

```
In[*]:= Исходные данные;  
p = 1123;  
Px = 121;  
Py = 951;  
P = {Px, Py};  
a = 100; b = 10;  
c = 1;
```

```
In[*]:= Задание 1;
```

```
In[*]:= Mod[Px^3 + a * Px^2 + b * Px + c, p] ≠ 0  
|остаток от деления
```

```
Out[*]:= True
```

```
In[*]:= AmountP =  
Length[g1 = {x, y} /. Flatten[Table[FindInstance[y^2 == x^3 + a * x^2 + b * x + 1 && x == u,  
|длина |уплостить |табл... |найти частный случай  
{x, y}, 2, Modulus → p], {u, 0, p - 1}], 1]]  
|модуль
```

```
Out[*]:= 1067
```

```
In[*]:= Задание 2;
```

```
In[*]:= FactorInteger[AmountP]  
|факторизовать целое число
```

```
Out[*]:= {{11, 1}, {97, 1}}
```

```
In[*]:= PrimeQ[AmountP]  
|простое число?
```

```
Out[*]:= False
```

```
In[*]:= Задание 3;
```

```

In[*]:= EllipticAdd[p_, a_, b_, c_, P_List, Q_List] :=
Module[{lam, x3, y3, P3},
  |программный модуль
  Which[
    |условный оператор с множественными ветвями
    P == {0}, Q,
    |О большое
    Q == {0}, P,
    |О большое
    P[[1]] != Q[[1]],
      lam = Mod[(Q[[2]] - P[[2]]) PowerMod[Q[[1]] - P[[1]], p - 2, p], p];
      |остаток от деления |степень по модулю
      x3 = Mod[lam^2 - a - P[[1]] - Q[[1]], p];
      |остаток от деления
      y3 = Mod[-(lam (x3 - P[[1]]) + P[[2]]), p];
      |остаток от деления
      {x3, y3},
    (P == Q) ^ (P[[2]] == 0), {0},
    |О большое
    (P == Q) ^ (P != {0}),
    |О большое
      lam = Mod[(3 * P[[1]]^2 + 2 a * P[[1]] + b) PowerMod[2 P[[2]], p - 2, p], p];
      |остаток от деления |степень по модулю
      x3 = Mod[lam^2 - a - P[[1]] - Q[[1]], p];
      |остаток от деления
      y3 = Mod[-(lam (x3 - P[[1]]) + P[[2]]), p];
      |остаток от деления
      {x3, y3},
    (P[[1]] == Q[[1]]) ^ (P[[2]] != Q[[2]]), {0}]]
    |О большое

In[*]:= i = 1; P1 = P; P2 = P;
While[P2 != {0}, P2 = EllipticAdd[p, a, b, c, P1, P2]; i++];
|цикл-пока |О большое
i
Out[*]:= 1068

In[*]:= Задание 4;
IntegerDigits[1068, 2]
|цифры целого числа
Out[*]:= {1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0}

Задание 5;

In[*]:= P = .;
p = 1123; a = 100; b = 10; c = 1;
P[0] = {121, 951};
P[i_] := P[i] = EllipticAdd[p, a, b, c, P[i - 1], P[i - 1]];
Q = EllipticAdd[p, a, b, c,
  EllipticAdd[p, a, b, c, P[10], P[5]], EllipticAdd[p, a, b, c, P[3], P[2]]]
Out[*]:= {0}

In[*]:= Задание 7;
aSecr = 340; bSecr = 774;

```

In[\*]:= **Задание 8;**

**IntegerDigits[aSecr, 2]**

цифры целого числа

Out[\*]:= {1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0}

In[\*]:= **IntegerDigits[bSecr, 2]**

цифры целого числа

Out[\*]:= {1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0}

In[\*]:= **Qa = EllipticAdd[p, a, b, c,**

**EllipticAdd[p, a, b, c, P[8], P[6]], EllipticAdd[p, a, b, c, P[4], P[2]]]**

Out[\*]:= {947, 893}

In[\*]:= **Qb = EllipticAdd[p, a, b, c,**

**EllipticAdd[p, a, b, c, P[9], P[8]], EllipticAdd[p, a, b, c, P[2], P[1]]]**

Out[\*]:= {997, 1062}

In[\*]:= **i = 1;**

**P1 = Qa; P2 = P1;**

**While[P2 ≠ {0}, P2 = EllipticAdd[p, a, b, c, P1, P2]; i++];**

цикл-пока      О большое

**i**

Out[\*]:= 267

In[\*]:= **i = 1;**

**P1 = Qb; P2 = P1;**

**While[P2 ≠ {0}, P2 = EllipticAdd[p, a, b, c, P1, P2]; i++];**

цикл-пока      О большое

**i**

Out[\*]:= 178

**Задание 9;**

In[\*]:= **IntegerDigits[267, 2]**

цифры целого числа

Out[\*]:= {1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1}

In[\*]:= **IntegerDigits[178, 2]**

цифры целого числа

Out[\*]:= {1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0}

In[\*]:= **QA[0] = {947, 893};**

**QA[i\_] := QA[i] = EllipticAdd[p, a, b, c, QA[i - 1], QA[i - 1]];**

**EllipticAdd[p, a, b, c, EllipticAdd[p, a, b, c, QA[9], QA[8]],**

**EllipticAdd[p, a, b, c, QA[2], QA[1]]]**

Out[\*]:= {582, 323}

In[\*]:= **QB[0] = {997, 1062};**

**QB[i\_] := QB[i] = EllipticAdd[p, a, b, c, QB[i - 1], QB[i - 1]];**

**EllipticAdd[p, a, b, c, EllipticAdd[p, a, b, c, QB[8], QB[6]],**

**EllipticAdd[p, a, b, c, QB[4], QB[2]]]**

Out[\*]:= {582, 323}

## Задание 10;

```

In[ ]:= EllipticPointMultiply[p_, a_, b_, c_, Q_, n_] :=
  Module[{i = n - 1, q = Q, p1 = p, a1 = a, b1 = b, c1 = c},
    _программный модуль
    pnt = q;
    While[i > 0, i--; q = EllipticAdd[p1, a1, b1, c1, pnt, q]];
    _цикл-пока
    q
  ]
EllipticPointMultiply[p, a, b, c, {121, 951}, aSecr * bSecr]

Out[ ]:= {582, 323}

```

## Задание 11;

```

a = 100; b = 10; c = 1; p = 1123; i = 0;
x1 = 0; y1 = 0; isFound = False;

```

```

_ложь
While[(x1 < p) && (isFound == False),
_цикл-пока _ложь
  If[Solve[y^2 == x1^3 + a * x1^2 + b * x1 + c + i, {y}, Modulus -> p] != {},
_... _решить уравнения _модуль
    y1 = y /. Flatten[Solve[y^2 == x1^3 + a * x1^2 + b * x1 + c + i, {y}, Modulus -> p], 1];
_уплостить _решить уравнения _модуль
    p1 = {x1, y1};
    p2 = {x1, y1};
    rank = 1;
    While[p2 != {0},
_цикл-пока _О большое
      p2 = EllipticAdd[p, a, b, c + i, p1, p2];
      rank++;
    ];
    If[PrimeQ[rank],
_... _простое число?
      Print["Точка: ", p1, " Порядок: ", rank, " Параметр I: ", i];
_печатать _мнимая единица
      isFound = True,
_истина
      x1++;
    ],
    x1++;
  ];
];

```

Точка: {10, 227} Порядок: 89 Параметр I: 0

```

In[ ]:= PrimeQ[89]
_простое число?

```

```

Out[ ]:= True

```