

§46. Лабораторная работа № 10

Задача идентификации потока экспериментальных данных

Ц е л ь р а б о т ы: изучить проблему идентификации потока экспериментальных данных

С о д е р ж а н и е р а б о т ы: осуществить компьютерную реализацию идентификации потока экспериментальных данных

Пример выполнения задания. Часть 1

Значениями случайного процесса являются случайные величины E с заданным распределением с математическим ожиданием μ и дисперсией d . Число d известно, а о числе μ известно, что во всех случаях оно равно либо μ_1 , либо μ_2 , причем $\mu_2 > \mu_1$. Требуется построить компьютерный имитатор случайной величины E , который начинает свою работу с равновероятного выбора между μ_1 и μ_2 , а затем с помощью процедуры последовательной проверки устанавливает истинное значение μ .

Программный код (язык программирования Python):

```
import math
import random
import matplotlib.pyplot as plt

def math_expect(s): """ * Calculate math expectation """
    return sum(s)/len(s)

def dispersion(s, M = None): """ * Calculate dispersion. * Use M - as math
expectation if it known
* else calculate it """
    if M is None:
        M = math_expect(s)
    n = len(s)
    D = 0
    for i in range(n):
        D += (s[i] - M)**2
    return D/n
```

```

def white_noise():
    s = 0
    for i in range(12):
        s += random.random()
    return s - 6

def ud_4_lognormal_dist(M, D): """ Calculate coefficients
for lognormal distribution
M - math exception
D - dispersion """ d = math.log(D / math.exp(2 * math.log(M)) + 1)
u = math.log(M) - d / 2
return u, d**0.5

def normal_dist_val(u, d):
    return white_noise() * d + u

def lognormal_dist_val(u, d):
    return math.exp(normal_dist_val(u, d))

def count_unten(n :float, min_count = 5)->int: """ return number tens not in
number
0.1234 -> 4; 0.11 -> 2; 0.1 -> 1"""
    i = 0
    if n == 0:
        return i
    flag = False
    while True:
        n *= 10
        mod = int(n) % 10
        if not flag and mod != 0:
            flag = True
        if flag and mod == 0:
            break
        i += 1

```

```

if i >= min_count:
    break
return i

def main():
    M1 = M2 = 0
    while M2 <= M1:
        M1 = float(input("M1 = "))
        M2 = float(input("M2 = "))
        D = float(input("D = "))
        sub = abs(M2 - M1)
        e = 0.01
        if sub < 1:
            e = 0.1 / 10 ** count_unten(sub)
            M = M1 if random.random() >= 0.5 else M2
            vals = []
            u, d = ud_4_lognormal_dist(M, D)
            flag1 = flag2 = False
            while not (flag1 or flag2) and len(vals) < 1000000:
                vals += [lognormal_dist_val(u, d)]
            M = math_expect(vals)
            flag1 = abs(M - M1) <= e
            flag2 = abs(M - M2) <= e
            print("Математическое ожидание: ", end="")
            if flag1:
                print("M1", end="")
            elif flag2:
                print("M2", end="")
            else:
                print("undefined", end="")
            print(f" = {M:f}")

```

```
if __name__ == "__main__":  
    main()
```

Результат выполнения программы

```
M1 = 5  
M2 = 10  
D = 3  
Математическое ожидание: M1 = 5.002331
```

```
M1 = 1  
M2 = 12  
D = 6  
Математическое ожидание: M2 = 11.997037
```

```
M1 = 3  
M2 = 100  
D = 51  
Математическое ожидание: M1 = 2.998162
```

```
M1 = 6  
M2 = 9  
D = 12  
Математическое ожидание: M2 = 8.992482
```

Пример выполнения задания. Часть 2

Основываясь на результатах лабораторной работы по теме «Задача идентификации потока экспериментальных данных» часть 1 осуществить, согласно своего варианта, компьютерный анализ зависимости времени идентификации случайного процесса от величины d . Предусмотреть программный блок, ориентированный на соответствующую обработку не имитированных, а экспериментальных данных.

Программный код (язык программирования Python):

```
import math  
import random
```

```

import time

import matplotlib.pyplot as plt

def math_expect(s): """ * Calculate math expectation """
    return sum(s)/len(s)

def dispersion(s, M = None): """ * Calculate dispersion. * Use M - as math
expectation if it known
    * else calculate it """
    if M is None:
        M = math_expect(s)
    n = len(s)
    D = 0
    for i in range(n):
        D += (s[i] - M)**2
    return D/n

def white_noize():
    s = 0
    for i in range(12):
        s += random.random()
    return s - 6

def ud_4_lognormal_dist(M, D): """ Calculate coefficients
for lognormal distribution
M - math exception
D - dispersion """ d = math.log(D / math.exp(2 * math.log(M)) + 1)
u = math.log(M) - d / 2
return u, d**0.5

def normal_dist_val(u, d):
    return white_noize() * d + u

def lognormal_dist_val(u, d):
    return math.exp(normal_dist_val(u, d))

```

def count_unten(n :float, min_count = 5)->int: """ return number tens not in number

0.1234 -> 4; 0.11 -> 2; 0.1 -> 1"""

i = 0

if n == 0:

return i

flag = False

while True:

*n *= 10*

mod = int(n) % 10

if not flag and mod != 0:

flag = True

if flag and mod == 0:

break

i += 1

if i >= min_count:

break

return i

===== work

code =====

def identify_random_process(M1: float, M2: float, data: list): """ M1 - math exception 1

M2 - math exception 2

return math exception for data and determine to whom to relate

ans == 0 - M is M1

ans == 1 - M is M2

ans == 2 - M is undefined"""

sub = abs(M2 - M1)

e = 0.01

if sub < 1:

```

    e = 0.1 / 10 ** count_unten(sub)
    flag1 = flag2 = False
    vals = []
    data = data.copy()
    while not flag1 and not flag2 and len(data) > 0:
        vals.append(data.pop())
    M = math_expect(vals)
    flag1 = abs(M - M1) <= e
    flag2 = abs(M - M2) <= e
    if flag1:
        ans = 0
    elif flag2:
        ans = 1
    else:
        ans = 3
    return ans, M

# ===== work
code =====

def input_interval(**kwargs):
    a = kwargs.get("a")
    b = kwargs.get("b")
    text1 = kwargs.get("text1")
    text2 = kwargs.get("text2")
    sign = kwargs.get("sign")
    if a is None:
        a = 0
    if b is None:
        b = 0
    if text1 is None:
        text1 = ""

```

```

if text2 is None:
    text2 = ""
if sign is None:
    sign = lambda a, b: b > a
while not sign(a, b):
    a = float(input(text1))
    b = float(input(text2))
return a, b

def main():
    M1, M2 = input_interval(text1="M1 = ", text2="M2 = ")
    D1, D2 = input_interval(text1="D1 = ", text2="D2 = ")
    M = M1 if random.random() >= 0.5 else M2
    list_T = []
    list_D = []
    D = D1
    while D <= D2:
        list_D += [D]
        u, d = ud_4_lognormal_dist(M, D)
        data = [lognormal_dist_val(u, d) for i in range(1000)]
        t0 = time.time()
        ans, M = identify_random_process(M1, M2, data)
        list_T += [time.time() - t0]
        D += 1
    fig, axs = plt.subplots(1, 1, constrained_layout=True)
    axs.plot(list_D, list_T, 'o', list_D, list_T, '-')
    axs.set_title('График зависимости времени идентификации от дисперсии')
    axs.set_xlabel('дисперсия, D')
    axs.set_ylabel('время, t (с)')
    axs.grid(True)

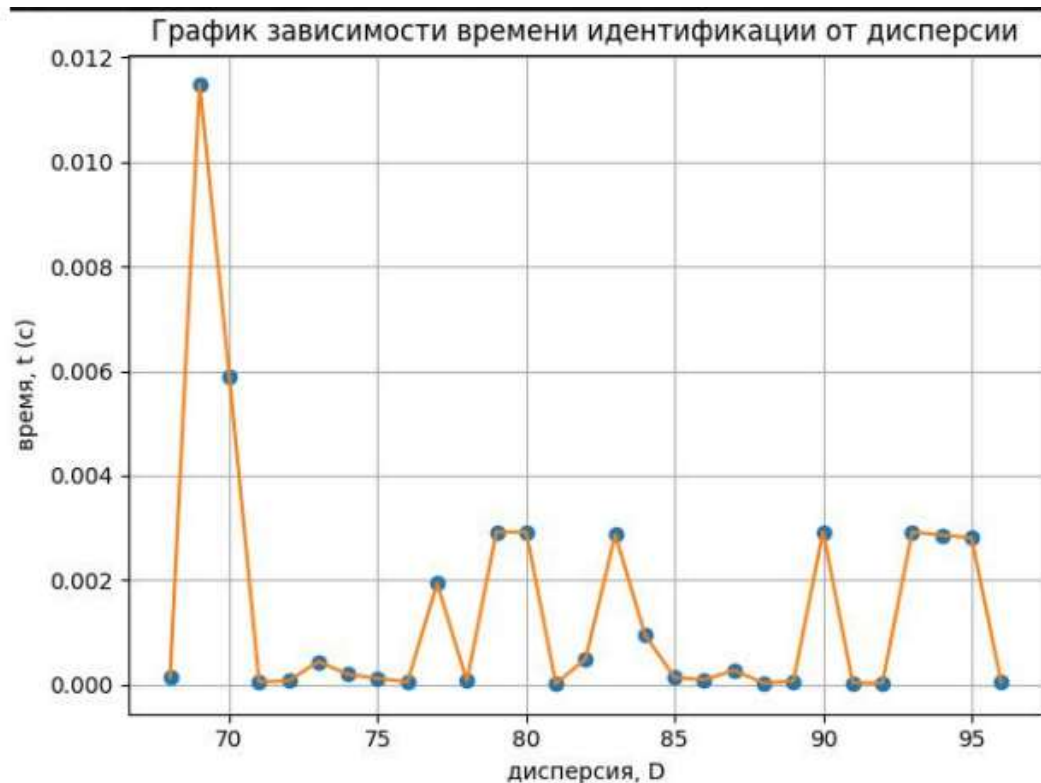
```



```
plt.show()

if __name__ == "__main__":
    main()
```

Результат выполнения программы



Варианты заданий к лабораторной работе № 10

Варианты № 1 – № 5.

1. Значениями случайного процесса являются нормально распределенные случайные величины ξ с математическим ожиданием μ и дисперсией σ . Число σ известно, а о числе μ известно, что во всех случаях оно равно либо μ_1 , либо μ_2 , причем $\mu_2 > \mu_1$. Требуется построить компьютерный имитатор случайной величины ξ , который начинает свою работу с равновероятного выбора между μ_1 и μ_2 , а затем с помощью процедуры последовательной проверки устанавливает истинное значение μ .

2. Осуществить компьютерный анализ зависимости времени идентификации случайного процесса от величины σ . Предусмотреть программный блок, ориентированный на соответствующую обработку не имитированных, а экспериментальных данных.

Варианты № 6 – № 10.

1. Значениями случайного процесса являются логнормально распределённые случайные величины ξ с математическим ожиданием μ и дисперсией σ . Число σ известно, а о числе μ известно, что во всех случаях оно равно либо μ_1 , либо μ_2 , причем $\mu_2 > \mu_1$. Требуется построить компьютерный имитатор случайной величины ξ , который начинает свою работу с равновероятного выбора между μ_1 и μ_2 , а затем с помощью процедуры последовательной проверки устанавливает истинное значение μ .

2. Осуществить компьютерный анализ зависимости времени идентификации случайного процесса от величины σ . Предусмотреть программный блок, ориентированный на соответствующую обработку не имитированных, а экспериментальных данных.

Варианты № 11 – № 15.

1. Значениями случайного процесса являются экспоненциально распределённые случайные величины ξ с параметром λ , о котором известно, что во всех случаях он равен либо λ_1 , либо λ_2 , причем $\lambda_2 > \lambda_1$. Требуется построить компьютерный имитатор случайной величины ξ , который начинает свою работу с равновероятного выбора между λ_1 и λ_2 , а затем с помощью процедуры последовательной проверки устанавливает истинное значение λ .

2. Осуществить компьютерный анализ зависимости времени идентификации случайного процесса от дисперсии величины ξ . Предусмотреть программный блок, ориентированный на соответствующую обработку не имитированных, а экспериментальных данных.

Варианты № 16 – № 20.

1. Значениями случайного процесса являются нормально распределённые случайные величины ξ с математическим ожиданием μ и дисперсией σ . Число σ известно, а о числе μ известно, что во всех случаях оно равно либо μ_1 , либо μ_2 , причем $\mu_1 > \mu_2$. Требуется построить компьютерный имитатор случайной величины ξ , который начинает свою работу с

равновероятного выбора между μ_1 и μ_2 , а затем с помощью процедуры последовательной проверки устанавливает истинное значение μ .

2. Осуществить компьютерный анализ зависимости времени идентификации случайного процесса от величины σ . Предусмотреть программный блок, ориентированный на соответствующую обработку не имитированных, а экспериментальных данных.

Варианты № 21 – № 25.

1. Значениями случайного процесса являются логнормально распределённые случайные величины ξ с математическим ожиданием μ и дисперсией σ . Число σ известно, а о числе μ известно, что во всех случаях оно равно либо μ_1 , либо μ_2 , причем $\mu_1 > \mu_2$. Требуется построить компьютерный имитатор случайной величины ξ , который начинает свою работу с равновероятного выбора между μ_1 и μ_2 , а затем с помощью процедуры последовательной проверки устанавливает истинное значение μ .

2. Осуществить компьютерный анализ зависимости времени идентификации случайного процесса от величины σ . Предусмотреть программный блок, ориентированный на соответствующую обработку не имитированных, а экспериментальных данных.

Варианты № 26 – № 30.

1. Значениями случайного процесса являются нормально распределённые случайные величины ξ с математическим ожиданием μ и дисперсией σ . Число σ известно, а о числе μ известно, что во всех случаях оно равно либо μ_1 , либо μ_2 , причем $\mu_1 > \mu_2$. Требуется построить компьютерный имитатор случайной величины ξ , который начинает свою работу с равновероятного выбора между μ_1 и μ_2 , а затем с помощью процедуры последовательной проверки устанавливает истинное значение μ .

2. Осуществить компьютерный анализ зависимости времени идентификации случайного процесса от величины σ . Предусмотреть программный блок, ориентированный на соответствующую обработку не имитированных, а экспериментальных данных.

