Astrofyzika

V juliánském kalendáři (zavedeném r. -45 Caesarem) byla délka roku stanovena na 365,25 středního slunečního dne. Tropický rok má ale délku 365,2422 dne.

a) Za jak dlouho vzrostla chyba juliánského kalendáře na 1 den?

- b) Roku 1582 provedl papež Řehoř XIII. reformu kalendáře. Kdy k ní přistoupily České země a jak? [Čechy: po pondělí
- 6. 1. 1584 bylo úterý 17. 1., Slezsko: z neděle 12. 1. na pondělí 23. 1. 1584, Morava: ze so 3. 10. na ne 14. 10. 1584]
- c) Za jak dlouho vzroste chyba gregoriánského kalendáře na 1 den?

- d) Proč je 7 dní v týdnu? [najděte si, jak se řeknou dny v týdnu latinsky, francouzsky, nebo (po, so, ne) anglicky]
- e) Latinsky septem znamená 7, ale september je 9. měsíc (podobně 8 = octo, 9 = novem, 10 = decem). Jak to?

Vypočtěte, jak se liší místní školní čas od času středoevropského, leží-li Jaroška na 16°36'40" východní délky. [+6:26:40]

Planeta obíhá kolem slunce 1x za 1000 dní.

a) jaká je její rychlost?

[21,4 km/s]

b) jaká jej její synodická oběžná doba (kolik dní uplyne mezi 2 opozicemi, tj, kdy je slunce, Země a planeta v tomto $[1/T = 1/T_z - 1/T_P = 575 \text{ dni}]$ pořadí na jedné přímce?

Slunce má poloměr 700 000 km, hmotnost $2.10^{30}\,\mathrm{kg}$ a teplotu 5755 K

a) jaká je intenzita gravitačního pole na povrchu Slunce?

 $[272 \text{ m/s}^2]$

b) jaká je úniková rychlost z povrchu Slunce?

[617 km/s]

c) zářivý výkon

 $[P_0 = 4\pi R_s^2 \sigma T_s^4 = 3.83.10^{26} \text{ W}]$

- d) jaký výkon dopadá na vodorovnou rovinu na 49° rovnoběžce v poledne při rovnodennosti, zimním a letním slunovratu? [na kolmou rovinu 1354 W/m², rovnodennost: 888 W/m², slunovraty: 407 W/m², 1222 W/m²]
- e) kolik kg fotonů vyzáří Slunce za 1 den?

f) jakou teplotu bude mít planeta ve vzdálenosti r = 1 au? $[P_{dod} = P_{vyz}, P_0.\pi R_z^2/4\pi r^2 = 4\pi R_z^2\sigma T^4, T^2 = R_s.T_s^2/2r, T = 278 \text{ K}]$

Najděte dvě chyby na obrázku (na obrázku je souhvězdí Kasiopea, hodiny a Měsíc v první čtvrti)

Jakou roční paralaxu má hvězda ve vzdálenosti 4 pc? Jaký je vztah mezi roční paralaxou a v $[0.25", \alpha = 1/r]$ úhlových vteřinách α vzdáleností r v parsecích?

Pogsonova rovnice popisuje vztah mezi hvězdnou velikostí m (v magnitudách) a hustotou zářivého toku I (ve W/m²):

$$\Delta m = m_1 - m_2 = -2.5 \log \frac{I_1}{I_2}$$

a) Kolikrát je jasnější hvězda, která má o 5 magnitud jinou hvězdnou velikost, než jiná hvězda.

[100 x]

- b) Je jasnější hvězda s hvězdnou velikostí 1 mag nebo 2 mag? Kolikrát?
- [1 mag je $100^{1/5} = 2,512 \text{ krát jasnější}]$
- c) Hvězda má hvězdnou velikost 3,0 mag. Jakou hvězdnou velikost má po zvýšení jasnosti na dvojnásobek? [2,25 mag] d) Hvězda vzdálená 2 pc má hvězdnou velikost 4,0 mag. Jakou by měla hvězdnou velikost ve vzdálenosti 4 pc? Přepište

Pogsonovu rovnici pro vzdálenosti r_1 , r_2 .

[5,5 mag,
$$\Delta m = m_1 - m_2 = -2,5 \log \frac{1/r_1^2}{1/r_2^2} = 5 \log \frac{r_1}{r_2}$$
]

e) Absolutní hvězdná velikost M udává hvězdnou velikost ve vzdálenosti 10 pc. Hvězda má hvězdnou velikost 1,4 mag a leží ve vzdálenosti 16 pc. Jakou má absolutní hvězdnou velikost?

[za m₁ dosadíme M, za r₁ = 10 pc:
$$m_1 - m_2 = M - m = 5 \log \frac{10}{r_2} = 5 - 5 \log r$$
, M = m + 5 - 5 log r = 0,38 mag]

f) Slunce má hvězdnou velikost -26,8 mag. Jakou má absolutní hvězdnou velikost? $[r = 4,85 \, \mu pc, M = 4,8 \, mag]$

V nitru hvězd probíhá tzv. p-p řetězec (proton-protonový), kdy se ze 4 protonů vytvoří jádro helia.

a) jaké další částice v reakci figurují?

- [2 elektronová neutrina a 2 pozitrony: $4^{1}H \rightarrow {}^{4}He + 2\nu + 2 e^{+}$]
- b) hmotnost vodíku je 1,007825 u, helia 4,002603 u. Jak velká energie se uvolní?

[26,8 MeV]

Kde se ve vesmíru vzaly prvky těžší než vodík a helium, ale lehčí než železo, například C, N, O,...? Kde se ve vesmíru vzaly prvky těžší než železo? Proč je zrovna železo tím hraničním prvkem?

Hubbleova konstanta má velikost H = 74 km/s/Mpc. Jaké z ní vychází stáří vesmíru?

[t = 1/H = 13,2 miliard let]

Pro jednoduchost předpokládejme, že je Vesmír složený pouze z vodíku (ve skutečnosti je to necelých 80% vodíku, téměř 20% hélia a jen 2% jiných prvků). Poloměr pozorovatelného vesmíru je 13,8 miliard světelných let a jeho hmotnost se odhaduje na 3.10⁵² kg. Kolik atomů vodíku tak průměrně připadá na 1 m³? [hustota $3.10^{-27} \text{ kg} = 2 \text{ atomy/m}^3$]