

4.5 Cesàro の総和法

次の数列：

$$a_1 + a_2 + \cdots + a_n + \cdots \quad \text{---} \quad (4.8)$$

の n 個部分和 s_1, s_2, \dots, s_n の平均値を \bar{s}_n とおく。すなはち。

$$S_n = \frac{s_1 + s_2 + \dots + s_n}{n} \quad (4.9)$$

$$\begin{aligned} p_1 &= a_1 \\ p_2 &= a_1 + a_2 \\ \vdots & \\ p_n &= a_1 + a_2 + \cdots + a_n \end{aligned}$$

もし、 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ が一定の数 S に収束するならば（たとえ $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ が存在しなくとも）級数 (4.8) は、 S なる和をもつといふ。もし、(4.8) が存在して、和 S をもつならば、 $S = S$ であることを証明せきる。

またもし、

$$a_n = O\left(\frac{1}{n}\right)$$

である。2. Casaro の和が存在する場合には、級数 (48) は、収束する
という定理がある。(Hardy の定理)

