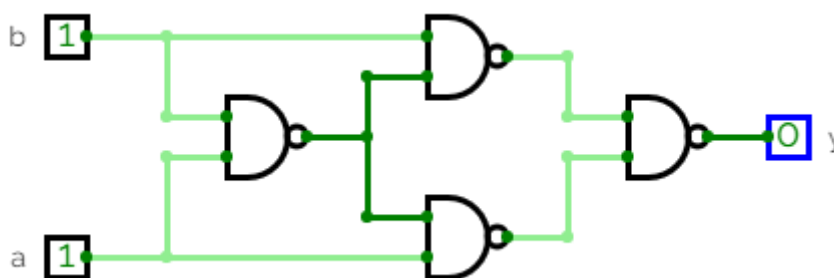


Figura 1 - Operador lógico com portas NAND

- Determine analiticamente qual o operador em causa.
- Desenhe o diagrama lógico da implementação direta (i.e., com *gates* AND, OR e NOT). Quais as vantagens e/ou desvantagens desta relativamente ao circuito da Figura 1?

### 3. Comparador de 2-bits<sup>2</sup>

Considere o circuito combinatório da Figura 2. Este ativa a saída (**F**) sempre que o valor A for maior do que o valor B. A e B são fornecidos através das entradas  $a_1$ ,  $a_0$ ,  $b_1$  e  $b_0$  (onde  $a_0$  e  $b_0$  são os bits menos significativos de A e B, respetivamente).

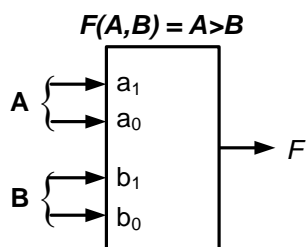


Figura 2 - Comparador de 2-bits

- Determine a função lógica **F** na forma de soma-de-produtos (SOP), em função de  $a_1$ ,  $a_0$ ,  $b_1$  e  $b_0$ .
- Implemente no simulador o circuito da função **F** e teste o valor da saída para todas as combinações das entradas.

<sup>2</sup> Consulte o Apêndice A.

#### 4. Implementação direta de um decodificador a partir da tabela de verdade e simulação

a) Projete um decodificador de binário para um *display* de 7-segmentos, com a tabela de verdade da Figura 3 (depois de preencher as células em falta), usando a opção *Combinational Analysis* do menu *Tools* (comece por atribuir nomes às entradas e às saídas).

Seg	D	M	TL	BL	B	BR	TR	T
Bin	B7	B6	B5	B4	B3	B2	B1	B0
0		0	1	1	1	1	1	1
1		0	0	0	0	1	1	0
2		1	0	1	1	0	1	1
3		1	0	0	1	1	1	1
4		1	1	0	0	1	1	0
5		1	1	0	1	1	0	1
6								
7								
8								
9		1	1	0	1	1	1	1
A		1	1	1	0	1	1	1
b		1	1	1	1	1	0	0
C								
d		1	0	1	1	1	1	0
E		1	1	1	1	0	0	1
F		1	1	1	0	0	0	1

Figura 3 - Tabela de verdade do decodificador de 7-Seg

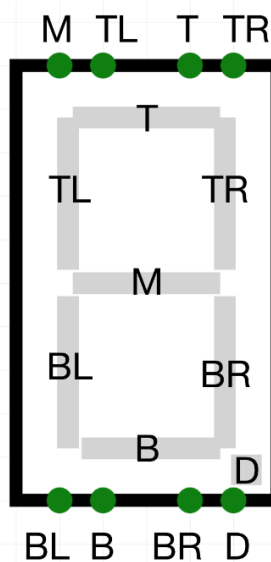


Figura 4 - Display de 7-Seg.

b) Teste no simulador o circuito com usando um *display* de 7-segmentos e quatro entradas binárias. (Veja o exemplo da Figura 5).

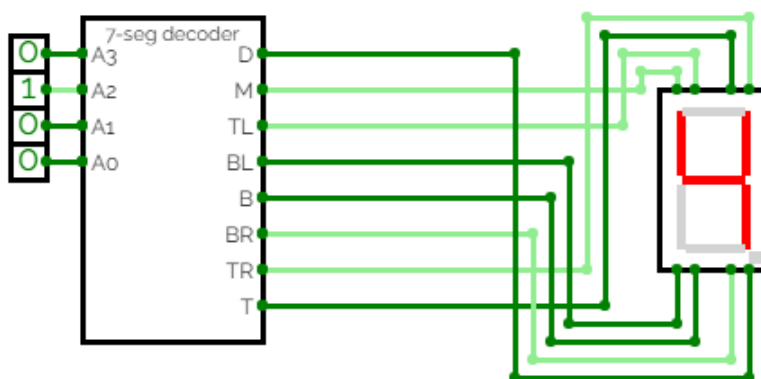


Figura 5 - Circuito de teste da PROM de decodificação de 7-Seg.

5. Calculadora Bitwise

Pretende-se construir uma calculadora lógica (*bitwise*) com 2 entradas de dados (A e B) e 3 entradas de seleção de operação (C2, C1 e C0 ), como indicado na Figura 6.

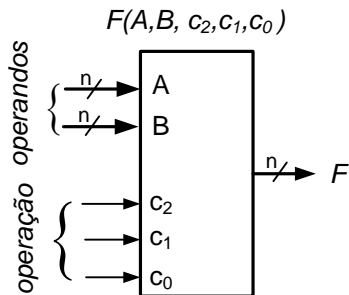


Figura 6 - Calculadora lógica

A saída do circuito (F) obedece à seguinte tabela de verdade:

C <sub>2</sub>	C <sub>1</sub>	C <sub>0</sub>	F
0	0	0	1
0	0	1	A + B
0	1	0	$\overline{A \cdot B}$
0	1	1	$A \oplus B$
1	0	0	$\overline{A \oplus B}$
1	0	1	$\overline{A \cdot B}$
1	1	0	$\overline{A + B}$
1	1	1	0

Figura 7 - Calculadora: Tabela de verdade

Supondo que ambos os operandos A e B possuem uma largura de 2-bits, use o diagrama de blocos proposto na Figura 8 e simule o funcionamento das operações indicadas.

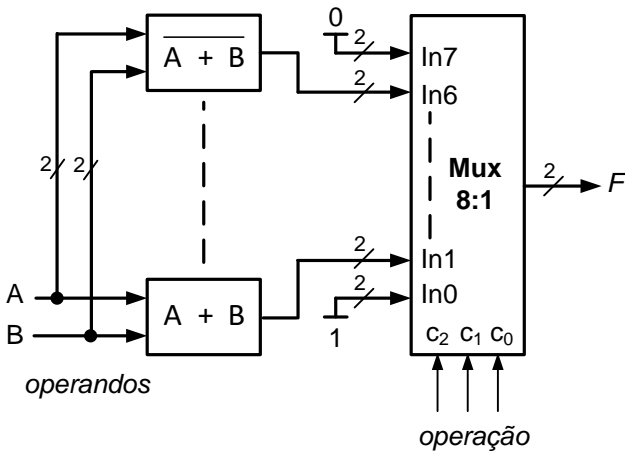


Figura 8 - Calculadora: Diagrama de blocos com 2-bits

## Exercícios adicionais

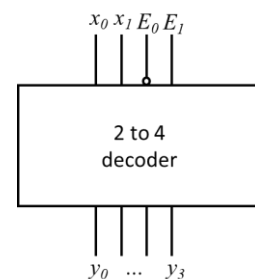
### 6. Síntese com somadores de 1-bit

Projete um circuito somador construído a partir de somadores completos de 1 bit interligados em cascata.

- Implemente e simule o somador completo de 1 bit com *gates* elementares.
- Usando o bloco elementar desenvolvido em a) construa e simule um circuito somador para palavras de 4 bits.

### 7. Síntese com decodificadores (*decoder*)

- Projete e implemente com *gates* um decodificador de 2 entradas para 4 saídas. O circuito deverá ter 2 entradas adicionais de validação (*enable*) uma ativa a “1” e outra ativa a “0”.
- Construa, a partir do bloco “2 to 4 decoder” da alínea anterior, um decodificador de 4 entradas para 16 saídas, também com E0 e E1. Usando o simulador implemente e simule o bloco “2 to 4 decoder” e o decodificador de 4 entradas para 16 saídas.



- Considere a seguinte função Booleana não necessariamente mínima. Sugira uma implementação baseada em decodificadores de 4 entradas para 16 saídas e *gates* OR adicionais.

$$f(A, B, C, D) = \bar{A}.B.C + A.D + A.C$$

### 8. Síntese com *multiplexers*

Sugira implementações da função  $f(A, B, C, D) = \sum m(0, 3, 5, 7, 11, 12, 13, 15)$  baseadas em:

- Multiplexer* 16:1 e constantes 0 e 1
- Multiplexer* 8:1 e constantes 0 e 1
- Multiplexer* 4:1, constantes 0 e 1 e lógica elementar adicional.

## Apendice A - Comparadores

Tabelas de verdade e equações lógicas, na forma soma-de-produtos (SOP), de comparadores de 1-bit e de 2-bits.

### A.1 Comparador de 1-bit

A0	B0	L	E	G
0	0	0	1	0
0	1	1	0	0
1	0	0	0	1
1	1	0	1	0

Figura A.1 - Comparador de 1-bit

$$A < B : L = \overline{A0}.B0$$

$$A = B : E = \overline{A0.B0} + A0.B0 = \overline{A0 \oplus B0}$$

$$A > B : G = A0.\overline{B0}$$

### A.2 Comparador de 2-bits

A tabela da Figura A.2 está incompleta, devendo o aluno completar os campos a sobreado da coluna G, escrever e simplificar a respetiva equação lógica.

A1	A0	B1	B0	L	E	G
0	0	0	0	0	1	0
0	0	0	1	1	0	0
0	0	1	0	1	0	
0	0	1	1	1	0	
0	1	0	0	0	0	
0	1	0	1	0	1	
0	1	1	0	1	0	
0	1	1	1	1	0	
1	0	0	0	0	0	
1	0	0	1	0	0	
1	0	1	0	0	1	
1	0	1	1	1	0	
1	1	0	0	0	0	
1	1	0	1	0	0	
1	1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	0	1	0

Figura A.2 - Comparador de 2-bits

$$A < B : L = \overline{A1}.B1 + \overline{A0}.B1.B0 + \overline{A1}.\overline{A0}.B0$$

$$A = B : E = (\overline{A0.B0} + A0.B0)(\overline{A1.B1} + A1.B1) \\ = \overline{A0 \oplus B0} . \overline{A1 \oplus B1}$$

$$A > B : G = ?$$