## 通常最小二乗法 (Ordinary Least Squares: OLS)

## T.Chiba

2020年5月10日

概要

最小二乗法についてみていく。

## 最小二乗法 (1 変量)

本題に入る前に、リハビリもかねて1変量の最小二乗法を確認する。線形回帰モデルは下記のような 構造をしていると考えられる。

$$y = \alpha + \beta x + \varepsilon \tag{1}$$

x,y についての観測値  $\{(x_i,y_i)|i=1,2,\ldots,n\}$  がそれぞれ次のような構造を持っていると仮定する。

$$y_i = \alpha + \beta x_i + \varepsilon_i, i = 1, \dots, n \tag{2}$$

誤差  $\varepsilon$  の平方和を考える。

$$Q(\alpha, \beta) = \sum_{i=1}^{n} \varepsilon_i^2 = \sum_{i=1}^{n} \{ y_i - (\alpha + \beta x_i)^2 \}$$
 (3)

これを。偏差平方和と呼ぶ。 $Q(\alpha,\beta)$  を最小にするような  $\alpha=\hat{\alpha},\beta=\hat{\beta}$  を最小二乗推定量 (Least Squares Estimator: LSE) と呼び、これを求める。

$$\frac{\partial Q(\alpha, \beta)}{\partial \alpha} = 0 \tag{4}$$

$$\frac{\partial Q(\alpha, \beta)}{\partial \alpha} = 0 \tag{4}$$

$$\frac{\partial Q(\alpha, \beta)}{\partial \alpha} = 0 \tag{5}$$

(6)

## 参考文献

- [1] 鈴木 武, 山田 作太郎:『数理統計学 -基礎から学ぶデータ解析』, 内田老鶴圃, 1996
- [2] 稲垣宣生: 『数学シリーズ 数理統計学(改訂版)』, 裳華房, 2003.