

פרויקט גמר 2022

212735427 | רינת אביטל

תוכן עניינים

4 פרויקט	ה	.1
בוא / תקציר	מ	2.
6 הרקע לפרויקט	.2	.1
תהליך המחקר8	2	.2
9	2	.3
10	מ	.3
11	א	.4
12	מ	.5
יאור המצב הקיים	ת	.6
13	רי	.7
תוח חלופות מערכתי21	ני	.8
יאור החלופה הנבחרת והנימוקים לבחירה	ת	.9
23	א	10.
ניתוח דרישות המערכת	.10	.1
מודול המערכת	.10	.2
אפיון פונקציונאלי	.10	.3
ביצועים עיקריים	.10	.4
27	.10	.5
יאור הארכיטקטורה	ת	11.
Design level Down-Top הארכיטקטורה של הפתרון המוצע בפורמט של 28	.11	.1
תיאור הרכיבים בפתרון:	.11	.2
תיאור פרוטוקולי התקשורת	.11	.4
שרת – לקוח	.11	.5
מוח ותרשים use case של המערכת המוצעת	ני	.12
32use case רשימת	.12	.1
מציקריים של המערכתuse case העיקריים של המערכת	.12	.2
מבני נתונים בהם משתמשים בפרויקט	.12	.3
תרשים מחלקות	.12	.4
תיאור המחלקות	.12	.5
יאור התוכנה	ת	.13
לגוריתמים מרכזיים	א	.14

41	חלק אחר מהאלגוריתםמציאת נגזרת הפונקציה	1.2.
41	1. החלק העיקרי באלגוריתם פירוק מחרוזת למשווא	4.3
42	קוד האלגוריתם	.15
48	תיאור מסד הנתונים	.16
48	1. פירוט הטבלאות ב- Data Base	6.1
50	מדריך למשתמש	17.
50		7.1
54	1. צילומי מסכים	7.3
	בדיקות והערכה	
58	ניתוח יעילות	.19
59	מידע	.20
60	מסקנות	.21
61	פיתוח עתידי	.22
62	רירליוגרפיה	.23

הצעת פרויקט

סמל מוסד:

שם מכללה:

שם הסטודנט: רינת אביטל

ת.ז. הסטודנט: 212735427

שם הפרויקט: Visual function

תיאור הפרויקט:

האפליקציה תאפשר כניסה למשתמש חדש וקיים כאשר ישנה אפשרות להכניס פונקציה והאפליקציה תשרטט בצורה ויזואלית ותחשב עבור הפונקציה את נקודות הקיצון, נגזרת הפונקציה, תחום חיוביות ושליליות... וכן תתאפשר למידה ממוקדת על נושאי הפונקציות. וכן הצגת היסטוריה על כל פעולותיו של המשתמש, במידה והמשתמש רשום.

הגדרת הבעיה האלגוריתמית: למידת חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי, נגזרות למשוואות ומימושם הן מבחינת קוד והן מבחינת הצגה ויזואלית. תרגום מחרוזת למשוואה. פתירת משוואות.

רקע תאורטי בתחום הפרויקט:

שרטוט המשוואה דבר מורכב. וגם אחרי מציאת גרף המשוואה הוא אינו מדויק וברור. אפליקציה זו תעזור לסטודנטים בשרטוט הגרף ומציאת נקודות מיוחדות ונגזרת וכן תסייע למורים ומרצים במהלך השיעור להסבר התרגילים ורמת הדיוק בנוסף עוזרת במיוחד ליצירת מבחנים שנדרש שרטוט מוכן ומדויק של שרטוט הגרף.

תהליכים עיקריים בפרויקט:

- 1. הכנסת משוואה לאפליקציה
- 2. המרת המשוואה ממחרוזת למשוואה הניתנת לפרוק
 - 3. פתרון ניתוח משוואות
- 4. הצגה ויזואלית של המשוואה ונגזרת, נקודות קיצון...
- 5. שמירת התרשים עם כל פרטיו (במקרה של משתמש רשום)

תיאור הטכנולוגיה:

צד שרת:

שפת תכנות בצד השרת: #C#

צד לקוח:

שפת תכנות בצד לקוח: angular

מסד נתונים: SQL

פרוטוקולי תקשורת: אין.

לוחות זמנים:

- 1. חקר המצב הקיים ספטמבר
- 2. הגדרת הדרישות ספטמבר
 - 3. אפיון המערכת אוקטובר
- 4. אפיון בסיס הנתונים נובמבר
 - 5. עיצוב המערכת דצמבר
- 6. בנית התוכנה ינואר, פברואר
 - 7. בדיקות מרץ
 - 8. הכנת תיק פרויקט אפריל
 - 9. הטמעת המערכת מאי
 - .10 הגשת פרויקט סופי

חתימת הרכז המגמה:

אישור משרד החינוך:

מבוא / תקציר

הרקע לפרויקט

כשהתחלנו לחשוב על רעיון לפרויקט רציתי רעיון שיהיה לי מעניין לעשות לא רציתי לעשות פרויקט שלא יעניין אותי, העדפתי להשקיע בפרויקט שיכול להיות שיהיה קשה יותר אבל גם מהנה.

אחת ממטרות הפרויקט היא פיתוח מיומנויות חשיבה, להביא אותנו להתנסות עצמית. כשאני יושבת על פרויקט משלי שאני אמורה לעשות לבד מתחילתו ועד סופו אני אמורה ללמוד לבד חומרים שלא למדנו בכיתה, לנתח פרויקט ולהבין מה אני צריכה לבצע, להכיר קודים ואלגוריתמים שונים, לנסות ולהתנסות. וזה בעצם חלק ממטרות הפרויקט – להביא אותי בסופו של דבר למוכנות לעבודה כי הרי לימודים ועבודה זה עולמות שונים.

רציתי לנצל את הפרויקט כדי ללמוד עוד על תחומים שלא יצא לי להכיר ואכן זה מה שגם גרם לבחור דווקא את התחום של פתרון משוואות – התחום נשמע לי מעניין, מרתק ושונה. בלימודי בתיכון התעסקתי רבות בחקירת משוואות פונקציות ושרטוטם ויזואלית ואהבתי את המתמטיקה ומאוד רציתי להכיר את עולם הפונקציות והמתמטיקה גם דרך קוד התכנות וראות כיצד אפשר לפתור ולשרטט את הפונקציות דרך המחשב. ואכן היה לי הרבה מה ללמוד. אני מרגישה שהפרויקט הרחיב לי אופקים התחום הצריך הרבה למידה עצמית, התנסות וכישלון וזה הביא אותי לרמה הרבה יותר גבוהה.

לאחר שהחלטתי על נושא לפרויקט וחקרתי אותו קצת הבנתי עד כמה הוא חשוב ונצרך. פתירת משוואת פונקציה היא משהוא שנצרך ביותר לסטודנטים הלומדים חדו"א -חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי, שעד היום לא היה בטוח בתשובותיו ובשרטוט הפונקציה הנתונה לו ועתה תהיה לו אפשרות לבדוק את עצמו ותרגל ביתר קלות ונוחות מרבית באתר שמשרטט את הפונקציה ומציג נקודות מיוחדות נוסף על כך הסטודנט יוכל לקבל את נגזרת הפונקציה שלו. וכן שרטוט המשוואה דבר מורכב. וגם אחרי מציאת גרף המשוואה הוא אינו מדויק וברור. אפליקציה זו תעזור לסטודנטים בשרטוט הגרף ומציאת נקודות מיוחדות ונגזרת וכן תסייע למורים ומרצים במהלך השיעור להסבר התרגילים ורמת הדיוק בנוסף עוזרת במיוחד ליצירת מבחנים שנדרש שרטוט מוכן ומדויק של שרטוט הגרף.

החלטתי שאני מאוד רוצה לקחת דווקא את הנושא הזה כי אני רואה את חשיבותו הרבה ונחיצותו.

הדבר שהכי חיזק בי את ההחלטה לבחור ברעיון של פתירת משוואות ושרטוטן כרעיון לפרויקט גמר הוא מכיוון שגם אני הייתי סטודנטית שלמדה על משוואות פונקציות ולא היה לי אפשרות לבדוק את עצמי, האם פתרתי ושרטטתי נכון והיה מאוד מקל עלי אם היה לי אתר שבו הייתי יכולה לבדוק את עצמי וללמוד דברים חדשים אודות הפונקציות המעניינות.

האתר מתאים גם לכל הקהל שמתעניין במתמטיקה שנהנה לראות איך פונקציות נראות ואת הנגזרת.

השם שבחרתי לפרויקט הינו "visual function" - משמעותה פונקציה ויזואלית, שרטוט - כל פונקציה שמזינים למערכת.

לסיכום אני מאוד מקווה שהפרויקט יועיל ויעזור לשיפור נוחות הסטודנטים, אני חולמת שסטודנטים באמת יוכלו להשתמש באתר והוא באמת יהיה יעיל ושימושי. בנוסף הקוד יהיה קוד פתוח ואנשים ומרצים רבים יוכלו להיעזר בקוד ולהשתמש בו לצרכיהם הפרטיים.

תהליך המחקר

כשהתחלתי לפתח את הפרויקט דבר ראשון הלכתי לחפש חומרים קראתי הרבה מאמרים בנושאים שקשורים לפרויקט. בדקתי אלגוריתמים שקשורים בנושא פתירת משוואות אך לא מצאתי אלגוריתם העונה לדרישות שלי - פירוק משוואה לאיברים. לכן החלטתי לכתוב את האלגוריתם בעצמי – פירוק משוואה לאיברים.

בנוסף חקרתי רבות אודות שרטוט המשוואה אחרי הפרוק. חיפשתי ספריה באנגולר שתוכל לסייע לי בשרטוט המשוואה.

בהמשך שראיתי שאני יודעת הרבה על הנושא התחלתי לעבוד על הפרויקט בפועל וליישם את כל מה שקראתי ולמדתי.

את החומר הרב שקראתי מצאתי בגוגל באתרי למידה ומידע שונים כמו: Internet את החומר הרב שקראתי מצאתי בגוגל באתרי למידה ומידע שונים כמו: Israel, Stack Overflow פתירת בספריה באנגולר echarts.

סקירת ספרות

האתרים בהם השתמשתי לביצוע הפרויקט הם:

חקר הפרויקט –

- /https://www.hamichlol.org.il ויקיפדיה
 - /https://angular.io angular •

אלגוריתם –

- /https://echarts.apache.org echarts.apache
 - /https://hodgef.com •
- /https://stackoverflow.com Stack OverFlow
 - / https://github.com GitHub
 - /https://www.m-math.co.il •
 - /https://getbootstrap.com -Bootstrap •
 - /https://www.w3schools.com -W3School •

מטרות ויעדים

סטודנטים ומרצים רבים בתחום המתמטיקה נצרכים לחקור, לפתור ולשרטט פונקציות וכו' דבר זה דורש זמן, חשיבה וידע. בנוסף ישנם סיכויים שהפתרון לא יהיה נכון באופן מלא וכן שרטוט הפונקציה לא יהיה מושלם ומדויק.

חשבתי לעזור ולקדם את תחום חקירת הפונקציות ולמטרה זו נועדה "visual function " -לעזור לסטודנטים ומרצים שרוצים לבדוק את נכונות פתרונם, לשרטוט מדויק של הפונקציה, לבדיקת משוואת הנגזרת ובדיקת נקודות מיוחדות.

בבניית מערכת ובמיוחד מערכת כזו שמטרתה פתירת משוואות ושרטוטם - אחד הדברים החשובים הוא להקפיד על מערכת ברורה ונוחה למשתמש. לרוב האנשים אין את הזמן והכוח לנסות להבין איך המערכת עובדת וכיצד להשתמש בה ולכן על המתכנת לבנות את המערכת בצורה שיהיה למשתמש קל ונוח להתעסק בה כמובן שחשוב שהמערכת תעבוד בצורה יעילה ונכונה שהרי היא נועדה לפתירת משוואות ושרטוטם.

לשם הקמת המערכת וכדי שהיא תתפקד בצורה המיטבית הצבתי לעצמי כמה מטרות ובשביל כך כמה יעדים:

מטרות המערכת:

- 1. אפשרות לפתירת משוואת בצורה מהירה קלה ויעילה.
 - 2. נוחות וידידותיות למשתמש.
 - 3. המרת המשוואה ממחרוזת למשוואה הניתנת לפרוק
 - 4. הצגה ויזואלית של המשוואה ונגזרת, נקודות קיצון...
- 5. לאפשר שמירת היסטוריית משתמש עם פרטי פתרון משוואותיו

יעדי המערכת:

- 1. בניית מערכת חכמה לפתרון משוואות ושרטוטם.
- 2. הוספת אפשרות ליצירת חשבון אישי ושמירת היסטוריית פתירת משוואותיו .
 - 3. יצירת המערכת כאתר המפותחת בצורה נוחה וקלה למשתמש.
 - 4. הצגה ויזואלית של המשוואה ונגזרת, נקודות קיצון...

אתגרים

כשניגשתי להתחיל את הפרויקט ידעתי שהוא לא הולך להיות קל אבל לקחתי את זה בחשבון. ידעתי שאם אני רוצה להצליח אני חייבת להתאמץ ולהשקיע אפילו שיהיה קשה.

בתחילת תכנון הפרויקט ושלבי העבודה לא ידעתי בכלל מאיפה להתחיל, הפרויקט היה נראה לי אתגר ענק ובלתי אפשרי, היו המון נושאים שלא הכרתי ומעולם התעסקתי בהם. עכשיו לאחר בניית הפרויקט אני מבינה שהכול אפשרי וגם דברים שנראים בלתי אפשריים בסוף עבירים.

לצורך פתרון המשוואות חיפשתי אלגוריתם שיעזור לי בפתירת משוואות אך לא מצאתי אלגוריתם שיכול לעזור לי, לכן החלטתי לכתוב בעצמי את האלגוריתם שיתאים בדיוק לצרכי פתירת המשוואות. כתיבת האלגוריתם בעצמי דרשה ממני חקר עמוק ויסודי בכדי שהגיע לתוצאות טובות וביתר קלות וכן חיפשתי חומרי עזר רבים אשר יוכלו לסייע לי במהלך פיתוח האלגוריתם החדש של פרוק המשוואה לגורמים – איברים.

מדדי הצלחה

האפליקציה אכן הצליחה והוכיחה את נכונותה כאשר משתמש מכניס פונקציה יש הצלחה של 100% בשרטוט גרף הפונקציה ושרטוט גרף הנגזרת וכן נקודות מיוחדות.

תיאור המצב הקיים

כיום סטודנטים רבים ומרצים עוסקים רבות בתחום המתמטיקה. סטודנטים ומרצים או סתם חובבי ידע פותרים משוואות רבות מוצאים נקודות מיוחדות למשוואת הפונקציה אותם הם חוקרים וכן לבסוף אף משרטטים ויזואלית את הפונקציה. תהליך זה דורש ריכוז וידע בתחום ונוסחאות. שרטוט המשוואה דבר מורכב לא תמיד מגיעים לתוצאות ושרטוט כמו שציפינו וגם אחרי מציאת שרטוט גרף המשוואה הוא אינו מדויק וברור.

אתר Visual Function יוכל לסייע ולעזור לסטודנטים בשרטוט הגרף ומציאת נקודות מיוחדות ונגזרת וכן תסייע למורים ומרצים במהלך השיעור להסבר התרגילים ורמת הדיוק בנוסף עוזרת במיוחד ליצירת מבחנים שנדרש שרטוט מוכן ומדויק של שרטוט הגרף. וכן יצור חוויה נעיצה וברורה הרבה יותר למשתמש וייתן לו חשק ורצון להמשיך ללמוד ולתרגל.

אני מאמינה שסטודנטים רבים ייהנו מחוויית הלימוד ויגיעו לתוצאות איכותיות ומדויקות.

רקע תאורטי

האלגוריתם המרכזי

<u>תיאור המשימה ודרכי היישום:</u>

בשלב תכנון המערכת ובניית מסד הנתונים התבקשתי לבנות זאת בצורה הנכונה, המדויקת והממוקדת ביותר. לכן חיפשתי את האלגוריתם היעיל ביותר לניווט בשטח מקורה, אלגוריתמים ושיטות שונות למיפוי ולשמירת השטח.

המשימה: ייצוג המשוואה באופן שנוכל לבצע בה חישובים מתמטיים ופתירתה והצגתה באופן ויזואלי.

חקירת נושא פתירת משוואות פונקציונליות ושרטוטם הביאה אותי למסקנה שהדרך הטובה והיעילה ביותר היא ייצוג הפונקציה ע"י מבנה נתונים של רשימת פרמטרים לפונקציה.

חיפשתי סוגים שונים של אלגוריתמים שקשורים במתמטיקה ופתרון משוואות פונקציונליות אך לא מצאתי משהו שתואם את הבעיה שלי ולכן החלטתי ליצור בעצמי את האלגוריתם שמתאים כדי שאוכל לייצג את משוואת הפונקציה בצורה קלה ונכונה וכך אוכל ביתר קלות לגשת לכל אברי בפונקציה ולחקור אותה ולקבל תוצאות מדויקות.

האלגוריתם המרכזי בפרויקט הוא פירוק המשוואה לגורמים -איברים. הווה אומר לקחת מחרוזת של משוואת פונקציה פשוטה ולפרק אותה בצורה שתהיה ניתנת לייצוג נוח ולפתירה של הפונקציה. מכיוון שאין אפשרות לטפל במחרוזת פשוטה כדי לפתור את המשוואה חשבתי על רעיון שבו תיוצג המשוואה ע"י אובייקט שאליו נכניס את פרוק המשוואה ע"י האלגוריתם העיקרי שהוא פרוק המשוואה. הכנת האובייקט של המשוואה הוא רק הקדמה והכנה לאלגוריתם שיגיע בו הפרוק נעשה בפועל והאלגוריתם אחראי להכניס כל תו ותו במחרוזת למקומו המתאים באובייקט שיצרתי (יפורט בהמשך).

לאחר הפרוק והאובייקט המוכן לשימוש ניגש לפתור את המשוואה ולמציאת נקודות מיוחדות, נקודות אפס, נקודות קיצון, חישוב נגזרת הפונקציה והצגה ויזואלית של משוואת הפונקציה שהוכנסה למערכת.

ערכתי עבודת חקר וקראנו חומרים רבים בנושא פתירת משוואות, התדיינתי רבות באשר לדרך המימוש היעילה, התייעצתי עם מומחים היאך לחשב את פתרון המשוואות בדרך הטובה ביותר כדי לשמור על יעילות, דיוק ומהירות.

להלן מוצגות חלק מבעיות נוספות שהתעוררו בעת תכנון מבנה המערכת באופן זה, וכן הצעות שעלו ופתרונות שנקטנו בפועל.

בעיות ופתרונן:

א. שמירת מחרוזת של גרף הפונקציה לכדי מבני נתונים שישמר בתוכו נתוני הפונקציה והפיכתה לשימושית ופתירה.

1. לשם כך צריך ליצור אובייקט "פרמטר" שבו מאוכסן כל איבר בפונקציה:

Parameter



ערך האיבר – Value

(-/+) אופרטור — Operator

(דרגה – Class – מעלה של האיבר

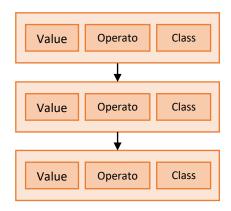
Parameter

3 + 2

 $3x^2$:לדוגמא

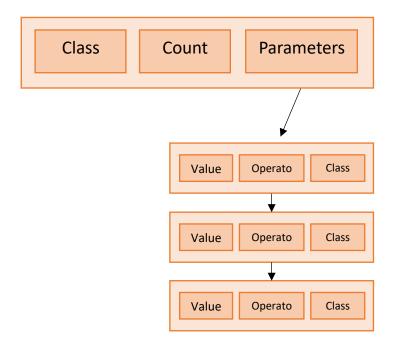
2. על מנת שאוכל לאגד את כל רצף האיברים הקיימים לי אצטרך ליצור רשימת פרמטרים שתכיל את כל רצף האיברים הקיימים בפונקציה.

List< Parameter>



3. אך מכיוון שאני צריכה ליצור אובייקט משוואת פונקציה ולדעת פרטים נוספים חשובים אודות הפונקציה החדשה שנוצרת על כן ניצור אובייקט משוואה שבה נשמור את כל המידע הדרוש אודות הפונקציה.

Equation



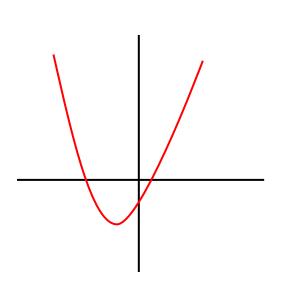
שעלת האיבר הגדול ביותר מבין הפרמטרים – Class

מספר האיברים בפונקציה – Count

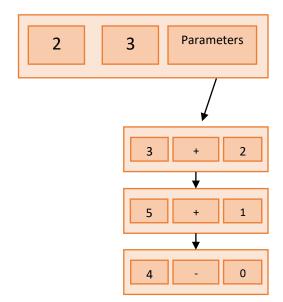
רשימת כל אברי הפונקציה הממוינים בסדר יורד – Parameters

$$3x^2 + 5x - 4$$

לדוגמא: עבור הפונקציה:



Equation



גם חישוב פונקציית הנגזרת מיוצגת ע"י האובייקט Equation שכמובן יכנס לתוכו ע"י חישוב אובייקט המשוואה שאפרט בהמשך.

אחרי שאני יודעת איכן יאוכסן כל המידע אודות הפונקציה נשאלת השאלה איך ממחרוזת פשוטה שהמשתמש הכניס למערכת אוכל לפרק את המשוואה לכדי מבני נתונים של אובייקט משוואה.

וכאן האלגוריתם העיקרי מגיע ותפקידו לעבור באופן שיטתי על כל איבר בפונקציה ובו לטפל באופן אישי.

הנה דוגמת קוד להסבר האלגוריתם המרכזי שמפרק את משוואת הפונקציה לאיברים ומכניס אותם לתוך מבנה הנתונים.

```
פונקציה המקבלת מחרוזת של פונקציה ומכניסה אותה לתוך אובייקט משוואה//
        public static Equation getEquationFromStr(string str)
            string strCopy = str;
            מסיר רווחים לא תקינים שנוצרים ויוצר רווח לפני כל איבר חדש//
            string strGraph = string.Join(" ", strCopy
               .Replace(" ", "") // remove all spaces because they kind of random
now
               .Replace("+", " +") // add space to signs to keep them with their
value
               .Replace("-", " -")
               .Split(' '));
            כאשר המחרוזת מתחילה באיבר שהוא שלילי (-) יש להסיר את הרווח המיותר//
            ע"י העברת המחרוזת לרשימה והחזרתה שוב למחרוזת רגילה//
            if (strGraph[0] == ' ')
                //strGraph = strGraph.Skip(0).ToString();
                List<char> strGraphList = new List<char>(strGraph);
                strGraphList.RemoveAt(0);
                //strGraph = strGraphList.ToArray().ToString();
                strGraph = "";
                foreach (var i in strGraphList)
                    strGraph += i;
            }
            //split- נפרק את המחרוזת מערך של איברים ע"י
            עבור כל רווח במחרוזת מפרק לאיבר חדש//
            string[] s = strGraph.Split(' ');
            בדיקת כמות האיברים בפונקציה//
            int count = strGraph.Count(f => f == ' ') + 1;
            יצירת פונקציה חדשה ורשימת פרמטרים אליה יוכנסו נתוני המשוואה//
            Equation equation = new Equation();
            equation.Parameters = new List<Parameter>();
            //עובר על כל איבר במשוואה
            for (int i = 0; i < s.Length && s.Length != 0; i++)</pre>
                יצירת איבר - פרמטר לאיבר יחיד שיוכנס לרשימת הפרמטרים- האיברים//
                Parameter p = new Parameter();
                בדיקת מעלת הפרמטר//
                switch (s[i][s[i].Length - 1])/התו באיבר הראשון
                    אם התו איקס הוא האחרון באיבר סימן שהמעלה שלו היא 1//
                    case 'x':
                            p.Class = 1;//מכניס את מעלת האיבר
                            break;
                    default:
                        {
                            אם המקום השני מהסוף הוא גג (חזקה) נכניס את המעלה //
שנמצאת במקום האחרון באיבר
                     if (s[i][s[i].Length - 2] == '^')//הגביל מעלה גבוהה/
                                p.Class = Convert.ToInt32(s[i][s[i].Length - 1])
- 48;//מכניס את מעלת האיבר
                            //0 אחרת המעלה היא
                            else
                                p.Class = 0;
```

```
break;

}

}

// שולח את האיבר ואת אובייקט הפרמטר ומסיים לאכסן את האיבר ואת אובייקט הפרמטר ומסיים לאכסן את האיבר ואת האיבר ואת האיברים - פרמטרים/...

calcOperator(p, s[i]);

// מוסיף את האיבר הבודד לרימת האיברים - פרמטרים/
equation.Parameters.Add(p);

// ממיין ע"פ מעלת האיברים מהגדול לקטן//
equation.Parameters = equation.Parameters.OrderByDescending(c => c.Class).ToList();

// מעדכן את מעלת הפונקציה הגבוה ביותר וכן את מספר האיברים בפונקציה//
equation.Class = equation.Parameters.Max(m => m.Class);
equation.Count = count;
return equation;

}
```

```
פונקציה המקבלת את האיבר ואת אובייקט הפרמטר ומסיים לאכסן את האיבר //
         public static void calcOperator(Parameter p, string v)
         {
             int i = 0;
             מכניס בהתאמה את אופרטור האיבר//
             p.Operator = '+';
             if (v[i] == '-')
                  p.Operator = '-';
                  //אם האופרטור הוא '-' אז צריך לקדם לתו הבא
                  i++;
             //אם לא קיים ערך
             if (v[i] == 'x') p.Value = 1;
             //כאשר קיים ערך
             else
             {
                  מסירים מהאיבר את כל התוים השונים מהערך וממינים ע"פ אורך הגדול/'

string s = v.Split('+', '-', 'x').OrderByDescending(x =>
x.Length).ToArray()[0];
                  if (s == "")
                      p.Value = Convert.ToDouble(1);
                  else
                      p.Value = Convert.ToDouble(s);
             }
```

ע"י שתי פונקציות אלו נפרק את המחרוזת הפשוטה של גרף הפונקציה ל אובייקט משוואה שבו מאוכסנים נתוני הפונקציה.

הפונקציה getEquationFromStr מקבלת מחרוזת משוואה ומסירה ממנה רווחים מיותרים ויוצרת ורווח לפני כל איבר חדש ולפרק אותם למערך של איברים.

הפונקציה עוברת על כל איבר ואיבר במערך האיברים ובודקת אותו באופן אישי. וכן יוצרת אובייקט משוואה ובתוכה מוכלת רשימת פרמטרים – איברים שלתוכה נכניס לכל איבר חדש.

עוברים על כל איבר מהתו האחרון שלו ובודקים אם התו הוא ' X ', אם כן סימן שהמעלה שלו היא 1 ולכן נכניס 1 למעלת האיבר. אם לא נבדוק אם המעלה של האיבר גדולה מ-1 או שהיא 0 שאז זה אומר שהאיבר הוא מספר בודד.

אם המקום השני מהסוף הוא גג (סימן מעלה – דרגה) אזי נדע שהאיבר האחרון באיבר הוא המעלה של האיבר. אחרת אם לא קיים גג סימן שאין מעלה באיבר והוא רק מספר בודד.

אחרי שחישבנו את מעלת האיבר נעבור לחשב את האופרטור ואת הערך של האיבר ע"י הפונקציה calcOperator. הפונקציה מקבלת את מחרוזת של האיבר ואת אובייקט האופרטור (+/-) בהתאמה.

אם מחרוזת האיבר במקום הראשון הוא ' X ' אזי ערך האיבר הוא – 1 אחרת נוריד מהמחרוזת ע"י split את כל התווים חוץ מתו מספרי ואז ממינים ולוקחים את המקום הראשון שהוא ערך האיבר. וכאן סיימנו להכניס לאובייקט האיבר את כל נתוני האיבר. וחוזרים בחזרה לפונקציה getEquationFromStr ששם מכניסים את אובייקט האיבר לתוך רשימת הפרמטרים של המשוואה. וכך עוברים על כל אברי המשוואה.

לבסוף כאשר רשימת הפרמטרים מלאה, ברצוני לבדוק את המעלה בגבוה ביותר ואת כמות האיברים משוואה. לכן נמיין את רשימת הפרמטרים ע"פ המעלה של האיברים מהגבוה לנמוך, וניקח את המעלה של האיבר הראשון אחרי המיון. וכן נכניס את כמות האיברים.

וכך יצרנו אובייקט משוואה המכיל מידע על המשוואה: מעלה הגבוה ביותר, כמות האיברים ורשימת פרמטרים – איברים.

לאחר שיצרנו אובייקט משוואה נוכל לחקור ולפתור את המשוואה ולהגיעה לכל איבר בפונקציה. ע"י נוסחאות מתמטיות נתפור ונמצא נקודות מיוחדות לפונקציות, נקודות קיצון, נגזרת לפונקציה...

נוסחת שורשים: נוסחה זו מוצאת נקודות אפס בציר האיקס.

$$.x_{1,2}=rac{-b\pm\sqrt{b^2-4ac}}{2a}$$
 הם $ax^2+bx+c=0$

```
/חישוב טרינום -נקודות חיתוך עם ציר האיקס
double x1 = ((-b) + Math.Sqrt(Math.Pow(b, 2) - 4 * a * c)) / (2 * a);
double x2 = ((-b) - Math.Sqrt(Math.Pow(b, 2) - 4 * a * c)) / (2 * a);
```

1. ניתוח חלופות מערכתי

ישנם אפשרויות שונות לפתרון הבעיה:

- 1. המשתמש יוכל להכניס למערכת נקודות מיוחדות של משוואת הפונקציה שלו והמחשב ישרטט בעצמו את הפונקציה על גבי מערכת צירים.
- אפשרות נוספת שהמשתמש משרטט בעצמו את משוואת הפונקציה על גבי מערכת צירים והמחשב יחשב את מחרוזת המשוואה של הפונקציה ויפתור לו את המשוואה וייתן לו את נגזרת הפונקציה ונקודות מיוחדות.

אני בחרתי את האפשרות שהמשתמש יכניס בעצמו את מחרוזת הפונקציה למערכת והיא תפתור את משוואת הפונקציה ותציג באופן ויזואלי את הפונקציה על גבי מערכת צירים ותוכל להציג בנוסף את משוואת הנגזרת של המשוואה הנתונה כמו כן המערכת תציג את הנקודות המיוחדות של הפונקציה, נקודות אפס, נקודות קיצון.

2. תיאור החלופה הנבחרת והנימוקים לבחירה

האתר שאני מפתחת עוסק בפתירת משוואות רציונליות והצגתם בצורה ויזואלית על גבי מערכת צירים. המשתמש מכניס את משוואת פונקציה והאתר פותר את המשוואה ומשרטט ויזואלית את משוואת הנגזרת של הפונקציה בנוסף האתר מציג את הנקודות המיוחדות של הפונקציה, נקודות אפס, נקודות קיצון.

הפתרונות הנוספים שקיימים אינם אפקטיביים מכיוון שהפתרון הראשון, שהמשתמש יכניס את הנקודות, אינו מנצל את יכולת המחשב לפתור לבד את המשוואה וכן מדדי ההצלחה לא יהיו מושלמים.

הפתרון השני פחות נח למשתמש שהוא בעצמו משרטט את המשוואה (שהרי זה מה שהאתר שלי עושה) פתרון זה אינו יעיל למשתמש אלא אם כן רק קיימת לו רק שרטוט הפונקציה, מה שפחות נפוץ.

האלגוריתם שפתחתי כולל מבנה נתונים לאליו מוכנס פירוק המשוואה לאיברים ע"י האלגוריתם. האלגוריתם עובר על כל איבר ואיבר במחרוזת המשוואה ומכניס לרשימת הפרמטרים במבנה הנתונים. אחרי שמבנה הנתונים אכן מלא נוכל לגשת לפתירת המשוואה והצגת נקודות, הצגת הנגזרת ושרטוט המשוואה.

את פרוט האלגוריתם כתבתי תחת הכותרת "רקע תאורתי".

3. אפיון המערכת

: סביבת פיתוח

חומרה: מעבד 7i RAM 32GB

dell עמדת פיתוח: מחשב

מערכת ההפעלה: Window 10

. אנגולר , WebApi תוך שימוש בטכנולוגית , C# , תוך שימוש בטכנולוגית

.Microsoft Visual Studio2019, vs code: כלי תוכנה לפיתוח המערכת:

מסד נתונים: SQL SERVER

: עמדת משתמש מינימאלית

. RAM 4GB ומרה: מעבד o

ומעלה. Windows 10 ומעלה. ∘

. חיבור לרש ת: נדרש 🏻 🔈

Chrom o: תוכנות

3.1. ניתוח דרישות המערכת

דרישות בהן המערכת צריכה לעמוד:

- כתיבה בסטנדרטים מקצועיים.
 - מחשוב השרות ללקוח.
- כתיבת הקוד בסיבוכיות היעילה ביותר.
 - ממשק נוח וידידותי למשתמש.
 - תגובה מהירה ככל שניתן למשתמש.

.3.2 מודול המערכת

- הזנת פרטי המשתמש והמשוואה בדאטה בייס.
- פתירת המשוואה והצגתה ויזואלית ע"י האלגוריתם.
 - אפשרות לפעולות נוספות הניתנות על המשוואה.
- הכנסת המשוואה לרשימת ההיסטוריה של המשתמש.

3.3. אפיון פונקציונאלי

פירוט פונקציות עיקריות ותפקידן

- .1 getEquationFromStr() getEquationFromStr().1 לתוך אובייקט משוואה.
- בסיים לאכסן calcOperator() .2 פונקציה המקבלת את האיבר ואת אובייקט הפרמטר ומסיים לאכסן את האיבר.
 - 3. (culc_points חישוב נקודות מיוחדות למשוואת הפונקציה.
 - .4 calc_nigzeret() פונקציה מחשבת את נגזרת הפונקציה.

פונקציות אלו מצד לקוח – אנגולר והם אחראיות להצגת משוואת הפונקציה בצורה ויזואלית.

למחרוזת בחזרה למחרוזת - drawFunc() .5 פונקציה מקבלת אובייקט משוואה והופכת אותו בחזרה למחרוזת שפותרת את (string) של משוואת הפונקציה ומחזירה את ה eval של המחרוזת שפותרת את המחרוזת.

זאת לאחר שגרף הפונקציה נשלחה לשרת ושם פתרה את הפונקציה ומצאה נקודות מיוחדות, נגזרת... ולאחר מכן מחזירה בחזרה את מבנה ה Equation של הפונקציה למחרוזת.

- 6. (generateDataEquation) 6 הפונקציה עוברת ב for הפונקציה generateDataEquation 6 על מערכת הצירים ובודקת את הפונקציה במקום הנוכחי. ומפעילה את הפונקציה במקום הנוכחי. ומפעילה את הפונקציה במקום הנוכחי. הצירים.
- לה את ערך drawFunc מפעילה את הפונקציית func הפונקציית **Func() .7** הפונקציה ואת אובייקט הפונקציה אותו קיבלנו ואותו צריך להפוך למחרוזת.

3.4. ביצועים עיקריים

המשתמש יוצר לעצמו חשבון חדש או נכנס עם חשבון קיים וכך היסטוריית הזנת משוואות הפונקציות.

לאחר יצירת החשבון המשתמש יוכל להזין את מחרוזת הפונקציה ולראות את הפונקציה בצורה ויזואלית על גבי מערכת צירים.

בנוסף קיימת אפשרות להצגת נקודות מיוחדות, נקודות אפס, נקודות קיצון וכו'. קיימת אפשרות גם למציאת פונקציית הנגזרת.

המשתמש יוכל לגשת להיסטוריית החיפושים של הפונקציות שלו.

המשתמש מזין את פרטיו האישיים כנדרש ומעלה תמונה עדכנית שלו למקרה הצורך.

3.5. אילוצים

המערכת משרטטת כל פונקציה שתוכנס למערכת בתנאי שהיא פונקציית פולינום (לא מאפשר פונקציות רציונליות וטריגונומטריות).

כמו כן המערכת תמצא נקודות מיוחדות לפונקציות עד מעלה שלישית.

אך המערכת כן תטפל ותמצא את פונקציית הנגזרת של כל פונקציה פולינומית.

4. תיאור הארכיטקטורה

Design level הארכיטקטורה של הפתרון המוצע בפורמט של .4.1 Down-Top

צד השרת - server side פותח במודל 3 השכבות ומתחלק ל-4 פרויקטים

החלוקה לשכבות נועדה להפריד באופן מוחלט בין הלוגיקה של הפרויקט לבין הנתונים עצמם. הפרדה זו מאפשרת לבצע שינויים בכל אחת מהשכבות בלי תלות ובלי זעזועים בשכבות האחרות.

- API – שכבת ה Controller – חיבור בין צד השרת והלקוח.

BL – הלוגיקה של המערכת.

.Data Base - מכיל את הפונקציונאליות הנדרשת לכל התקשורת עם ה DAL

את הנתונים בין – Models – מכילה מחלקות המתארות את הנתונים ובמבנה זה מעבירים את הנתונים בין – השכבות.

מטרת שכבה זו היא למנוע תלות של שכבת ה BL במבנה בסיס הנתונים. שכבת ה BL מכילה פונקציות המרה מטיפוס הנתונים של בסיס הנתונים לטיפוס הנתונים של שכבת Models ולהיפך, וכך מיוצגים הנתונים בכל הפרויקט.

.4.2 תיאור הרכיבים בפתרון

הפרויקט מחולק ל-2 חלקים:

- .WebApi ובטכנולוגיית C# צד שרת הנכתב בשפת ∪ c
- .Html, TypeScript ובטכנולוגיית Angular ס צד לקוח נכתב בשפת ס

בחרתי לכתוב צד לקוח ב- אנגולר שהינה שפה מתקדמת ועדכנית בעלת מאפייני Angular8 בחרתי לכתוב צד לקוח ב- אנגולר שהינה שפה מתקדמת ועדכנית בעלת מאפייני

אנגולר הינה סביבת עבודה שפותחה על ידי גוגל. מאפשרת לפתח אפליקציות Applications Page Single אינטרנט בקלות ומהירות. במקור היא באה לתת מענה לבניית בקלות ומהירות. ממור: חיסכון בצורה מושלמת ומהירה. מהיתרונות הבולטים והעיקריים של אנגולר אפשר למנות: חיסכון במשאבים, מהירות ביצוע, קוד קצר יותר, רוב העבודה מתבצעת בצד הלקוח ופחות בשרת ויכולת התמודדות טובה סינון מהיר ופשוט לביצוע של תוכן המתקבל מהשרת לפי מספר רב של פרמטרים.

צד שרת בחרתי לכתוב ב#C# .C# היא שפת תכנות עילית מרוב ת-פרדיגמות, מונחית עצמים בעיקרה המשלבת רעיונות כמו טיפוסיות חזקה, אימפרטיביות, הצהרתיות, פונקציונאליות פרוצדוראליות וגנריות.

#c היא שפה מעניינת, נוחה ומלאה פונקציונאליות למתכנת. שימוש בשפה זו נפוץ כיום, וכתוצאה מכך, ניתן היה למצוא בה קודים שונים שנדרשו לפיתוח.

בנוסף, בחרתי להשתמש ב- EntityFramework טכנולוגית עבודה מתקדמת של מיקרוסופט.

ה- EntityFramework מאפשר לטעון את הנתונים מה DB-ולעשות להם השמה בצורה ישירה ואוטומטית לתוך אובייקטים בקוד הממפים את מאגר הנתונים בצורה מידית.

- EntityFramework - ה

קורא נתונים מה DataBase שנכתב בשפת SQL. למסדר מתונים של SQL SERVER יש כלים נרחבים לגיבוי כל המידע של המערכת ,כולל מערכת ההפעלה, חשבונות המשתמשים והרשאותיהם, הגדרות ההתקנים, תוכניות וכן של שאר הרכיבים המסופקים עם השרת ואובייקטי המשתמש.

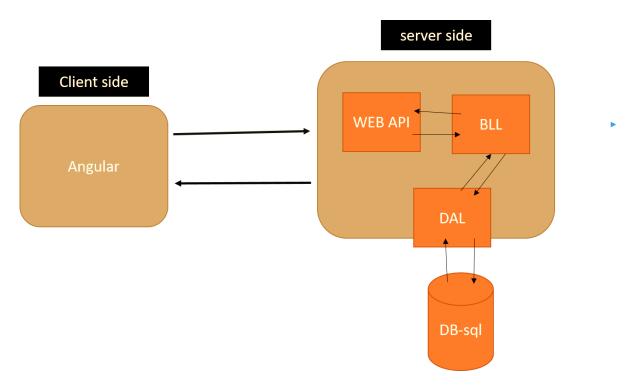
דוגמא לזרימת מידע במערכת

שליפת כל המשתמשים:

ברצוננו לקבל את כל המשתמשים הקיימים במערכת מה - DB ולכן יתבצעו השלבים הנ"ל:

- בכניסה בתור מנהל תהיה אפשרות לראות את כל המשתמשים הקיימים במערכת.
 הוא ילחץ על כפתור הצג משתמשים בתצוגה (ב-html) ובקשתו תפנה ל-TypeScript.
- תתבצע קריאה לפונקציה ShowPoint ב- TypeScript שר תפנה לשרת url תתבצע קריאה לפונקציה. services בקשת
 - .API שנמצא בController השרת מקבל את הבקשה ומנווט ל
 - הוא BL GraphManager שנמצאת ב- GetPoint יזמן את הפונקציה Controller
 מעוניין לקבל נתונים מה DB ולכן הוא פונה ל-DAL ולכן הוא פונה ל-DAL
 - ה- DAL שואב את הנתונים הרצויים ממסד הנתונים וכעת מתבצע שלב החזרה.
 - ה DAL מחזיר את רשימת המשתמשים לשכבת הBL בה מתבצעת פונקציית
 הסינון של הבאת המשתמשים הקיימים במערכת.
 - מחזירה את הנתונים מה- GetUsers ל- BL.
 - הנתונים מוחזרים ל- controller
 - מהservice חוזרת הרשימה ל typeScript.
 - הרשימה מוצגת בHTML.

:איור



- מסד נתונים SQL SERVER הבנוי מישויות מטבלאות.
- .Entity Framework שכבת הגישה לנתונים באמצעות
 - שכבת הישויות.
 - שכבת ה BL בה כתובים האלגוריתמים.
- שברת. Web Api פרוטוקול התקשורת בין צד הלקוח וצד השרת. **5.**
 - angular, TypeScript .6.

.4.3 תיאור פרוטוקולי התקשורת

הוא פרוטוקול האינטרענט - Hypertext Transfer Protocol - ראשי תיבות של המילים - HTML האינטרנט וברשתות שנועד להעברת דפי
 האינטראנט. הפרוטוקול פועל בשכבת היישום של מודל ה - OSI ובשכבת היישום של מודל.
 TCP/IP .

4.4. שרת – לקוח

צד השרת נכתב בטכנולוגית WebApi ובשפת

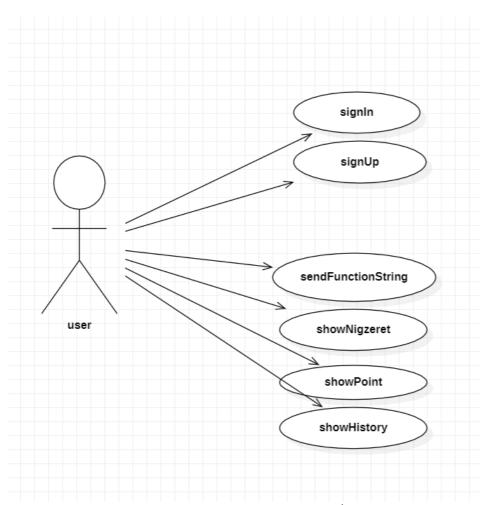
צד הלקוח נכתב בשפות: HTML,Css, TypeScript בטכנולוגית

.4.5 תיאור הצפנות

לא רלוונטי

של המערכת המוצעת use case. ניתוח ותרשים

use case רשימת .5.1



- המשתמש מכניס את עצמו למערכת כמשתמש חדש או קיים.
- המשתמש מכניס את הפונקציה לאתר שולח אותה ומקבל סרטוט ויזואלי של הפונקציה.
 - יכול להציג ויזואלית את גרף הנגזרת
 - מציג את הנקודות המיוחדות.
- בנוסף כל משתמש יוכל לראות את היסטוריית חיפושי משוואות הפונקציה שלו.

use case -תיאור ה- use case.

UC1

- UC1 : **Identifie** •
- Name: הרשמה לאפליקציה.
- משתמש מזין את פרטיו האישיים. **Description:**
 - משתמש שלא קיים במערכת. Actors:
 - בכניסה לאפליקציה. Frequency:
 - לא קיים במערכת. **Condition Pre -:** ●
- ינתוני המשתמש נקלטים במערכת. המערכת מוסיפה אותם למאגר **Condition − Post:** (ב Data base ב
 - בהרשמה לאפליקציה. Extended use cases:
 - . הנתונים שהוזנו נכונים ותקינים Assumptions:
- **Basic course of action:** המערכת שומרת את פרטי המשתמש. כעת המשתמש יכול להיכנס לאזור האישי שלו.
 - אם מספר הזהות כבר קיים במערכת תוצג שגיאה וכן **Altemate course of action:** אם המשתמש לא מילא את כל השדות.
 - גרסה ראשונה, רינת אביטל. Change history:
 - הכנסת פרטי משתמש חדש **Issues:** \bullet
 - אנו מסתמכים על נכונות הפרטים. Decisions:

UC2

- UC2: Identifier •
- התחברות לאפליקציה. Name: •
- משתמש מכניס מספר זהות וסיסמה. Description:
 - משתמש הקיים במערכת. Actors:
 - בכניסה לאפליקציה. **Frequency:**
- פרטי המשתמש קיימים במערכת. Condition Pre
- **Condition Post:** הפרטים נבדקים במידה ואכן קיימים במערכת מתבצעת התחברות ניתן לגשת לאזור האישי.
 - בהתחברות לאפליקציה. **Extended use cases:** •
 - Basic course of action: המערכת קולטת את פרטי המשתמש. על מנת להתחבר
 המשתמש חייב להיות היים במערכת.

- "אם המשתמש לא זוהה תוצג הודעה "משתמש לא קיים **Altemate course of action:** ואפשרות לנסות שוב.
 - גרסה ראשונה, רינת אביטל. **Change history:**
 - Issues: •
 - ∘ הכנסת מספר זהות.
 - הכנסת סיסמה.
 - אנו מסתמכים על נכונות הפרטים. Decisions:

UC3

- UC3 : Identifie
- Name: הכנסת מחרוזת פונקציה והצגתה ויזואלית
- שוואת מזין מחרוזת של משוואת פונקציה בכדי לראות אותה ויזואלית Description: ●על גבי מערכת צירים.
 - משתמש. Actors: •
 - . כשמשתמש מחובר למערכת **Frequency:**
 - התחברות/ הרשמה. Condition Pre
- Data base המערכת מוסיפה את משוואת הפונקציה למאגר (ב Condition Post: ●
 ומשרטטת את הפונקציה על גבי מערכת צירים.
- . הנתונים שהוזנו תקינים, הפונקציה הועלתה בהצלחה ושורטטה מדויק. Assumptions:
- המערכת שומרת את פרטי הפונקציה וניתן לחזור אליה דרך **Basic course of action:** ההיסטוריה.
 - Alternate course of action: שבריך תוצג הודעה
 מתאימה.
 - גרסה ראשונה, רינת אביטל. **Change history:** •
 - הכנסת משוואת פונקציה בצורה המקובלת מתמטית. **Issues:**
 - אנו מסתמכים על נכונות הפרטים. Decisions:

UC4

- UC4 : **Identifier** •
- שפיה ויזואלית בפונקציית הנגזרת של המשוואה.Name ●
- **Description:** לאחר הכנסת משוואת הפונקציה למערכת המשתמש יוכל לצפות בפונקציית הנגזרת של הפונקציה שהזין.
 - משתמש רשום. Actors:

- לאחר הכנסת משוואת פונקציה. **Frequency:** ●
- המשתמש הכניס משוואת פונקציה למערכת. Condition Pre
- המשתמש צופה בפונקציית הנגזרת של המשוואה. Condition Post:
 - הפונקציה שהוכנסה תקינה. Assumptions:
 - גרסה ראשונה, רינת אביטל. Change history: ●

UC5

- UC5 : **Identifier** •
- Name: צפיה בנקודות מיוחדות של הפונקציה.
- **Description:** לאחר הכנסת משוואת הפונקציה למערכת המשתמש יוכל לצפות בנקודות מיוחדות של הפונקציה, נקודות קיצון, נקודות אפס.
 - משתמש רשום. Actors:
 - לאחר הכנסת משוואת פונקציה. **◆ Frequency:**
 - המשתמש הכניס משוואת פונקציה למערכת. **Condition Pre -:** ●
- המשתמש צופה בנקודות מיוחדות של הפונקציה אותה הכניס. Condition Post:
 - הפונקציה שהוכנסה תקינה והיא ממעלה שניה ומטה. **Assumptions:** •
 - אם לא נמצאה התאמה תוצג הודעה על כך. Altemate course of action:
 - גרסה ראשונה, רינת אביטל. **Change history:** ●

UC₆

- UC5: Identifier •
- Name: צפיה בהיסטוריית חיפושים של משתמש.
- **Description:** משתמש רשום במערכת יוכל לצפות בכל הפונקציות שכבר הכניס למערכת ולחזור לפתור אותו ולהפעיל עליה פעולות נוספות
 - actors: משתמש רשום.
 - לאחר כניסתו למערכת. Frequency:
 - המשתמש נכנס למערכת. **Condition Pre -:** •
 - המשתמש צופה בהיסטוריית החיפושים של המשוואות שלו. Condition Post:
 - הימים חיפושים קודמים של פונקציות למשתמש זה. Assumptions: •
- שים קודמים חיפושים או שלא קיים או שלא אם המשתמש קודמים חופושים קודמים **Altemate course of action:** התאמה תוצג הודעה על כך.
 - גרסה ראשונה, רינת אביטל. **Change history:**

.5.3 מבני נתונים בהם משתמשים בפרויקט

בפרויקט השתמשתי במבנה הנתונים שייצרתי בעצמי לצורך האלגוריתם.

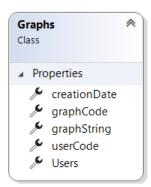
מבנה הנתונים הוא Equation שהוא מכיל את כל הפרטים אודות משוואת הפונקציה. מבנה זה מכיל רשימת פרמטרים List מסוג Parameters המכיל את אברי הפונקציה המחולקת כמו שפורט למעלה.

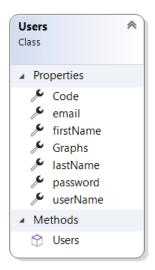
מבנה נתונים זה עזר ביותר לכתיבת האלגוריתם.

.5.4 תרשים מחלקות

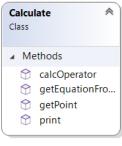
שכבת ה-DAL:

צילום של פירוט המחלקות:





שכבת ה-BL:



graphNew

▲ Properties

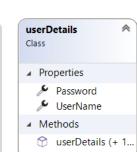
■ Methods

graphString

userCode

graphNew

Class



Equation

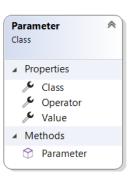
▲ Properties

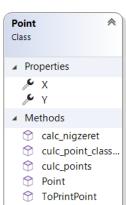
✓ Class

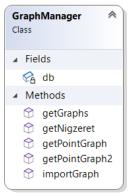
Count

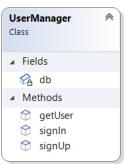
Parameters

Class

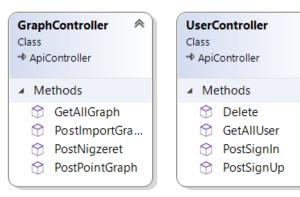








שכבת ה-API:



5.5. תיאור המחלקות

הפרויקט מחולק ל- 3 שכבות. כל שכבה אחראית על תחום מסוים בפרויקט.

Data Base – השכבה הנמוכה ביותר. שכבה זו אחראית על התקשורת עם ה-Data Base. בשכבה זו פונקציות שונות המפעילות את ההתקשרות.

המחלקות הקיימות בשכבה:

- Data Base מחלקה זו משמשת להתקשרות בפועל ל DBSetting. המחלקה מכילה
 Data Base את הניתוב ל Data Base, שם ה Data Base, ושם ה
- שם שחלקה זו מייצגת משתמש במערכת. מכילה את תכונות המשתמש: שם פרטי,
 שם משפחה, מספר זהות, מייל, פלאפון וסיסמה כולם מסוג String.
 - שמש: **UserService** במחלקה זו קיימות פונקציות האחראיות על פעולות המשתמש:

- GetCollection – החזרת רשימת כל המשתמשים.

Insert – הוספת משתמש חדש למערכת.

.עדכון נתוני משתמש – Update

BL – השכבה שמעל ה – DAL היא מקשרת בין ה - DAL ל - API. השכבה אחראית על כל החלק – BL השכבה אחראית על כל החלק הלוגי של המערכת.

המחלקות הקיימות בשכבה:

userManager – במחלקה קיימות פונקציות שמשמשות לניהול המשתמשים במערכת:
 List הפונקציה מחזירה משתמש מסוג – GetUsers

- SignUp – פונקציית הרשמה למערכת.

SignIn – פונקציית התחברות למערכת. הפונקציה מוודאת שהמספר זהות והסיסמה אכן תקינים.

שכבה זו אחראית על החיבור בין צד השרת והלקוח. בשכבה זו קיימים קבצי מערכת – API – בקרים האחראים על רבים, קבצי התקנות, סקריפטים וכו'. בנוסף בשכבה זו קיימים Controlers – בקרים האחראים על ניתוב התקשורת בין השרת והלקוח:

• **UserController** – במחלקה זו קיימות הפעולות: POST ,GET, הרשמה, התחברות, - LoadPictures – מטרתה לטעון תמונה המתקבלת מהלקוח.

6. תיאור התוכנה

• סביבת עבודה:

Visual Studio Visual Studio Code

• שפות תכנות:

.c# ובשפת WebApi צד השרת נכתב בטכנולוגית

צד הלקוח נכתב בשפות: HTML, Css, TypeScript בטכנולוגית Angular.

7. אלגוריתמים מרכזיים

.7.1

החלק הראשון והעיקרי של האלגוריתם הוא פרוק מחרוזת (string) גרף הפונקציה לאיברים והכנסתם לתוך מבנה הנתונים Equation שם נמצאים כל אברי הפונקציה ופרטי הפונקציה (פורט למעלה).

.7.2

החלק השני של האלגוריתם אחרי שמבנה הפונקציה מלא הגיע הזמן לפתור את החלק השני של האלגוריתם מיוחדות, נקודות אפס ונקודות קיצון.

.7.3

חלק נוסף באלגוריתם הוא מציאת גרף הנגזרת של הפונקציה.

8. קוד האלגוריתם

הפונקציות העיקריות בפרויקט:

8. פונקציה של פונקציה בפנקציה המקבלת מחרוזת של פונקציה ומכניסה של אותה לתוך אובייקט משוואה.

```
פונקציה המקבלת מחרוזת של פונקציה ומכניסה אותה לתוך אובייקט משוואה//
        public static Equation getEquationFromStr(string str)
            string strCopy = str;
            מסיר רווחים לא תקינים שנוצרים ויוצר רווח לפני כל איבר חדש//
            string strGraph = string.Join(" ", strCopy
               .Replace(" ", "") // remove all spaces because they kind of random
now
               .Replace("+", " +") // add space to signs to keep them with their
value
               .Replace("-", " -")
               .Split(' '));
            כאשר המחרוזת מתחילה באיבר שהוא שלילי (-) יש להסיר את הרווח המיותר//
            ע"י העברת המחרוזת לרשימה והחזרתה שוב למחרוזת רגילה//
            if (strGraph[0] == ' ')
                //strGraph = strGraph.Skip(0).ToString();
                List<char> strGraphList = new List<char>(strGraph);
                strGraphList.RemoveAt(0);
                //strGraph = strGraphList.ToArray().ToString();
                strGraph = "";
                foreach (var i in strGraphList)
                    strGraph += i;
                }
            }
            //split- נפרק את המחרוזת מערך של איברים ע"י
            עבור כל רווח במחרוזת מפרק לאיבר חדש//
            string[] s = strGraph.Split(' ');
            בדיקת כמות האיברים בפונקציה//
            int count = strGraph.Count(f => f == ' ') + 1;
            יצירת פונקציה חדשה ורשימת פרמטרים אליה יוכנסו נתוני המשוואה//
            Equation equation = new Equation();
            equation.Parameters = new List<Parameter>();
            //עובר על כל איבר במשוואה
            for (int i = 0; i < s.Length && s.Length != 0; i++)</pre>
                יצירת איבר - פרמטר לאיבר יחיד שיוכנס לרשימת הפרמטרים- האיברים//
                Parameter p = new Parameter();
                בדיקת מעלת הפרמטר//
                switch (s[i][s[i].Length - 1])//התו האחרון באיבר הראשון
                    אם התו איקס הוא האחרון באיבר סימן שהמעלה שלו היא 1//
                    case 'x':
                        {
                            p.Class = 1;//מכניס את מעלת האיבר
                            break;
                    default:
                            // אם המקום השני מהסוף הוא גג (חזקה) נכניס את המעלה
שנמצאת במקום האחרון באיבר
```

```
if (s[i][s[i].Length - 2] == '^')//הגביל מעלה גבוהה/
                                p.Class = Convert.ToInt32(s[i][s[i].Length - 1])
- 48;//מכניס את מעלת האיבר
                            //0 אחרת המעלה היא
                            else
                                p.Class = 0;
                            break;
                        }
                ...שולח את האיבר ואת אובייקט הפרמטר ומסיים לאכסן את האיבר//
                calcOperator(p, s[i]);
                מוסיף את האיבר הבודד לרימת האיברים - פרמטרים//
                equation.Parameters.Add(p);
            ממיין ע"פ מעלת האיברים מהגדול לקטן//
            equation.Parameters = equation.Parameters.OrderByDescending(c =>
c.Class).ToList();
            מעדכן את מעלת הפונקציה הגבוה ביותר וכן את מספר האיברים בפונקציה//
            equation.Class = equation.Parameters.Max(m => m.Class);
            equation.Count = count;
            return equation;
```

9. פונקציה - calcOperator - פונקציה המקבלת את האיבר ואת אובייקט הפרמטר ומסיים לאכסן את האיבר.

```
פונקציה המקבלת את האיבר ואת אובייקט הפרמטר ומסיים לאכסן את האיבר //
        public static void calcOperator(Parameter p, string v)
            int i = 0;
            מכניס בהתאמה את אופרטור האיבר//
            p.Operator = '+';
            if (v[i] == '-')
                p.Operator = '-';
                אם האופרטור הוא '-' אז צריך לקדם לתו הבא//
                i++;
            //אם לא קיים ערך
            if (v[i] == 'x') p.Value = 1;
            //כאשר קיים ערך
            else
                מסירים מהאיבר את כל התוים השונים מהערך וממינים ע"פ אורך הגדול//
                string s = v.Split('+', '-', '^', 'x').OrderByDescending(x =>
x.Length).ToArray()[0];
                if (s == "")
                    p.Value = Convert.ToDouble(1);
                else
                    p.Value = Convert.ToDouble(s);
            }
```

10.פונקציה culc_points - חישוב נקודות מיוחדות לפונקציה.

```
חישוב נקודות מיוחדות לפונקציה//
        public static List<Point> culc_points(Equation e)
            List<Point> Points = new List<Point>();
            double a = 0;
            double b = 0;
            double c = 0;
            משוואה עם שתי איברים מלאים//
            if (e.Count == 2 && e.Class == 1)
                double a1 = e.Parameters[0].Value * (e.Parameters[0].Operator ==
'-' ? -1 : 1);
                double b1 = e.Parameters[1].Value * (e.Parameters[1].Operator ==
'-' ? -1 : 1);
                double x = (-b1 / a1);
                Points.Add(new Point(x, 0));
                Points.Add(new Point(0, b1));
                return Points;
            }
            //משוואה עם שלושה איברים מלאים
            else if (e.Count == 3 && e.Class == 2)
                a = e.Parameters[0].Value * (e.Parameters[0].Operator == '-' ? -1
: 1); //להכפיל באופרטור
                b = e.Parameters[1].Value * (e.Parameters[1].Operator == '-' ? -1
: 1);//ונראופרטור
                c = e.Parameters[2].Value * (e.Parameters[2].Operator == '-' ? -1
: 1); //ונפיל באופרטור
            }
            //משוואה עם שתי איברים ממעלה שניה - a, b
            else if (e.Count == 2 && e.Class == 2 && e.Parameters[1].Class == 1)
                a = e.Parameters[0].Value * (e.Parameters[0].Operator == '-' ? -1
: 1);
                b = e.Parameters[1].Value * (e.Parameters[1].Operator == '-' ? -1
: 1);
                c = 0;
            }
            //משוואה עם שתי איברים ממעלה שניה - a, c
            else if (e.Count == 2 && e.Class == 2 && e.Parameters[1].Class == 0)
                a = e.Parameters[0].Value * (e.Parameters[0].Operator == '-' ? -1
: 1);
                b = 0;
                c = e.Parameters[1].Value * (e.Parameters[1].Operator == '-' ? -1
: 1);
            }
            //סדור טרינום -נקודות חיתוך עם ציר האיקס
            double x1 = ((-b) + Math.Sqrt(Math.Pow(b, 2) - 4 * a * c)) / (2 * a);
            double x2 = ((-b) - Math.Sqrt(Math.Pow(b, 2) - 4 * a * c)) / (2 * a);
            Points.Add(new Point(x1, 0));
            Points.Add(new Point(x2, 0));
```

```
double Ykodkod = 0;
   double Xkodkod = (-b) / (2 * a);
   if (c==0)
        חישוב קודקוד הפונקציה - נקודת קיצון//
       Ykodkod = (a * Math.Pow(Xkodkod, e.Parameters[0].Class)
        + (b * Math.Pow(Xkodkod, e.Parameters[1].Class)));
        //חישוב נקודות עם ציר האיי
        double Yx = 0;
        double Yy = (a * Math.Pow(Yx, e.Parameters[0].Class)
            + (b * Math.Pow(Yx, e.Parameters[1].Class)));
       Points.Add(new Point(Yx, Yy));
   }
   else if (b == 0)
        חישוב קודקוד הפונקציה - נקודת קיצון//
       Ykodkod = (a * Math.Pow(Xkodkod, e.Parameters[0].Class)
        + (c * Math.Pow(Xkodkod, e.Parameters[1].Class)));
        //חישוב נקודות עם ציר האיי
       double Yx = 0;
        double Yy = (a * Math.Pow(Yx, e.Parameters[0].Class)
        + (c * Math.Pow(Yx, e.Parameters[1].Class)));
       Points.Add(new Point(Yx, Yy));
   }
   else
        חישוב קודקוד הפונקציה - נקודת קיצון//
        Ykodkod = (a * Math.Pow(Xkodkod, e.Parameters[0].Class)
        + (b * Math.Pow(Xkodkod, e.Parameters[1].Class))
        + (c * Math.Pow(Xkodkod, e.Parameters[2].Class)));
        //ישוב נקודות עם ציר האיי
       double Yx = 0;
        double Yy = (a * Math.Pow(Yx, e.Parameters[0].Class)
            + (b * Math.Pow(Yx, e.Parameters[1].Class))
            + (c * Math.Pow(Yx, e.Parameters[2].Class)));
       Points.Add(new Point(Yx, Yy));
   }
   Console.WriteLine("kodkod");
    Points.Add(new Point(Xkodkod, Ykodkod));
   //Console.WriteLine("(" + Xkodkod + ", " + Ykodkod + ")");
   return Points;
}
```

calc_nigzeret - פונקציה מחשבת את נגזרת הפונקציה

```
חישוב נגזרת הפונקציה//
 public static Equation calc_nigzeret(Equation e)
     Equation nigzeret = new Equation();
     nigzeret.Parameters = new List<Parameter>();
     int m = 0;
     foreach (var i in e.Parameters)
         if (i.Class == 0) break;
         Parameter p = new Parameter();
         p.Value = i.Value * i.Class;
         p.Operator = i.Operator;
         p.Class = i.Class - 1;
         nigzeret.Parameters.Add(p);
     }
     nigzeret.Class = nigzeret.Parameters[0].Class;
     nigzeret.Count = m;
     return nigzeret;
```

פונקציות אלו מצד לקוח – אנגולר והם אחראיות להצגת משוואת הפונקציה בצורה ויזואלית.

- drawFunc פונקציה מקבלת אובייקט משוואה והופכת אותו בחזרה - drawFunc פונקציה מקבלת אובייקט משוואה והופכת אותו בחזרה למחרוזת (string) של משוואת הפונקציה ומחזירה את ה eval של המחרוזת שפותרת את המחרוזת.

זאת לאחר שגרף הפונקציה נשלחה לשרת ושם פתרה את הפונקציה ומצאה נקודות מיוחדות, נגזרת... ולאחר מכן מחזירה בחזרה את מבנה ה Equation של הפונקציה למחרוזת.

```
str += s;
console.log(str);
i++;
}
// מחזיר את הפונקציה פתורה - מספר
return eval(str);
}
```

13.פונקציה עוברת ב for הפונקציה - **generateDataEquation** פונקציה ובודקת - generateDataEquation את קימות הפונקציה במקום הנוכחי. ומפעילה את הפונקציה func על כל נקודה במערכת הצירים.

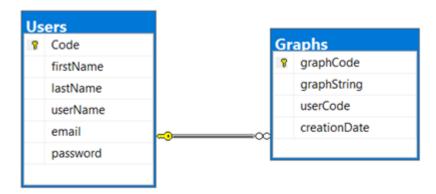
```
generateDataEquation() {
    let data: any[] = [];
    for (let i = -200; i <= 200; i += 0.1) {
        data.push([i, this.func(i)]);
    }
    return data;
}</pre>
```

ערך drawFunc מפעילה את הפונקציית func הפונקציית - **func הפונקציה.14**. הפונקציה הפונקציה הפונקציה אותו קיבלנו ואותו צריך להפוך למחרוזת.

```
func(x: number) {
    x /= 10;
    return this.drawFunc(x, this.equation);// שולה לפונקיית שרטוט
}
```

9. תיאור מסד הנתונים

את הדיאגרמה מה-SQL



Data Base -פירוט הטבלאות ב- 9.1

טבלאות

הנתונים נשמרים בתוך טבלאות, השדות נשמרים בצורה טבלאית כשלכל שדה יש שם שנשמר במערכת SqlServer, ולפי השמות של השדות נשלפים הנתונים.

טבלת משתמשים- Users

הטבלה מכילה את נתוני המשתמשים.

שדה חובה	תאור	סוג השדה	שם השדה	מפתחות
✓	קוד	int	Code	PK
✓	שם משתמש	varchar(50)	firstName	
✓	משפחת המשתמש	varchar(50)	lastName	
✓	שם משתמש	varchar(50)	userName	
✓	מייל	varchar(50)	email	
✓	ססמה	varchar(50)	password	

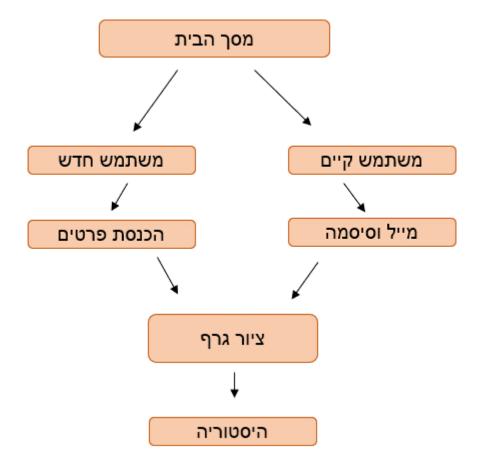
טבלת גרפים- Graph

טבלה המכילה גרפים.

שדה חובה	תאור	סוג השדה	שם השדה	מפתחות
✓	קוד גרף	int	graphCode	PK
√	מחרוזת הגרף	(50)varchar	graphString	
✓	קוד משתמש	int	userCode	
✓	תאריך יצירה	datetime	creationDate	

.10 מדריך למשתמש

.10.1 תיאור המסכים



מדריך לממשק משתמש

צד הלקוח פותח באנגולר ובו כלול ממשק המשתמש עבור הצגת במשוואת הפונקציה באופן ויזואלי ופעולות נוספות.

צד הלקוח משרת המשתמשים (סטודנטים, מרצים...) בפתירת משוואות והצגת המשוואה בצורה ויזואלית וכן לראות את ההיסטוריה של החיפוש בייתר קלות ופשטות.

החלקים העיקריים בפיתוח הממשק הם ארבעה:

- כניסת משתמש חדש למערכת ו/או משתמש קיים ע"י שם משתמש וסיסמה.
 - הכנסת משוואה למערכת והצגתה על גבי מערכת צירים.
 - . אפשרות הצגת נקודות מיוחדות, נקודות אפס ונקודות קיצון
 - הצגת היסטוריית החיפושים של המשוואות למשתמש שנרשם למערכת.

המסכים:

מסך הבית

מסך פתיחה, ומסך של כניסת לקוח חדש או קיים.

מסך המאפשר הזנת משוואת פונקציה למערכת ושרטוט הפונקציה. במסך זה תהיה אפשרות לקבלת נקודות מיוחדות, שרטוט פונקציית הנגזרת.

הצגת מערכת צירים למשתמש

אחד מיעדי הפרויקט החשובים הוא הצגת האתר בצורה יפה ומושכת.

הקדשתי זמן, מחשבה ומעוף בכדי לשרטוט משוואת פונקציה בצורה ויזואלית על גבי מערכת צירים ממוספרת ונראית טוב וברור לעין המשתמש.

במהלך הדרך חקרתי ממשקים נוספים עד שהגעתי לספריית echarts בה בחרתי את הגרף המתאים ביותר עבורי והוא Function Plot - אליו מכניסים את גרף הפונקציה אחרי שפרקנו אתו לאיברים בצד שרת ואז אנו מקבלים את שרטוט הפונקציה באופן ויזואלי. הפונקציה העיקרית עוברת נקודה נקודה במערכת הצירים ע"י for ובודרת האם הנקודה אכן מתקיימת במקום הנוכחי במערכת הצירים.

המסקנה העולה מתהליך היצירה הוא, כי בעיצוב - השמים הם הגבול, וניתן לשפר ולשפץ בלי סוף. עקב מגבלות הזמן, נסתפק בתצוגה פשוטה אך נוחה ונעימה לעין.

השלבים בעיצוב:

1. שרטוט הפונקציה ע"י קנבס

תחילה, ייבאתי את הורדתי את הספרייה אלי למחשב והתקנתי אותה.

```
import { getInstanceByDom, connect } from 'echarts';
import * as util from 'zrender/lib/core/util';
import * as echarts from 'echarts';
```

כתבתי את קוד הפונקציות של הספרייה וכתבתי שם את האלגוריתם שלוקח אובייקט מסוג משוואה (הכולל את כלל אברי הפונקציה ופרטים נוספים על הפונקציה) ומפשט אותו למחרוזת פונקציה אחרי שבצד שרת שמרנו את פרטי הפונקציה ופתרנו אותה.

```
drawFunc(x: number, equation: Equation) {
  let str = "";
 let s = "";
 let i = 0;
 for (let p of equation.Parameters) {
   let v = p.Value;
   let c = p.Class;
   let o = p.Operator;
   let X = "";
   let xx = "";
   for (let i = 0; i < c; i++) {
     X = *\{x\}';
     xx += X;
   s = {0}{{v}}{xx} ;
   str += s;
   console.log(str);
   i++;
  return eval(str);
```

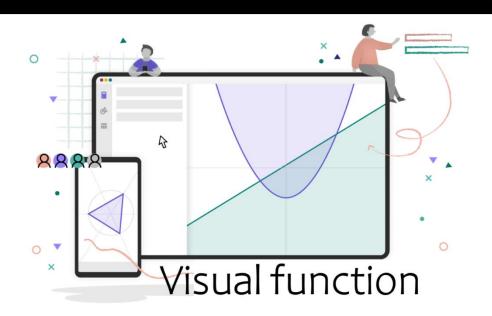
כאן הפונקציה עוברת ב for על מערכת הצירים ובודקת את קימות הפונקציה במקום הנוכחי. ומפעילה את הפונקציה func על כל נקודה במערכת הצירים

```
generateDataEquation() {
  let data: any[] = [];
  for (let i = -200; i <= 200; i += 0.1) {
      data.push([i, this.func(i)]);
    }
  return data;
}</pre>
```

פונקציית func מפעילה את הפונקציה drawFunc ושולחת לה את ערך הפונקציה ואת אובייקט הפונקציה אותו צריך לפשט.

```
func(x: number) {
    x /= 10;
    // const str = "(+3)*5 ^2 (-2)*5^1 (-2)*5^0" ...
    return this.drawFunc(x, this.equation);//שולח לפונקיית שרטוט/
}
```

10.2. צילומי מסכים Home



התחברות והרשמה – Sign up and Sign in

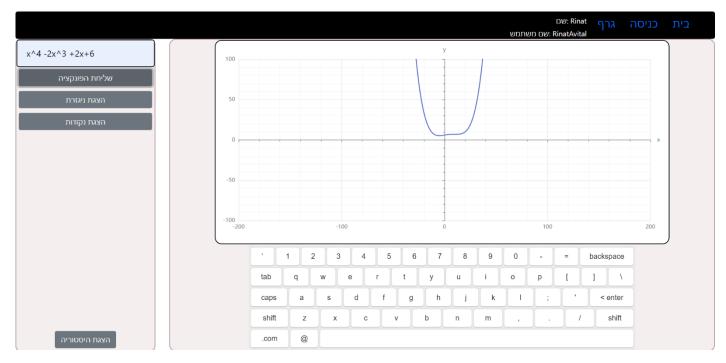
כניסה



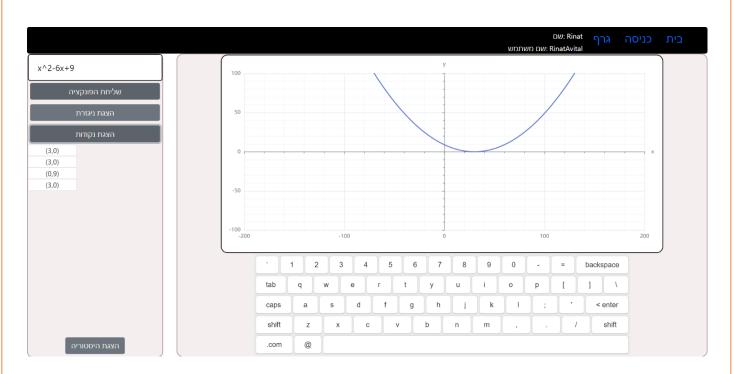


בס"ד

שרטוט גרף – draw

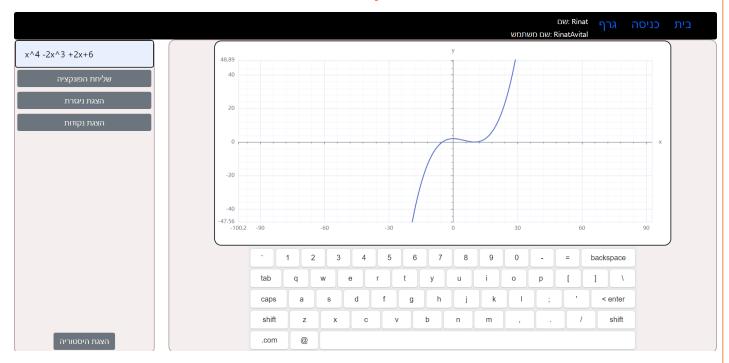


שרטוט גרף עם נקודות מיוחדות – draw

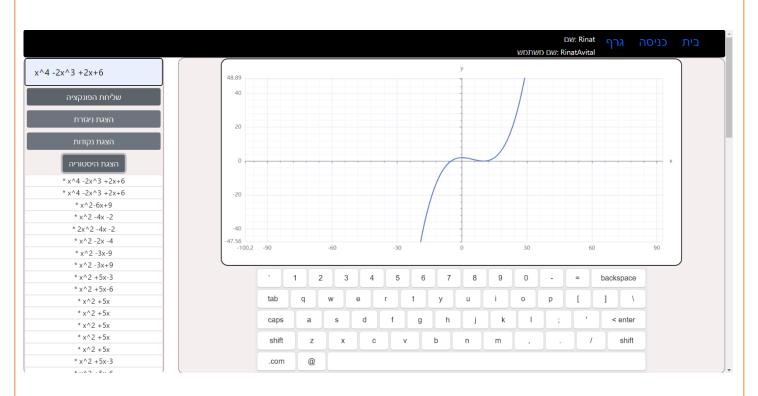


בס"ד

שרטוט נגזרת הפונקציה – draw



שרטוט גרף עם נקודות מיוחדות – draw



11. בדיקות והערכה

אחרי כתיבה מאומצת ומחושבת של קוד האלגוריתם והרצתו שמתי לב שחלוקת מחרוזת הפונקציה לאיברים והכנסתה לאובייקט המשוואה, הופיעו באגים או שהפונקציה לא הייתה מדויקת מספיק ולפעמים השתנה או חסרו נתונים, בדקתי ועקבתי רבות על קוד האלגוריתם עד שכל הבעיות תוקנו לאחר בדיקות רבות של מקרי קצה והרצת האלגוריתם מספר פעמים על נתונים שונים. לאחר תיקון הביעה האלגוריתם רץ כמו שציפיתי בצורה המקסימלית.

.12 ניתוח יעילות

יעלות אלגוריתמית מתייחסת לכמות צריכת משאבי מערכת של אלגוריתם, ובפרט משאבי זמן וזיכרון, אך גם משאבי אנרגיה או רוחב פס יכולים להיכלל בבחינת יעילות של אלגוריתם.

ניתן להתייחס ליעילות אלגוריתמית כמקרה פרטי של יעילות הנדסית.

להגדלת היעילות יש לצמצם את השימוש במשאבים. עם זאת, המשאבים השונים אינם ניתנים להשוואה בצורה חד משמעית, ולכן לא תמיד ניתן לקבוע באופן חד משמעי שאלגוריתם יעיל ממשנהו, למשל, פעמים רבות אלגוריתם אחד צורך יותר זמן ופחות זיכרון ממשנהו וצריך לבחון בכל מקרה לגופו איזה משאב יותר חשוב.

ככל שהסיבוכיות האלגוריתם יותר יעילה כך הפרויקט ירוץ יותר ביעילות ובמהירות.

13. אבטחת מידע

הכניסה לחשבון האישי חייבת להתבצע באמצעות הזנת שם משתמש וסיסמא. כך משתמש יכול להיות רגוע שהמידע אודותיו שמור במערכת וחסוי.

באופן כללי כניסה למערכת לא מחייבת התחברות באמצעות סיסמא אך כל פעילות במערכת של היסטוריית חיפוש של פונקציה לא תהיה קיימת אלא אם תהיה הרשמה או התחברות

.14 מסקנות

סוף כל סוף הגעתי לזמן חתימת הספר, בו חשפתי טפח ממה שמאחורי הפרויקט וסקרתי במעט את תהליך ההתלמדות המופלא, רצוף העמל וההשקעה, עמקני ועשיר בגילויים כה מרתקים, בו הוספתי ידע והתנסות בתחומים רבים ומגוונים.

תחילה, תכנון הפרויקט ושלבי העבודה, נראה בעיני כמשימה בלתי אפשרית. זאת בשל ההיקף, המורכבות ולחץ הזמן. חלקים מסוימים שתוכננו נפסלו מראש כי חששתי שלא אצליח לבצע אותם, אך בסופו של תהליך ניתן לומר שהכול אפשרי. כל שהיה נראה בלתי עביר, הפרויקט בכללותו, וכן חלקים מסוימים שנפסלו- הכול התברר כבר ביצוע. השכלתי להבין שעם הרבה מוטיבציה ומוסר עבודה, ניתן להשלים כל משימה, קשה ומורכבת ככל שתהיה.

בנוסף כמעט על כל צעד ושעל בפיתוח נתקלתי בתחומי ידע לא מוכרים, מורכבים, הרבה מעבר לרמת הידע שיש לי. היתקלויות אלה שדרשו פתרונות, גרמו לי להתנסות המון בלמידה עצמית.

ערכתי הכרות עם מגוון כלים וטכנולוגיות, גיליתי שאין בעיה חסרת פתרון וגם לסטודנטית חסרת ידע רחב ומקיף כמוני ישנה אפשרות להיכנס לנושא שהיא לא מכירה, להתאמץ להבין ולמצוא פתרון.

ניתן לומר שכסטודנטית ומתכנתת, הפרויקט הכניס אותי לעולם היוצרים בכלל והמתכנתים בפרט. למדתי לתכנן מערכת ע"י ניתוח ואפיון הצרכים והאתגרים, למדתי לחשוב על כל הפרטים ופרטי הפרטים ועל כל הבעיות שיכולות לצוץ ולמצוא את הדרך היעילה ביותר להתמודד איתן. למדתי המון על דרכי חקירה, פיתוח וכתיבה, והרבה על הסיפוק העצום שביצירה.

את הפרויקט אפיינתי באופן בולט בכתיבה עצמאית. את התוצר הנפלא יצרתי בעשר אצבעות, בנחישות ובאומץ. שברתי את הראש, כמעט כפשוטו:) לכלכתי הרבה את הידיים בכתיבה ומחיקה וכתיבה חוזרת. נאבקתי קשות במלחמת הבהירות ונטרול השגיאות. ובעצם, פיתחתי אפליקציה בעצמי, מא' ועד ת'. וזו התנסות מדהימה. פיתוח עצמי הוא אולי לא הדרך הכי טובה להגיע למוצר בקלות ובלי להזיע, אולם במבט לאחור, את מטרת הלמידה השגתי גם השגתי, והכלים שרכשתי הם נכס עוצמתי ששווה את הכל ואותו קניתי לתמיד.

את visual function אף פעם לא אגדיר כמושלם, כי תמיד אשכללו ואפתחו עוד ועוד, אך את הדרך שעשיתי נסכם אחר אינספור שעות של עמל בחשיבה ובמעשה כי היה זה מדהים לחוות זאת, וסופר יעיל. הפקתי מפרויקט הגמר תועלת מרובה ותקוותי שניסיון זה יסייע לי בעתיד בעזרת ה'.

.15 פיתוח עתידי

בהמשך כשיהיה לי את הזמן והאפשרות הייתי מאוד רוצה לשכלל את הפרויקט. שלכל פונקציה שהמשתמש יכניס המערכת תוכל לפתור את הפונקציה ולהציג נקודות מיוחדות. וכן תוכל לחשב גם אינטגרליים.

16. ביבליוגרפיה

- GitHub •
- Stack Overflow
 - Bootstrap •
- Internet Israel •
- echarts.apache •
- ngdevelop.tech
 - hodgef •
 - W3School •
- GeeksForGeeks
 - ויקיפדיה •