



Carátula para entrega de prácticas

Facultad de Ingeniería

Laboratorio de docencia

Laboratorios de computación salas A y B

Adrian Ulises Mercado

Profesor:

Asignatura:

Estructura de datos y Algoritmos
I

Grupo:

13

No de Práctica(s):

ANALISIS DE
RECURSIVIDAD

Integrante(s):

Martínez Jacques Ricardo

No. de Equipo de cómputo empleado:

No. de Lista o Brigada:

Brigada 5

Semestre:

2020-2

Fecha de entrega:

Observaciones:

CALIFICACIÓN: _____

ANALISIS DE RECURSIVIDAD.

INTRODUCCION

Veremos un análisis de algoritmos recursivos, así mismo la definición de recursividad, algunos ejemplos de su utilización, y una solución de problemas con recursividad.

DESARROLLO

¿Qué es la recursividad?

Es el hecho que un algoritmo hace cuando se autollama, o se llama a si mismo, existen dos tipos de recursividad en programación.

1. Directa o también llamada simple, multiple:

Es la más común, se da cuando una función se llama a sí misma una o varias veces.

2. Indirecta:

Se da cuando una función es llamada de manera indirecta, es decir, por medio de otra función.

¿Qué características tiene una función recursiva?

1. Tener el caso base o condición de donde comenzara el algoritmo
2. El paso recursivo.
3. Cada ciclo que se repita, debe ir acercándose más a la solución buscada, haciendo del problema pequeños problemas.

Ejemplos:

- Serie de Fibonacci
- Factorial de un numero
- Recorrido de un árbol
- Potencia de n numero a n numero

¿Tiene ventajas y desventajas la recursividad?

Como ventajas se proponen:

- Se da una solución natural y aplicable
- Soluciones iterativas que son mas difíciles de implementar
- Resuelve problemas que resultan complejos, ya que subdivide el problema

Como desventajas se proponen:

- Puede que la recursividad conlleve a un ciclo infinito y no resolver el problema.
- Es difícil de programar, depende del problema a solucionar

Conocer la Ecuación Recursiva.

- ✓ Asociar una función o método F a un tiempo de corrida $T(n)$ que desconocemos
- ✓ Establecer la ecuación de recurrencia que es la que representa cual es la complejidad de un algoritmo recursivo.
- ✓ El cálculo de la $T(n)$ puede depender de :
 - El caso base o paso base , si es valor entero o el valor inicial n es muy pequeño
 - El paso recursivo; que puede ir decrementando el valor de n en cada llamada de T , la n es para todos los demás valores enteros positivos superiores al del caso base.
- ✓ Ejemplo del factorial

Ejemplos.

Torres de hanoi

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

void hanoi(int n, char origen, char destino, char aux){
    if(n ==1){
        printf("mover disco %d desde %c hasta %c\n", n, origen, destino);
    }else{
        hanoi(n-1, origen, aux, destino); //movern-1 discos al auxiliar
        printf("Mover disco %d de %c hasta %c\n", n, origen, destino);
        hanoi(n-1, aux, destino, origen);
    }
}

int main (int argc, char **argv){
    if(argc < 2){
        print("Falta el numero discos\n");
        return -1;
    }
    int n = atoi(argv[1]);
    hanoi (n, '1', '3', '2');
    return 0;
}
```

Análisis de la ecuación

$T(n)$ es 1 para $n=1$, $2 T(n-1) + 1$ para $n > 1$

Probando para algunos valores de n .

- ✓ $T(2) = 2T(1) + 1 = 2(1) + 1 = 3$
- ✓ $T(3) = 2T(2) + 1 = 2(3) + 1 = 7$
- ✓ $T(4) = 2T(3) + 1 = 2(7) + 1 = 15$
- ✓ $T(5) = 2T(4) + 1 = 2(15) + 1 = 31$

Resolviendo las ecuaciones de recursividad

$$T(n) = 2T(n-1) + 1$$

$$T(n) = 2(2T(n-2) + 1) = 4T(n-2) + 2 + 1$$

$$T(n) = 4(2T(n-3) + 1) = 8T(n-3) + 2 + 1$$

$$T(n) = 8(2T(n-4) + 1) = 16T(n-4) + 2 + 1$$

Haciendolo k veces podemos hacer la ecuación de una sumatoria, quedando de esta forma

$$T(n) = 2^{n-1}T(1) + \sum_{i=0}^{n-2} 2^i = 2^{n-1} + 2^{n-1} - 1 = 2^n - 1$$

Para concluir Resumiendo

- La recursividad puede resolver problemas complejos de manera simple
- Para solucionar ecuaciones recursivas hay que descomponer la recursión para encontrar patrones y poder obtener su orden de complejidad
- Tiene una alta complejidad(MALO).