



UNIVERSIDAD TECNOLÓGICA NACIONAL
FACULTAD REGIONAL CÓRDOBA - EXTENSIÓN ÁULICA
BARILOCHE
INGENIERÍA EN SISTEMAS DE INFORMACIÓN
AÑO LECTIVO 2025

Física 2
Resumen para el primer parcial
Termodinámica

Profesor: Santiago Ibañez
Ayudante: Leandro Guzzardo
Fecha: 10/05/2025

Alumno: Ricardo Nicolás Freccero
Número de legajo: 415753

Índice

1. Temperatura y calor	3
1.1. Temperatura y equilibrio térmico	3
1.2. Ley cero de la termodinámica	3
1.3. Termómetros y escalas de temperatura	3
1.4. Expansión térmica	4
1.4.1. Expansión lineal	4
1.4.2. Expnación volumétrica	5
1.5. Cantidad de calor	5
1.5.1. Calor específico	6
1.5.2. Capacidad calorífica molar	6
1.5.3. Cambios de fase	6
2. Propiedades térmicas de la materia	7
2.1. La ecuación del gas ideal	7
2.2. Graficas pV	8
2.3. Moles y número de Avogadro	9
2.4. Modelo cinético-molecular del gas ideal	9
2.4.1. Colisiones y presión del gas	9
2.4.2. Rapideces moleculares	12
3. Primera ley de la termodinámica	12
3.1. Sistemas termodinámicos	12
3.1.1. Signos del calor y el trabajo en termodinámica	12
3.2. Trabajo realizado al cambiar el volumen	12
3.3. Trayectoria entre estados temodinámicos	14
3.3.1. Trabajo efectuado en un proceso termodinámico	14
3.3.2. Calor agregado en un proceso termodinámico	14
3.4. Energía interna y la primera ley de la termodinámica	15
3.4.1. Proceso cíclicos y sistemas aislados	15
3.5. Tipos de procesos termodinámicos	16
3.5.1. Proceso adiabático	16
3.5.2. Proceso isocórico	16
3.5.3. Proceso isobárico	16
3.5.4. Proceso isotérmico	16
3.6. Energía interna de un gas ideal	16
3.7. Capacidad calorífica del gas ideal	17
3.7.1. Relación entre las dos capacidades caloríficas para un gas ideal	18
3.7.2. El cociente de capacidades caloríficas	19

3.8. Proceso adiabático para el gas ideal	19
3.8.1. Gas ideal adiabático: Relación entre V , T , y p	19
4. La segunda ley de la termodinámica	21

1. Temperatura y calor

1.1. Temperatura y equilibrio térmico

Los cuerpos que se sienten calientes suelen tener una **temperatura** mas alta que un cuerpo similar que se siente frío. Sin embargo, esta definición es bastante vaga y los sentidos pueden engañarse.

Para usar la temperatura como medida de calidez necesitamos construir una escala de temperatura. Para esa escala podemos usar cualquier propiedad que podamos medir y que sepamos que varía frente al cambio de temperatura. Por ejemplo, existen los termómetros de mercurio, que es un metal que a temperatura ambiente se encuentra en estado líquido, y al aumentar su temperatura, aumenta su volumen. Otro ejemplo puede ser la presión medida por un manómetro al aumentar o disminuir la temperatura de un gas encerrado en un recipiente de volumen constante. Estas propiedades (volumen y presión) nos dan un número (v, p) que varía con la calidez y la frialdad, así que pueden usarse para hacer un **termómetro**.

Para medir la temperatura de un cuerpo ponemos el termómetro en contacto con él, de manera que se produzca un intercambio de calor entre ambos. Si medimos la temperatura de una taza de café caliente, la taza se va a enfriar un poco y el termómetro se va a calentar hasta que ambos estén a la misma temperatura y ya no varíe la temperatura de ninguno de los dos. En ese momento podemos leer la temperatura del termómetro. Ese estado de equilibrio se llama **equilibrio térmico**.

Si dos sistemas están separados por un material **aislante**, se afectan mutuamente con mas lentitud. Un *aislante ideal* es un material que no permite la interacción entre los dos sistemas.

1.2. Ley cero de la termodinámica

Dados tres sistemas A, B, C que inicialmente no están en equilibrio térmico. Si separamos A y B con una pared aislante ideal, pero dejamos que C interactúe tanto con A como con B , al llegar A y C al equilibrio térmico y B y C al equilibrio térmico, entonces A y B se encontrarán en equilibrio térmico también.

1.3. Termómetros y escalas de temperatura

Existen varias escalas para medir la temperatura de un sistema:

- **Escala Celsius ($^{\circ}\text{C}$):** En la escala Celsius, los cero grados corresponden a la temperatura de congelación del agua con una presión de una atmósfera, y los cien grados marcan el punto de ebullición del agua a la misma presión.
- **Escala Fahrenheit ($^{\circ}\text{F}$):** La temperatura de congelación del agua es 32°F y la de ebullición es de 212°F a una presión de una atmósfera.
- **Escala Kelvin ($^{\circ}\text{K}$):** Para entender la escala Kelvin conviene saber cómo surgió. La idea era conseguir una escala que no dependa de las propiedades de ningún material para tener una esca-

la absoluta. Se hicieron entonces experimentos con un *termómetro de gas*, que es el termómetro que mas se acerca al ideal y se observó lo siguiente.

El principio de un termómetro de gas muestra que la presión de un gas a volumen constante aumenta con la temperatura. Lo que se hizo entonces fue medir la presión de distintos gases a 0 °C y 100 °C de manera que para cada gas se podían graficar dos puntos en un eje de (*temperatura, presión*), y unirlos con una línea. Se encontró así que todos los gases probados tenían rectas diferentes, pero todas convergían en una temperatura hipotética de -273.15 °C, en la que la presión absoluta del gas sería cero.

En la escala Kelvin, los 0 °K equivalen a -273.15 °C, y 273.15 °K son equivalentes a 0 °C.

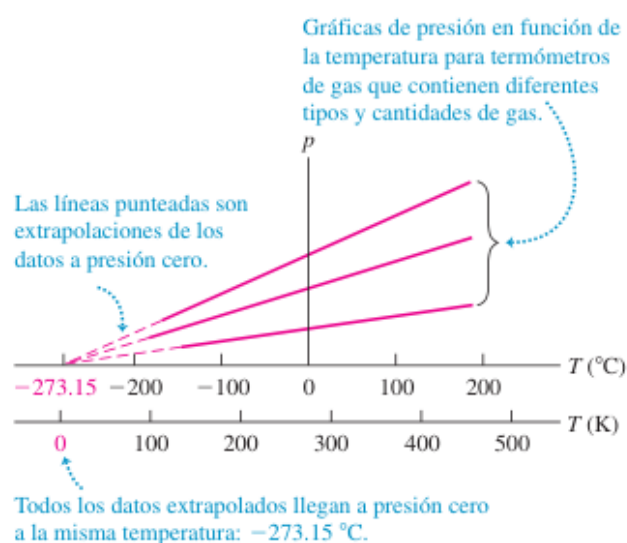


Figura 1: Gráfica de presión contra temperatura a volumen constante para gases distintos

1.4. Expansión térmica

1.4.1. Expansión lineal

Para variaciones de temperaturas que no sean muy grandes (menos de 100 °C), la variación ΔL de la longitud de un material es directamente proporcional a la variación ΔT de la temperatura del mismo. Se introduce una constante de proporcionalidad α diferente para cada material y se obtiene la ecuación:

$$\Delta L = \alpha L_0 \Delta T$$

Podemos despejar L de la ecuación:

$$\Delta L = \alpha L_0 \Delta T$$

$$L - L_0 = \alpha L_0 \Delta T$$

$$L = L_0 (1 + \alpha \Delta T)$$

La constante α , que describe las propiedades de expansión térmica de un material dado, se denomina **coeficiente de expansión lineal**.

1.4.2. Expansión volumétrica

Un aumento de temperatura suele aumentar el volumen de materiales. Al igual que en la expansión lineal, la variación del volumen ΔV de un material es directamente proporcional al cambio de temperatura ΔT . En este caso se añade una constante β que se conoce como **coeficiente de expansión de volumen**.

$$\Delta V = \beta V_0 \Delta T$$

Para materiales sólidos, hay una relación sencilla entre el coeficiente de expansión de volumen β y el coeficiente de expansión lineal α . Esta relación se puede deducir considerando un cubo de material con longitud de lado L y volumen $V = L^3$. Al aumentar la temperatura en dT , la longitud del lado aumenta en dL y el volumen aumenta en dV dada por:

$$dV = \frac{dV}{dL} dL = 3L^2 dL$$

Por la ecuación de la expansión lineal, sabemos que dL es:

$$dL = \alpha L_0 dT$$

Ahora sustituimos L por el valor inicial L_0 y dL por lo que obtuvimos recién:

$$dV = 3L_0^2 \alpha L_0 dT = 3L_0^3 \alpha dT$$

Como $V_0 = L_0^3$, esto implica que dV también lo podemos expresar como:

$$dV = 3\alpha V_0 dT$$

Y podemos deducir que $\beta = 3\alpha$ por la ecuación de la expansión de volumen.

1.5. Cantidad de calor

Si metemos una cuchara fría en una taza con café caliente, la cuchara se calienta y el café se enfría para establecer el equilibrio térmico. Esto se debe a que hay una transferencia de energía de un sistema al otro. La transferencia de energía que se da exclusivamente por una diferencia de temperatura se denomina *flujo de calor* o *transferencia de calor*, y la energía transferida es lo que llamamos **calor**.

1.5.1. Calor específico

Usamos el símbolo Q para cantidad de calor. cuando el calor está asociado a un cambio de temperatura infinitesimal dT , lo llamamos dQ . La cantidad de calor Q necesaria para elevar la temperatura de una masa m de cierto material de T_1 a T_2 es aproximadamente proporcional al cambio de temperatura ΔT y a la masa m del material. Cada material requiere distintas cantidades de energía para elevar su temperatura, por lo que a la ecuación se le agrega una constante c llamada **calor específico**:

$$Q = mc\Delta T$$

Nota

Como el calor es la transferencia de energía a causa de una diferencia de temperatura, no existe la *cantidad de calor de un cuerpo*. No tiene sentido decir eso.

1.5.2. Capacidad calorífica molar

A veces es mas útil describir una cantidad de sustancia en términos del número de moles n , en vez de la masa m del material. Recordemos que la masa m de un material y su número de moles están relacionados por la siguiente ecuación $m = nM$ donde M es la masa molar. De esta manera podemos sustituir m en la ecuación del calor:

$$Q = nMc\Delta T$$

El producto Mc es la **capacidad calorífica molar** (o *calor específico molar*) y se denota con C . De esta manera, tenemos que:

$$Q = nC\Delta T$$

En sólidos, las mediciones de calor específico se suelen hacer a presión atmosférica constante; los valores correspondientes se llaman *calor específico* y *capacidad calorífica molar a presión constante*, denotados con c_p y C_p . En el caso de un gas, es mas fácil mantener el volumen constante; los valores correspondientes son *calor específico* y *capacidad calorífica molar a volumen constante*, denotados con c_v y C_v respectivamente. Para una sustancia dada, C_v y C_p son diferentes. Si el sistema puede expandirse al agregar calor, hay un intercambio adicional de energía porque el sistema efectúa *trabajo* sobre su entorno. Si el volumen es constante, el sistema no efectúa trabajo.

1.5.3. Cambios de fase

Usamos el término **fase** para describir un estado específico de la materia, como sólido, líquido o gas. Una transición de una fase a otra es un **cambio de fase**. Para una presión dada, los cambios de fase se dan a una temperatura definida, generalmente acompañada por absorción o emisión de calor, y un cambio de volumen y densidad.

Supongamos que tenemos un recipiente con agua líquida a 20°C y a una presión de 1 atmósfera. Supongamos también que el recipiente está tapado, pero esta tapa se puede mover libremente de

manera que al agua dentro puede variar su volumen a presión constante. En estas condiciones, el agua existe en fase líquida y se encuentra en estado de **líquido comprimido** o **líquido subenfriado**, lo que significa que *no está a punto de evaporarse*. Si aumentamos la temperatura del agua hasta los 100 °C, el agua permanece líquida, pero cualquier adición de calor hace que se vaporice algo de agua; es decir, está a punto de tener lugar un proceso de cambio de fase de líquido a vapor. En este estado decimos que el agua es un **líquido saturado**.

Una vez que empieza la ebullición, si sigue habiendo una transferencia de calor hacia el agua, el aumento de temperatura se detiene hasta que se evapora todo el líquido. Durante este proceso, el recipiente contiene cantidades de agua líquida y vapor de agua y la temperatura del sistema es de 100 °C. En este estado, el vapor está *a punto de condensarse* y decimos que se encuentra como **vapor saturado**. Pasado este punto, cuando ya toda el agua se evaporó, la temperatura del vapor comienza a elevarse por encima de los 100 °C y decimos que el vapor se encuentra como **vapor sobrecalentado**.

2. Propiedades térmicas de la materia

Las condiciones en que existe un material dado se describen con cantidades físicas como presión, volumen, temperatura y cantidad de sustancia. Estas variables describen el *estado* del material y se llaman **variables de estado**.

2.1. La ecuación del gas ideal

Las mediciones del comportamiento de diversos gases dan origen a tres conclusiones:

1. El volumen V es proporcional al número de moles n .
2. El volumen varía *inversamente* con la presión absoluta p .
3. La presión es proporcional a la temperatura *absoluta*.

Estas tres relaciones se pueden combinar en una sola ecuación, llamada **ecuación del gas ideal**:

$$pV = nRT$$

donde R es una constante de proporcionalidad. El **gas ideal** es un gas para el que la ecuación anterior se cumple con precisión a *todas* las presiones y temperaturas.

La constante R es la misma para todos los gases. Su valor numérico depende de las unidades en las que expresamos p, V, T . En unidades del SI, con p en Pa ($1\text{Pa} = 1 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$) y V en m^3 , el valor de R es:

$$R = 8,314472 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}}$$

2.2. Graficas pV

Las gráficas de la relación p - V - T en realidad se representan como superficies ya que tenemos tres variables. Sin embargo, podemos usar curvas de nivel para representar las gráficas de forma bidimensional, suele ser mas útil. Una de las gráficas bidimensionales mas usadas es la **gráfica pV**, que expresa la presión en función del volumen, en la que cada curva representa el comportamiento del gas a temperatura constante. Dichas curvas se denominan **isotermas**.

Cada curva representa la presión como una función del volumen para un gas ideal a una temperatura única.

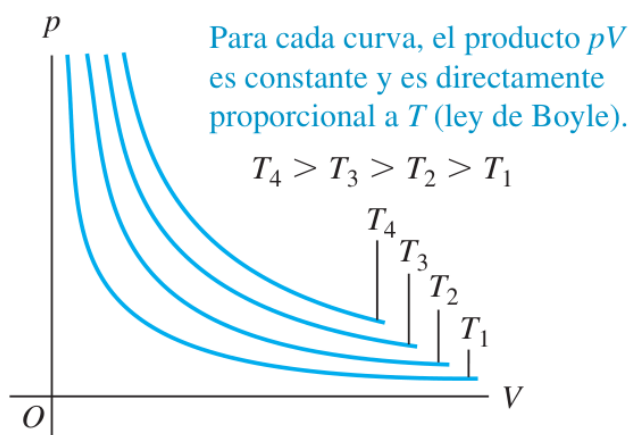


Figura 2: Grafica pV para un gas ideal.

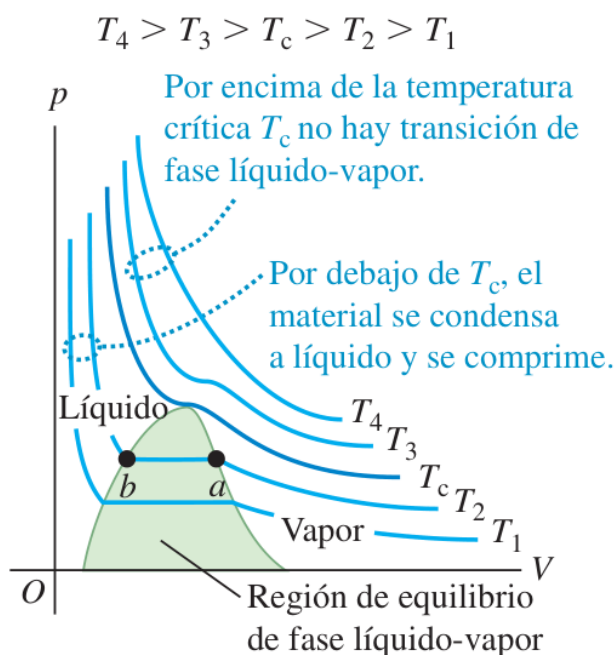


Figura 3: Gráfica pV para un gas no ideal.

2.3. Moles y número de Avogadro

Un mol es la cantidad de sustancia que contiene tantas moléculas como átomos hay en 0,012kg de carbono 12.

El número de moléculas en un mol se denomina número de **número de Avogadro** y se denota con N_A :

$$N_A = 6,02214199 \times 10^{23} \frac{\text{moléculas}}{\text{mol}}$$

La masa molar M de un compuesto es la masa de un mol:

$$M = N_A m$$

2.4. Modelo cinético-molecular del gas ideal

La idea es armar un modelo sencillo del gas ideal para poder predecir la capacidad calorífica molar de un gas ideal. Para nuestro *modelo cinético molecular* vamos a suponer lo siguiente:

1. Un recipiente con volumen V contiene un número muy grande N de moléculas idénticas, cada una con masa m .
2. Las moléculas se comportan como partículas puntuales; su tamaño es pequeño en comparación con la distancia media entre partículas y las dimensiones del recipiente.
3. Las moléculas están en constante movimiento, y obedecen las leyes del movimiento de Newton. Las moléculas chocan ocasionalmente con las paredes del recipiente. Tales choques son perfectamente elásticos.
4. Las paredes del recipiente son perfectamente rígidas y con masa infinita; no se mueven.

2.4.1. Colisiones y presión del gas

Durante los choques, las moléculas ejercen fuerzas sobre las paredes del recipiente; éste es el origen de la presión del gas. En el choque representado en la Figura 4, la componente de velocidad paralela a la pared no cambia y la componente perpendicular a la pared invierte su dirección sin cambiar de magnitud.

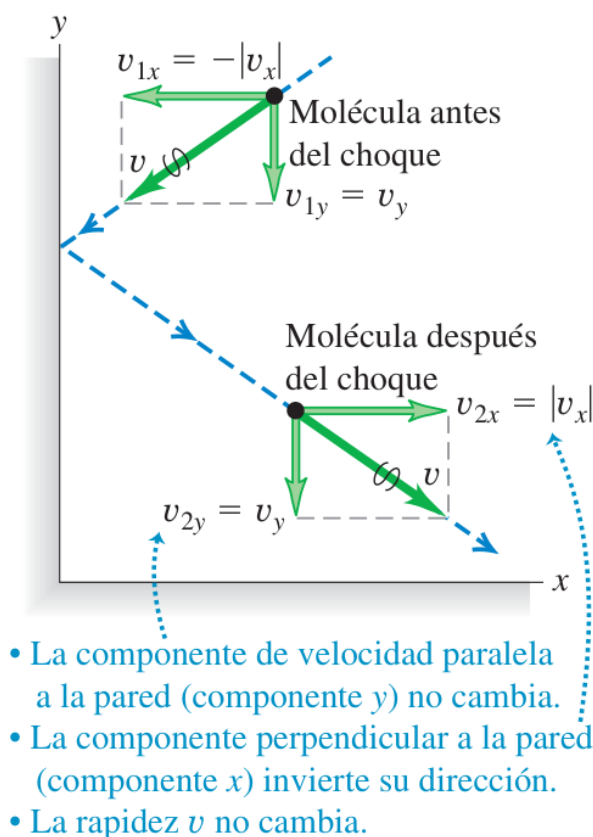


Figura 4: Choque elástico de una molécula con la pared de un recipiente idealizado.

Para empezar, supongamos que todas las moléculas del gas tienen la misma *magnitud* de la componente x de velocidad, $|v_x|$. Esto no es correcto pero no sirve para entender algunos conceptos básicos.

En la Figura 4 vemos que la componente x de velocidad cambia de $-|v_x|$ a $+|v_x|$, así que la variación de la cantidad de movimiento ($\Delta P = m_f v_f - m_0 v_0$) en x es $m|v_x| - (-m|v_x|) = 2m|v_x|$.

Si una molécula va a chocar con cierta área A dentro de un intervalo de tiempo dt , al comenzar ese intervalo dt la partícula tiene que estar como mucho a una distancia $|v_x|dt$ de la pared. Entonces, el número de moléculas que chocan con A durante un intervalo de tiempo dt es igual al número de moléculas que están dentro de un cilindro con volumen $A|v_x|dt$ cuya velocidad está dirigida hacia la pared. Si suponemos que las moléculas están esparcidas de manera uniforme, la cantidad de moléculas por unidad de volumen es $\frac{N}{V}$, y podemos decir que la *cantidad de moléculas de este cilindro* es $\frac{N}{V}A|v_x|dt$. En promedio, la mitad de las moléculas se están acercando a la pared y la otra mitad se está alejando, así que el número de choques con A durante dt es:

$$\frac{1}{2} \frac{N}{V} A |v_x| dt$$

Para el sistema de todas las moléculas del gas, la variación total de cantidad de movimiento dP_x durante dt es la cantidad de movimiento de una partícula multiplicado por la cantidad de partículas

que chocan contra la pared.

$$dP_x = \left(\frac{1}{2} \frac{N}{V} A |v_x| dt \right) (2m |v_x|) = \frac{N A m v_x^2 dt}{V}$$

La tasa de cambio de la componente de cantidad de movimiento P_x es:

$$\frac{dP_x}{dt} = \frac{N A m v_x^2}{V}$$

Y ya sabemos que $F = \frac{dP}{dt}$. También sabemos que la presión es la fuerza ejercida sobre el área, de manera que:

$$p = \frac{F}{A} = \frac{N m v_x^2}{V}$$

De todas maneras, sabemos que estamos cometiendo un error al suponer que todas las partículas se mueven a la misma velocidad. En realidad las partículas se mueven en todas las direcciones de manera que:

$$v^2 = v_x^2 + v_y^2 + v_z^2$$

Sin embargo, en nuestro modelo no hay una diferencia real entre las direcciones x , y y z ya que las rapideces moleculares son tan altas en un gas típico que los efectos de la gravedad son insignificantes. Se deduce entonces que v_x^2 , v_y^2 y v_z^2 son iguales, por lo que $v_x^2 = \frac{1}{3} v^2$.

La ecuación anterior entonces se convierte en

$$pV = \frac{1}{3} N m v^2 = \frac{2}{3} N \left[\frac{1}{2} m v^2 \right]$$

Observemos que $\frac{1}{2} m v^2$ es la energía cinética de traslación de una sola molécula del gas. El producto de esto por el número de moléculas N es igual a la energía cinética total del gas K .

$$K = N \frac{1}{2} m v^2$$

$$pV = \frac{2}{3} K$$

Si compararmos esto con la ecuación del gas ideal tenemos que

$$K = \frac{3}{2} n R T$$

La energía de traslación de una sola molécula es la energía cinética de traslación K dividido la cantidad de moléculas N

$$\frac{K}{N} = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{3 n R T}{2 N}$$

El número total de moléculas N es el número de moles n multiplicado por el número de Avogadro

N_A , de manera que

$$N = nN_A \quad \frac{n}{N} = \frac{1}{N_A}$$

y

$$\frac{K}{N} = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{3}{2} \frac{R}{N_A} T$$

La razón $\frac{R}{N_A}$ se llama **constante de Boltzmann** y se denota con la letra k .

2.4.2. Rapideces moleculares

A partir de las ecuaciones anteriores podemos obtener expresiones para la raíz cuadrada de v^2 , llamada **rapidez eficaz** o **rapidez rms**

$$v_{rms} = \sqrt{v^2} = \sqrt{\frac{3kT}{m}} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$$

3. Primera ley de la termodinámica

3.1. Sistemas termodinámicos

Un **sistema termodinámico** es cualquier conjunto de objetos que conviene considerar como un unidad, y que podría intercambiar energía con el entorno. Un proceso en el que se producen cambios en el estado de un sistema termodinámico, se denomina **proceso termodinámico**.

3.1.1. Signos del calor y el trabajo en termodinámica

Describimos las relaciones de energía de cualquier proceso termodinámico en términos de la cantidad de calor Q agregada al sistema y el trabajo W realizado por él. Ambos pueden ser negativos, positivos o cero. Un valor positivo de Q representa un flujo de calor *hacia* el sistema (está entrando calor al sistema), con un suministro de energía correspondiente; un Q negativo representa flujo de calor hacia *afuera* del sistema (sale calor del sistema). Un valor positivo de W representa el trabajo realizado *por* el sistema contra el entorno (como un gas en expansión), y corresponde a la energía que *sale* del sistema. Un W negativo, como el realizado durante la compresión de un gas, es cuando el entorno realiza trabajo *sobre* el sistema, y representa energía que *entra* en el sistema.

3.2. Trabajo realizado al cambiar el volumen

Supongamos que tenemos una cantidad de gas en un cilindro con un pistón móvil. Al expandirse el gas, empuja el pistón realizando un trabajo sobre el mismo.

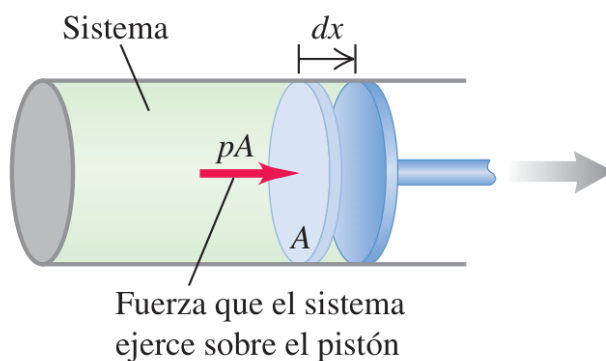


Figura 5: Cilindro con pistón móvil que contiene gas.

En la Figura 5 vemos un sistema cuyo volumen puede cambiar en un cilindro con pistón móvil. Supongamos que el área transversal del cilindro es A y la presión ejercida por el sistema en la cara del pistón es p . Recordemos que la fórmula del trabajo es

$$W = \int F dx$$

En este caso, la fuerza es $F = pA$ y el desplazamiento es dx de manera que

$$dW = F dx = pA dx$$

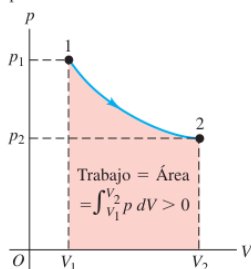
Pero $A dx = dV$, donde dV es el cambio infinitesimal de volumen del sistema. Así, podemos expresar el trabajo efectuado por el sistema en este cambio infinitesimal de volumen como

$$dW = p dV$$

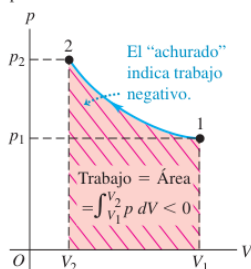
En un cambio finito de volumen de V_1 a V_2 , tenemos que

$$W = \int_{V_1}^{V_2} p dV$$

a) Gráfica pV para un sistema que sufre una expansión con presión variable



b) Gráfica pV para un sistema que sufre una compresión con presión variable



c) Gráfica pV para un sistema que sufre una expansión con presión constante

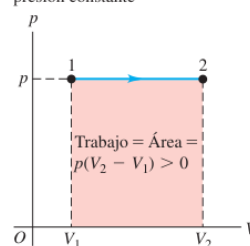


Figura 6: El trabajo efectuado es igual al área bajo la curva en una gráfica pV .

Vemos que el trabajo es positivo cuando un sistema se expande, y es negativo cuando se comprime. Si la presión p se mantiene constante mientras el volumen cambia de V_1 a V_2 , el trabajo efectuado por el sistema es $W = p(V_2 - V_1)$.

Nota

En cualquier proceso donde el volumen sea constante, el sistema no realiza trabajo porque no hay desplazamiento.

3.3. Trayectoria entre estados termodinámicos

3.3.1. Trabajo efectuado en un proceso termodinámico

Cuando un sistema cambia de un estado inicial a uno final, pasa por una serie de estados intermedios, a los que llamamos **trayectoria**. Siempre hay un número infinito de posibilidades para dichos estados intermedios. Si todos son estados de equilibrio, la trayectoria podrá verse en una gráfica pV (necesitamos que sean de equilibrio porque en la gráfica pV las curvas representan *isotermas*).

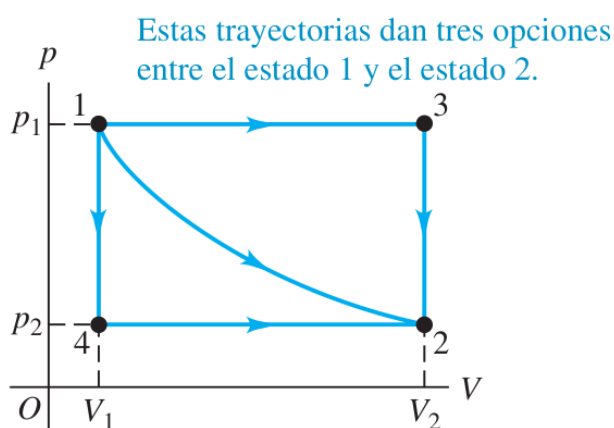


Figura 7: El trabajo efectuado depende de la trayectoria.

En la Figura 7 podemos ver que, el punto 1 representa un estado inicial con presión p_1 y volumen V_1 , y el punto 2 representa un estado final p_2 y V_2 . Para pasar del estado 1 al 2, podríamos mantener la presión en p_1 mientras el sistema se expande al volumen V_2 (punto 3) y luego reducir la presión a p_2 mientras se mantiene el volumen en V_2 . El trabajo efectuado por el sistema durante este proceso es el área bajo la línea $1 \rightarrow 3$. También podríamos haber elegido otro camino siguiendo la trayectoria $1 \rightarrow 4 \rightarrow 2$ y el trabajo sería igual al área bajo la curva $4 \rightarrow 2$. Otra posibilidad podría haber sido seguir la curva que va de $1 \rightarrow 2$, siendo el trabajo diferente de los otros dos caminos.

3.3.2. Calor agregado en un proceso termodinámico

Al igual que el trabajo, el calor agregado a un sistema termodinámico cuando cambia de estado depende de la trayectoria del estado inicial al final.

3.4. Energía interna y la primera ley de la termodinámica

La energía interna de un sistema es la suma de las energías cinéticas de todas sus partículas constituyentes, mas la suma de todas las energías potenciales de interacción entre ellas. Es importante notar que esta energía potencial es solo la que existe entre las partículas del sistema y no la que existe en relación a su entorno. Por ejemplo, si tenemos una pelota en el piso va tener una cierta cantidad de energía interna. Si subimos la pelota a una mesa, aumenta la energía potencial de la pelota debido a la interacción entre la pelota y la Tierra, pero la energía interna de la pelota sigue siendo la misma, no cambió.

Usamos el símbolo U para la energía interna. Durante un cambio de estado del sistema, la energía interna podría variar de un valor inicial U_0 a un valor final U_f . Denotamos este cambio de energía interna como $\Delta U = U_f - U_0$.

Sabemos que la transferencia de calor es transferencia de energía. Si agregamos cierta cantidad de calor Q a un sistema y éste no realiza trabajo en el proceso, la energía interna aumenta en una cantidad igual a Q ; es decir $\Delta U = Q$. Si el sistema efectúa un trabajo W expandiéndose contra su entorno y no se agrega calor durante ese proceso, sale energía del sistema y disminuye la energía interna. Es decir, si W es positivo, perdemos energía: $\Delta U = -W$. Si hay tanto transferencia de calor como trabajo, el cambio total de energía interna es

$$\Delta U = Q - W$$

Esta ecuación es la **primera ley de la termodinámica**. Esta ecuación nos dice que la energía interna de un sistema depende *solo* de sus estados inicial y final, y no de la trayectoria que hay de uno al otro.

3.4.1. Proceso cíclicos y sistemas aislados

Un proceso que tarde o temprano vuelve a su estado inicial es un proceso cíclico. En un proceso así, el estado final es el mismo que el inicial, así que el cambio total de energía interna debe ser cero. Entonces,

$$U_2 = U_1 \quad \text{y} \quad Q = W$$

Otro caso podría ser el de un sistema *aislado* que no realiza trabajo sobre su entorno ni intercambia calor con él. En este caso

$$Q = W = 0$$

y por lo tanto,

$$\Delta U = 0$$

3.5. Tipos de procesos termodinámicos

3.5.1. Proceso adiabático

Un **proceso adiabático** es aquel donde no entra ni sale calor del sistema: $Q = 0$. Por la primera ley de la termodinámica, para todo proceso adiabático,

$$\Delta U = -W$$

Cuando un sistema se expande adiabáticamente, W es positivo, por lo tanto ΔU es negativo. Si el sistema se comprime durante un proceso adiabático, W es negativo así que ΔU es positivo.

3.5.2. Proceso isocórico

Un **proceso isocórico** es un proceso en el que el volumen se mantiene constante. Como el volumen se mantiene constante, el trabajo del sistema es $W = 0$ y, por la primera ley de la termodinámica,

$$\Delta U = Q$$

3.5.3. Proceso isobárico

Un **proceso isobárico** es un proceso que se efectúa a presión constante. En general, ninguna de las tres cantidades: ΔU , Q y W es cero en un proceso isobárico, pero aun así es fácil calcular W ya que $W = p(V_f - V_0)$

3.5.4. Proceso isotérmico

Un **proceso isotérmico** es aquel en el que la temperatura permanece constante. Para ello, todo intercambio de calor con el entorno debe efectuarse con tal lentitud para que se mantenga el equilibrio térmico.

3.6. Energía interna de un gas ideal

Ahora vamos a demostrar que la energía interna de un gas ideal depende sólo de la temperatura y no de la presión ni del volumen. Consideremos un recipiente térmicamente aislado con paredes rígidas que se divide en dos compartimentos usando una membrana. Un compartimento tiene una cantidad de gas ideal; el otro está vacío.

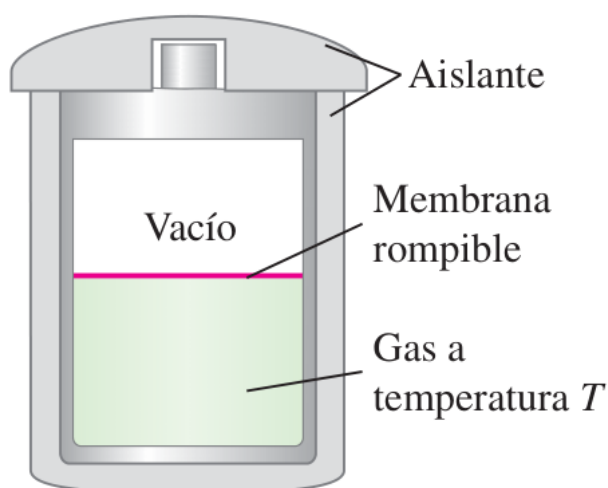


Figura 8: Gas ideal en recipiente con membrana rompible

Si la membrana se rompe o se elimina, el gas se expande para llenar ambas partes del recipiente. El gas no efectúa trabajo sobre su entorno porque las paredes del recipiente no se mueven, y no fluye calor a través del aislante. Por lo tanto, Q y W son cero, y la energía interna U es constante.

¿Cambia la temperatura durante una expansión libre? Supongamos que sí, aunque la energía interna no lo hace. En tal caso, tendríamos que concluir que la energía interna depende de la temperatura y el volumen, o de la temperatura y la presión. Sin embargo, si T es constante durante una expansión libre, y la energía interna U se mantuvo constante a pesar de los cambios de volumen y presión, la única respuesta sería que U depende sólo de T .

Muchos experimentos han demostrado que, cuando un gas ideal sufre una expansión libre, su temperatura *no* cambia, se mantiene constante. Por lo tanto:

La energía interna de un gas ideal depende sólo de su temperatura, no de su presión ni de su volumen

Aparte:

Los gases de comportamiento no ideal suelen tener fuerzas de atracción intermoleculares y, cuando sus moléculas se separan, aumentan las energías potenciales correspondientes. Si la energía interna total es constante, las energías cinéticas deben disminuir. La temperatura está relacionada directamente con la energía cinética molecular; por lo tanto, en un gas así, una expansión libre usualmente va acompañada de una caída en la temperatura.

3.7. Capacidad calorífica del gas ideal

Ya habíamos hablado de la capacidad calorífica molar y que esta dependía de las condiciones en que se agrega calor. Podíamos medirla a volumen constante C_V , o a presión constante C_p . Pero, ¿por qué son diferentes estas dos capacidades caloríficas? Esto se debe a la primera ley de la termodinámica. Si aumenta la temperatura a volumen constante, el sistema no efectúa trabajo y el cambio de energía interna ΔU es igual al calor agregado Q . En un aumento de temperatura a presión constante, en cam-

bio, el volumen tiene que aumentar; sino la presión no podría permanecer constante. Al expandirse el material, realiza un trabajo W , y como $\Delta U = Q - W$, el suministro de calor en un proceso a presión constante debe ser mayor que en uno a volumen constante, porque se requiere energía adicional para el trabajo W realizado durante la expansión. Así, C_p del gas ideal es mayor que C_v .

3.7.1. Relación entre las dos capacidades caloríficas para un gas ideal

Podemos deducir una relación sencilla entre C_p y C_v para el gas ideal. Consideremos primero el proceso de volumen constante. Colocamos n moles de gas ideal a temperatura T en un recipiente de volumen constante, que colocamos en contacto térmico con un cuerpo más caliente; una cantidad infinitesimal de calor dQ fluye hacia el gas, y su temperatura aumenta en una cantidad infinitesimal dT . Por la definición de C_v , la capacidad calorífica molar a volumen constante,

$$dQ = nC_v dT$$

La presión aumenta durante este proceso, pero el gas no realiza trabajo ($dW = 0$) porque el volumen es constante. La primera ley en forma diferencial es $dU = dQ - dW$. Como $dW = 0$, $dQ = dU$ y la ecuación también la podemos escribir como

$$dU = nC_v dT$$

Supongamos ahora un proceso a presión constante con el mismo cambio de temperatura dT . Colocamos el mismo gas en un cilindro con un pistón que permitimos moverse apenas lo suficiente para mantener una presión constante y ponemos el sistema en contacto con un cuerpo más caliente. Al fluir calor hacia el gas, se expande a presión constante y efectúa trabajo. Por la definición de C_p , la cantidad de calor dQ que entra en el gas es

$$dQ = nC_p dT$$

El trabajo dW efectuado por el gas en este proceso a presión constante es

$$dW = p dV$$

También podemos expresar dW en términos del cambio de temperatura dT usando la ecuación de estado del gas ideal, $pV = nRT$. Al ser p constante, el cambio en V es proporcional al cambio de T :

$$dW = p dV = nR dT \quad \text{Esto solo porque la presión es constante}$$

Ahora sustituimos las ecuaciones que obtuvimos recién en $dQ = dU + dW$ y nos queda:

$$nC_p dT = dU + nR dT$$

Ahora, **prestar atención**. Acá podemos meter la ecuación $dU = nC_V dT$ que es la de volumen constante, a pesar de que ahora el volumen no es constante. Esto lo podemos hacer porque habíamos dicho antes que, para un gas ideal, su energía interna *solo depende de su temperatura*. Y si esto es válido para un proceso, tiene que ser válido para cualquier proceso con el mismo dT . Por ende, podemos sustituir dU en la última ecuación que obtuvimos:

$$nC_p dT = dC_V dT + nR dT$$

Sacamos factor común $n dT$ y cancelamos:

$$C_p = C_V + R$$

Y acabamos de demostrar que la capacidad calorífica molar del gas ideal a presión constante es mayor que a volumen constante; la diferencia es la constante de los gases ideales R .

3.7.2. El cociente de capacidades caloríficas

El **cociente de capacidades caloríficas** se representa con la letra γ y está dado por:

$$\gamma = \frac{C_p}{C_V}$$

Esta capacidad desempeña un papel importante en los procesos *adiabáticos* de gases ideales.

3.8. Proceso adiabático para el gas ideal

3.8.1. Gas ideal adiabático: Relación entre V , T , y p

Podemos deducir una relación entre el volumen y los cambios de temperatura para un proceso adiabático infinitesimal en el gas ideal. Sabemos que, para *cualquier* proceso del gas ideal tenemos $dU = nC_V dT$. Además, el trabajo efectuado por el gas durante el proceso está dado por $dW = p dV$. Entonces, dado que en un proceso adiabático $dU = -dW$, tenemos

$$nC_V dT = -p dV$$

Para obtener una relación que solo tenga el volumen V y la temperatura T , podemos sustituir p usando la ecuación del gas ideal

$$nC_V dT = -\frac{nRT}{V} dV$$

Se cancela n y reordenamos

$$\frac{dT}{T} + \frac{R}{C_V} \frac{dV}{V} = 0$$

Vimos recién que podemos expresar R en función de C_p y C_V , y también que $\gamma = C_p/C_V$, entonces

$$\frac{R}{C_V} = \frac{C_p - C_V}{C_V} = \frac{C_p}{C_V} - 1 = \gamma - 1$$

Reemplazamos

$$\frac{dT}{T} + (\gamma - 1) \frac{dV}{V} = 0$$

Como γ siempre es mayor que 1 (porque $C_p > C_V$, $(\gamma - 1)$ siempre es positivo. Esto nos dice que dV y dT siempre tienen signos opuestos. Y esto tiene sentido con lo que sabemos hasta ahora ya que siempre que un gas se expande mediante un proceso adiabático, se produce una disminución de la temperatura y viceversa.

Para cambios finitos de temperatura y volumen, integramos la ecuación:

$$\ln T + (\gamma - 1) \ln V = \text{constante}$$

$$\ln T + \ln V^{\gamma-1} = \text{constante}$$

$$\ln TV^{\gamma-1} = \text{constante}$$

y, por último, e elevado a una constante sigue siendo una constante, así que

$$TV^{\gamma-1} = \text{constante}$$

Así, para un estado inicial (T_1, V_1) y un estado final (T_2, V_2) , como $\Delta U = 0$,

$$T_1 V_1^{\gamma-1} = T_2 V_2^{\gamma-1}$$

También podemos convertir la ecuación en una relación entre la presión y el volumen, eliminando T con la ayuda de la ecuación del gas ideal. Al sustituir obtenemos

$$\frac{pV}{nR} V^{\gamma-1} = \text{constante}$$

Y como n y R son constantes, podemos hacer lo siguiente:

$$\frac{pV}{nR} V^{\gamma} = \text{constante}$$

$$pV^{\gamma} = \text{constante}(nR)$$

$$pV^{\gamma} = \text{constante}$$

Para un estado inicial (p_1, V_1) y un estado final (p_2, V_2) , la ecuación se convierte en

$$p_1 V_1^{\gamma} = p_2 V_2^{\gamma}$$

También podemos calcular el trabajo efectuado por un gas con comportamiento ideal durante un proceso adiabático. Sabemos que $Q = 0$ y $W = -\Delta U$ para *cualquier* proceso adiabático. Para el gas ideal, $\Delta U = nC_V(T_2 - T_1)$. Si conocemos el número de moles n y las temperaturas inicial y final, tenemos

$$W = nC_V(T_1 - T_2)$$

También podemos usar $pV = nRT$ en esta ecuación

$$W = \frac{C_V}{R}(p_1V_1 - p_2V_2) = \frac{1}{\gamma - 1}(p_1V_1 - p_2V_2)$$

4. La segunda ley de la termodinámica