

## Sumario

1. Medidas de almacenamiento de información.....	2
2. Sistemas de numeración.....	3
a) El sistema decimal.....	3
b) El sistema binario.....	3
c) El sistema octal.....	3
d) El sistema hexadecimal.....	3
3. Conversiones de sistemas de numeración.....	4
a) Decimal a binario.....	4
b) Binario a decimal.....	4
c) Binario a octal y octal a binario.....	4
d) Binario a hexadecimal y hexadecimal a binario.....	5
4. Operaciones aritméticas.....	7
a) Suma en números binarios.....	7
b) Producto de números binarios.....	7
5. Operaciones lógicas.....	8
a) Operador AND.....	8
b) Función NOT.....	8
c) Función OR.....	8
6. Representación de caracteres.....	9
a) Códigos.....	9
7. Representación de imágenes.....	11
a) Gráficos de Mapa de Bits.....	11
b) Representación de Gráficos de Vectores.....	12

# 1. Medidas de almacenamiento de información.

Medidas de almacenamiento de información. Las unidades de medida más usadas son el Bit, Byte, Kilobyte, Megabyte, Gigabyte y Terabyte.

Por ejemplo puedes imaginar esto:

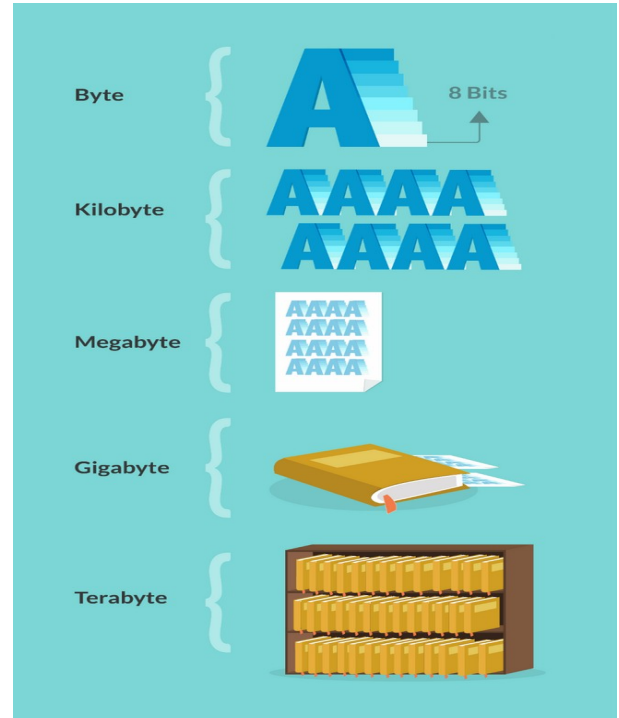
Tienes un libro muy grande, y una sola letra de ese libro representa un Byte. Esta letra está compuesta por (8) ocho partes y cada una de esas partes se llama Bit.

Si juntas varias letras (bytes) formarías palabras, y con las palabras un párrafo, que aquí contaría como un Kilobyte.

Con varios párrafos (Kilobytes) podrías conformar algunas páginas del libro, lo que podría ser un Megabyte.

Y uniendo todas las páginas (megabytes), tendrías el libro completo, que puedes imaginar que es Gigabyte.

Si unes ese libro a muchos otros libros (Gigabytes), tendrías una gran biblioteca que, en este caso, equivaldría a un Terabyte.



Aunque la capacidad de almacenamiento de cada una de las unidades de medida no es exactamente igual al ejemplo que te acabamos de dar, ya tienes una idea de cómo funcionan y se organizan. Equivalencias reales:

**Bit:** Es la unidad mínima de información empleada en informática.

**Byte (B):**

Equivale a 8 bits. **Con dos bytes guardas o procesas una letra.**

**Kilobyte (kB):** 1024 bytes forman un Kilobyte.

**Megabyte (MB):** Equivale a 1024 Kilobytes.

**Gigabyte (GB):** Es igual a 1024 Megabytes. Es la unidad de medida que se suele usar para determinar la capacidad de almacenamiento de las USB.

**Terabyte (TB):** Lo componen 1024 Gigabytes. Muchas veces esta medida determina la capacidad de almacenamiento de los discos duros. ¡Imagina la cantidad de archivos que podrías guardar!

## 2. Sistemas de numeración

### a) El sistema decimal.

Compuesto por los símbolos 0 al 9 (base 10), es el sistema numérico que utilizamos a diario.

### b) El sistema binario.

Es un sistema de numeración en el que los números se representan utilizando solamente dos cifras: cero (0) y uno (1). Se utilizan en las computadoras, debido a que estas trabajan internamente con dos niveles de voltaje, por lo cual es su sistema de numeración natural.

### c) El sistema octal

Su base es 8, esto significa que existen ocho símbolos (dígitos octales): 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7. Se usa este sistema de numeración al tener un método de conversión casi inmediato a binario, reduce la cantidad de dígitos para representar una cantidad, con lo que se reduce los errores.

Cada dígito octal representa tres bits y tres bits pueden representarse mediante un dígito octal. La tabla muestra la relación entre un patrón de bits y un dígito octal.

Octal	Decimal	Binario
0	0	000
1	1	001
2	2	010
3	3	011
4	4	100
5	5	101
6	6	110
7	7	111

### d) El sistema hexadecimal.

El binario se usa para representar datos cuando éstos se almacenan dentro de un ordenador. Sin embargo, para la gente es difícil manipular los patrones de bits. Escribir una serie de números 0 y 1 es tedioso y propenso al error. La notación hexadecimal ayuda a las personas con estos dos problemas.

La notación hexadecimal tiene base 16, es decir hay 16 símbolos (dígitos hexadecimales): 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E y F. La importancia de la notación hexadecimal se hace evidente cuando se convierte binario a notación hexadecimal.

Cada dígito hexadecimal puede representar cuatro bits y cuatro bits pueden representarse mediante un dígito hexadecimal.

La notación hexadecimal se escribe en dos formas. Se añade una x minúscula (o mayúscula) antes de los dígitos para mostrar que la representación está en hexadecimal. Por ejemplo, xA34 representa un valor hexadecimal en esta convención.

DECIMAL	BINARIO	HEXADECIMAL
0	0000	0
1	0001	1
2	0010	2
3	0011	3
4	0100	4
5	0101	5
6	0110	6
7	0111	7
8	1000	8
9	1001	9
10	1010	A
11	1011	B
12	1100	C
13	1101	D
14	1110	E
15	1111	F

Otra forma, es indicar la base del número (16) como el subíndice después de cada número. Por ejemplo,  $A34_{16}$  muestra el mismo valor en la segunda convención.

### 3. Conversiones de sistemas de numeración

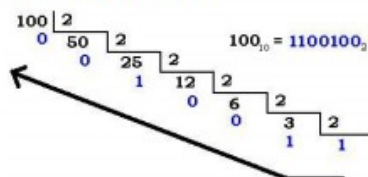
#### a) Decimal a binario

Se divide el número del sistema decimal entre 2, cuyo resultado entero se vuelve a dividir entre 2, y así sucesivamente hasta que el dividendo sea menor que el divisor, 2. Es decir, cuando el número a dividir sea 1 finaliza la división.

A continuación se ordena desde el último cociente hasta el primer resto, simplemente se colocan en orden inverso

##### Ejemplo

Transformar el número decimal 100 en binario.



#### b) Binario a decimal

Para realizar la conversión de binario a decimal, realice lo siguiente:

1. Empezamos por el lado derecho del número en binario. Multiplique cada dígito por 2 elevado a la potencia consecutiva (comenzando por la potencia  $2^0$ ).
2. Después se hacen las multiplicaciones y tras sumarlas el resultante será el equivalente al sistema decimal.

##### Ejemplos:

**Nota:** Los números de la parte superior del número binario indican la potencia a la que hay que elevar el número 2, solo tiene carácter informativo en el ejemplo.

$$\begin{array}{ccccccc} 5 & 4 & 3 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 110101_2 = 1 \cdot 2^5 + 1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 32 + 16 + 0 + 4 + 0 + 1 = 53 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} 7 & 6 & 5 & 4 & 3 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 2 \\ 10010111_2 = 1 \cdot 2^7 + 0 \cdot 2^6 + 0 \cdot 2^5 + 1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 128 + 0 + 0 + 16 + 0 + 4 + 2 + 1 = 151 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} 5 & 4 & 3 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 2 \\ 110111_2 = 1 \cdot 2^5 + 1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 32 + 16 + 0 + 4 + 2 + 1 = 55 \end{array}$$

#### c) Binario a octal y octal a binario.

La conversión de un patrón de bits a notación octal se realiza mediante la organización del patrón en grupos de tres y la determinación del valor octal de cada grupo de tres bits. Para la conversión de octal a patrón de bits, se convierte cada dígito octal a su equivalente de tres bits



### Ejemplo 1

Muestre el equivalente octal del patrón de bits 101110010.

### Solución

Cada grupo de tres bits se traduce a un dígito octal. El equivalente es **0562** o **562<sub>8</sub>**.

### Ejemplo 2

Muestre el equivalente octal del patrón de bits 1100010.

### Solución

El patrón de bits se divide en grupos de tres bits (a partir de la derecha). En este caso, se añaden dos 0 más a la izquierda para hacer el número total de bits divisible entre 3. Así que usted tiene 001100010, lo cual se traduce a **0142** o **142<sub>8</sub>**.

### Ejemplo 3

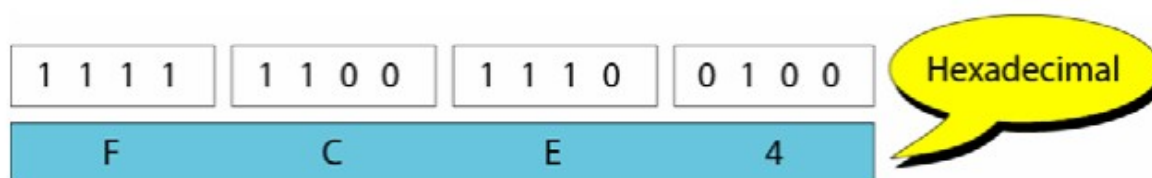
¿Cuál es el patrón de bits para 248?

### Solución

Cada dígito octal se escribe como su patrón de bits equivalente para obtener 010100.

## d) Binario a hexadecimal y hexadecimal a binario.

La conversión de un patrón de bits a notación hexadecimal se realiza por medio de la organización del patrón en grupos de cuatro y luego hallar el valor hexadecimal para cada grupo de cuatro bits. Para una conversión de hexadecimal a patrón de bits se convierte cada dígito hexadecimal a su equivalente de cuatro bits.



### Ejemplo 1

Determine el hexadecimal equivalente de 110011100010<sub>2</sub>.

### Solución

Cada grupo de cuatro bits se traduce a un dígito hexadecimal. El equivalente es **xCE2**.

### **Ejemplo 2**

Determine el hexadecimal equivalente del patrón de bits 0011100010.

### **Solución**

El patrón de bits se divide en grupos de cuatro bits (a partir de la derecha). En este caso, se añaden dos 0 más a la izquierda para hacer el número total de bits divisible entre cuatro. Así el número binario 000011100010, se expresa en hexadecimal como **x0E2**.

### **Ejemplo 3**

¿Cuál es la conversión de **x24C** a binario?

### **Solución**

Cada dígito hexadecimal se escribe como su patrón de bits equivalente y se obtiene 001001001100.

## 4. Operaciones artísticas.

### a) Suma en números binarios.

La tabla de sumar, en binario, es mucho más sencilla que en decimal. Sólo hay que recordar cuatro combinaciones posibles.

Ejemplo.

$$\begin{array}{r} 100110101 \\ + 11010101 \\ \hline 1000001010 \end{array}$$

#### Suma

$$0 + 0 = 0$$

$$0 + 1 = 1$$

$$1 + 0 = 1$$

$$1 + 1 = 10$$

Operamos como en el sistema decimal: comenzamos a sumar desde la derecha, en nuestro ejemplo,  $1 + 1 = 10$ , entonces escribimos 0 en la fila del resultado y llevamos 1 (este "1" se llama arrastre). A continuación se suma el acarreo a la siguiente columna:  $1 + 0 + 0 = 1$ , y seguimos hasta terminar todas la columnas (exactamente como en decimal).

### b)

### Producto de números binarios.

El algoritmo del producto en binario es igual que en números decimales; aunque se lleva cabo con más sencillez, ya que el 0 multiplicado por cualquier número da 0, y el 1 es el elemento neutro del producto.

Por ejemplo, multipliquemos 10110 por 1001:

$$\begin{array}{r} 10110 \\ 1001 \\ \hline 10110 \\ 00000 \\ 00000 \\ 10110 \\ \hline 11000110 \end{array}$$

#### Multiplicación

$$0 \times 0 = 0$$

$$0 \times 1 = 0$$

$$1 \times 0 = 0$$

$$1 \times 1 = 1$$

## 5. Operaciones lógicas.

### a) Operador AND

La función AND es equivalente a la conjunción "Y" de nuestra lengua, denominada también multiplicación lógica. Al aplicar esta función sobre dos variables (A y B), el resultado (S) será el siguiente: El resultado será verdadero si y sólo si, A y B son verdaderos. Es decir:

A	B	S
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

### b)

### Función NOT

Si la variable A es verdadera, el resultado será falso y viceversa:

A	S
1	0
0	1

### c)

### Función OR

La función OR es equivalente a la conjunción "O" de nuestra lengua, también denominada suma lógica. Al aplicar esta función sobre dos variables (A y B), el resultado (S) será el siguiente: Si al menos una de las dos variables tiene un valor verdadero (1), entonces el resultado será verdadero. Para esta función con dos variables son posibles cuatro combinaciones, o sea:

A	B	S
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1



## 6. Representación de caracteres.

Un fragmento de texto en cualquier idioma es una secuencia de símbolos usados para representar una idea en ese idioma. (ej, ABC...Z, 0,1,2,3...9) .

Se puede representar cada símbolo (de lenguajes humanos) con un patrón de bits.

B	Y	T	E	b	y	t
1000010	1011001	1010100	1000101	0110010	1001001	1000100

### ¿Cuántos bits se necesitan en un patrón de bits para representar un símbolo en un idioma?

Esto depende de cuantos símbolos haya en la secuencia (idioma). La longitud del patrón de bits que representa un símbolo en un idioma depende del número de símbolos usados en ese idioma. Mas símbolos significan un patrón de bits mas grande.

- Un patrón de bits de dos bits puede tomar combinaciones diferentes formas diferentes: 00, 01, 10 y 11 y cada una de estas representará un símbolo.

00 la a      01 la b      10 la c      11 la d      Necesitamos más bit.

- Un patrón de tres bits puede tomar ocho combinaciones diferentes diferentes: 000, 001, 010, 011, 100, 101, 110 y 111 y cada una de estas representará un símbolo.

000 la a      001 la b      010 la C      011 la D  
100 la E      101 la F      110 la G      111 la H      Necesitamos más bit.

- Cuantos vamos a necesitar pues depende de la cantidad de caracteres a codificar pero podemos pensar que con un patrón de bits de  $n$  bits puede tomar  $2^n$  combinaciones diferentes

- Ejemplo

Para  $n=2$  es  $2^2 = 4$  combinaciones diferentes.

### a) Códigos

Para comunicarnos con el ordenador, vamos a codificar nuestro alfabeto con secuencias 0 y 1, cuantos caracteres necesito codificar :

- Caracteres Alfabéticos: Mayúsculas y minúsculas del alfabeto inglés.
- Caracteres Numéricos: Del cero al nueve.
- Caracteres Especiales: { }, , #, \$, %, &, \_, +, -, \*, /, \, ( ), , ?, !, [, ]
- Caracteres de Control: Representan órdenes de control al ordenador: EOL, EOT, SYNC, ESC, BEEP, CTRL
- Caracteres Gráficos: Permiten “dibujar” figuras o iconos elementales.

Generalmente nos referiremos referiremos en programación programación a estas clases como:

- Caracteres alfanuméricos: que abarcan las dos primeras.
- Caracteres de texto: que abarcan las tres primeras categorías.
- Con 7 bits se puede representar hasta 128 caracteres distintos por lo que los primeros códigos tuvieron ese tamaño.

## ASCII American American Standard Standard Code for Information Information Interchange

Usa 7 bits, puede representar representar hasta m = 128 caracteres caracteres distintos distintos.

Ejemplo:

Carácter      ASCII 7      bits Representación interna

'0'              060<sub>8</sub>              0110 000

'9'              071<sub>8</sub>              011 1001

'A'              101<sub>8</sub>              100 0001

'('              050<sub>8</sub>              010 1000

Binary	Dec	Hex	Glyph
010 0000	32	20	SP
010 0001	33	21	!
010 0010	34	22	"
010 0011	35	23	#
010 0100	36	24	\$
010 0101	37	25	%
010 0110	38	26	&
010 0111	39	27	'
010 1000	40	28	(
010 1001	41	29	)
010 1010	42	2A	*
010 1011	43	2B	+
010 1100	44	2C	,
010 1101	45	2D	-
010 1110	46	2E	.
010 1111	47	2F	/
011 0000	48	30	0
011 0001	49	31	1
011 0010	50	32	2
011 0011	51	33	3
011 0100	52	34	4
011 0101	53	35	5
011 0110	54	36	6
011 0111	55	37	7
011 1000	56	38	8
011 1001	57	39	9

Binary	Dec	Hex	Glyph
011 1010	58	3A	:
011 1011	59	3B	;
011 1100	60	3C	<
011 1101	61	3D	=
011 1110	62	3E	>
011 1111	63	3F	?
100 0000	64	40	@
100 0001	65	41	A
100 0010	66	42	B
100 0011	67	43	C
100 0100	68	44	D
100 0101	69	45	E
100 0110	70	46	F
100 0111	71	47	G
100 1000	72	48	H
100 1001	73	49	I
100 1010	74	4A	J
100 1011	75	4B	K
100 1100	76	4C	L
100 1101	77	4D	M
100 1110	78	4E	N
100 1111	79	4F	O
101 0000	80	50	P
101 0001	81	51	Q
101 0010	82	52	R
101 0011	83	53	S

Binary	Dec	Hex	Glyph
101 0100	84	54	T
101 0101	85	55	U
101 0110	86	56	V
101 0111	87	57	W
101 1000	88	58	X
101 1001	89	59	Y
101 1010	90	5A	Z
101 1011	91	5B	[
101 1100	92	5C	\
101 1101	93	5D	]
101 1110	94	5E	^
101 1111	95	5F	_
110 0000	96	60	`
110 0001	97	61	a
110 0010	98	62	b
110 0011	99	63	c
110 0100	100	64	d
110 0101	101	65	e
110 0110	102	66	f
110 0111	103	67	g
110 1000	104	68	h
110 1001	105	69	i
110 1010	106	6A	j
110 1011	107	6B	k
110 1100	108	6C	l

Binary	Dec	Hex	Glyph
110 1101	109	6D	m
110 1110	110	6E	n
110 1111	111	6F	o
111 0000	112	70	p
111 0001	113	71	q
111 0010	114	72	r
111 0011	115	73	s
111 0100	116	74	t
111 0101	117	75	u
111 0110	118	76	v
111 0111	119	77	w
111 1000	120	78	x
111 1001	121	79	y
111 1010	122	7A	z
111 1011	123	7B	{
111 1100	124	7C	
111 1101	125	7D	}
111 1110	126	7E	~

**ASCII extendido:** El tamaño de cada patrón es de 1 byte (8 bits).

## Unicode

Ante la necesidad de un código de mayores capacidades, una coalición de fabricantes de hardware y software desarrollo un código que utiliza 16 bits y puede representar hasta 65 536 (2<sup>16</sup>) símbolos.

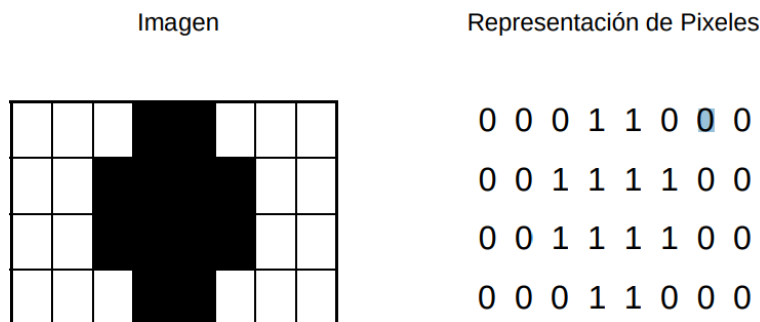
Diferentes secciones del código se asignan a los símbolos de distintos idiomas en el mundo.

## 7. Representación de imágenes.

Las imágenes se representan en un ordenador mediante uno de dos métodos: gráficos de mapa de bits o gráficos de vectores.

### a) Gráficos de Mapa de Bits.

Una imagen se divide en una matriz de píxeles. A cada píxel se le asigna un patrón de bits. El tamaño y el valor del patrón depende de la imagen, para una imagen formada solo por puntos blancos y negros, un patrón de un bit es suficiente para representar un píxel. Los almacenan en la computadora



Representación Lineal

00011000 00111100 00111100 00011000

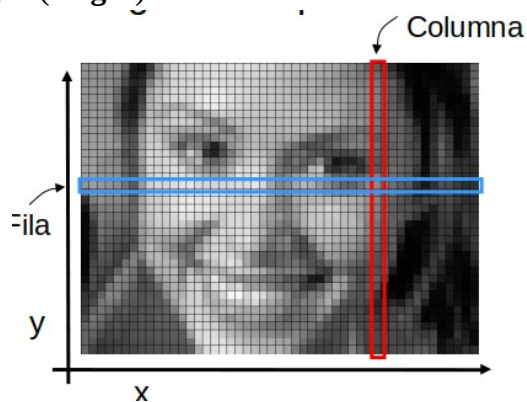
### Un poco de nomenclatura

- N° de columnas de la matriz: **ancho** de la imagen (**width**).
- N° de filas de la matriz: **alto** de la imagen (**height**).
- Eje horizontal: **eje x**.
- Eje vertical: **eje y**.
- Normalmente el tamaño de la imagen se expresa como: **ancho x alto**

Ejemplo. Tamaños típicos:

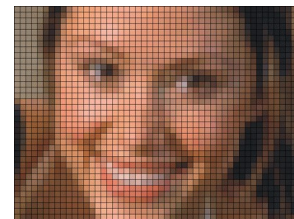
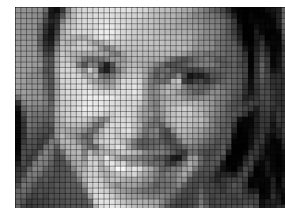
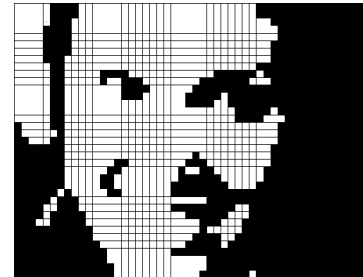
320x240, 640x480,

800x600, 1024x768, ...



- si  $i$  es una imagen,  $i(x, y)$  será el valor del píxel en la columna  $x$ , fila  $y$ .
- Entre otros valores un píxel puede indicar:

- Cada píxel representa el valor de una magnitud física.
- Cantidad de luz en un punto de una escena.
- Valor de color (cantidad de radiación en la frecuencia del rojo, verde y azul).
- Nivel de radiación infrarroja, rayos X, etc. En general, cualquier radiación electromagnética.
- Profundidad (distancia) de una escena en una dirección.
- Temperatura de cada punto de la escena.
- Imagen binaria: 1 píxel = 1 bit
  - 0 = negro; 1= blanco
- Imagen en escala de grises: 1 píxel = 1 byte
  - Permite 256 niveles de gris
  - 0 = negro; 255 = blanco
- Imagen en color: 1 píxel = 3 bytes
  - Cada píxel consta de 3 valores: (Rojo, Verde, Azul)
  - Un byte por color
  - 16,7 millones de colores posibles



## b) Representación de Gráficos de Vectores

Este método no guarda los patrones de bits. La imagen se descompone en una combinación de curvas y líneas. Cada curva o línea se representa por medio de una formula matemática. En este caso cada vez que se dibuja la imagen, la formula se vuelve a evaluar.