Titolo

*Mancini Riccardo, Silvi Francesco, Tarsi Enrico.*

*Abstract*—Qualche riga su cosa conterrà la relazione.

# Introduzione

Il progetto svolto tratta un approfondimento nell’ambito probabilistico e dell’apprendimento automatico in Prolog. Questa è stato svoltoconsiderando lo stesso dataset di riferimento di pazienti blabla, che verrà di seguito approfondito….

La prima fase del progetto andrà a studiare l’aspetto probabilistico che permetterà di dare un'indicazione sulle relazioni fra i valori presenti nel dataset. Lo studio avverrà attraverso l'utilizzo del Cplint, con il quale verranno calcolate delle probabilità rilevanti (semplici, congiunte, condizionate e composte), queste consentiranno di studiare i legami fra i singoli attributi e la diagnosi del paziente. Questo studio andrà poi ad affiancare il risultato dell'apprendimento effettuato sul medesimo dataset, per valutarne la coerenza.  
L’apprendimento sviluppato servirà, oltre che per valutarne l’accuratezza di classificazione e di conseguenza il suo errore, ma anche per mettere a confronto due algoritmi (Shannon e …), due criteri (Entropia e Gini) di scelta dell’attributo nell’induzione dell’albero decisionale, rendendo allo stesso tempo gli algoritmi meno onerosi in termini di complessità computazionale.

…

# Dataset

L'Heart Failure Prediction dataset è una collezione di dati costituita da ben 746 casi di pazienti di cui si conoscono 11 caratteristiche (o features) che in un modo o nell'altro influenzano lo stato di salute del cuore di ognuno di essi. Di fatto, l'insufficienza cardiaca è un evento comune causato da malattie cardiovascolari, e grazie ai campioni raccolti in questo dataset è possibile prevedere una possibile malattia cardiaca. Infatti, le persone con malattie cardiovascolari o ad alto rischio cardiovascolare (per la presenza di uno o più fattori di rischio come ipertensione, diabete, iperlipidemia o malattie già accertate) necessitano di una diagnosi precoce e di una gestione tale da rendere un modello di machine learning di fondamentale importanza, ed è proprio per questo motivo che è stato ideato il dataset in questione.

Per quanto riguarda la struttura il dataset contiene, come già anticipato, 746 casi, ognuno dei quali descritto da ben 12 valori che possono assumere i vari attributi. Nello specifico gli 11 attributi, più l'ultimo attributo che definisce la classe (ossia la salute del paziente), sono:

1. **Age**: l'età del paziente (*anni*)
2. **Sex**: il sesso del paziente (*M*: maschio, *F*: femmina)
3. **ChestPainType**: tipo di dolore toracico (*TA*: angina tipica, *ATA*: angina atipica, *NAP*: senza dolore, *ASY*: angina asintomatica)
4. **RestingBP**: pressione sanguigna a riposo (*mm Hg*)
5. **Cholesterol**: colesterolo totale sierico (*mm/dl*)
6. **FastingBS**: glicemia a digiuno (*1*: se FastingBS > 120 mg/dl, *0*: altrimenti)
7. **RestingECG**: risultati dell'elettrocardiogramma a riposo (*Normal*: normale, *ST*: definisce un'anomalia dell'onda ST-T (inversione dell'onda T e/o elevazione o depressione dell'ST di > 0,05 mV), *LVH*: mostra un'ipertrofia ventricolare sinistra probabile o definita secondo i criteri di Estes)
8. **MaxHR**: frequenza cardiaca massima raggiunta (*valore numerico tra 60 e 202*)
9. **ExerciseAngina**: angina da sforzo (*Y*: si, *N*: no)
10. **Oldpeak**: sottoslivellamento ST, fa riferimento ad un'alterazione dell'elettrocardiogramma di superficie (*valore numerico tra -2.6 e 6.2*)
11. **ST\_Slope**: la pendenza del segmento ST di picco (*Up*: in salita, *Flat*: piatta, *Down*: in discesa)
12. **HeartDisease**: la classe di output (*1*: presenta problemi cardiaci, *0*: normale)

## Discretizzazione

Nel dataset alcuni attributi assumono valori continui o discreti ma comunque molto ampi per il nostro caso d'uso. Un esempio è l'età, che spazia dai 28 fino ai 77 anni, o il colesterolo che può potenzialmente assumere infiniti valori. Per questo è stato necessario intervenire con una discretizzazione del dataset, poiché le informazioni, derivanti da uno studio che tratta ogni singolo valore di un attributo come se stante, sarebbero potute essere forvianti.

Qui di seguito sono riportate le discretizzazioni applicate.

* **age**:
  + age ≤ 18 → *First*
  + 18 < age ≤ 60 → *Second*
  + age > 60 → *Third*
* **restingBP**:
  + restingBP < 120 → *Optimal*
  + 120 ≤ restingBP < 140 → *Normal/High*
  + 140 ≤ restingBP <160 → *High*
  + restingBP ≥ 160 → *Very high*
* **cholesterol**:
  + cholesterol < 200 → *Desiderable*
  + 200 ≤ cholesterol < 240 → *Moderately*
  + cholesterol ≥ 240 → *Extremely high*
* **maxHR**:
  + maxHR < 100 → *1*
  + 100 ≤ maxHR < 130 → *2*
  + 130 ≤ maxHR < 160 → *3*
  + maxHR ≥ 160 → *4*
* **oldpeak**:
  + oldpeak < 0.5 → *Low risk*
  + 0.5 ≤ oldpeak < 1.5 → *Normal risk*
  + oldpeak ≥ 1.5 → *High risk*

I restanti attributi non menzionati non avevano bisogno della discretizzazione, poiché lo erano di propria natura. In particolare sono:

* **sex**
* **chest\_pain\_type**
* **fastingBS**
* **restingECG**
* **excercise\_angina**
* **st\_slope**

Infine, per consentirne l'uso in Prolog è stata costruita la struttura degli esempi in modo tale che assumessero una forma esempio(Classe,[Attributi]), nel quale per "Classe" si intende lo stato di salute ("y" se malato, "n" se non malato), mentre per "[Attributi]" si intende una lista contenente tutti gli attributi con associato il relativo valore assunto nell'esempio.

Sono stati anche costruiti delle clausole per gli attributi nella forma attributo(NomeAttributo,[ValoriAttributo]) nel quale "[NomeAttributo]" identifica quale attributo si prende in esame, mentre "ValoriAttributo" è la lista contenente i valori che esso può assumere.

**(SOME EXAMPLES)**

# Analisi probabilistica (Cplint)

È una raccolta di programmi pensati per l'inferenza e l'apprendimento tramite: LPADs, ICL(Indipendent Choise Logic) e CP-logic programs. Nell'attuale progetto ci si è concentrati nella prima forma.

LPAD è un insieme finito di clausole disgiunte annotate. Per annotate si intende che nella testa di ogni atomo è riportata una probabilità. LPAD a differenza del ProbLog consente solamente clausole probabilistiche nella forma di fatti con due sole alternative, una delle quali è implicita.

## La libreria Pita

PITA è un sistema integrato nel Cplint avente come fine quello di calcolare la probabilità di una query da un programma probabilistico espresso come LPAD. Per fare ciò il programma sottoforma di LPAD viene prima trasformato in un normale programma contenente delle chiamate ad un diagramma decisionale binario. Lo scopo è poter formare un diagramma decisionale binario che ad ogni subgoal contenga una "spiegazione" per la quale si è arrivati a quel risultato, ossia ne giustifichi la probabilità. Per poter utilizzare questo sistema è prima necessario includerlo attraverso la direttiva:  
:- use\_module(library(pita)).

## Predicati probabilistici elementari

In questa sezione sono riportati i predicati utilizzati per il calcolo delle probabilità semplici di ogni attributo (features) e classe. Con probabilità semplice si intende una proporzione (rapporto) tra il numero dei casi che presentano un determinato valore di un attributo/classe ed il numero totale dei casi presenti nel dataset.

### Probabilità attributi

Per il calcolo delle probabilità relative agli attributi sono stati realizzati i seguenti predicati:

* numero\_persone(-N): che restituisce il numero totale dei casi all'interno del dataset.
* prob\_attributo(+Val): per ogni attributo è stato realizzato un **predicato con probabilità** in cui:  
  + *attributo*: è l'attributo che si vuole analizzare.
  + *Val*: è il valore dell'attributo che si vuole analizzare.

a cui viene assegnata la probabilità facendo il rapporto tra il numero dei casi ottenuto con il predicato attributo(+Val,-N) (che restituisce il numero dei casi che presentano il valore (+Val) dell'attributo analizzato) e il numero totale dei casi ottenuto con numero\_persone(-Tot).

### Probabilità classi

Oltre alle probabilità relative agli attributi è sicuramente interessante calcolare quelle relative alla classe, ossia la probabilità di ottenere un caso con problemi cardiovascolari.

Per fare ciò sono stati realizzati tre predicati:

* persone\_malate(-N):
  + *N*: restituisce il numero dei casi in cui la classe assume valore ' *y* '.
* prob\_malato(): a cui viene assegnata la probabilità calcolata come il rapporto tra i casi con problemi cardiovascolari ottenuto con persone\_malate(-PM) e il numero totale dei casi ottenuto con numero\_persone(-N).
* prob\_sano(): a cui viene assegnata la probabilità calcolata come il negato della probabilità di prob\_malato().

## Predicati probabilistici più complessi

Nelle sezioni sottostanti sono presenti i predicati utili a calcolare probabilità congiunte e condizionate.

### Probabilità congiunte

* dist\_attr(+Attr,+Val,-Valori): è stato pensato per riconoscere l'attributo (+Attr) e di conseguenza fornire una lista (-Valori) composta da 10 variabili anonime e il valore (+Val) dell'attributo nella posizione che rispetti la formattazione degli esempi. Il predicato è dichiarato 11 volte, una per ogni attributo presente negli esempi.
* congiunzione(+Salute,+Attr,+Val,-N): viene utilizzato per calcolare il numero (-N) di esempi che soddisfino sia la condizione di salute (+Salute) che la condizione per la quale l'attributo (+Attr) abbia valore (+Val). Per riconoscere l'attributo richiesto viene eseguito il predicato dist\_attr(+Attr,+Val,-Valori).
* congiunzione(+Salute,+[Val1,Val2,Val3Val4,Val5,Val6,Val7,Val8,Val9,Val10,Val11],-N): è la versione più generale del precedente, infatti utilizzando questo predicato è possibile calcolare il numero (-N) di esempi che assumono una determinata combinazione di attributi descritti dalla lista passata come argomento della clausola. Per tutti gli attributi che non sono rilevanti nel calcolo è sufficiente utilizzare una variabile incognita.
* prob\_congiunta(+Salute,+Attr,+Val):Con/N: utilizzando il predicato congiunzione(+Salute,+Attr,+Val,-N1) e numero\_persone(-N2) si imposta all'atomo una probabilità pari a P = N1/N2. Questa rappresenta la probabilità congiunta di avere la combinazione descritta nella testa.
* prob\_congiunta(+Salute,+[Val1,Val2,Val3Val4,Val5,Val6,Val7,Val8,Val9,Val10,Val11],-N):Con/N: funzionamento analogo al precedente, ma con la differenza che viene utilizzato il predicato più generale congiunzione(+Salute,+[Val1,Val2,Val3Val4,Val5,Val6,Val7,Val8,Val9,Val10,Val11],-N). Si è così in grado di imporre una probabilità congiunta di combinazioni più articolate.

### Probabilità condizionate

* prob\_salute\_per\_val(+Salute,+Attr,+Val):PAB/PB: con questo predicato si vuole calcolare la probabilità condizionata, ossia la probabilità che si abbia un determinato stato di salute (+Salute) rispetto un determinato valore (+Val) di un dato attributo (+Attr). Per il calcolo si applica la formula P(Salute|Valore) = P(Salute ⋂ Valore)/P(Valore), nella quale:  
  + *P(Salute ⋂ Valore)*, è calcolata utilizzando congiunzione(+Salute,+Attr,+Val,-PAB);
  + *P(Valore)*, utilizzando congiunzione(\_,+Attr,+Val,-PB).

entrambe restituiscono un numero, non una probabilità, ma andare a dividere per il numero totale di esempi sarebbe superfluo, in quanto si otterrebbe una cancellazione del termine.

* prob\_salute\_per\_val(+Salute,+[Val1,Val2,Val3Val4,Val5,Val6,Val7,Val8,Val9,Val10,Val11]):PAB/PB: versione più generica del suo omonimo. Consente di calcolare la probabilità condizionata con una combinazione di valori più articolata. Il calcolo viene effettuato seguendo una logica analoga al caso precedente, ed il risultato che si ottiene è anche stavolta posto nella testa.
* prob\_salute\_per\_val(\_,\_,\_):0: se la combinazione degli eventi nella testa non è compatibile, o gli eventi sono disgiunti la probabilità condizionata è nulla.
* teo\_bayes(+Attr,+Val,+Salute,-PAB): con questo predicato si vuole calcolare la probabilità condizionata nel verso opposto dei precedenti predicati, ovvero la probabilità di avere un certo valore (+Val) di un attributo (+Attr), sapendo a priori lo stato di salute (+Salute). Il risultato viene calcolato applicando il teorema di Bayes: *P(Val|Salute) = P(Salute|Val)\*P(Val)/P(Salute)*.

Nello specifico si ha:

* + *P(Salute|Val)*, ottenuto prelevando la probabilità nella testa di prob\_salute\_per\_val(+Salute,+Attr,+Val);
  + *P(Val)*, ottenuto dalla probabilità nella testa di prob\_congiunta(\_,+Attr,+Val);
  + *P(Salute)*, ottenuto dalla probabilità nella testa di prob\_congiunta(+Salute,\_).

Come ultima cosa viene effettuato il calcolo numerico e si restituisce il risultato in (-PAB).

* teo\_bayes(+[Val1,Val2,Val3,Val4,Val5,Val6,Val7,Val8,Val9,Val10,Val11],+Salute,-PAB): costruito per ottenere la probabilità condizionata di avere una determinata combinazione di valori contenuta nella lista della testa, conoscendo lo stato di salute (+Salute).

## Rappresentazione grafica dei risultati

L'ultima sezione del notebook è dedicata alla rappresentazione grafica delle probabilità calcolate in precedenza. Si è fatto uso della libreria C3 (approfondita qui di seguito) per poter renderizzare un istogramma. Nello specifico è stato costruito un grafico per ogni attributo del dataset, nel quale sono state riportate le probabilità di avere un'insufficienza cardiaca per ogni valore che può assumere un determinato attributo. Ovviamente questo valore è stato messo a confronto graficamente con la sua controparte, ossia con la probabilità di NON avere un'insufficienza cardiaca per gli stessi valori dello stesso attributo calcolato prima.

Il predicato che si occupa di richiamare direttamente la libreria C3 è grafico(+Attr,-Chart) che definisce il layout dell'istogramma nel quale poi vengono immessi i valori probabilistici calcolati. Questi valori numerici, corrispondenti alle probabilità sopra citate, sono stati ottenuti sviluppando il predicato calcolo\_hist(+Salute,+Attr,+Valori,-Traccia,-TracciaF), il quale ricorsivamente per ogni attributo, va a calcolare la probabilità condizionata di ogni valore.

### La libreria C3

C3 è una libreria JavaScript utilizzata per il rendering di grafici inerenti ai dati utilizzati. Questo perchè i risultati numerici sono spesso più facili da capire quando vengono visualizzati come un grafico rispetto a un elenco di numeri.

La creazione di un grafico C3 richiede l'inclusione della direttiva :- use\_rendering(c3). e il collegamento di una variabile Prolog a un dict con il tag c3 e i dati necessari a *C3*. Il renderer c3 si comporta in due modi con i dati:

* se non viene specificata alcuna dimensione, la larghezza viene impostata sull'85% della larghezza disponibile e l'altezza a larghezza/2+50. Il grafico viene ridimensionato se disponibile lo spazio cambia.
* il renderer esegue alcuni controlli di integrità di base sui dati e può segnalare un errore.

### Risultati graficati

**(qualche istogramma)**

# Apprendimento automatico

After the text edit has been completed, the paper is ready for the template. Duplicate the template file by using the Save As command, and use the naming convention prescribed by your conference for the name of your paper. In this newly created file, highlight all of the contents and import your prepared text file. You are now ready to style your paper; use the scroll down window on the left of the MS Word Formatting toolbar.

## Tree Induction

## Criterio di scelta dell’attributo (Entropia vs gini)

## Risultati di classificazione

# Miglioramenti aggiuntivi

**Qualcosa riguardo all’apprendimento totalmente sviluppato in Cplint… quello che diceva Dragoni, durante ricevimento, di aggiungere alla presentazione durante il ricevimento.**

##### Riferimenti

1. G. Eason, B. Noble, and I. N. Sneddon, “On certain integrals of Lipschitz-Hankel type involving products of Bessel functions,” Phil. Trans. Roy. Soc. London, vol. A247, pp. 529–551, April 1955. *(references)*
2. J. Clerk Maxwell, A Treatise on Electricity and Magnetism, 3rd ed., vol. 2. Oxford: Clarendon, 1892, pp.68–73.
3. I. S. Jacobs and C. P. Bean, “Fine particles, thin films and exchange anisotropy,” in Magnetism, vol. III, G. T. Rado and H. Suhl, Eds. New York: Academic, 1963, pp. 271–350.
4. K. Elissa, “Title of paper if known,” unpublished.
5. R. Nicole, “Title of paper with only first word capitalized,” J. Name Stand. Abbrev., in press.
6. Y. Yorozu, M. Hirano, K. Oka, and Y. Tagawa, “Electron spectroscopy studies on magneto-optical media and plastic substrate interface,” IEEE Transl. J. Magn. Japan, vol. 2, pp. 740–741, August 1987 [Digests 9th Annual Conf. Magnetics Japan, p. 301, 1982].
7. M. Young, The Technical Writer’s Handbook. Mill Valley, CA: University Science, 1989.