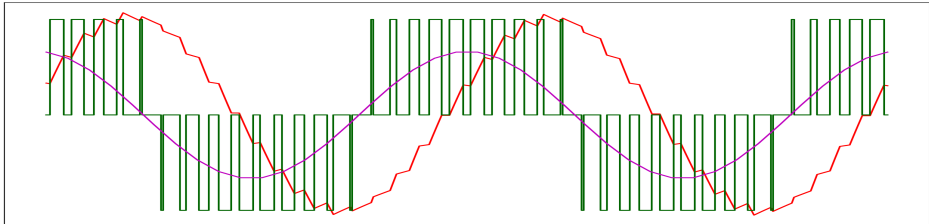


Labor Modellbildung und Simulation WS 21/22

Präsentation der Lösungswege - LGB04

Daniel Hauser, Dominik Axtmann, Julian Lickert | 26. Januar 2022

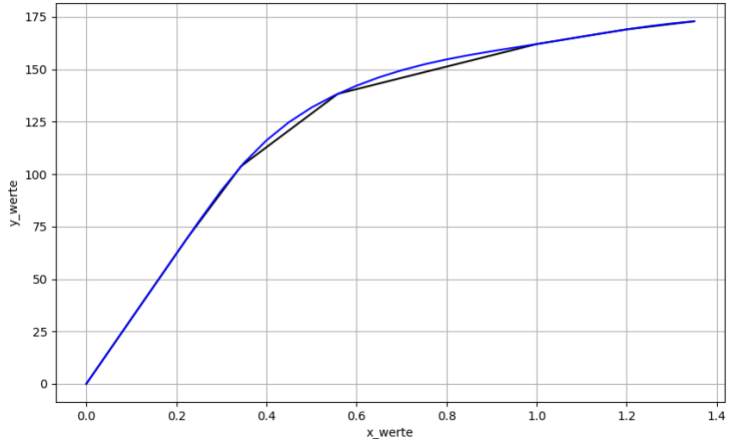
FAKULTÄT EIT



Kapitel 1 - Grundlagen Python

Aufgabe:

- Nachbilden des gegebenen Diagramms mit Python
- Stützwerte aus .mat-Datei (schwarz)
- Kurvenverlauf interpolieren (blau)



Kapitel 1 - Grundlagen Python

```
import numpy as np
import scipy.io
import scipy.interpolate
import matplotlib.pyplot as plt
from pathlib import Path
```

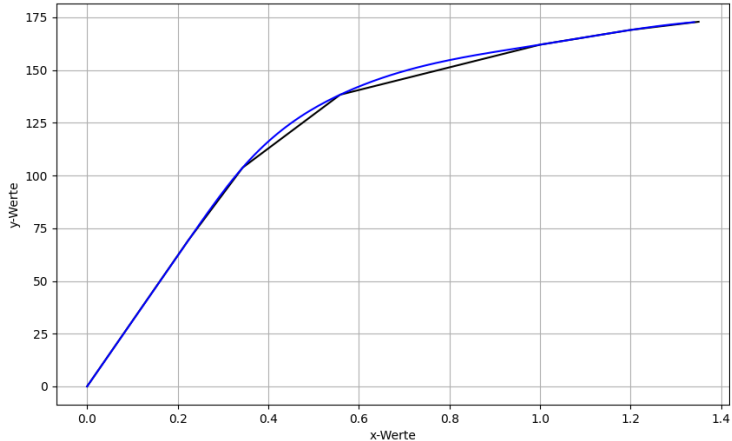
```
data_file = Path(__file__).with_name("mkl.mat")
raw_data = scipy.io.loadmat(data_file)
x_werte = raw_data["x_werte"][0]
y_werte = raw_data["y_werte"][0]
```

```
f_inter = scipy.interpolate.interp1d(x_werte, y_werte, kind="cubic")
mehr_x_werte = np.arange(x_werte[0], x_werte[-1], 0.01)
```

Kapitel 1 - Grundlagen Python

```
fig = plt.figure(1, figsize=(10, 6))  
ax = fig.add_subplot(1, 1, 1)  
ax.grid()  
ax.set_xlabel("x_werte")  
ax.set_ylabel("y_werte")  
ax.plot(x_werte, y_werte, color="black")  
ax.plot(mehr_x_werte, f_inter(mehr_x_werte), color="blue")  
  
plt.show()
```

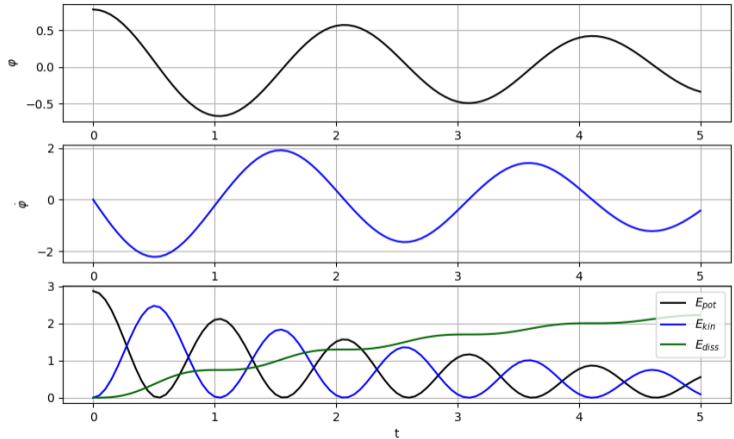
Kapitel 1 - Grundlagen Python



Kapitel 2 - Lösen von gewöhnlichen DGLs

Aufgabe:

- Energetische Analyse eines mathematischen Pendels mit Dämpfung
- Nachbilden des gegebenen Diagramms mit Python
- Überlegung zu linearisierten DGLs



Kapitel 2 - Lösen von gewöhnlichen DGLs

$$\ddot{\varphi} + d * \dot{\varphi} + \frac{g}{l} * \varphi = 0$$

mit:

$$g = 9,81 \frac{m}{s^2}$$

$$l = 1m$$

$$d = 0,3$$

$$\varphi(t=0) = \frac{\pi}{4}$$

$$t_{\max} = 5$$

$$\text{phi_0} = \pi / 4$$

$$l = 1$$

$$d = 0.3$$

$$t = \text{np.linspace}(0, t_{\max}, 101)$$

```
def fkt(t, x, *args):  
    return [x[1], -g/l*np.sin(x[0])-d*x[1]]
```

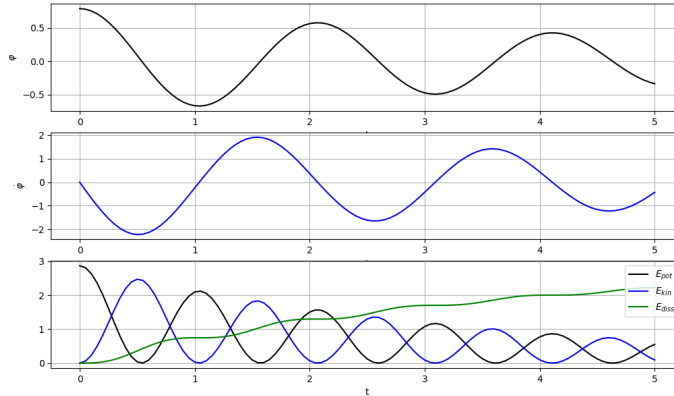
Kapitel 2 - Lösen von gewöhnlichen DGLs

```
x_0 = [phi_0, 0]
sol = solve_ivp(fkt, [0, t_max], x_0, t_eval=t, method='LSODA',
               args=(g, 1))

t = sol.t
phi = sol.y[0]
phi_dot = sol.y[1]

Epot = g * l * (1 - np.cos(phi))
Ekin = 1/2 * phi_dot**2
Ediss = Epot[0] - (Epot + Ekin)
```


Kapitel 2 - Lösen von gewöhnlichen DGLs

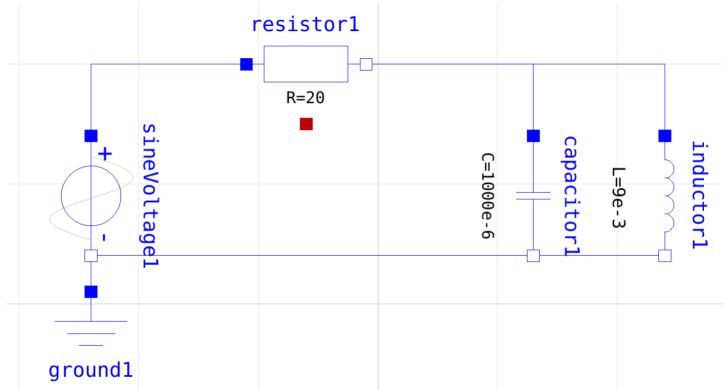


Welches Problem tritt auf, wenn Sie mit der linearisierten Differentialgleichung rechnen?

Kapitel 3 - Simulationstechniken

Aufgabe:

- Aufstellen der Übertragungsfunktion $G(s)$
- Pole von G und Eigenwerte der Systemmatrix berechnen
- Gedämpfte Eigenfrequenz berechnen
- Bode-Diagramm zeichnen



Übertragungsfunktion:

$$\begin{aligned} G(s) &= \frac{U_a(s)}{U_e(s)} = \frac{Z_C(s) \parallel Z_L(s)}{R + (Z_C(s) \parallel Z_L(s))} \quad \text{mit } Z_C(s) \parallel Z_L(s) = \frac{\frac{1}{s \cdot C} \cdot s \cdot L}{\frac{1}{s \cdot C} + s \cdot L} = \frac{s \cdot L}{1 + s^2 \cdot L \cdot C} \\ &= \frac{\frac{s \cdot L}{1 + s^2 \cdot L \cdot C}}{R + \frac{s \cdot L}{1 + s^2 \cdot L \cdot C}} = \frac{s \cdot L}{R + s^2 \cdot R \cdot L \cdot C + s \cdot L} \\ &= \frac{\frac{L}{R} \cdot s}{L \cdot C \cdot s^2 + \frac{L}{R} \cdot s + 1} \quad \text{mit } R = 20 \, \Omega, C = 1 \, \text{mF}, L = 9 \, \text{mH} \end{aligned}$$

Kapitel 3 - Simulationstechniken

Pole:

$$G(s) = \frac{\frac{L}{R} * s}{L * C * s^2 + \frac{L}{R} * s + 1}$$

$$s_{1,2} = \frac{-\frac{L}{R} \pm \sqrt{\frac{L^2}{R^2} - 4 * L * C}}{2 * L * C} \quad \text{mit } R = 20 \, \Omega, C = 1 \, \text{mF}, L = 9 \, \text{mH}$$

$$s_1 = -25 + 332,4i$$

$$s_2 = -25 - 332,4i$$

Eigenwerte der Systemmatrix:

$$0 \stackrel{!}{=} \begin{vmatrix} -\frac{1}{R \cdot C} - \lambda & -\frac{1}{C} \\ \frac{1}{L} & 0 - \lambda \end{vmatrix}$$

$$0 = \left(\frac{-1}{R \cdot C} - \lambda \right) (-\lambda) - \left(\frac{1}{L} \right) \left(\frac{-1}{C} \right)$$

$$\lambda_{1,2} = \frac{-1}{2RC} \pm \sqrt{\frac{1}{4R^2C^2} - \frac{1}{LC}}$$

$$\lambda_1 = -25 + 332,4i$$

$$\lambda_2 = -25 - 332,4i$$

```
num = [L/R, 0]
den = [L*C,L/R,1]
sys = signal.TransferFunction(num, den)
w, mag, phase = signal.bode(sys, n = 10000)
ss= sys.to_ss()
sysmatrix = ss.A
```

Kapitel 3 - Simulationstechniken

```
print("Pole: " + str(sys.poles))
```

```
>>> Pole: [-25.+332.39451125j -25.-332.39451125j]
```

```
print("Systemmatrix: \n" + str(sysmatrix))
```

```
>>> Systemmatrix:  
      [[-5.00000000e+01 -1.11111111e+05]  
       [ 1.00000000e+00  0.00000000e+00]]
```

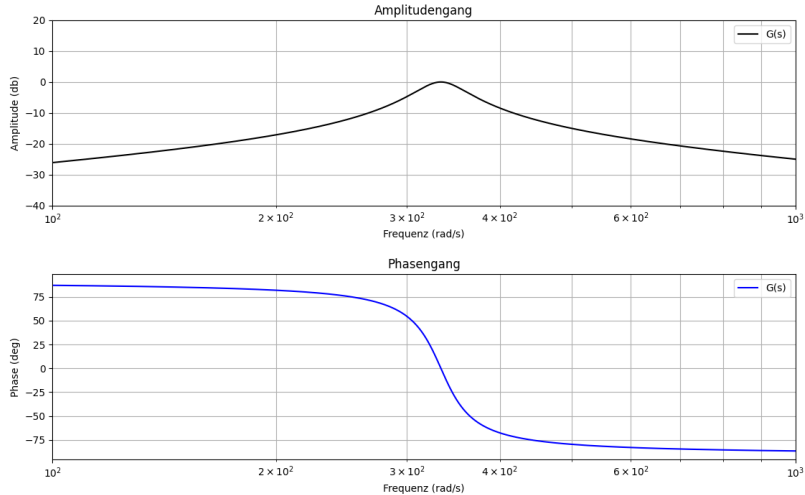
```
print("Eigenwerte: " + str(linalg.eigvals(sysmatrix)))
```

```
>>> Eigenwerte: [-25.+332.39451125j -25.-332.39451125j]
```

```
print("Eigenfrequenz: " + str(round((1/(2*pi*np.sqrt(L*C))), 2)) + " Hz")
```

```
>>> Eigenfrequenz: 53.05 Hz
```

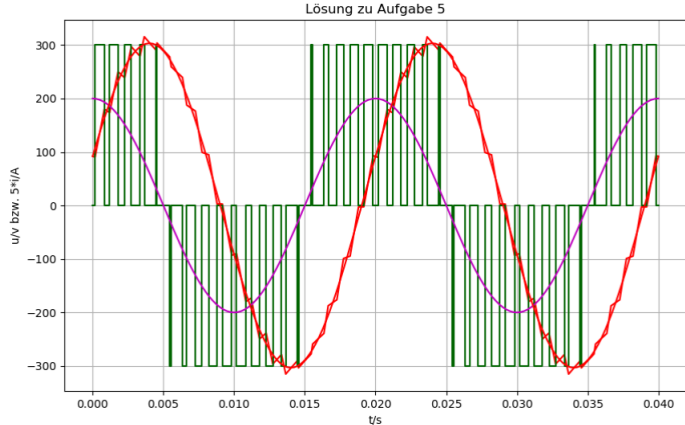
Kapitel 3 - Simulationstechniken



Kapitel 4 - Vierquadrantensteller

Aufgabe 1:

- Vergleichen des Stromverlaufs bei kontinuierlichem Spannungsverlauf und PWM
- Nachbilden des gegebenen Diagramms mit Python



Kapitel 4 - Vierquadrantensteller

```
def RL_circuit(duty, T_p, N, u_0, i_0, R, L):  
    T = L/R  
    N_1 = round((1-duty)/2*(N-1))  
    if N_1 < 1:  
        N_1 = 1  
    N_2 = (N-1)-2*N_1  
    if N_2 < 1:  
        if N % 2:  
            N_2 = 2  
        else:  
            N_2 = 1  
    N_1 = (N-1-N_2)/2  
    t_ein = duty*T_p  
    t_0_halbe = (T_p-t_ein)/2  
    Delta_t_1 = t_0_halbe/N_1  
    Delta_t_2 = t_ein/N_2
```

Kapitel 4 - Vierquadrantensteller

```
t_a_vec = Delta_t_1*np.arange(0, N_1+1)
t_b_vec = Delta_t_2*np.arange(1, N_2)
t_c_vec = t_a_vec
i_0_neu = i_0
i_a_vec = i_0_neu*np.exp(-t_a_vec/T)
i_8 = u_0/R
i_0_neu = i_a_vec[-1]
i_b_vec = i_8+(i_0_neu-i_8)*np.exp(-t_b_vec/T)
i_0_neu = i_8+(i_0_neu-i_8)*np.exp(-t_ein/T)
i_c_vec = i_0_neu*np.exp(-t_c_vec/T)
t = t_a_vec
t = np.append(t, t_b_vec+t_0_halbe)
t = np.append(t, t_c_vec+t_0_halbe+t_ein)
i = i_a_vec
i = np.append(i, i_b_vec)
i = np.append(i, i_c_vec)
return i, t
```

Kapitel 4 - Vierquadrantensteller

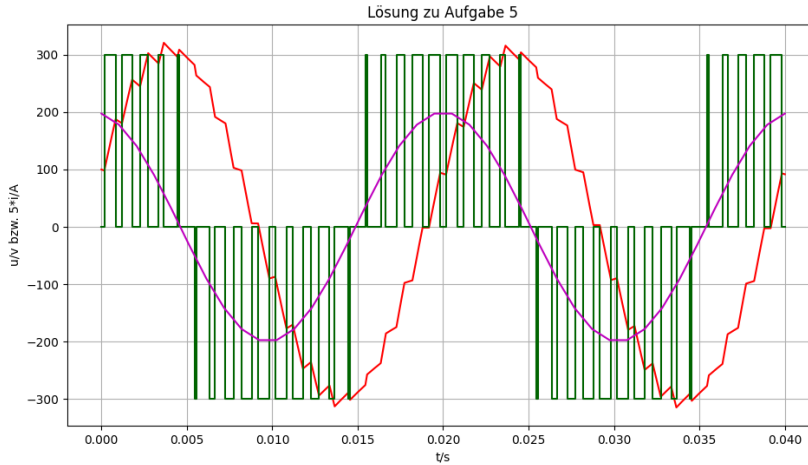
```
def u_verlauf(duty, T_p, u_0):  
    t_ein = duty*T_p  
    t_0_halbe = (T_p-t_ein)/2  
    t_u = np.array([0, t_0_halbe, t_0_halbe+t_ein, T_p])  
    u = np.array([0, u_0, 0, 0])  
    return u, t_u
```

Kapitel 4 - Vierquadrantensteller

```
kk = np.arange(0, int(t_sim/T_p))
t_sin = np.linspace(0, t_sim, len(kk))
u_mittel_vec = 200*np.cos(2*np.pi*50*(kk*T_p+T_p/2))

for k in kk:
    t_akt = k*T_p+T_p/2
    u_mittel = u_mittel_vec[k]
    duty = abs(u_mittel/u_0)
    u_abs = - u_0 if u_mittel < 0 else u_0
    i, t = RL_circuit(duty, T_p, N, u_abs, i_0_neu, R, L)
    t_vec = np.append(t_vec, t+t_0_neu)
    i_vec = np.append(i_vec, i)
    u, t_u = u_verlauf(duty, T_p, u_abs)
    t_u_vec = np.append(t_u_vec, t_u+t_0_neu)
    u_vec = np.append(u_vec, u)
    i_0_neu = i[-1]
    t_0_neu = t_vec[-1]
```

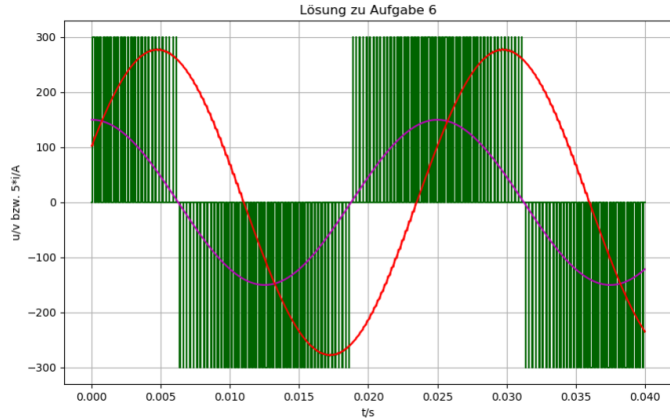
Kapitel 4 - Vierquadrantensteller



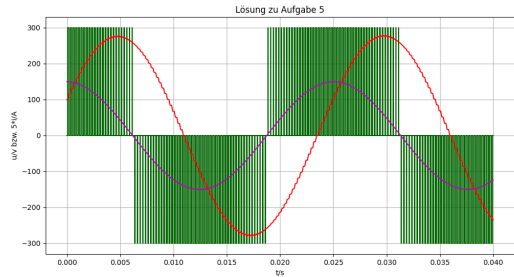
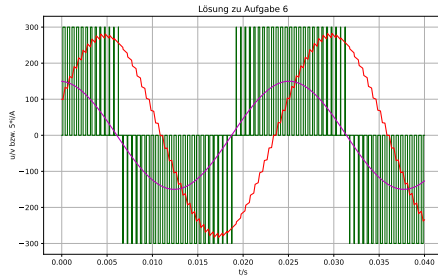
Kapitel 4 - Vierquadrantensteller

Aufgabe 2:

- Auswirkungen der Parameter auf den resultierenden Stromverlauf

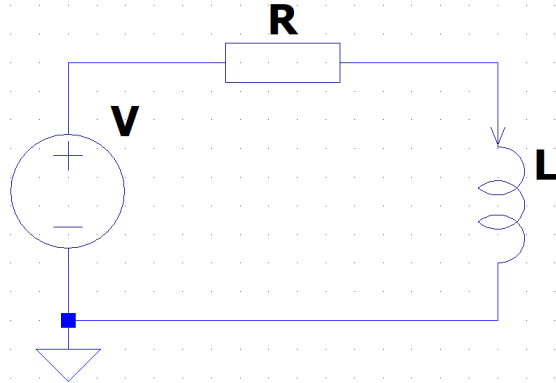


Kapitel 4 - Vierquadrantensteller



Aufgabe 3:

- Lösung der DGL für das RL-Glied mit Hilfe der Laplacetransformation



Kapitel 4 - Vierquadrantensteller

$$i(t) = C_1 e^{-\frac{Rt}{L}} + \frac{U_0}{R}$$

```
import sympy as sym

# Symbole für SymPy erzeugen
l, r, t, u0 = sym.symbols('L R t u0')
i = sym.Function('i')

#DGL aufstellen
dgl = sym.Eq(i(t).diff(t)*l + r*i(t), u0)

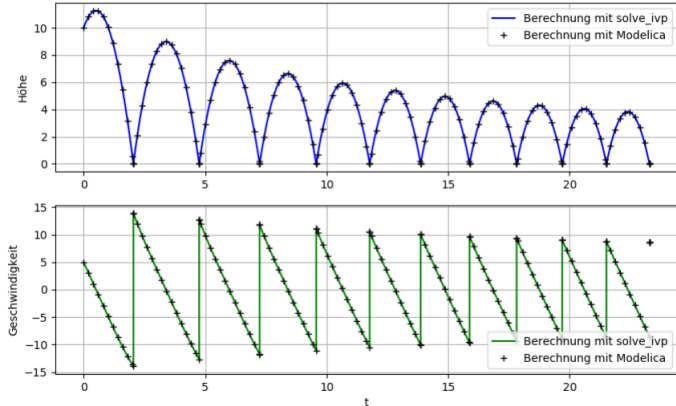
#DGL lösen
dgl_sol = sym.dsolve(dgl, i(t))

#DGL als tex
print(sym.latex(dgl_sol))
```

Kapitel 5 - Numerische Lösungsverfahren

Aufgabe:

- Nachbilden des gegebenen Diagramms
- Warum bewegt sich der Ball für $t=0$ nach oben?



Kapitel 5 - Numerische Lösungsverfahren

$$m\dot{v} + mg + cv^3 = 0 \longrightarrow -g - \alpha * v^3 = \dot{v}$$
$$h = 0 \implies v := -v$$

```
def xdot_fkt(t, x, *args):  
    theta, omega = x  
    xdot= [x[1], -g-alpha*x[1]**3]  
    return xdot
```

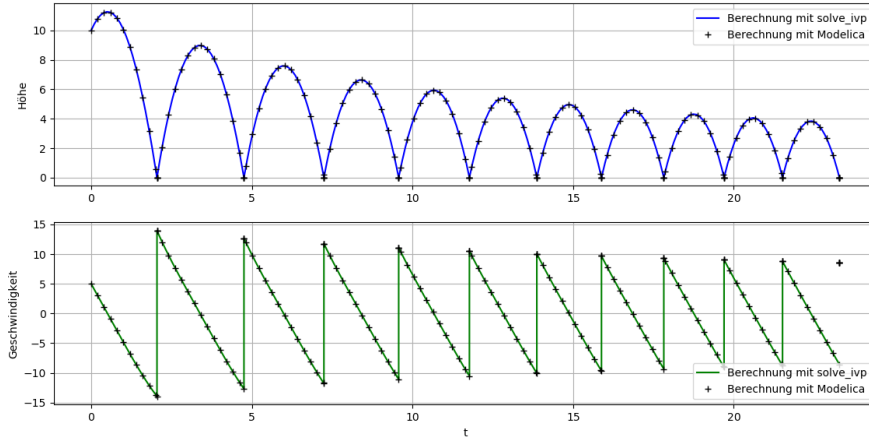
```
def hit_ground(t, y, *args):  
    return y[0]
```

```
equation  
    v=der(h);  
    -g-alpha*v^3=der(v);  
    when {h <= 0.0} then  
        reinit(v, -pre(v));  
    end when;
```

Kapitel 6 - Eigene Modelle in Modelica

```
modelname = 'bounce'  
mod = ModelicaSystem(modelname+'.mo', modelname)  
mod.setSimulationOptions('stopTime={}'.format(t_ges[-1]))  
mod.simulate()  
[t_vec_mo] = mod.getSolutions('time')  
[h_mo] = mod.getSolutions('h')  
[v_mo] = mod.getSolutions('v')  
delete_OM_files(modelname)
```

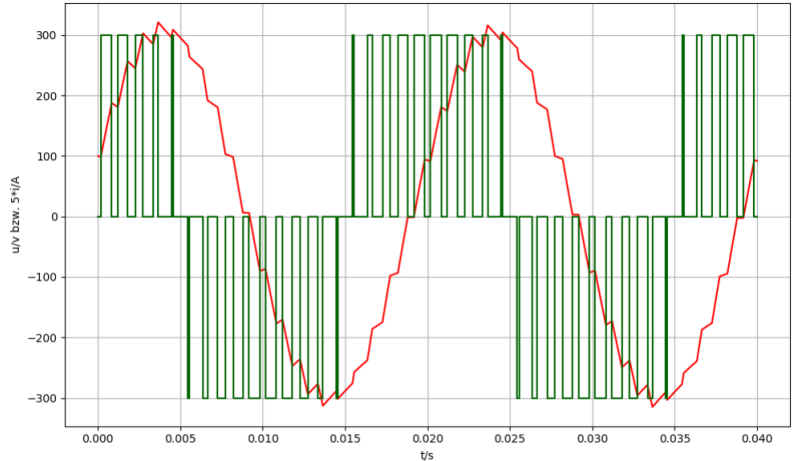
Kapitel 5 - Numerische Lösungsverfahren



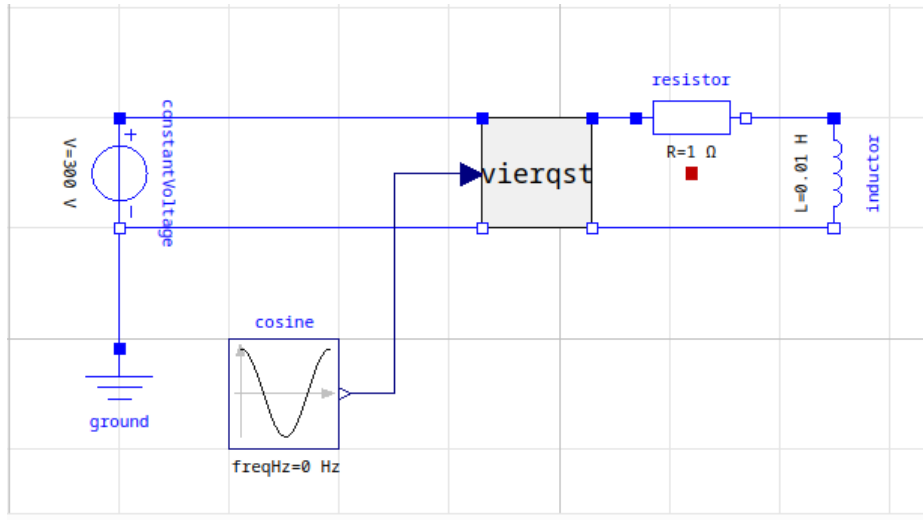
Kapitel 6 - Eigene Modelle in Modelica

Aufgabe:

- Nachbilden des gegebenen Diagramms mit Modelica
- Bauteil Parameter aus Kapitel 4



Kapitel 6 - Eigene Modelle in Modelica

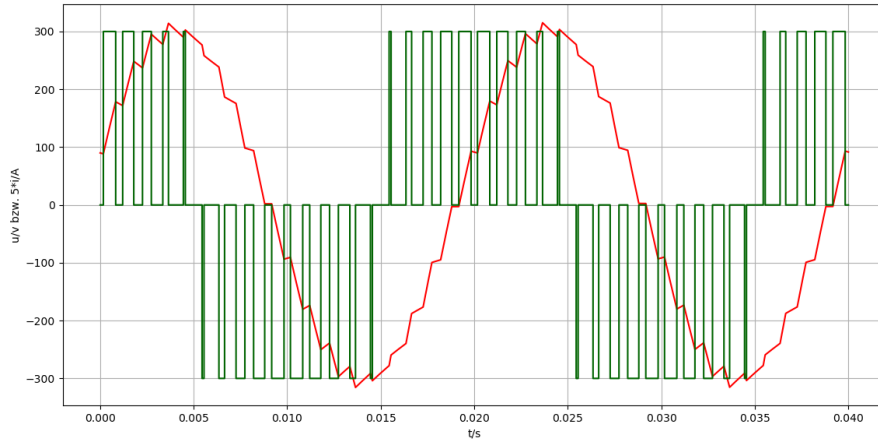


Kapitel 6 - Eigene Modelle in Modelica

```
f = 50
a = 200
L = 10e-3
R = 1

mod.setSimulationOptions('stopTime={}'.format(t_ges[-1]))
mod.setParameters(f'f={f}')
mod.setParameters(f'cosine.amplitude={a}')
mod.setParameters(f'inductor.L={L}')
mod.setParameters(f'resistor.R={R}')
```

Kapitel 6 - Eigene Modelle in Modelica



Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit