

Paradigma Lógico

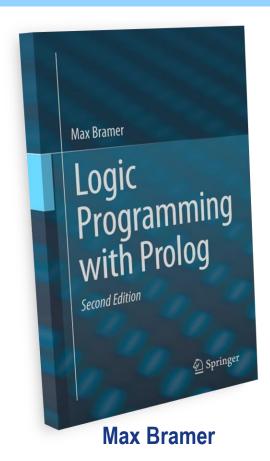
Introdução à Linguagem PROLOG

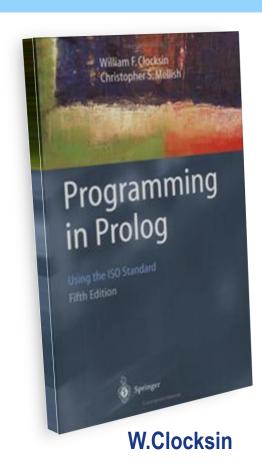
PROgramação em LÓGica

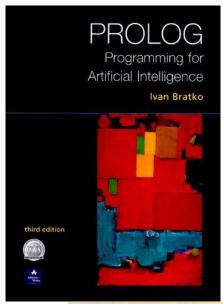


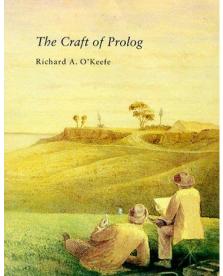
Prof. Ausberto S. Castro V. ascv@uenf.br

Bibliografia









Lógica

- LÓGICA: estudo das proposições
- Conjunção p AND q
 - p ∧ q
- Disjunção p OR q
 - p ∨ q
- Cláusula de Horn (argumento)
 - É uma disjunção de literais com pelo menos um literal positivo

$$\neg p \lor \neg q \lor \cdots \lor \neg t \lor u$$

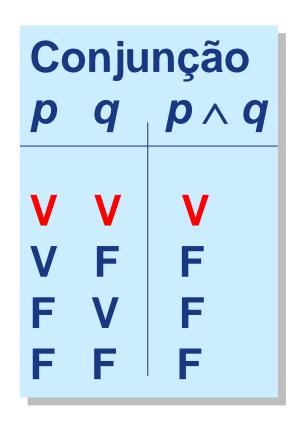
ou equivalentemente

$$(p \land q \land \cdots \land t) \rightarrow u$$

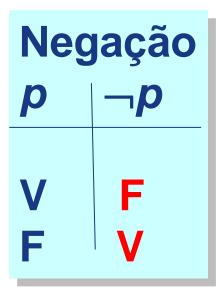
- Predicado
 - Uma função P(p,q,r,...) que é verdadeiro ou falso
 - Uma proposição composta

Lógica - Tabelas-verdade

V = verdadeiro F = falso



Disjunção		
p	q	$p \vee q$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F



$$\mathbf{p} \to \mathbf{d} \equiv \neg \mathbf{p} \vee \mathbf{d}$$

Condicional

$$p \leftrightarrow q \equiv (p \rightarrow q) \land (q \rightarrow p)$$

BiCondicional

Cálculo Proposicional

Argumento válido

 Um argumento é uma seqüência (conjunção) de sentenças chamadas premissas, seguida de outra sentença chamada conclusão, na forma de uma implicação:

$$p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge \dots \wedge p_n \rightarrow q$$

Se um argumento

$$p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge \dots \wedge p_n \rightarrow q$$

- é uma tautologia, então é chamado de argumento válido
 - Se (p1 ∧ p2) → q é um argumento válido, então dizemos que a conclusão q é deduzida ou inferida da verdade das premissas p1 e p2
- Argumentos não válidos são chamados de falacias

Argumento válido

$$p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge ... \wedge p_n \rightarrow q$$

 p_1 and p_2 and p_3 and ... and $p_n \rightarrow q$

Se p_1 and p_2 and p_3 and ... and p_n então q

Se q então p_1 and p_2 and p_3 and ... and p_n

$$q := p_1, p_2, p_3, ..., p_n$$

Implicação Lógica

- * Se p e q são duas proposições qualquer tais que $p \rightarrow q$ é uma tautolgia, então dizemos que p implica logicamente q e escrevemos $p \Rightarrow q$
 - Neste caso nos referimos a $p \rightarrow q$ como uma implicação lógica
 - Se $p \Rightarrow q$ e $q \Rightarrow p$ então escrevemos $p \Leftrightarrow q$

Regras de Inferência

 Permitem a dedução de novas proposições a partir de proposições anteriores

```
fbf = fórmula bem formada: p, p \wedge q, p \vee q, \simp
```

- Permitem a dedução de novas fbf a partir de fbf anteriores
 - Pedro lê jornal
 - Pedro lê revistas

Então Pedro lê jornal e revistas

Regras de Inferência

MT

Modus Ponens MP

$$\frac{\mathsf{p},\,\mathsf{p}\!\to\mathsf{q}}{\therefore\;\mathsf{q}}$$

Modus Tollens

Silogismos HS

$$\frac{p \rightarrow q, q \rightarrow r}{\therefore p \rightarrow r}$$

Conjunção CONJ

MP « Simplificação SIMP

$$\begin{array}{c} p \wedge q \\ \hline \therefore p \end{array} \qquad \begin{array}{c} p \wedge q \\ \hline \therefore q \end{array}$$

Dilema DC

$$\frac{p \rightarrow q, r \rightarrow s, p \lor r}{\therefore q \lor s}$$

Silogismo Disjuntivo SD

$$\begin{array}{c|c} p \lor q \ , \sim p \\ \hline \therefore \ q & \cdots \ p \\ \end{array}$$

Adição ADD

$$\begin{array}{ccc} & p & & q \\ \therefore & p \vee q & & \therefore & p \vee q \end{array}$$

Regras de Inferência

Amplificação AMP

Prova Condicional CON

$$\begin{array}{c}
p q \\
\hline
p \rightarrow (q \rightarrow r) \\
\hline
\therefore r
\end{array}$$

Prova por Casos CAS

$$\begin{array}{c}
p \to r \\
q \to r \\
\hline
\therefore (p \lor q) \to r
\end{array}$$

Dilema Destrutivo DD

$$p \rightarrow q$$

$$r \rightarrow s$$

$$\sim q \vee \sim s$$

$$\therefore \sim p \vee \sim r$$

Modus Ponens MP

- Maria ganha um milhão de reais
- Se Maria ganha um milhão de reais então Luisa abandona o emprego
- Portanto, Luisa abandona o emprego
- ×
- Se João vai a Fortaleza de férias, então ele ganha um desconto escolar
- João já esta de férias em Fortaleza
- Portanto, João já ganhou um desconto escolar

Modus Tollens MT

- •
- Se Carlos for eleito Presidente, então Guilherme será nomeado como ministro de Cultura
- Guilherme não é o ministro de Cultura
- Portanto, Carlos não foi eleito Presidente
- Se tiver chuva nas quartas-feiras então teremos aula teórica
- Nesta quarta tivemos aula prática
- Portanto, não teve chuva nesta quarta-feira

Exemplo



- Suzana esta preparando um bolo p
- Se Suzana esta preparando um bolo, então ela não esta dando aulas de piano $p \rightarrow \sim q$
- Se Suzana não esta dando aulas de piano, então ela não pode pagar o seguro do seu carro ~q → ~r
- Por tanto, Suzana não pode pagar o seguro do seu carro ~r

$$\begin{array}{c}
p \\
p \rightarrow \sim q \\
\sim q \rightarrow \sim r \\
\therefore \sim r
\end{array}$$

Demonstrar a validade do argumento

Demonstrando a validade do argumento

Passos

1.
$$p \rightarrow \sim q$$

2.
$$\sim q \rightarrow \sim r$$

3.
$$p \rightarrow \sim r$$

Razões

premissa

premissa

1. e 2. e HS

premissa

4. e MP

Outra forma

2.
$$p \rightarrow \sim q$$

4.
$$\sim q \rightarrow \sim r$$

premissa

premissa

1. e 2. e MP

premissa

3. e 4. e MP

Exercícios

Demonstrar a validade do argumento

$$\begin{array}{c} p \rightarrow r \\ r \rightarrow s \\ t \lor \sim s \\ \sim t \lor u \\ \sim u \\ \hline \therefore \sim p \end{array}$$



1.
$$p \rightarrow r$$
, $r \rightarrow s$ premissa
2. $p \rightarrow s$ 1. e HS
3. $t \lor \sim s$ premissa
4. $\sim s \lor t$ 3.
5. $s \rightarrow t$ 4.
6. $p \rightarrow t$ 2. e 5.
7. $\sim t \lor u$ premissa
8. $t \rightarrow u$ 7.
9. $p \rightarrow u$ 6. e 8.
10. $\sim u$ premissa

11.~p 9. e 10.

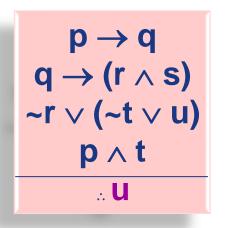
Exercícios - Provar os seguintes argumentos:

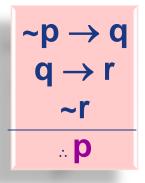
$$p \rightarrow r$$

$$\sim p \rightarrow q$$

$$q \rightarrow s$$

$$\therefore \sim r \rightarrow s$$





História do Prolog

1974 – Bob Kowalski

- University of Edinburgh, <u>Escocia</u>
- Demonstração automatizada de teoremas
- "Predicate Logic as Programming Language"
- IFIP Congress, Stockholm

1975 - Alain Colmerauer & Philippe Roussel

- Interpreter for the first Logic Programming Language Prolog
 - University of Aix-Marseille, <u>França</u>, 1972
 - Processamento de linguagem natural

Outros

- Fifth Generation Computing Systems (FGCS)
 - Tokyo, 1981
- Turbo Prolog, Borland, 1985

Paradigma PROLOG

PROLOG:

PROgramming in LOGic

PROLOG é uma linguagem:

- Declarativa
 - especifica (declara, descreve, afirma) fatos e relacionamentos lógicos
- Simbólica
 - símbolos são utilizados para representar objetos
- Alto nível:
 - Contém um mecanismo embutido (dedução) para resolver problemas (pensar??)

Programas PROLOG

Resolvem problemas declarando objetos e seus relacionamentos



Paradigma PROLOG

Exemplo:

João é proprietário de um livro



proprietário

Objetos

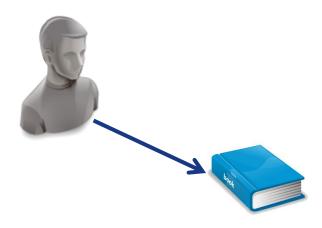
- João
- Livro

Direcional

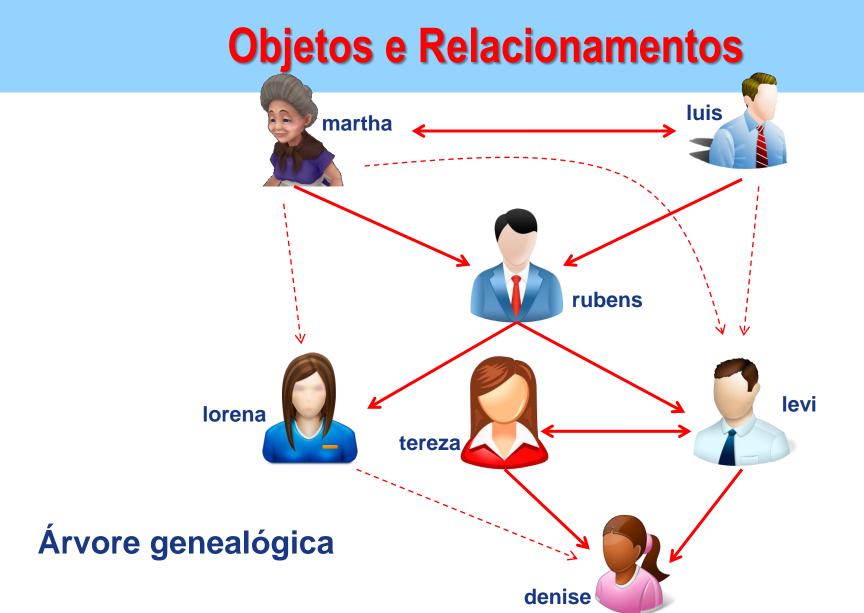
- João é proprietário de um livro
- Porém, o livro não é proprietário de João

Consultas

João é proprietário do livro? (Respostas: Sim, Não)



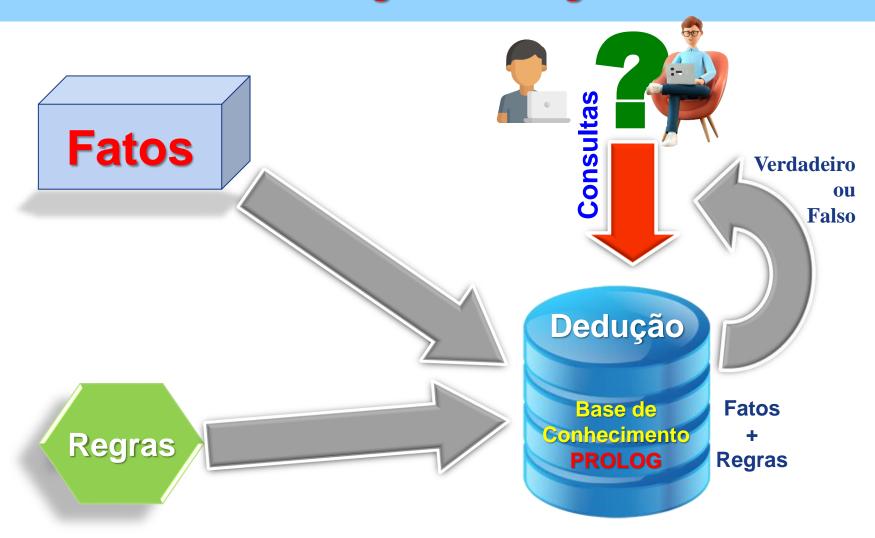
propietario(joão, livro)



Objetos e Relacionamentos



Paradigma Prolog

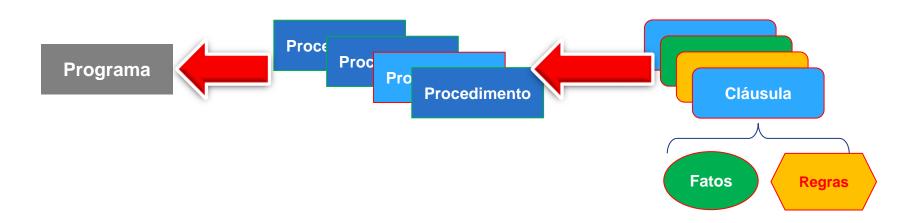


Programa Lógico

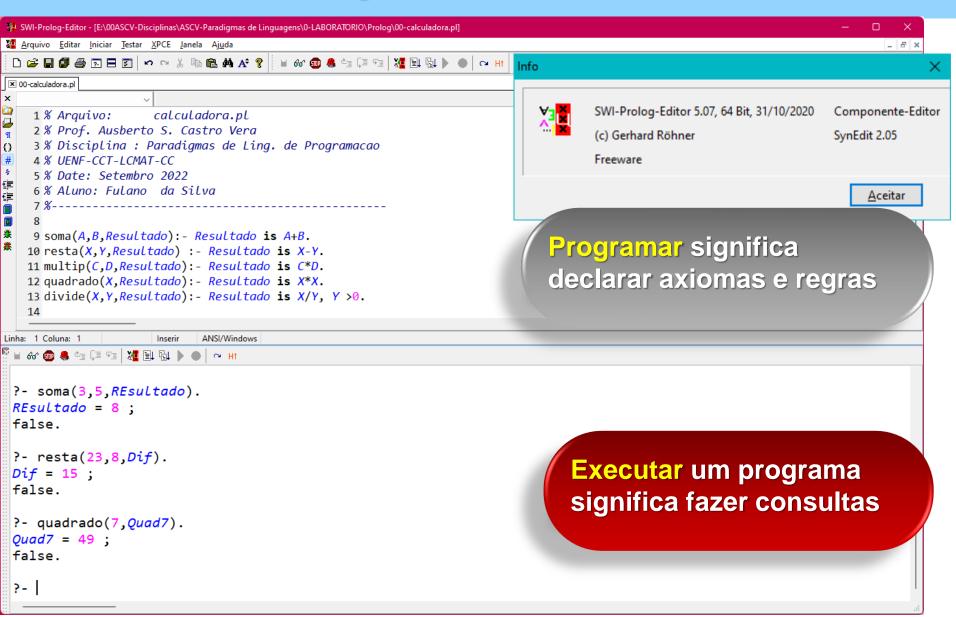
- Um programa é um conjunto de regras, fatos e deduções
 - <u>regras e fatos</u> para representar <u>informação</u>
 - dedução para responder <u>consultas</u>

Programas

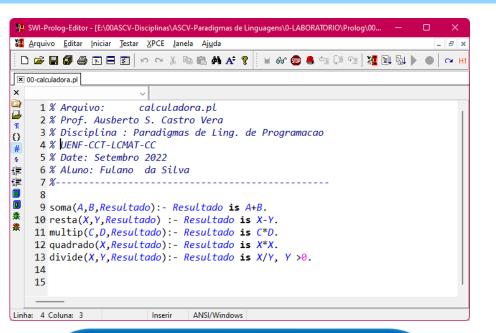
- Programas consistem em um conjunto de procedimentos
- Procedimentos consistem em um conjunto de cláusulas
- Cláusulas é um fato ou uma regra



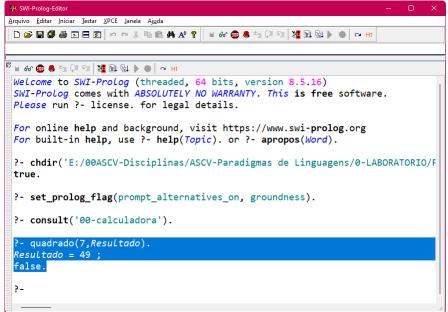
Programar - Executar



Programar - Executar

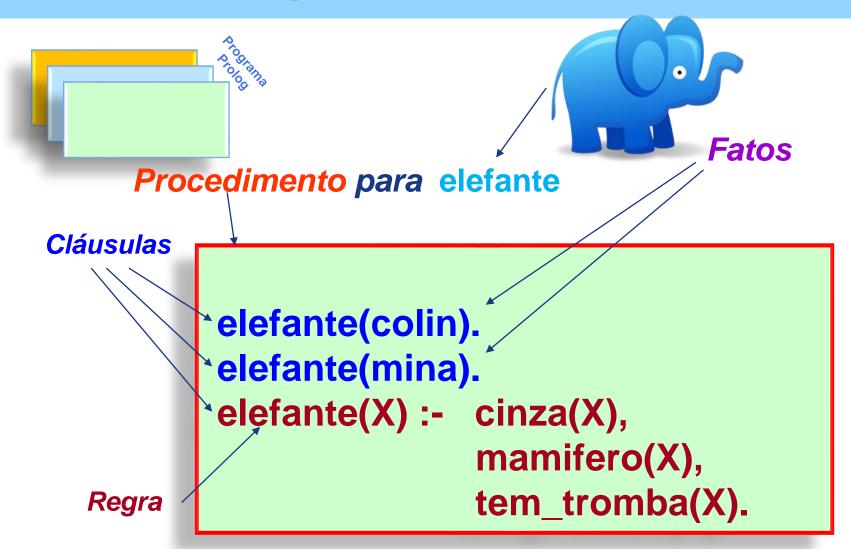


Programar significa declarar axiomas e regras



Executar um programa significa fazer consultas

Programa PROLOG



Predicado é a construção utilizada para declarar algo a respeito de objetos

Programa PROLOG

Regras

avo(A,C) :- pai(A,B), pai(B,C).

Fatos

pai(Jorge, João). pai(João, Guilherme).

Consultas

not

?- avo(Jorge, Guilherme)yes?- avo(Guilherme, Jorge)

0

Definir Regras

sobre objetos e relacionamentos

Declarar Fatos

sobre objetos e relacionamentos



sobre objetos e relacionamentos

Base do conhecimento

- Knowledge Base (KB)
- Coleção de fatos

* Fato



São conhecidas como Cláusulas de Horn sem cabeça

- estrela(sol).
- ponto(12,8).
- funcionario("pedro")

Representam asserções (afirmações) incondicionais



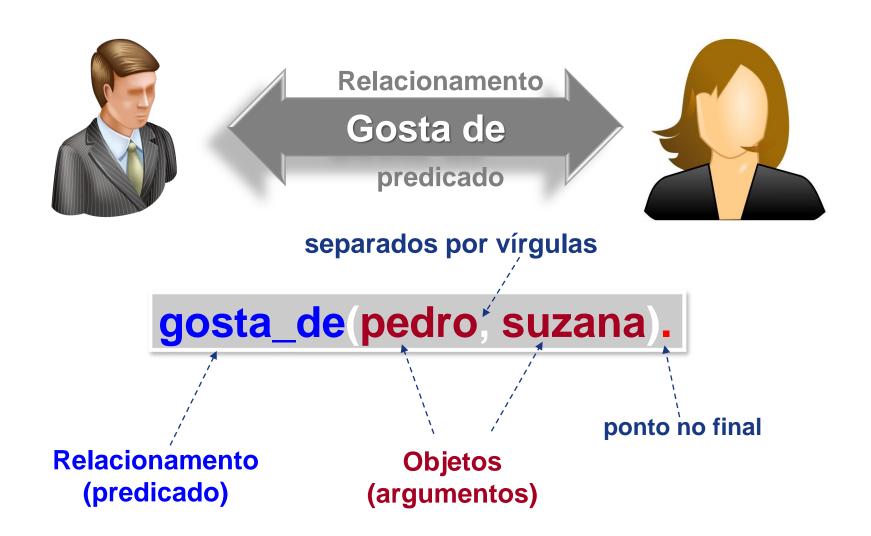
Fatos – Sintaxe

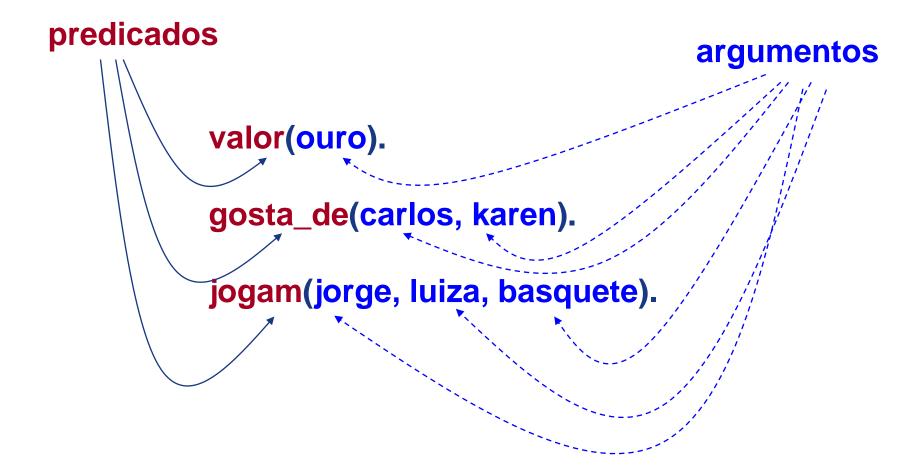
predic(arg1, arg2, ... argN).

- predic
 - Nome do predicado
- arg1, arg2, ..., argN
 - argumentos
- \bullet N
 - Aridade
- Predicado de aridade 0
 - pred.

Termina com ponto!

- Os argumentos podem ser qualquer termo PROLOG válido
 - Inteiro
 - Átomo
 - Texto constante começando com <u>letra</u> <u>minúscula</u>
 - Variável
 - Começa com <u>letra</u> <u>maiúscula</u> ou underline (_)
 - Estrutura
 - Termo complexo





```
book('prolog','max bramer','springer',2013).
autor('max', 'bramer').
publicador('springer').
publicador('prentice-hall').
                                          Max Bramer
                                          Logic
book(T,A,publisher(C,rome),Date).
                                          Programming
natural(0).
inteiro(-4).
                                          with Prolog
real (3.141516).
                                          Second Edition
pi(3.141516).
pai(abraham, isaque).
filho(isaque, esau).
                                                   Springer
verdura (alface).
```

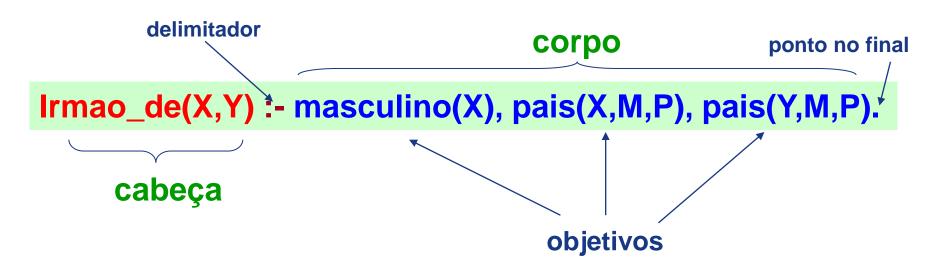
Regras - Sintaxe

cabeça :- corpo

- Cabeça
 - Definição de predicado (similar a um fato)
- O símbolo :-
- Corpo
 - Um ou mais objetivos (goals)

Regras

- Descrevem relacionamentos, utilizando outros relacionamentos
- * Estabelecem dependência: ...A..., se ...B...



X é irmão de Y se X é masculino X tem como mãe M e pai P Y tem como mãe M e pai P

Regras

- Conhecidas como Cláusulas de Horn com cabeça
- Utilizam variáveis para generalizar seu significado
- São asserções condicionais
 - A cabeça é verdadeira se o corpo for verdadeiro
- Definem como novos fatos podem ser criados
- As vírgulas (,) no corpo representam conjunções
 - Exemplo:

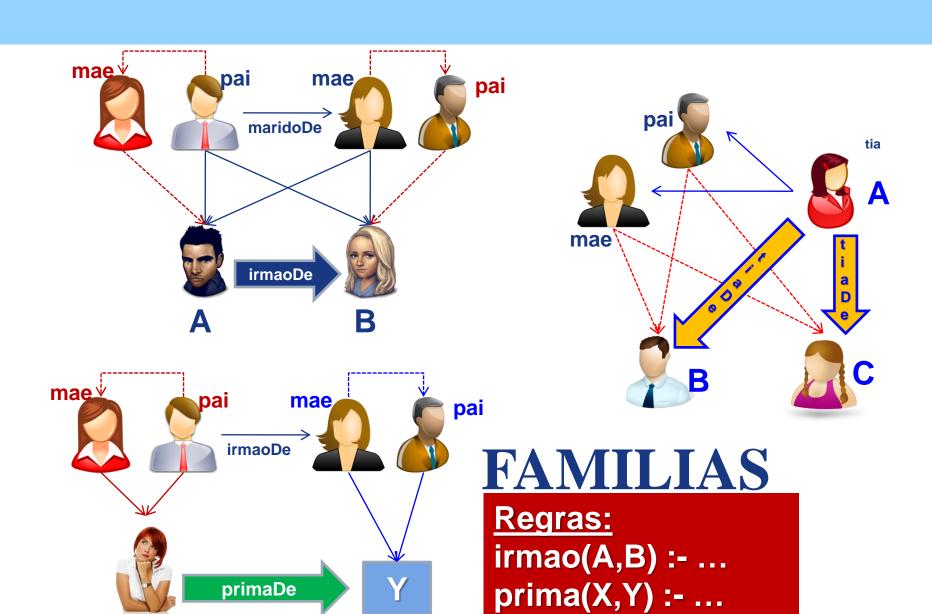
```
mae(M,X), mae(M,Y), pai(P,X), pai(P,Y).
```

significa

mae(M,X) AND mae(M,Y) AND pai(P,X) AND pai(P,Y).

Regras

```
avo(A,C) := pai(A,B), pai(B,C).
irmao(X,Y) :- mae(M,X), mae(M,Y), pai(P,X),
pai (P, Y).
filha(F,P) :- pai(P,F), mulher(F), homem(P).
filho(F,P) := pai(P,F), homem(F), homem(P).
elefante(X) :- cinza(X), mamifero(X),
temTromba(X).
natural number (N) := integer(N), N >= 0.
                         //factorial(0,1).
factorial (A,B) :- A > 0, C is A-1,
factorial(C,D), B is A*D.
\max(A,B,M) : -A < B, M = B.
\max(A,B,M) :- A >= B, M = A.
```



tia(A,B):- ...

Consultas

- Significa perguntar à base de dados do sistema sobre determinadas informações
- Ocorrem em forma interativa
- Realizadas depois de carregar o programa (fatos e regras)
- prompt ?-





```
🦥 SWI-Prolog-Editor - [E:\00ASCV-Disciplinas\ASCV-Paradigmas de Linguagens\0-LABORATORIO\Prolog\00-calculadora.pl]
Arquivo Editar Iniciar Testar XPCE Janela Ajuda
 D 🚅 🗐 🗿 🗗 🖅 🔯 🕟 🖂 💇 🗠 🗠 🖟 🖺 💼 🛤 🛧 🖓 🖺 ₩ ₩ 📾 🚇 № 📜 🖼 🖼 🖟 № 🔘 🔾 🔫
    1 % Arguivo:
                      calculadora.pl
    2 % Prof. Ausberto S. Castro Vera
   3 % Disciplina : Paradigmas de Ling. de Programacao
    4 % UENF-CCT-LCMAT-CC
    5 % Date: Setembro 2022
    6 % Aluno: Fulano da Silva
    9 soma(A,B,Resultado):- Resultado is A+B.
   10 resta(X,Y,Resultado) :- Resultado is X-Y.
   11 multip(C,D,Resultado):- Resultado is C*D.
   12 quadrado(X, Resultado): - Resultado is X*X.
   13 divide(X,Y,Resultado):- Resultado is X/Y, Y >0.
Linha: 15 Coluna: 72
 ■ 66 (a) 51 (3 51 (3 5) (3 5) (4 5)
 ?- soma(2,7,ResultadoSoma).
 ResultadoSoma = 9 :
 false.
 ?- resta(18,5,ResultadoResta).
 ResultadoResta = 13;
 false.
 ?- quadrado(8, ResultadoQuadr).
 ResultadoOuadr = 64:
 false.
```

Base de Dados

- É o conjunto de fatos no sistema PROLOG
- Contém os fatos a partir dos quais, as consultas serão respondidas
 - O sistema PROLOG constrói seu conhecimento a partir destes fatos
 - O programador PROLOG é responsável pela sua exatidão

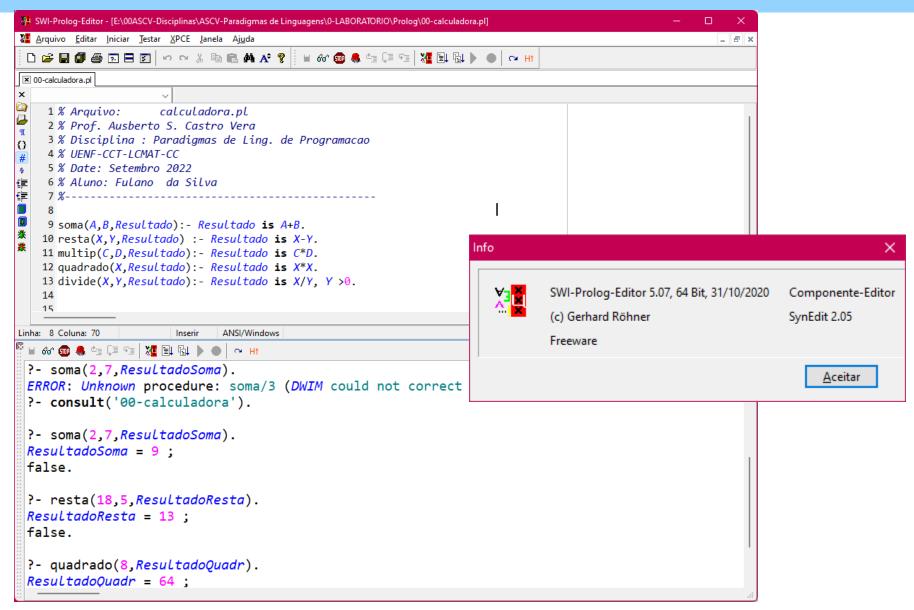
```
humano(pele).
brasileiro(pele).
jogador(pele).
presidente(lula, brasil).
cantor(romario).
campeao(barcelona, espanha).
Campeao(internacional, brasil).
```

```
mae (Teresa) .
dispositivo(papel)
rede(caneta)
pai(Pedro) .
mamifero(tigre) .
profeta(Jeremias) .
igreja(Laodiceia, Grecia) .
```

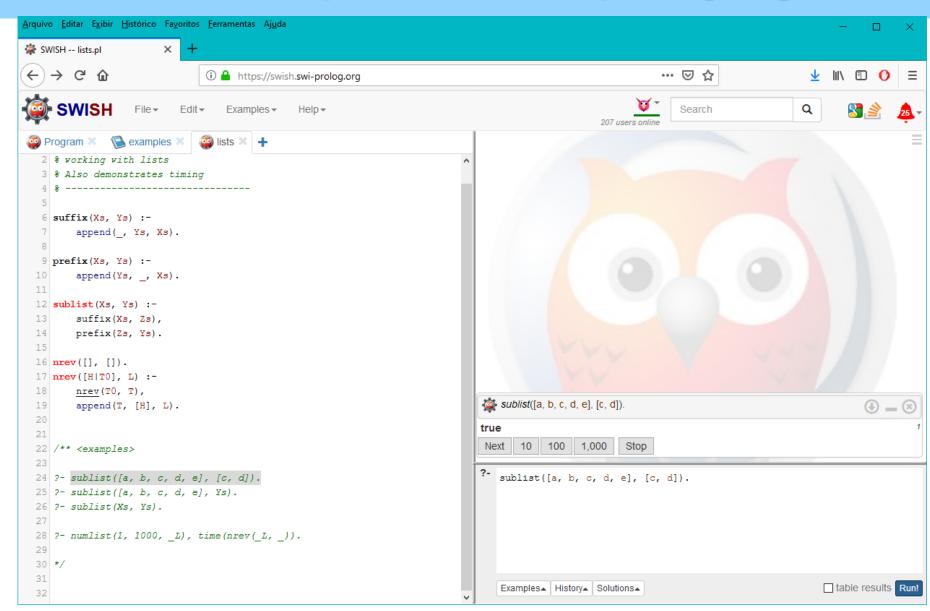
Programa Exemplo: casa.pl

```
% Author: Ausberto S. Castro Vera
                                                                                              %%----- REGRAS -----
% UENF, Ciência da Computação, 05/2019
                                                                                              conectar(X,Y) :- porta(X,Y).
                                                                                              conectar(X,Y) :- porta(Y,X).
%----- FATOS -----
                                                                                              lista coisas(Lugar):-
lugar(sala).
                                                                                                    localizacao(X, Lugar),
lugar(cozinha).
                                                                                                    tab(2),
lugar(escritorio).
                                                                                                    write(X),
lugar(corredor).
                                                                                                    nl,
lugar('sala de jantar').
                                                                                                    fail.
lugar(celeiro).
                                                                                                    lista coisas(Qualquerlugar).
lugar(jardim).
                                                                                              lista portas(Lugar):-
porta(escritorio, corredor).
                                                                                                    conectar(Lugar, X).
porta(cozinha, escritorio).
                                                                                                    tab(2).
porta(corredor, 'sala de jantar').
                                                                                                    write(X),
porta(cozinha, celeiro).
                                                                                                    nl.
porta('sala de jantar', cozinha).
                                                                                                    fail.
                                                                                                    lista portas().
localizacao(escrivaninha, escritorio).
localizacao(laranja, cozinha).
                                                                                              observar :- aqui(Lugar),
localizacao(lanterna, escrivaninha).
                                                                                                     write('Voce esta na '), write(Lugar), nl,
localizacao('mag de lavar', celeiro).
                                                                  escritório
                                                                                                     write('Voce pode ver:'), nl,
localizacao(sabao, 'maq de lavar').
                                                                                                     lista coisas(Lugar),
localizacao(verdura, cozinha).
                                                                                                     write('Voce pode ir para:'), nl,
localizacao(biscoitos, cozinha).
                                                                                                     lista portas(Lugar).
localização(computador, escritorio).
comestivel(laranja).
                                                corredor
comestivel(biscoitos).
gosto amargo(verdura).
                                                                           cozinha
                                                                                                 celeiro
                                             sala
aqui(cozinha).
                                              iantar
```

SWI Prolog 8.5.16 + Editor 5.07 (64 bits)



SWISH - https://swish.swi-prolog.org/



Sintaxe Prolog

Um fato é um termo sem variáveis

```
gato.
verde(papagaio).
habitat(tigre,mato).
```

 Regras são definidas por uma cabeça seguida do símbolo :- seguida da conjunção de termos, os quais são as condições para que a cabeça seja verdadeira

```
pai(A,B) :- parente(A,B), homem(A).
natural(N) :- inteiro(N), N > 0.
```

- Consulta é a conjunção de termos
 - ?- habitat(gato, floresta).

Sintaxe Prolog

```
<fato> ::= <termo>.
<regra> ::= <termo> :- <termos>.
<consulta> ::= <termos>.
<termo> ::= <termo> , <termo> >
<termo> ::= <numero>
           | <atomo> | <variavel>
           | <atomo> ( <termos> )
atomo
<atomo> ::= nomepred | nomepred(t1, t2, ...,tn)
<variavel> ::= identificador começando com letra minúscula
```

Compiladores-Interpretadores

- SWI Prolog
 - http://www.swi-prolog.org/
- Amzi!
 - http://www.amzi.com/
- BProlog
 - http://www.sci.brooklyn.cuny.edu/~zhou/bprolog.html
- GNU Prolog
 - http://pauillac.inria.fr/~diaz/gnu-prolog/
- Poplog
 - http://www.poplog.org/
- Strawberry Prolog
 - http://www.dobrev.com/
- Visual Prolog
 - http://www.visual-prolog.com/



Prof. Dr. Ausberto S. Castro Vera Ciência da Computação UENF-CCT-LCMAT Campos, RJ

ascv@uenf.br













