Graphen Isomorphie von Graphen Pfade und Erreichbarkeit Ungerichtete Graphen Aufgaben

7.GBI-Tutorium von Tutorium Nr 31

Richard Feistenauer

12.Dezember 2014



Inhaltsverzeichnis

- Graphen
 - Motivation
 - Definition
- 2 Isomorphie von Graphen
- Pfade und Erreichbarkeit
- 4 Ungerichtete Graphen
- 6 Aufgaben



Motivation

Ein paar Gedankenspiele

- Wie würde man ein Straßensystem modellieren ?
- Welche Bedingungen müssten erfüllt sein, was wäre "nice to have" ?

Definition

Definition

Ein gerichteter Graph ist ein Tupel G = (V, E) wobei

- V = eine nichtleere, endliche Menge, genannt Knoten (vertex)
- $E \subseteq V \times V =$ eine Relation in den Knoten, gegannt Kanten (edges)

Definition

Eine Kante $(x, x) \in E$ heißt Schlinge

Definition

Definition

Graphen werden typischerweise graphisch dargestellt.

- Die Knoten als Punkte oder Kreise
- Die Kanten (x, y) als Pfeile von Punkt x nach Punkt y

Example

Einfaches Beispiel an der Tafel

Aufgaben

Aufgaben

- Wieviele Kanten kann ein Graph mit Schlingen maximal haben
- Wieviele ohne Schlingen ?

Teilgraphen

Definition

G' = (V', E') ist ein Teilgraph von G = (V, E) wenn:

- V' ⊂ V
- \bullet E' \subseteq E \cap V' \times V'
- Was heißt das?
- Beispiel an der Tafel

Isomorphie von Graphen

Definition

Zwei Graphen sind isomorph, wenn sie sich nur in den Benennungen der Knoten unterscheiden.

 \Rightarrow Ein Graph lässt sich so umbenennen, dass er mit dem anderen identisch ist.

Definition von Pfaden

Weg von Knoten x nach Knoten y

Aber

- Wenn ein Weg von x nach y existiert, muss kein Weg von y nach x führen
- Kante muss in die richtige Richtung weisen
- Knoten dürfen in Pfaden mehrfach vorkommen (sollten es aber nicht)
- Wege können auch unterschiedlich lang sein.

Ungerichtete Graphen

Zu beachten

- für $x \neq y$ ist $\{x, y\}$ eine ZWElelementige Menge, ohne eine Festlegung der Reihenfolge
- für x = y ist $\{x, y\} = \{x\}$ eine ElNelementige Menge

Example

Wie ist das mit der Anzahl Kanten eines ungerichteten Graphen mit n Knoten ?

Aufgaben

Aufgabe

Gegeben sei der Graph G = (V, E) mit V = $\{0, 1\}^3$ und E = $\{(xw, wy) \mid x, y \in \{0, 1\} \land w \in \{0, 1\}^2$

- Zeichnen Sie den Graphen
- Geben Sie einen Zyklus in G an, der außer dem Anfangs- und Endknoten jeden Knoten von G genau einmal enthält.
- Geben Sie einen geschlossenen Pfand in G an, der jede Kante von G genau einmal enthält.

Unnützes Wissen

Es gibt einen Wurm, der unter dem Augenlid eines Nilpferds lebt, und sich von dessen Tränen ernährt.