# Сравнение результатов вычислений моего кода и известных мне статей (анализ тестов)

## Владимир Ивашкин 9 апреля 2018 г.

### Введение

Захотелось написать большой развернутый отчет о всех тестах, которые я провожу. Возможно, это поможет найти наши ошибки и в будущем быть уверенными в результатах.

### 1 Chebotarev: Studying new classes of graph metrics

Ссылка: https://arxiv.org/abs/1305.7514

Здесь нам интересен Fig. 1. На графе "цепочка" можно прогнать такие же метрики при тех же параметрах. В обозначениях ниже я имею в виду, что вершины графа названы слева направо цифрами от 1 до 4. Расстояния здесь нормированы на то, чтобы сумма  $D_{12} + D_{23} + D_{34} = 3$ . Достаточно будет сравнивать расстояния  $D_{12}, D_{23}, D_{13}, D_{14}$ . Будем считать, что расстояния не соответствуют друг другу, если хотя бы одна соответствующая пара расстояний различается на 0.04 в абсолютной величине.

Вначале результаты не сходились, но потом выяснилось следующее:

- В моем коде из всех ядер, перед тем, как превращать их в расстояния, брался корень. Кажется, мы обсуждали, что это нужно для Communicability, но в итоге это было включено везде. В этом причина, почему тесты не проходили
- Для Communicability это все-таки нужно, в этом случае все результаты совпадают

		$D_{12}$	$D_{23}$	$D_{13}$	$D_{14}$
SP	true	1,000	1,000	2,000	3,000
	$\operatorname{test}$	1,000	1,000	2,000	3,000
R	true	1,000	1,000	2,000	3,000
	test	1,000	1,000	2,000	3,000
Walk	$\operatorname{true}$	1,025	0,950	1,975	3,000
	test	1,025	0,950	1,975	3,000
$\log For$	$\operatorname{true}$	0,959	1,081	2,040	3,000
	test	0,959	1,081	2,041	3,000
For	$\operatorname{true}$	1,026	0,947	1,500	$1,\!895$
	test	1,026	0,947	1,500	1,895
SqResistance	$\operatorname{true}$	1,000	1,000	1,414	1,732
	test	1,000	1,000	1,414	1,732
$\operatorname{Comm}$	$\operatorname{true}$	0,964	1,072	1,492	$1,\!564$
	test	0,964	1,072	1,492	1,564
pWalk 4.5	$\operatorname{true}$	1,025	0,950	1,541	1,466
	test	1,025	0,950	1,541	1,466
pWalk 1.0	true	0,988	1,025	1,379	1,416
	$\operatorname{test}$	0,988	1,025	1,379	1,416

Таблица 1: Tecт Studying new classes of graph metrics, Figure 1

Также я воспроизвел результаты из Table 1 в Chebotarev: The Walk Distances in Graphs (ссылка: https://arxiv.org/abs/1103.2059). Скорее всего, они основаны на тех же результатах, что уже были в таблице выше, но почему бы нет.

		$D_{12}/D_{23}$	$(D_{12} + D_{23})/D_{13}$	$D_{14}/D_{12}$
SP	true	1,000	1,000	1,500
	$\operatorname{test}$	1,000	1,000	1,500
R	true	1,000	1,000	1,500
	$\operatorname{test}$	1,000	1,000	1,500
Walk	true	1,080	1,000	1,520
	$\operatorname{test}$	1,080	1,000	$1,\!519$
$\log For$	true	0,890	1,000	1,470
	$\operatorname{test}$	0,887	1,000	1,470
For	true	1,080	1,320	1,260
	$\operatorname{test}$	1,083	1,316	1,263
pWalk $4.5$	true	1,080	1,280	0,950
	$\operatorname{test}$	1,079	1,281	0,951
pWalk $1.0$	true	0,960	1,460	1,030
	test	0,964	1,459	1,027

Таблица 2: The Walk Distances in Graphs, Table 1

Видим, что с этими тестами все ок. В последнем разделе я привожу сводную таблицу, где показываю, что именно было покрыто повторением результатов каждой статьи.

## 2 Kivimaki: Developments in the theory of randomized shortest paths with a article comparison of graph node distances

Ссылка: https://arxiv.org/abs/1212.1666

Здесь мы можем использовать два источника: это Figure 2, а также Table 2 с оптимальными значениями из Table 1.

### 2.1 Figure 2

Здесь исследуется поведение метрик RSP, FE, pRes, logFor, SP-CT при изменении их параметров в заданном интервале для графа "треугольник с хвостом". Можно исследовать всю кривую, но проще всего взять только крайние точки: слева отношение  $\Delta_{12}/\Delta_{23}$  равно 1.5, справа — 1.0.

После того, как я убрал взятие корня для logFor, все результаты сошлись:

			$D_{12}/D_{23}$				
border	measure	param	test	${\it true}$	diff		
left	CT		1,5	1,5	0		
	logFor	500.0	1,4975	1,5	0,0025		
	RSP	0.0001	1,4992	1,5	0,0008		
	FE	0.0001	1,4996	1,5	0,0004		
right	SP		1	1	0		
	$\log For$	0.01	1,0011	1	0,0011		
	RSP	20.0	1	1	0		
	FE	20.0	0,9834	1	0,0166		

Таблица 3: Kivimaki, Figure 2

#### 2.2 Table 2 с оптимальными значениями из Table 1

Здесь проверяется качество (метрика качества — NMI) кластеризации методом kMeans графов из датасета Newsgroups. Кернелы: RSP, FE, logFor, SP-CT, SCT. Результаты получаются похожими для всех метрик, кроме SP-CT. Результат очень плох: в статье ожидается качество порядка 70-80 NMI\*100, по факту что SP, что CT дают 0.2-3 NMI\*100. SP-CT применяется с параметром 1, то есть чистый SP. Видим проблему с SP.

		n2cl1	n2cl2	n2cl3	n3cl1	n3cl2	n3cl3
RSP	test	79,443	57,914	81,070	77,092	76,797	75,520
	true	84,500	58,700	81,000	76,600	77,000	$76,\!500$
	$\operatorname{diff}$	5,057	0,786	0,070	$0,\!492$	0,203	0,980
FE	test	79,443	57,917	81,070	76,619	77,980	75,131
	${ m true}$	80,700	58,700	81,100	76,200	78,300	77,000
	$\operatorname{diff}$	$1,\!257$	0,783	0,030	$0,\!419$	0,320	1,869
$\log$ For H	test	81,846	60,952	76,988	78,376	75,010	75,121
	${\it true}$	83,100	58,800	75,000	$75,\!400$	$75,\!500$	$74,\!400$
	diff	$1,\!254$	2,152	1,988	2,976	0,490	0,721
SP-CTK	test	0,219	0,147	0,201	0,315	0,334	0,295
	true	$65,\!200$	$51,\!200$	85,900	74,200	$62,\!600$	$71,\!500$
	$\operatorname{diff}$	64,981	51,053	85,699	73,885	$62,\!266$	71,205
SCT H	test	81,105	54,616	78,440	77,922	72,276	75,409
	${\it true}$	81,600	56,800	79,600	77,300	73,000	75,900
	diff	0,495	2,184	1,160	0,622	0,724	$0,\!491$

Таблица 4: Kivimaki, Table 2

Помимо статей я искал другие реализации мер для того, чтобы расширить количество тестов. Я наткнулся на вот эту реализацию: https://github.com/jmmcd/GPDistance. Здесь я увидел суть более сложные реализации RSP и FE. Насколько я понял, они защищены от случаев вроде тех, когда граф не связный. Я реализовал тесты из этого репозитория и увидел, что RSP и FE из этого репозитория работают стабильнее, чем мои варианты, сделанные строго по формулам из статей. Я заменил свои версии версиями из репозитория и они проходят тесты из статей. В частности, таблица выше содержит результаты с обновленными мерами.

### 3 Sommer: Comparison of Graph Node Distances on Clustering Tasks

Ссылка: (не находил в открытых источниках)

Здесь нас интересует Table 3 с оптимальными значениями из Table 2. Метрики: CCT, FE, logFor, RSP, SCT, SP Датасеты: football, newsgroups, polblogs, zachary Проблемы: CCT не работает для football, на polblogs не работает ничего, видимо из-за большого размера. Для SP не проходят никакие тесты.

		n2cl1	n2cl2	n2cl3	n3cl1	n3cl2	n3cl3	zachary	football
SCCT	test	0,794	0,598	0,758	0,784	0,758	0,746	1,000	error
	$\operatorname{true}$	0,794	0,582	0,758	0,778	0,762	0,746	1,000	
	diff	0,000	0,016	0,000	0,006	0,004	0,000	0,000	
FE	test	0,797	0,645	0,811	0,781	0,763	0,764	1,000	0,862
	$\operatorname{true}$	$0,\!805$	0,591	0,811	0,781	0,797	0,771	1,000	0,906
	diff	0,008	0,054	0,000	0,000	0,034	0,006	0,000	0,045
logFor	test	0,831	0,622	0,769	0,746	0,745	0,752	1,000	0,895
	$\operatorname{true}$	0,838	0,584	0,748	0,753	0,758	0,749	1,000	0,903
	diff	0,007	0,038	0,021	0,007	0,014	0,003	0,000	0,008
RSP	test	0,797	0,635	0,785	0,781	0,786	0,725	1,000	0,895
	$\operatorname{true}$	0,797	$0,\!580$	0,796	0,781	0,776	0,730	1,000	0,909
	diff	0,000	0,055	0,011	0,000	0,010	0,005	0,000	0,014
SCT	test	0,820	0,625	0,824	0,753	0,723	0,765	1,000	0,845
	$\operatorname{true}$	0,817	$0,\!552$	0,786	0,773	0,728	0,763	1,000	0,811
	diff	0,002	0,073	0,039	0,020	0,005	0,002	0,000	0,033
SP	test	0,003	0,003	0,009	0,003	0,021	0,006	0,677	0,861
	true	$0,\!654$	$0,\!516$	0,859	0,743	0,625	0,720	1,000	0,858
	diff	0,651	0,513	0,850	0,740	0,603	0,714	0,323	0,004

Таблица 5: Sommer, Table 3

Похоже, все-таки у нас есть проблема. Как работает SP:

- Вызываю shortest path из scipy (визуально выдает правильные результаты)
- Применяется нормализация, чтобы параметр адекватно смешивал SP и CT
- Применяю  $D \to K$  преобразование

Больше ничего тут нет. В оправдание функции shortest\_path скажу, что мы проверяли ее тестами выше. Но проблемы с  $D \to K$  тоже быть не может, ведь RSP и FE преобразуются этой же формулой. Виновата нормализация? Без нормализации наблюдаем ту же проблему. Что еще интересно, с уменьшением размеров графа качество кластеризации растет. Может, здесь даже проблема, как у Commute Time, описанная в Getting lost in space?

Я попробовал найти другие реализации shortest path — не помогло. Попробовал найти сразу shortest path kernel и нашел здесь: https://github.com/gmum/pykernels, но результат все такой же плохой.

### Общий результат

Здесь я постараюсь записать в единый список всё, что мы используем в коде и наличие тестов.

	Subject	Chebotarev	Kivimaki	Sommer	Avrachenkov	Result
Measure	Shortest path	+	+/-	+/-		-
	Resistance	+	+			?
	SP-CT		-			-
	plain Walk	+				+
	Walk	+			+	+
	Forest	+				+
	logForest	+	+	+	+	+
	Comm	+				+
	$\log Comm$				+	+
	Heat					?
	logHeat				+	+
	SCT		+	+		+
	SCCT			+		+
	RSP		+	+		+
	FE		+	+		+
	Normalized Heat				+	+
	P. PageRank				+	+
	Modified P. PageRank				+	+
	Heat P. PageRank				+	+
Transformation	a ->t	+	+			+
	H0 ->H	+	+	+		+
	H ->D	+	+	+		+
Dataset	News		+	+		+
	Football			+		+
	Zachary			+		+
Graph Generator	Stochastic Block Model				+	+
Clustering	KMeans		+	+	+	+

Таблица 6: Overall result

Я не могу понять, что не так с простейшей метрикой. Может они используют не просто SP? В конце концов Kivimaki и Sommer могут иметь одну и ту же кодовую базу.