IF2211 Strategi Algoritma

PROGRAM PENYELSAI PERMAINAN KARTU 24 DENGAN ALGORITMA BRUTE FORCE

Laporan Tugas Kecil



Disusun oleh Rinaldy Adin 13521134

PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG

DAFTAR ISI

DAFTAR ISI	2
BAB I Pendahuluan dan Algoritma Penyelesaian	3
1. Pendahuluan	3
2. Algoritma Penyelesaian	3
BAB II Source Code Program	6
BAB III Hasil Pengujian	21
BAB IV Cek List Program	
LAMPIRAN	36

BABI

Pendahuluan dan Algoritma Penyelesaian

1. Pendahuluan

Permainan kartu 24 adalah permainan kartu aritmatika dengan tujuan mencari cara untuk mengubah 4 buah angka random sehingga mendapatkan hasil akhir sejumlah 24. Permainan Kartu 24 biasa dimainkan dengan menggunakan kartu remi. Kartu remi terdiri dari 52 kartu yang terbagi menjadi empat suit (sekop, hati, keriting, dan wajik) yang masing-masing terdiri dari 13 kartu (As, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, Jack, Queen, dan King). Yang perlu diperhatikan hanyalah nilai kartu yang didapat (As, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, Jack, Queen, dan King). As bernilai 1, Jack bernilai 11, Queen bernilai 12, King bernilai 13, sedangkan kartu bilangan memiliki nilai dari bilangan itu sendiri. Pada awal permainan moderator atau salah satu pemain mengambil 4 kartu dari dek yang sudah dikocok secara random. Permainan berakhir ketika pemain berhasil menemukan solusi untuk membuat kumpulan nilainya menjadi 24. Pengubahan nilai tersebut dapat dilakukan menggunakan operasi dasar matematika penjumlahan (+), pengurangan (-), perkalian (×), pembagian (/) dan tanda kurung (()). Tiap kartu harus digunakan tepat sekali dan urutan penggunaannya bebas.

2. Algoritma Penyelesaian

Program yang telah dibuat bertujuan menyelesaikan permasalahan ini dengan menampilkan semua kemungkinan persamaan/solusi dari pilihan kartu yang dapat dihasilkan secara acak oleh program atau didapatkan dari masukan pengguna. Untuk memperoleh semua kemungkinan solusi, program menggunakan algoritma dengan strategi brute force, yaitu algoritma yang mencoba semua kemungkinan yang ada hingga mendapatkan hasil yang diinginkan. Dalam kasus ini, semua kemungkinan yang ada merupakan semua kemungkinan/permutasi persamaan yang terdiri dari empat angka dan tiga operator, sedangkan hasil yang diinginkan adalah semua persamaan yang menghasilkan nilai 24. Oleh karena itu, algoritma penyelesaian dapat dibagi menjadi algoritma penghasil permutasi persamaan dan algoritma menghitung nilai dari suatu persamaan.

Dalam implementasi program ini, permasalahan memperoleh semua permutasi yang ada dipecahkan dengan mencari permutasi urutan angka, serta permutasi susunan angka dan operator yang direpresentasikan dalam bentuk prefix, karena urutan operasi dalam representasi prefix sudah inheren dan tidak perlu ditambahkan kurung seperti representasi infix. Oleh karena itu, algoritma penyelesaian program ini dapat dijabarkan sebagai berikut,

- 1. Pencarian permutasi persamaan, yang dapat dibagi menjadi
 - a. Pencarian permutasi urutan angka, yang terdiri dari langkah-langkah
 - i. Menerima masukan 4 angka yang dapat digunakan.
 - ii. Melakukan nested looping dengan kedalaman 4 yang akan mencoba semua permutasi angka, program akan mencatat angka sebelumnya

- yang sudah digunakan agar permutasi berupa acakan dari angka masukan.
- iii. Permutasi yang dihasilkan akan dimasukkan ke dalam array hasil, tetapi sebelum dimasukkan ke dalam array, diperiksa terlebih dahulu apakah permutasi tersebut sudah tercatat dalam array atau belum, jika belum permutasi dimasukkan ke dalam array hasil.
- b. Pencarian permutasi susunan angka dan operator, yang terdiri dari langkahlangkah:
 - i. Memanggil fungsi rekursi yang akan menghasilkan persamaan prefix yang diawali dengan operator *op*. Dengan *op* berupa operator tambah (+), kurang (-), kali (×), dan bagi (/).
 - ii. Dalam fungsi tersebut, akan terjadi rekursi yang akan menghasilkan kemungkinan susunan persamaan yang direpresentasikan secara prefix dengan variabel w, x, y, dan z sebagai placeholder/pengganti untuk angka. Contoh, " $+ w x \times y z$ ".
 - iii. Fungsi rekursi menerima masukan elemen yang ingin dimasukkan ke dalam susunan, variabel yang belum terpakai, urutan/index saat ini, susunan yang sedang dihasilkan, jumlah operator, dan jumlah variabel/angka.
 - iv. Aturan pemasukkan elemen berdasarkan pengamatan bahwa dalam persamaan prefix, jumlah operator dari awal hingga suatu elemen, kecuali elemen terakhir, selalu lebih banyak atau sama dengan jumlah angka. Oleh karena itu, pemasukkan elemen mengikuti aturan berikut,
 - 1. Apabila jumlah operator kurang dari 3, masukkan operator ke dalam index berikutnya.
 - 2. Apabila jumlah angka kurang dari jumlah operator, masukkan angka ke dalam index berikutya.
 - 3. Apabila elemen berikutnya merupakan elemen terakhir, masukkan angka ke dalam index berikutya.
 - v. Setiap permutasi susunan operator yang dihasilkan dimasukkan ke dalam array hasil susunan operator.
- 2. Menghitung nilai dari suatu persamaan yang dihasilkan, yang terdiri dari langkahlangkah
 - a. Hasilkan permutasi persamaan dengan memasukkan permutasi angka ke dalam permutasi susunan operator.
 - b. Evaluasi nilai dari persamaan tersebut dengan memanfaatkan struktur data stack. Program melakukan itertasi elemen persamaan dari akhir ke awal
 - i. Jika elemen yang ditemukan merupakan angka, masukkan angka tersebut ke dalam stack.
 - ii. Jika elemen yang ditemukan merupakan operator, jalan kan operasi tersebut terhadap 2 elemen teratas pada stack, hilangkan 2 elemen tersebut dari stack, dan masukkan hasil operasi ke dalam stack.

Misal ditemukan operator bagi (/) dan elemen teratas pada stack adalah x dan elemen kedua teratas adalah y, maka x dan y akan dihilangkan dari stack, lalu nilai dari y / x akan dimasukkan ke dalam stack.

- c. Jika permutasi persamaan tersebut menghasilkan nilai 24, ubahlah terlebih dahulu persamaan tersebut ke dalam bentuk infix, untuk melakukan hal tersebut program menggunakan struktur data stack yang menyimpan data string dan akan melakukan itertasi elemen persamaan dari akhir ke awal
 - i. Jika elemen yang ditemukan merupakan angka, *casting* angka tersebut menjadi string dan masukkan ke dalam stack.
 - ii. Jika elemen yang ditemukan merupakan operator, hilangkan dan simpan nilai 2 elemen teratas pada stack, lakukan konkatenasi sehingga menghasilkan string persamaan infix antara dua elemen tersebut. Jika iterasi belum sampai elemen pertama tambahkan tanda kurung pada persamaan tersebut.
- d. Masukkan string persamaan infix ke dalam list yang menyimpan persamaan-persamaan yang menghasilkan nilai 24.

BABII

Source Code Program

Source code program disimpan dalam repository github https://github.com/Rinaldy-Adin/Tucil1_13521134. Source code serta file header adalah sebagai berikut,

```
main.cpp
#include <chrono>
#include <iomanip>
#include <iostream>
#include <vector>
#include "cliui.h"
#include "evaluate exp.h"
#include "generate_exp.h"
#include "generate_perms.h"
using std::cout;
using std::endl;
using std::vector;
int main() {
    // Splash screen on start
    splashScreen();
    cout << endl << endl;</pre>
    // Initialize loop variables
    bool programRunning = true;
    vector<string> menuChoices = {"User input", "Random", "Exit program"};
    while (programRunning) {
        header("Menu");
        cout << endl;</pre>
        int choice = menuPrompt("Choose card input method:", menuChoices);
        if (choice == 1 || choice == 2) { // User chooses to continue
            int cardNums[4];
            int permutations[25][4];
            char possibleExpressions[400][7];
            int nPermutations;
            int nExpressions;
            for (int i = 0; i < 25; i++) {
                for (int j = 0; j < 4; j++) {
```

```
permutations[i][j] = 0;
     for (int i = 0; i < 400; i++) {
         for (int j = 0; j < 7; j++) {
              possibleExpressions[i][j] = 0;
     if (choice == 1) { // Cards chosen by user
         cout << "\nEnter 4 card values separated by spaces (A, 2, 3,</pre>
                   4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, "
                  "J, Q, K):\n";
         readInput(cardNums);
         cout << endl;</pre>
         for (int i = 0; i < 4; i++) {
              cardNums[i] = rand() % 13 + 1;
     if (cardNums[0] != -1) { // Input valid
         // Display cards chosen by user/random
         header("Cards");
         printCards(cardNums);
         waitForEnter();
         cout << endl << endl;</pre>
         auto begin = std::chrono::high_resolution_clock::now();
         generatePermutations(cardNums, permutations,
                               &nPermutations);
         generateExpressions(possibleExpressions, &nExpressions);
         vector<string> expressions =
            evaluateExpressions(permutations,
            nPermutations, possibleExpressions, nExpressions);
         // End algorithm clock and calculate elapsed time
          auto end = std::chrono::high_resolution_clock::now();
         auto elapsed =
std::chrono::duration_cast<std::chrono::nanoseconds>(end - begin);
         header("Solutions");
```

```
cliui.h

#include <string>
#include <vector>

using std::string;
using std::vector;

// Read cards based off user input
void readInput(int cardNums[]);

// Display splash screen
void splashScreen();

// Display header with centered title
void header(string str);

// Display menu and recieve valid input
int menuPrompt(string prompt, vector<string> choices);
```

```
void printCards(int cardNums[]);
void waitForEnter();
// Ask for user to save solution results into file
void askToSave(int cardNums[], vector<string> solutions, int nanoseconds);
```

cliui.cpp

```
#include "cliui.h"
#include <cstdio>
#include <fstream>
#include <iomanip>
#include <iostream>
#include <limits>
#include <string>
using std::cin;
using std::cout;
using std::endl;
using std::getline;
using std::ifstream;
using std::ofstream;
using std::string;
// Read cards based off user input
void readInput(int cardNums[]) {
    int i = 0;
    int idx = 0;
    bool spaceSeparated = true;
    string str;
    getline(cin >> std::ws, str);
    while (idx < str.length()) {</pre>
        c = str[idx];
        if (c > '1' && c <= '9' && spaceSeparated) { // Card values under</pre>
10
            cardNums[i % 4] = c - '0';
            spaceSeparated = false;
        } else if (c == '1' && spaceSeparated) { // Handle 10
```

```
c = str[idx];
            if (c == '0') {
                cardNums[i % 4] = 10;
                spaceSeparated = false;
                cardNums[0] = cardNums[1] = cardNums[2] = cardNums[3] = -1;
                return;
            if ((c == 'A' || c == 'a') && spaceSeparated) {
                cardNums[i % 4] = 1;
                spaceSeparated = false;
                cardNums[i % 4] = 11;
                spaceSeparated = false;
            } else if ((c == 'Q' || c == 'q') && spaceSeparated) {
                cardNums[i % 4] = 12;
                spaceSeparated = false;
            } else if ((c == 'K' || c == 'k') && spaceSeparated) {
                cardNums[i % 4] = 13;
                spaceSeparated = false;
                spaceSeparated = true;
            } else {
                cardNums[0] = cardNums[1] = cardNums[2] = cardNums[3] = -1;
   if (i != 4 || idx < str.length()) {</pre>
        cardNums[0] = cardNums[1] = cardNums[2] = cardNums[3] = -1;
        return;
void splashScreen() {
    cout << R"(</pre>
                         | |/ /| ___| | | | |
```

```
void header(string str) {
    for (int i = 0; i < 20; i++) {
    for (int i = 2; i < 10 - (str.length() / 2); i++) {
    cout << str;</pre>
    for (int i = 10 - (str.length() / 2) + str.length(); i < 18; i++) {
   cout << "==\n";</pre>
    for (int i = 0; i < 20; i++) {
int menuPrompt(string prompt, vector<string> choices) {
   while (true) {
       cout << prompt << endl;</pre>
        for (int i = 1; i <= choices.size(); i++) {
           cout << choices[i - 1] << endl;</pre>
       cout << endl;</pre>
       cout << "Enter command (";</pre>
       for (int i = 1; i <= choices.size(); i++) {</pre>
```

```
if (i != choices.size())
        cout << "):" << endl;</pre>
        if (choice < 1 || choice > choices.size()) {
            cout << endl << "Invalid input" << endl << endl;</pre>
            cin.ignore(std::numeric_limits<std::streamsize>::max(), '\n');
void printCards(int cardNums[]) {
    for (int i = 0; i < 4; i++) {
        if (cardNums[i] == 11) {
           cout << " J";
        } else if (cardNums[i] == 1) {
           cout << " A";
        } else if (cardNums[i] == 12) {
           cout << " Q";
        } else if (cardNums[i] == 13) {
        } else if (cardNums[i] == 10) {
           cout << "10";
           cout << " " << cardNums[i];</pre>
    cout << "---- << endl;</pre>
void waitForEnter() {
```

```
cout << "Continue? (press enter)";</pre>
    cin.ignore(INT MAX, '\n');
// Ask for user to save solution results into file
void askToSave(int cardNums[], vector<string> solutions, int nanoseconds) {
    string str;
        cout << "\nWould you like to save your results to a file?(y/n): ";</pre>
        getline(cin >> std::ws, str);
    } while (str[0] != 'y' && str[0] != 'Y' && str[0] != 'n' && str[0] !=
'N');
    if (str[0] == 'y' && str[0] != 'Y') {
             cout << "Enter the path to your file: ";</pre>
             getline(cin >> std::ws, str);
            ofstream outfile;
            try {
                 outfile.open(str);
                 outfile << "Cards: ";</pre>
                 for (int i = 0; i < 4; i++) {
                     switch (cardNums[i]) {
                          case 1:
                              outfile << "A ";</pre>
                              break:
                          case 11:
                              outfile << "J ";</pre>
                              break;
                          case 12:
                              outfile << "Q ";</pre>
                              break;
                          case 13:
                              outfile << "K ";</pre>
                              break;
                          default:
                              outfile << cardNums[i] << " ";</pre>
                              break;
                 outfile << endl << endl;</pre>
                 outfile << solutions.size() << " solutions found" << endl <<</pre>
end1;
                 for (string solution : solutions) {
```

evaluate_exp.cpp

```
#include "evaluate_exp.h"

#include <stack>
#include <string>
#include <vector>

using std::stack;
using std::string;
using std::to_string;
using std::vector;

// Return value of prefix equation
double evaluatePrefix(char mappedExp[]) {
    stack<double> Stack;
```

```
// Iterate from back to front
    for (int i = 6; i >= 0; i--) {
        if (mappedExp[i] > '0' &&
            mappedExp[i] <= '9') { // Push numericals into stack & cast to</pre>
double
            Stack.push((double)mappedExp[i] - '0');
        } else if (mappedExp[i] >= 'a' &&
                   mappedExp[i] < 'w') { // Push numericals into stack &</pre>
cast to double
            Stack.push((double)mappedExp[i] - 'a' + 10);
stack when operator
            double y = Stack.top();
            Stack.pop();
            double x = Stack.top();
            Stack.pop();
            if (mappedExp[i] == '*') {
                Stack.push(x * y);
            } else if (mappedExp[i] == '/') {
                Stack.push(x / y);
            } else if (mappedExp[i] == '+') {
                Stack.push(x + y);
            } else if (mappedExp[i] == '-') {
                Stack.push(x - y);
    return Stack.top();
// Convert prefix array of chars into infix string
string convertToInfix(char prefix[]) {
    stack<string> Stack;
    for (int i = 6; i >= 0; i--) {
        if (prefix[i] > '0' && prefix[i] <= '9') { // Push numericals into</pre>
stack & cast to string
            string s(1, prefix[i]);
            Stack.push(s);
        } else if (prefix[i] >= 'a' &&
                   prefix[i] < 'w') { // Push numericals into stack & cast</pre>
            Stack.push(to_string(prefix[i] - 'a' + 10));
```

```
stack when operator
                  // found in prefix
            string y = Stack.top();
            Stack.pop();
            string x = Stack.top();
            Stack.pop();
            string z;
            if (i != 0) {
                z = "(" + x + " " + prefix[i] + " " + y + ")";
            } else {
                z = x + " " + prefix[i] + " " + y;
            Stack.push(z);
    return Stack.top();
// Evaluate expressions based off generated card permutations and possible
prefix expressions
vector<string> evaluateExpressions(int permutations[][4], int nPerms, char
possibleExpressions[][7],
                                    int nExps) {
    vector<string> infixes;
    for (int currPerm = 0; currPerm < nPerms; currPerm++) {</pre>
        for (int currExp = 0; currExp < nExps; currExp++) {</pre>
            char mappedExp[7];
hexadecimals
            for (int k = 0; k < 7; k++) {
                char mappedOp = possibleExpressions[currExp][k];
                if (mappedOp >= 'w' && mappedOp <= 'z') {</pre>
                     mappedExp[k] = permutations[currPerm][mappedOp - 'w'] +
'0';
                     if (mappedExp[k] > '9') {
                         mappedExp[k] = mappedExp[k] - '9' - 1 + 'a';
                    mappedExp[k] = mappedOp;
```

```
// Evaluate permutation and append to solutions list if equals

if (evaluatePrefix(mappedExp) == 24) {
        infixes.push_back(convertToInfix(mappedExp));
    }
}
return infixes;
}
```

```
generate_exp.h

// Generate possible expressions

// with w, x, y, and z as placeholders for numerical values

void generateExpressions(char possibleExpressions[][7], int *nExpressions);
```

Generate_exp.cpp

```
#include "generate exp.h"
// Generate prefix with 4 numbers and 3 operators, following the rule that
up until the last
void generatePrefix(char possibleExpressions[][7], char toInsert, char
unusedVar, char generated[],
                    int generatedIdx, int nOperators, int nNums, int
*nExpressions) {
    generated[generatedIdx] = toInsert;
    // Prefix expression is complete
    if (generatedIdx == 6) {
        for (int i = 0; i < 7; i++) {
            possibleExpressions[*nExpressions][i] = generated[i];
        *nExpressions += 1;
    if (nOperators < 3) { // Generate operators</pre>
        generatePrefix(possibleExpressions, '*', unusedVar, generated,
                         generatedIdx + 1,
                       nOperators + 1, nNums, nExpressions);
        generatePrefix(possibleExpressions, '/', unusedVar, generated,
                         generatedIdx + 1,
                       nOperators + 1, nNums, nExpressions);
```

```
generatePrefix(possibleExpressions, '+', unusedVar, generated,
                       nOperators + 1, nNums, nExpressions);
        generatePrefix(possibleExpressions, '-', unusedVar, generated,
                         generatedIdx + 1,
                       nOperators + 1, nNums, nExpressions);
   if (nNums < nOperators || generatedIdx == 5)</pre>
        generatePrefix(possibleExpressions, unusedVar, unusedVar + 1,
                         generated, generatedIdx + 1,
void generateExpressions(char possibleExpressions[][7], int *nExpressions) {
    char generated[7];
    *nExpressions = 0;
    generatePrefix(possibleExpressions, '*', 'w', generated, 0, 1, 0,
                  nExpressions);
    generatePrefix(possibleExpressions, '/', 'w', generated, 0, 1, 0,
                  nExpressions);
    generatePrefix(possibleExpressions, '+', 'w', generated, 0, 1, 0,
                   nExpressions);
    generatePrefix(possibleExpressions, '-', 'w', generated, 0, 1, 0,
                  nExpressions);
```

```
generate_perms.h

// Generate permutations of the recieved cards

void generatePermutations(int cardNums[], int permutations[][4], int
*nPermutations);
```

generate_perms.cpp

```
#include "generate_perms.h"

// Check if permutation is duplicate
bool isInPermutations(int permutation[], int permutations[][4], int

Last_empty_idx) {
   int i = 0;
   // Iterate over generated permutations
   while (i < Last_empty_idx) {
      if (permutation[0] == permutations[i][0] && permutation[1] == permutations[i][1] &&</pre>
```

```
permutation[2] == permutations[i][2] && permutation[3] ==
permutations[i][3]) {
            return true;
        i++;
    return false;
void generatePermutations(int cardNums[], int permutations[][4], int
*nPermutations) {
    *nPermutations = 0;
    for (int a = 0; a < 4; a++) {
        int generated[4];
        bool used[4] = \{0, 0, 0, 0\};
        generated[0] = cardNums[a];
        used[a] = 1;
        for (int b = 0; b < 4; b++) {
            if (used[b])
                continue;
            generated[1] = cardNums[b];
            used[b] = 1;
            for (int c = 0; c < 4; c++) {
                if (used[c])
                    continue;
                generated[2] = cardNums[c];
                used[c] = 1;
                for (int d = 0; d < 4; d++) {
                    if (used[d])
                        continue;
                    generated[3] = cardNums[d];
                    used[d] = 1;
                    if (!isInPermutations(generated, permutations,
                         *nPermutations)) {
```

BAB III

Hasil Pengujian



```
Menu ==
==
Choose card input method:
1. User input
2. Random
3. Exit program
Enter command (1/2/3):
2
Cards ==
3 | | 8 | | 4 | | 7 |
Continue? (press enter)
Solutions ==
============
6 solutions found:
8 + (4 * (7 - 3))
(4 * (7 - 3)) + 8
((7 - 3) * 4) + 8
8 + ((7 - 3) * 4)
8 - ((3 - 7) * 4)
8 - (4 * (3 - 7))
Solution algorithm elapsed for 6.697 miliseconds
```

```
== Menu ==
Choose card input method:
1. User input
2. Random
3. Exit program
Enter command (1/2/3):
Enter 4 card values separated by spaces (A, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, J, Q, K):
A A A A
== Cards ==
===========
Continue? (press enter)
== Solutions ==
0 solutions found:
Solution algorithm elapsed for 0.291 miliseconds
```

```
================
      Solutions
============
45 solutions found:
(13 - 5) + (8 + 8)
((13 - 5) + 8) + 8
(13 - (5 - 8)) + 8
13 - (5 - (8 + 8))
13 - ((5 - 8) - 8)
(8 - 5) + (13 + 8)
((8-5)+13)+8
(8 - (5 - 13)) + 8
8 - (5 - (13 + 8))
8 - ((5 - 13) - 8)
13 + ((8 - 5) + 8)
13 + (8 - (5 - 8))
(13 + (8 - 5)) + 8
((13 + 8) - 5) + 8
(13 + 8) - (5 - 8)
8 + ((13 - 5) + 8)
8 + (13 - (5 - 8))
(8 + (13 - 5)) + 8
((8 + 13) - 5) + 8
(8 + 13) - (5 - 8)
(8 - 5) + (8 + 13)
((8-5)+8)+13
(8 - (5 - 8)) + 13
8 - (5 - (8 + 13))
8 - ((5 - 8) - 13)
8 + ((8 - 5) + 13)
8 + (8 - (5 - 13))
(8 + (8 - 5)) + 13
((8 + 8) - 5) + 13
(8 + 8) - (5 - 13)
13 + (8 + (8 - 5))
13 + ((8 + 8) - 5)
(13 + 8) + (8 - 5)
(13 + (8 + 8)) - 5
((13 + 8) + 8) - 5
8 + (13 + (8 - 5))
8 + ((13 + 8) - 5)
(8 + 13) + (8 - 5)
(8 + (13 + 8)) - 5
((8 + 13) + 8) - 5
8 + (8 + (13 - 5))
8 + ((8 + 13) - 5)
(8 + 8) + (13 - 5)
(8 + (8 + 13)) - 5
((8 + 8) + 13) - 5
```

Solution algorithm elapsed for 5.196 miliseconds

```
============
==
      Solutions
============
90 solutions found:
(10 - 11) + (12 + 13)
((10 - 11) + 12) + 13
(10 - (11 - 12)) + 13
10 - (11 - (12 + 13))
10 - ((11 - 12) - 13)
10 + ((12 - 11) + 13)
10 + (12 - (11 - 13))
(10 + (12 - 11)) + 13
((10 + 12) - 11) + 13
(10 + 12) - (11 - 13)
12 + ((10 - 11) + 13)
12 + (10 - (11 - 13))
(12 + (10 - 11)) + 13
((12 + 10) - 11) + 13
(12 + 10) - (11 - 13)
(12 - 11) + (10 + 13)
((12 - 11) + 10) + 13
(12 - (11 - 10)) + 13
12 - (11 - (10 + 13))
12 - ((11 - 10) - 13)
(10 - 11) + (13 + 12)
((10 - 11) + 13) + 12
(10 - (11 - 13)) + 12
10 - (11 - (13 + 12))
10 - ((11 - 13) - 12)
10 + ((13 - 11) + 12)
10 + (13 - (11 - 12))
(10 + (13 - 11)) + 12
((10 + 13) - 11) + 12
(10 + 13) - (11 - 12)
13 + ((10 - 11) + 12)
13 + (10 - (11 - 12))
(13 + (10 - 11)) + 12
((13 + 10) - 11) + 12
(13 + 10) - (11 - 12)
(13 - 11) + (10 + 12)
((13 - 11) + 10) + 12
(13 - (11 - 10)) + 12
13 - (11 - (10 + 12))
13 - ((11 - 10) - 12)
10 + (12 + (13 - 11))
10 + ((12 + 13) - 11)
(10 + 12) + (13 - 11)
```

```
(10 + (12 + 13)) - 11
((10 + 12) + 13) - 11
12 + (10 + (13 - 11))
12 + ((10 + 13) - 11)
(12 + 10) + (13 - 11)
(12 + (10 + 13)) - 11
((12 + 10) + 13) - 11
10 + (13 + (12 - 11))
10 + ((13 + 12) - 11)
(10 + 13) + (12 - 11)
(10 + (13 + 12)) - 11
((10 + 13) + 12) - 11
13 + (10 + (12 - 11))
13 + ((10 + 12) - 11)
(13 + 10) + (12 - 11)
(13 + (10 + 12)) - 11
((13 + 10) + 12) - 11
12 + (13 + (10 - 11))
12 + ((13 + 10) - 11)
(12 + 13) + (10 - 11)
(12 + (13 + 10)) - 11
((12 + 13) + 10) - 11
13 + (12 + (10 - 11))
13 + ((12 + 10) - 11)
(13 + 12) + (10 - 11)
(13 + (12 + 10)) - 11
((13 + 12) + 10) - 11
(12 - 11) + (13 + 10)
((12 - 11) + 13) + 10
(12 - (11 - 13)) + 10
12 - (11 - (13 + 10))
12 - ((11 - 13) - 10)
(13 - 11) + (12 + 10)
((13 - 11) + 12) + 10
(13 - (11 - 12)) + 10
13 - (11 - (12 + 10))
13 - ((11 - 12) - 10)
12 + ((13 - 11) + 10)
12 + (13 - (11 - 10))
(12 + (13 - 11)) + 10
((12 + 13) - 11) + 10
(12 + 13) - (11 - 10)
13 + ((12 - 11) + 10)
13 + (12 - (11 - 10))
(13 + (12 - 11)) + 10
((13 + 12) - 11) + 10
(13 + 12) - (11 - 10)
```

Solution algorithm elapsed for 6.619 miliseconds

```
Solutions
===========
110 solutions found:
(10 + (9 - 7)) * 2
((10 + 9) - 7) * 2
10 + (9 + (7 - 2))
10 + ((9 + 7) - 2)
(10 + 9) + (7 - 2)
(10 + (9 + 7)) - 2
((10 + 9) + 7) - 2
(9 + (10 - 7)) * 2
((9 + 10) - 7) * 2
9 + (10 + (7 - 2))
9 + ((10 + 7) - 2)
(9 + 10) + (7 - 2)
(9 + (10 + 7)) - 2
((9 + 10) + 7) - 2
((10 - 7) + 9) * 2
(10 - (7 - 9)) * 2
10 + (7 + (9 - 2))
10 + ((7 + 9) - 2)
(10 + 7) + (9 - 2)
(10 + (7 + 9)) - 2
((10 + 7) + 9) - 2
7 + (10 + (9 - 2))
7 + ((10 + 9) - 2)
(7 + 10) + (9 - 2)
(7 + (10 + 9)) - 2
((7 + 10) + 9) - 2
(9-7)*(10+2)
((9-7)+10)*2
(9 - (7 - 10)) * 2
9 + (7 + (10 - 2))
9 + ((7 + 10) - 2)
(9 + 7) + (10 - 2)
(9 + (7 + 10)) - 2
((9 + 7) + 10) - 2
7 + (9 + (10 - 2))
7 + ((9 + 10) - 2)
(7 + 9) + (10 - 2)
(7 + (9 + 10)) - 2
((7 + 9) + 10) - 2
10 + ((9 - 2) + 7)
10 + (9 - (2 - 7))
(10 + (9 - 2)) + 7
((10 + 9) - 2) + 7
(10 + 9) - (2 - 7)
9 + ((10 - 2) + 7)
```

```
9 + (10 - (2 - 7))
(9 + (10 - 2)) + 7
((9 + 10) - 2) + 7
(9 + 10) - (2 - 7)
(10 + 2) * (9 - 7)
(10 - 2) + (9 + 7)
((10 - 2) + 9) + 7
(10 - (2 - 9)) + 7
10 - (2 - (9 + 7))
10 - ((2 - 9) - 7)
2 * (10 + (9 - 7))
2 * ((10 + 9) - 7)
(2 + 10) * (9 - 7)
(9-2)+(10+7)
((9-2)+10)+7
(9 - (2 - 10)) + 7
9 - (2 - (10 + 7))
9 - ((2 - 10) - 7)
2 * (9 + (10 - 7))
2 * ((9 + 10) - 7)
10 + ((7 - 2) + 9)
10 + (7 - (2 - 9))
(10 + (7 - 2)) + 9
((10 + 7) - 2) + 9
(10 + 7) - (2 - 9)
7 + ((10 - 2) + 9)
7 + (10 - (2 - 9))
(7 + (10 - 2)) + 9
((7 + 10) - 2) + 9
(7 + 10) - (2 - 9)
(10 - 2) + (7 + 9)
((10 - 2) + 7) + 9
(10 - (2 - 7)) + 9
10 - (2 - (7 + 9))
10 - ((2 - 7) - 9)
2 * ((10 - 7) + 9)
2 * (10 - (7 - 9))
(7 - 2) + (10 + 9)
((7-2)+10)+9
(7 - (2 - 10)) + 9
7 - (2 - (10 + 9))
7 - ((2 - 10) - 9)
(9 - 7) * (2 + 10)
9 + ((7 - 2) + 10)
9 + (7 - (2 - 10))
(9 + (7 - 2)) + 10
((9 + 7) - 2) + 10
(9 + 7) - (2 - 10)
```

```
7 + ((9 - 2) + 10)

7 + (9 - (2 - 10))

(7 + (9 - 2)) + 10

((7 + 9) - 2) + 10

(7 + 9) - (2 - 10)

(9 - 2) + (7 + 10)

((9 - 2) + 7) + 10

(9 - (2 - 7)) + 10

9 - (2 - (7 + 10))

9 - ((2 - 7) - 10)

2 * ((9 - 7) + 10)

2 * (9 - (7 - 10))

(7 - 2) + (9 + 10)

((7 - 2) + 9) + 10

(7 - (2 - 9)) + 10

7 - ((2 - 9) - 10)

Solution algorithm elapsed for 6.311 miliseconds
```

BAB IV Cek List Program

No	Poin	Ya	Tidak
1	Program berhasil dikompilasi tanpa	√	
	Kesalahan		
2	Program berhasil running	√	
3	Program dapat membaca input / generate	✓	
	sendiri dan memberikan luaran		
4	Solusi yang diberikan program memenuhi	√	
	(berhasil mencapai 24)		
5	Program dapat menyimpan solusi dalam file	√	
	teks		

LAMPIRAN

Repositori Github:

https://github.com/Rinaldy-Adin/Tucil1_13521134