PRÁCTICA 2 - GEOMETRÍA COMPUTACIONAL - 2023 15 de febrero, 22 de febrero y 1 de marzo de 2023

DIAGRAMA DE VORONÓI Y CLUSTERING

De uso obligatorio:

- En "Personas_en_la_facultad_matematicas.txt" se presentan dos variables de estado, $X_1 =$ "nivel de estrés" y $X_2 =$ "afición al rock", para un conjunto de $A = \{a_i, \{X_j\}_{j=1}^2\}_{i=1}^{1500}$ de 1500 personas de la Facultad de Matemáticas. Estos datos deben utilizarse como valores de entrada del problema.
- En "Grados_en_la_facultad_matematicas.txt" se presenta el listado de pertenencia de cada persona a uno de los 4 grados o doble-grados principales de la Facultad de Matemáticas, etiquetados como {0,1,2,3} para preservar el anonimato de cada caso. Estos datos sólo deben utilizarse para medir el error de predicción, en caso de solicitarse.

Determina el número ideal de Grados de nuestra Facultad de Matemáticas (sistema A) a partir del número óptimo de clusters o vecindades de Voronói. Para ello, utiliza el coeficiente de Silhouette (\bar{s}) , que puede emplearse directamente desde la librería sklearn:

- i) Obtén el coeficiente \bar{s} de A para diferente número de vecindades $k \in \{2, 3, ..., 15\}$ usando el algoritmo KMeans. Muestra en una gráfica el valor de \bar{s} en función de k y decide con ello cuál es el número óptimo de vecindades. En una segunda gráfica, muestra la clasificación (clusters) resulante con diferentes colores y representa el diagrama de Voronói en esa misma gráfica.
- ii) Obtén el coeficiente \bar{s} para el mismo sistema A usando ahora el algoritmo DBSCAN con la métrica 'euclidean' y luego con 'manhattan'. En este caso, el parámetro que debemos explorar es el **umbral de distancia** $\epsilon \in (0.1, 0.4)$, fijando el número de elementos mínimo en $n_0 = 10$. Comparad gráficamente con el resultado del apartado anterior.
- iii) ¿De qué Grado diríamos que son las personas con coordenadas a := (0,0) y b := (0,-1)? Comprueba tu respuesta con la función kmeans.predict.

De uso voluntario, únicamente quien lo necesite:

- La plantilla 1 aplica un ejemplo de KMeans (sklearn), con *métrica euclidiana* (L^2) .
- La plantilla 2 aplica un ejemplo de DBSCAN (sklearn), con métrica de Manhattan (L^1) .

Observaciones:

La memoria debe entregarse antes de que transcurran **21 días** desde el inicio de la práctica, salvo que se indique lo contrario.

La memoria, siempre en **pdf**, debe incluir **al menos** la siguiente información: (1) Introducción (motivación/objetivo de la práctica), (2) Material usado (método y datos), (3) Resultados, (4) Conclusión y (5) Anexo con el script/código utilizado.

La extensión máxima de la memoria **no superará las 2 páginas**, sin contar el código anexado (ilimitado). El total de la superficie de las figuras/tablas (si las hubiese) no podrán excederse del 50 % de la memoria (cuerpo principal).

Además, el **código fuente debe incluirse** en un archivo '.py' independiente. **No** subir archivos **comprimidos**.