

प्रकाश - परावर्तन एवं अपवर्तन

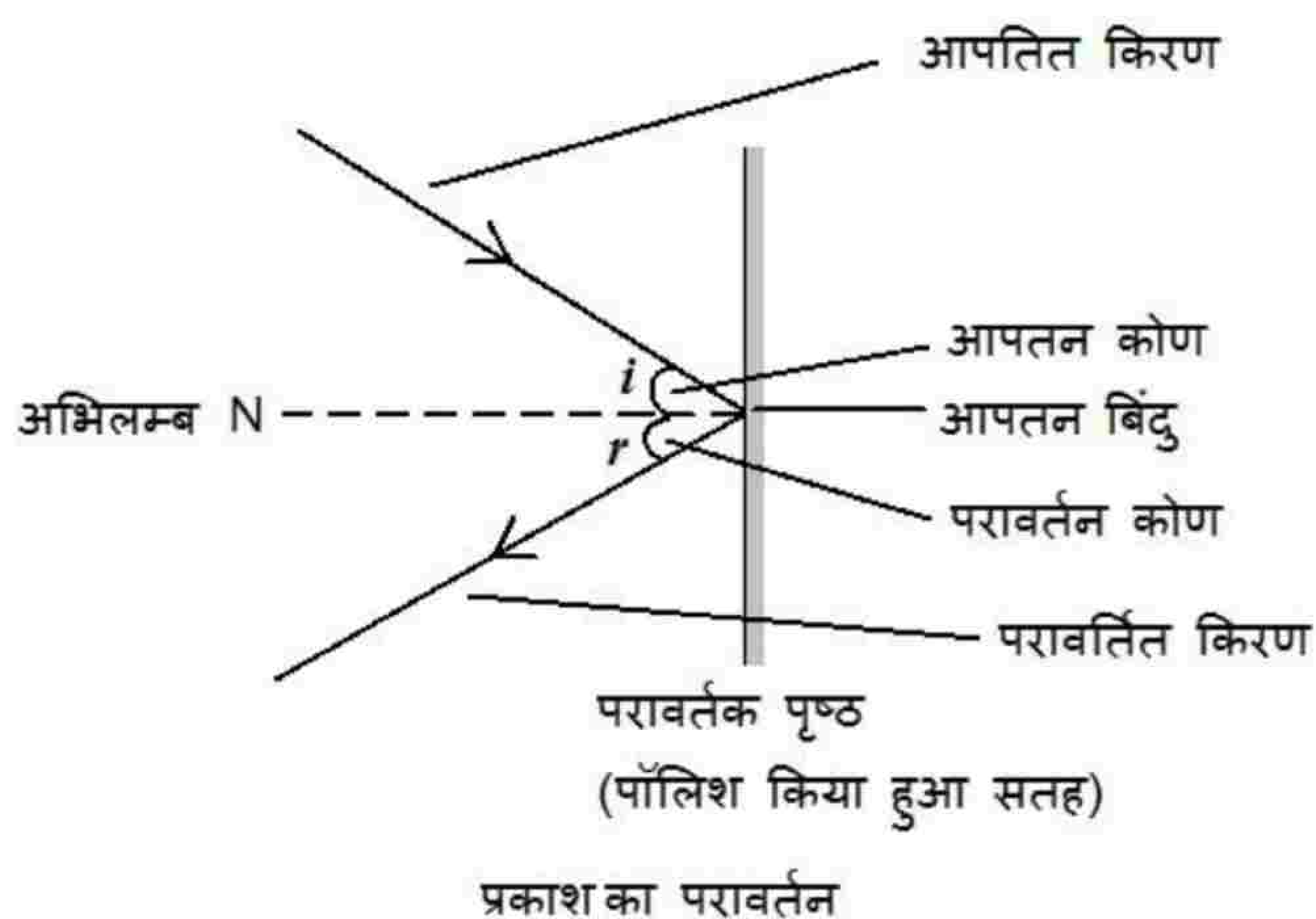
हम किसी वस्तु को कैसे देख पाते हैं :- वस्तु पर पड़ने वाले प्रकाश को वस्तु परावर्तित कर देती है, यह परावर्तित किरण जब हमारी आँखों के द्वारा ग्रहण किया जाता है तो यह परावर्तन वस्तु को आँखों के द्वारा देखने योग्य बनाता है।

प्रकाश की किरण :- जब प्रकाश अपने प्रकाश के स्रोत से गमन करता है तो यह सीधी एवं एक सरल रेखा होता है। प्रकाश के स्रोत से चलने वाले इस रेखा को प्रकाश की किरण कहते हैं।

छाया :- जब प्रकाश किसी अपारदर्शी वस्तु से होकर गुजरता है तो यह प्रकाश की किरण को परावर्तित कर देता है जिससे उस अपारदर्शी वस्तु की छाया बनती है।

प्रकाश का विवर्तन :- यदि प्रकाश के रास्ते में राखी अपारदर्शी वस्तु अत्यंत सूक्ष्म हो तो प्रकाश सरल रेखा में चलने की अपेक्षा इसके किनारों पर मुड़ने की प्रवृत्ति दिखता है इस प्रभाव को प्रकाश का विवर्तन कहते हैं।

प्रकाश का परावर्तन :- जब प्रकाश की किरण किसी चमकीले सतह से या परावर्तक पृष्ठ से टकराता है तो यह उसी माध्यम में पुनः मुड़ जाता है जिस माध्यम से यह आता है। इस परिघटना को प्रकाश का परावर्तन कहते हैं।



प्रकाश का परावर्तन हमेशा अपारदर्शी वस्तुओं से ही होता है। जबकि प्रकाश का अपवर्तन पारदर्शी वस्तुओं से होता है।

प्रकाश के परावर्तन का नियम :-

- i. आपतन कोण, परावर्तन कोण के समान होता है।

$$\angle i = \angle r$$

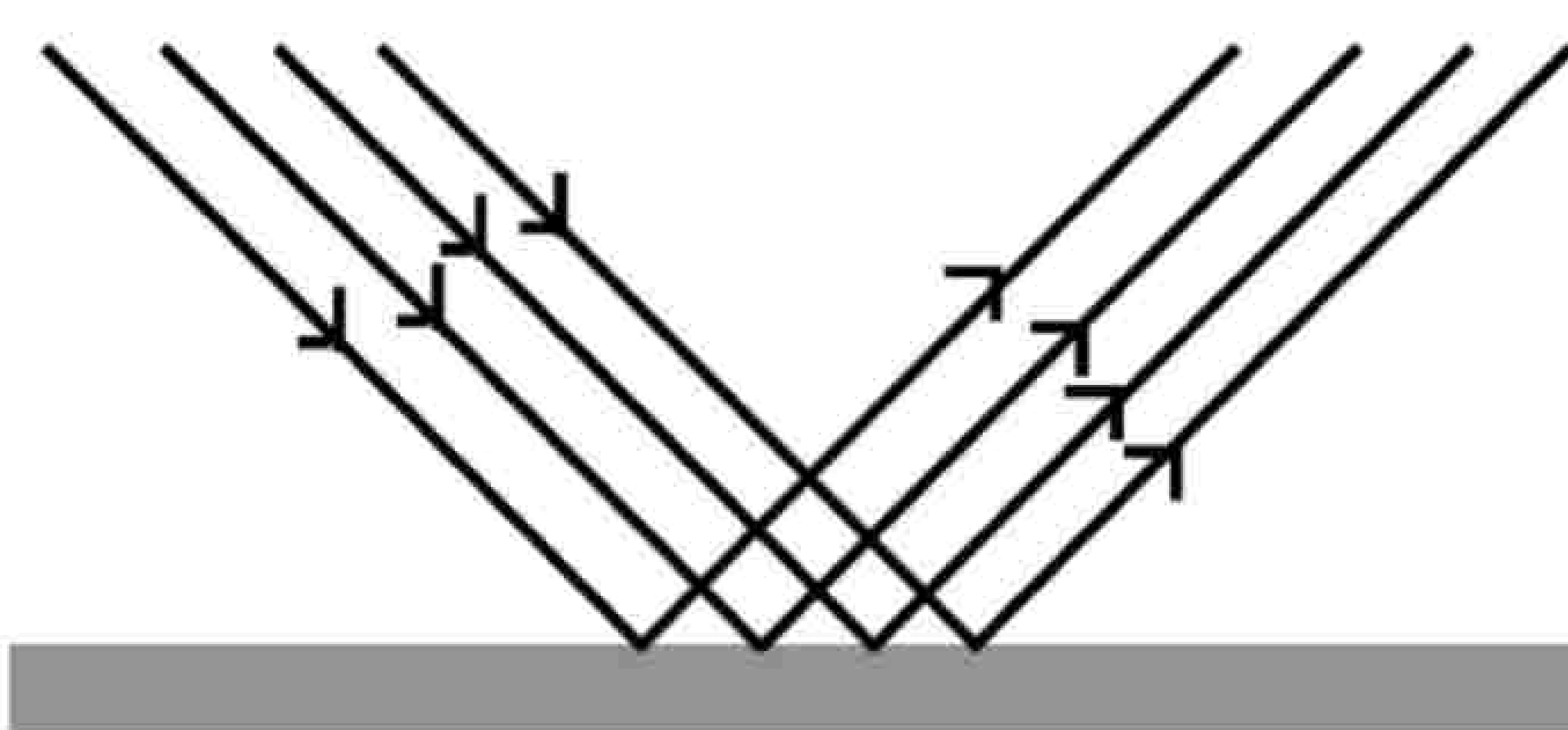
- ii. आपतित किरण, दर्पण के आपतन बिंदु पर अभिलम्ब और परावर्तित किरण, सभी एक ही तल में होते हैं।

नोट :- परावर्तन का यह नियम गोलीय दर्पण सहित सभी परावर्तक पृष्ठों पर लागू होता है।

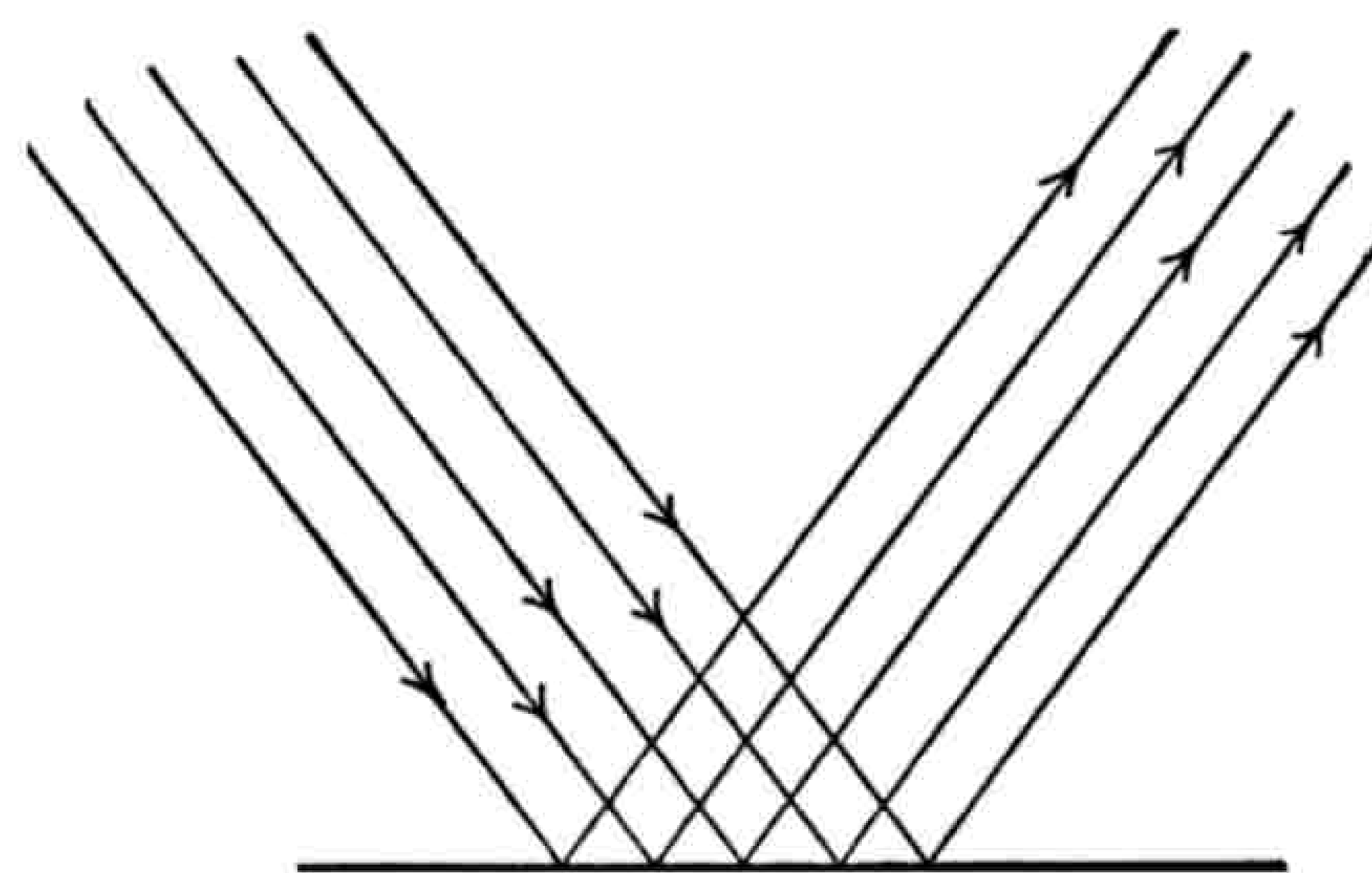
कुछ सामान्य एवं अदभुत परिघटनाएं :- प्रकाश के परावर्तन के कारण कुछ सामान्य एवं अदभुत परिघटनाएं होती हैं जो निम्न हैं दर्पण के द्वारा प्रतिबिम्ब का बनना, तारों का टिमटिमाना, इन्द्रधनुष के सुन्दर रंग, किसी माध्यम द्वारा प्रकाश का मोड़ना आदि।

परावर्तन के प्रकार :-

- (i) **नियमित परावर्तन :-** इस प्रकार का परावर्तन चिकने सतह से होता है तथा आपतित किरणें परावर्तन के पश्चात् समांतर ही रहती हैं।



- (ii) **अनियमित परावर्तन :-** इस तरह का परावर्तन खुरदरे सतह से होता है तथा परावर्तन के पश्चात् आपतित समांतर किरणें समांतर नहीं होती हैं।



(i) नियमित परावर्तन

(ii) विसरित परावर्तन

दर्पण : यह एक चमकीला और अधिक पॉलिश किया हुआ परावर्तक पृष्ठ होता है जो अपने सामने रखी वस्तु का प्रतिबिम्ब बनाता है। दर्पण दो प्रकार का होता है।

(A) **समतल दर्पण :-** इसका परावर्तक पृष्ठ सीधा तथा सपाट होता है।

परिभाषा :- ऐसे दर्पण जिनका परावर्तक पृष्ठ समतल हो समतल दर्पण कहलाता है।



समतल दर्पण का उपयोग :-

- i. इसका उपयोग घरों में चेहरा देखने के लिए किया जाता है।
- ii. सैलून तथा ब्यूटी पारलर आदि में किया जाता है।

समतल दर्पण द्वारा बने प्रतिबिंब की प्रकृति :

इसके द्वारा बना प्रतिबिंब आभासी और सीधा होता है। तथा प्रतिबिंब दर्पण के पीछे उतनी दूरी पर बनता है जितनी दूरी पर बिंब दर्पण के सामने रखा होता है।

(B) गोलीय दर्पण :- इसका परावर्तक पृष्ठ वक्र (मुड़ा हुआ) होता है। गोलीय दर्पण का परावर्तक पृष्ठ अन्दर की ओर या बाहर की ओर वक्रित हो सकता है।

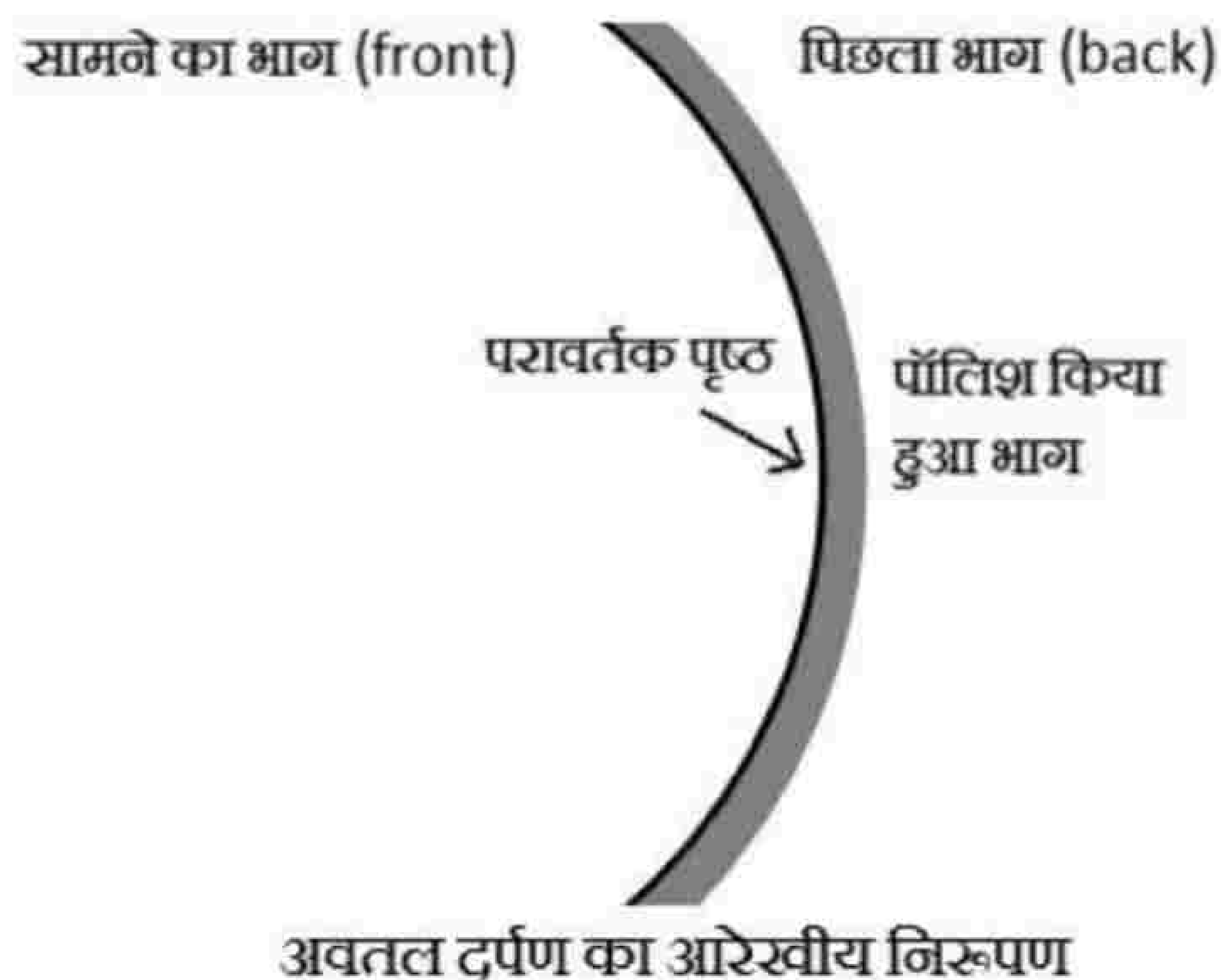


परिभाषा : ऐसे दर्पण जिसका परावर्तक पृष्ठ गोलीय होता है, गोलीय दर्पण कहलाता है।

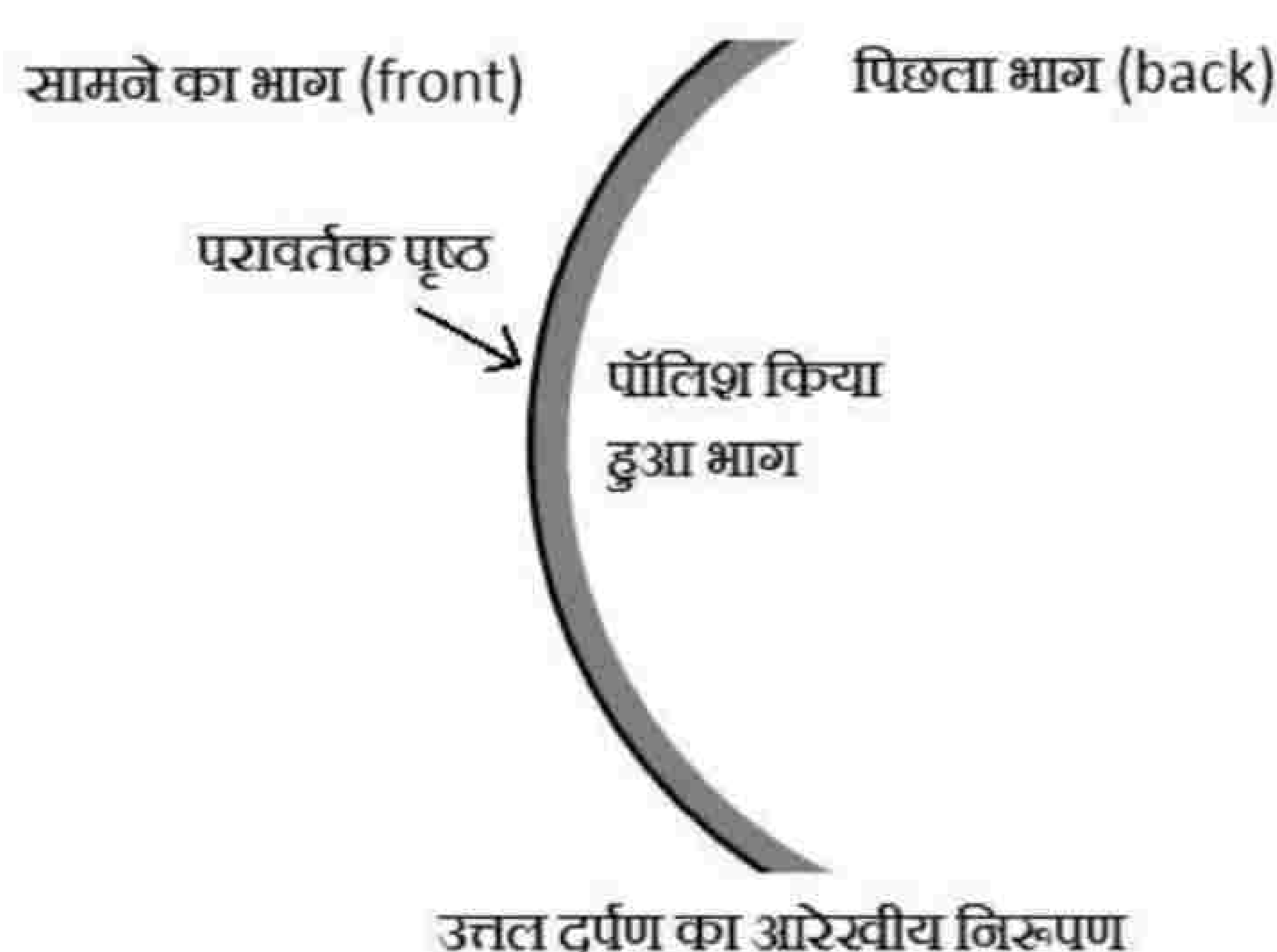
इसी वक्रता के आधार पर गोलीय दर्पण दो प्रकार का होता है।

गोलीय दर्पण के प्रकार :-

- i. **अवतल दर्पण :-** इसका परावर्तक पृष्ठ अन्दर की ओर अर्थात गोले के केंद्र की ओर धँसा हुआ (वक्रित) होता है।



ii. **उत्तल दर्पण :-** इसका परावर्तक पृष्ठ बाहर की तरफ उभरा हुआ (वक्रित) होता है।



गोलीय दर्पण के भाग :-

- i. **ध्रुव :-** गोलीय दर्पण के परावर्तक पृष्ठ के केंद्र को दर्पण का ध्रुव कहते हैं। इसे P से इंगित किया जाता है।
- ii. **वक्रता केंद्र :-** गोलीय दर्पण का परावर्तक पृष्ठ एक गोले का भाग होता है। इस गोले का केंद्र को गोलीय दर्पण का वक्रता केंद्र कहते हैं। इसे अंग्रेजी के बड़े अक्षर C से इंगित किया जाता है।
- iii. **वक्रता त्रिज्या :-** गोलीय दर्पण के ध्रुव एवं वक्रता केंद्र के बीच की दूरी को वक्रता त्रिज्या कहते हैं।
- iv. **मुख्य अक्ष :-** गोलीय दर्पण के ध्रुव एवं वक्रता केंद्र से होकर गुजरने वाली एक सीधी रेखा को दर्पण का मुख्य अक्ष कहते हैं।
- v. **मुख्य फोकस :-** दर्पण के ध्रुव एवं वक्रता केंद्र के बीच एक अन्य बिंदु F होता है जिसे मुख्य फोकस कहते हैं। मुख्य अक्ष के समांतर आपतित किरणें परावर्तन के बाद अवतल दर्पण में इसी मुख्य फोकस पर प्रतिच्छेद करती हैं तथा उत्तल दर्पण में प्रतिच्छेद करती प्रतीत होती हैं।

- vi. **फोकस दूरी :-** दर्पण के ध्रुव एवं मुख्य फोकस के बीच की दूरी को फोकस दूरी कहते हैं, इसे अंग्रेजी के छोटे अक्षर (f) से इंगित किया जाता है। यह दूरी वक्रता त्रिज्या की आधी होती है।
- vii. **द्वारक :-** गोलीय दर्पण का परावर्तक पृष्ठ अधिकांशतः गोलीय ही होता है। इस पृष्ठ की एक वृत्ताकार सीमा रेखा होती है। गोलीय दर्पण के परावर्तक पृष्ठ की इस सीमा रेखा का व्यास, दर्पण का द्वारक कहलाता है।

प्रतिबिम्ब की स्थिति, प्रकृति एवं आकार :-

बिम्ब की स्थिति :- वह स्थान जहाँ वस्तु रखी गई है।

प्रतिबिम्ब की स्थिति :- वह स्थान जहाँ दर्पण द्वारा प्रतिबिम्ब बना है।

प्रतिबिम्ब की साइज़ :- यह प्रतिबिम्ब का आकार है जो यह बताता है कि वस्तु का प्रतिबिम्ब वस्तु से छोटा बना है, बराबर बना है या वस्तु से बड़ा बना है।

प्रतिबिम्ब की प्रकृति :- प्रतिबिम्ब की प्रकृति से यह ज्ञात होता है कि दी गई वस्तु का दर्पण द्वारा बनाया गया प्रतिबिम्ब कैसा है आभासी या वास्तविक और सीधा या उल्टा।

प्रतिबिम्ब की प्रकृति दो प्रकार का होता है :-

- वास्तविक और उल्टा :-** यह प्रतिबिम्ब सदैव दर्पण के सामने एवं उल्टा बनता है।
- आभासी और सीधा :-** यह प्रतिबिम्ब सदैव दर्पण के परदे के पीछे एवं सीधा बनता है।

अवतल दर्पण में बनने वाली प्रतिबिम्ब :- वस्तु की स्थिति पर निर्भर करती है। ध्रुव (P) तथा मुख्य फोकस (F) के बीच रखा बिम्ब का ही केवल प्रतिबिम्ब आभासी एवं सीधा बनता है अन्यथा अवतल दर्पण अन्य किसी भी जगह रखी वस्तु का प्रतिबिम्ब वास्तविक एवं उल्टा बनाता है।

- अनंत पर रखी वस्तु की प्रतिबिम्ब फोकस F पर वास्तविक एवं उल्टा तथा अत्यधिक छोटा अर्थात् बिंदु साइज़ का बनता है।
- वक्रता केंद्र C पर रखी वस्तु की प्रतिबिम्ब फोकस F तथा वक्रता केंद्र C पर वास्तविक एवं उल्टा तथा छोटा बनता है।
- वक्रता केंद्र C पर रखी वस्तु की प्रतिबिम्ब वक्रता केंद्र C पर वास्तविक एवं उल्टा तथा समान साइज़ का बनता है।
- वक्रता केंद्र C एवं मुख्य फोकस F के बीच रखी वस्तु की प्रतिबिम्ब C से परे, वास्तविक एवं उल्टा तथा विवर्धित (बड़ा) बनता है।
- मुख्य फोकस पर रखी वस्तु की प्रतिबिम्ब अनंत पर वास्तविक एवं उल्टा एवं अत्यधिक विवर्धित (वस्तु से बहुत बड़ा) बनता है।

- ध्रुव (P) तथा मुख्य फोकस (F) के बीच रखा बिम्ब का प्रतिबिम्ब दर्पण के पीछे आभासी एवं सीधा और वस्तु से बड़ा बनता है

उत्तल दर्पण द्वारा बनने वाला प्रतिबिम्ब :-

अवतल दर्पण के उपयोग :-

- i. अवतल दर्पणों का उपयोग सामान्यतः टॉर्च, सर्चलाइट तथा वाहनों के अग्रदीपों में प्रकाश का शक्तिशाली समांतर किरण पुंज प्राप्त करने के लिए किया जाता है।
- ii. इन्हें प्रायः चेहरे का बड़ा प्रतिबिम्ब देखने के लिए शेविंग दर्पणों के रूप में उपयोग करते हैं।
- iii. दंत विशेषज्ञ अवतल दर्पणों का उपयोग मरीजों के दाँतों का बड़ा प्रतिबिम्ब देखने के लिए करते हैं।
- iv. सौर भट्टियों में सूर्य के प्रकाश को केन्द्रित करने के लिए बड़े अवतल दर्पणों का उपयोग किया जाता है।

उत्तल दर्पण का उपयोग :-

- i. उत्तल दर्पणों का उपयोग सामान्यतः वाहनों के पश्च.दृश्य दर्पणों के रूप में किया जाता है।
- ii. ये दर्पण वाहन के पार्श्व में लगे होते हैं तथा इनमें ड्राइवर अपने पीछे के वाहनों को देख सकते हैं जिससे वे सुरक्षित रूप से वाहन चला सके।
- iii. इसका उपयोग टेलिस्कोप में भी होता है।
- iv. उत्तल दर्पण का उपयोग स्ट्रीट लाइट रिफ्लेक्टर के रूप में भी किया जाता है क्योंकि यह एक बड़े क्षेत्र पर प्रकाश प्रसार करने में सक्षम हैं।

वाहनों में साइड मिरर के रूप उत्तल दर्पण को प्राथमिकता :- उत्तल दर्पणों को इसलिए भी प्राथमिकता देते हैं क्योंकि ये सदैव सीधे प्रतिबिम्ब बनाते हैं यद्यपि वह छोटा होता है। इनका दृष्टि.क्षेत्र भी बहुत अधिक है क्योंकि ये बाहर की ओर वक्रित होते हैं। अतः समतल दर्पण की तुलना में उत्तल दर्पण ड्राइवर को अपने पीछे के बहुत बड़े क्षेत्र को देखने में समर्थ बनाते हैं।



गोलीय दर्पण द्वारा बने प्रतिबिम्ब का निरूपण :-

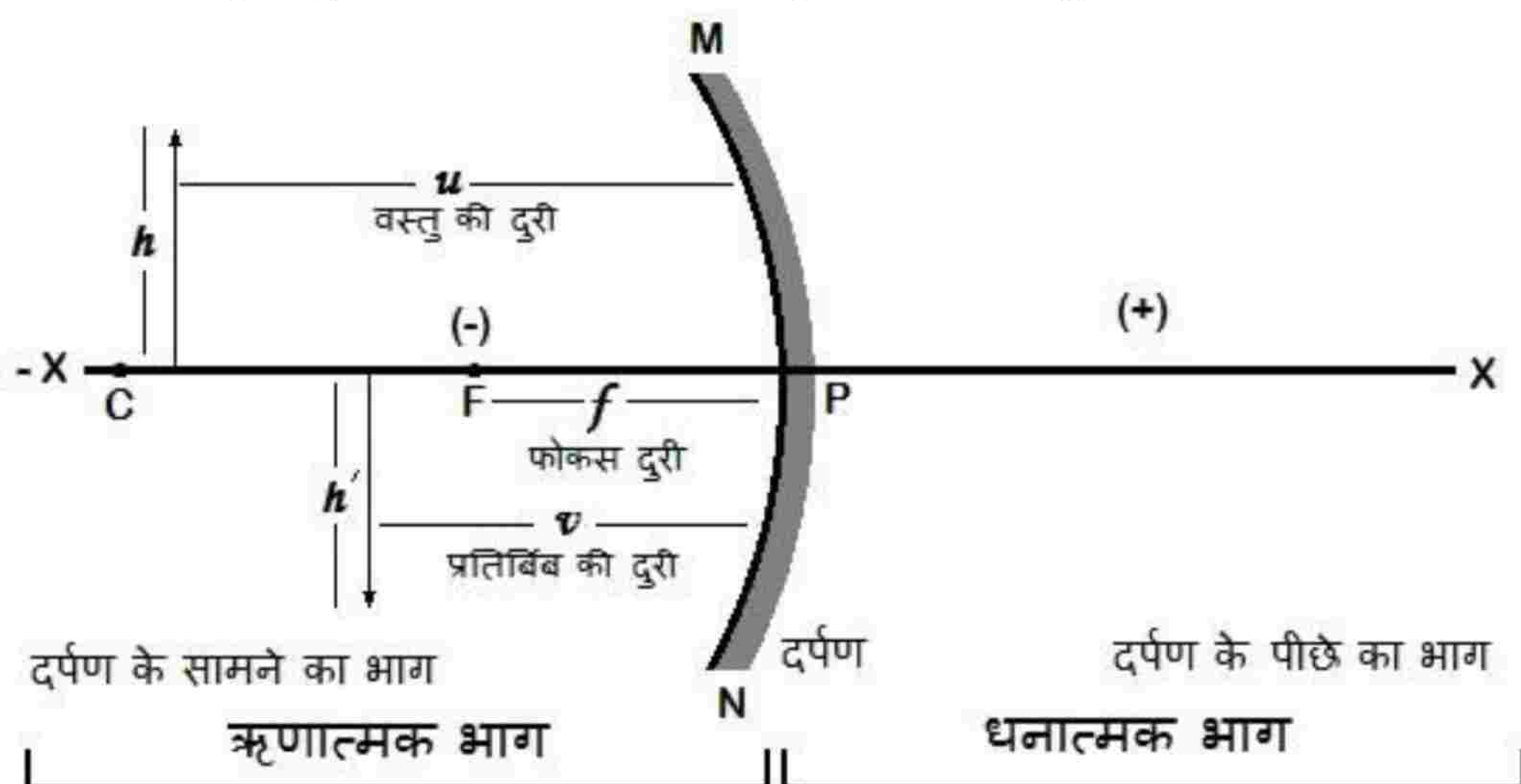
- कम से कम दो परावर्तित किरणों के प्रतिच्छेदन से किसी बिंदु बिंब के प्रतिबिंब की स्थिति ज्ञात की जा सकती है।

- प्रतिबिंब के स्थान निर्धारण के लिए निम्न में से किन्हीं भी दो किरणों पर विचार किया जा सकता है।

गोलीय दर्पणों द्वारा परावर्तन के लिए चिन्ह परिपाटी :- इसे नई चिन्ह परिपाटी भी कहते हैं :

इस चिन्ह परिपाटी के अनुसार :-

- i. दर्पण के ध्रुव (P) को मूल बिंदु मानते हैं, अर्थात् दर्पण की सभी दूरियाँ मूल बिंदु (P) से ही मापी जाती हैं।
- ii. निदेशांक ज्यामिति पद्धति के अनुसार मुख्य अक्ष को x-अक्ष (XX') लिया जाता है।
- iii. बिंब सदैव दर्पण के बाईं ओर रखा जाता है। इसका अर्थ है कि दर्पण पर बिंब से प्रकाश बाईं ओर से आपतित होता है।
- iv. मूल बिंदु के दाईं ओर (+ x-अक्ष के अनुदिश) मापी गई सभी दूरियाँ धनात्मक मानी जाती हैं जबकि मूल बिंदु के बाईं ओर (-x-अक्ष के अनुदिश) मापी गई दूरियाँ ऋणात्मक मानी जाती हैं।



दर्पण के सामने के भाग की सभी दूरियाँ ऋणात्मक (-) ली जाती हैं। और दर्पण के पीछे की सभी दूरियाँ धनात्मक (+) ली जाती हैं।

अवतल दर्पण में :- वे सभी दूरियाँ जो दर्पण के सामने होती हैं।

1. वस्तु की दूरी (u) = - u [ऋणात्मक (-) ली जाती हैं]
2. फोकस दूरी (f) = - f [ऋणात्मक (-) ली जाती हैं]

3. प्रतिबिंब की दूरी (v) = - v [ऋणात्मक (-) ली जाती हैं, यदि प्रतिबिंब वास्तविक तथा उल्टा बनता हो]]

उत्तल दर्पण में :- वे सभी दूरियाँ जो दर्पण के सामने होती हैं एवं जो पीछे होती हैं।

1. वस्तु की दूरी (u) = - u [ऋणात्मक (-) ली जाती हैं, वैसे वस्तु हमेशा दर्पण के सामने ही रखा जाता है इसलिए u सदैव ऋणात्मक ही होता है]]
2. फोकस दूरी (f) = f [धनात्मक (+) ली जाती हैं, क्योंकि उत्तल दर्पण की वक्रता पीछे की ओर होता है इसलिए फोकस दूरी भी दर्पण के पीछे होता है]]
3. प्रतिबिंब की दूरी (v) = v [धनात्मक (+) ली जाती हैं, यदि प्रतिबिंब वास्तविक तथा उल्टा बनता हो तो ऋणात्मक और आभासी एवं सीधा हो तो धनात्मक ली जाती है]] उत्तल दर्पण ने सदैव आभासी एवं सीधा प्रतिबिम्ब बनता है दर्पण के पीछे बनता है।

बिंब या वस्तु की दूरी :- गोलीय दर्पण में दर्पण के सामने रखी वस्तु तथा इसके ध्रुव के बीच की दूरी को बिंब दूरी (u) कहते हैं। इसे u से दर्शाते हैं।

प्रतिबिम्ब की दूरी :- दर्पण के ध्रुव और बने प्रतिबिंब की बीच की दूरी को प्रतिबिंब दूरी (v) कहते हैं। इसे v से दर्शाते हैं।

फोकस दूरी (f) :- दर्पण के ध्रुव और मुख्य फोकस के बीच की दूरी को फोकस दूरी कहते हैं।

दर्पण सूत्र :- प्रतिबिंब की दूरी (v) का व्युत्क्रम और बिंब की दूरी (u) का व्युत्क्रम का योग फोकस दूरी (f) के व्युत्क्रम के बराबर होता है।

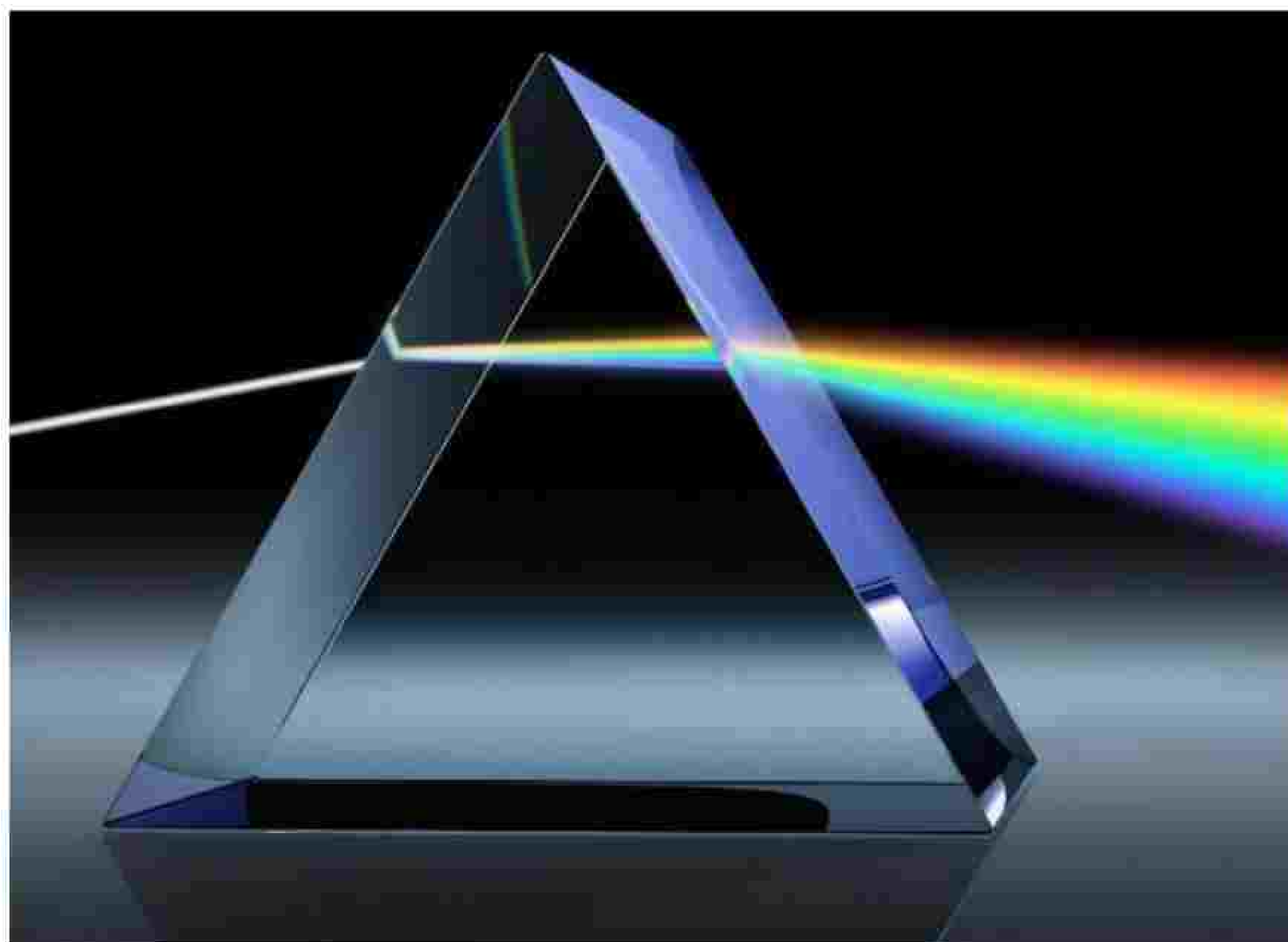
$$\frac{1}{V} + \frac{1}{U} = \frac{1}{F}$$

आवर्धन :- किसी बिंब का प्रतिबिंब कितना गुना बड़ा है या छोटा है यही प्रतिबिंब का आवर्धन कहलाता है।

आवर्धन के लिए बिंब की ऊँचाई धनात्मक ली जाती है, क्योंकि बिंब हमेशा मुख्य अक्ष के ऊपर और सीधा रखा जाता है। आभासी तथा सीधा प्रतिबिंब के लिए प्रतिबिंब की ऊँचाई (h') धनात्मक (+) ली जाती है और वास्तविक और उल्टा प्रतिबिंब के लिए बिंब की ऊँचाई (h') ऋणात्मक (-) ली जाती है।

आवर्धन का मान :- आवर्धन के मान में धनात्मक मान बताता है कि प्रतिबिंब आभासी और सीधा है। ऋणात्मक मान बताता है कि प्रतिबिंब वास्तविक और उल्टा है।

प्रकाश का अपवर्तन :- जब प्रकाश की किरण एक माध्यम से दूसरे माध्यम में जाती हैं तो यह अपने मार्ग से विचलीत हो जाती हैं। प्रकाश के किरण को अपने मार्ग से विचलीत हो जाना प्रकाश का अपवर्तन कहलाता है। प्रकाश का अपवर्तन सिर्फ पारदर्शी पदार्थों से ही होता है। जैसे शीशा, वायु, जल आदि।



प्रकाश के अपवर्तन का कारण :- अपवर्तन प्रकाश के एक पारदर्शी माध्यम से दूसरे में प्रवेश करने पर प्रकाश की चाल में परिवर्तन के कारण होता है।

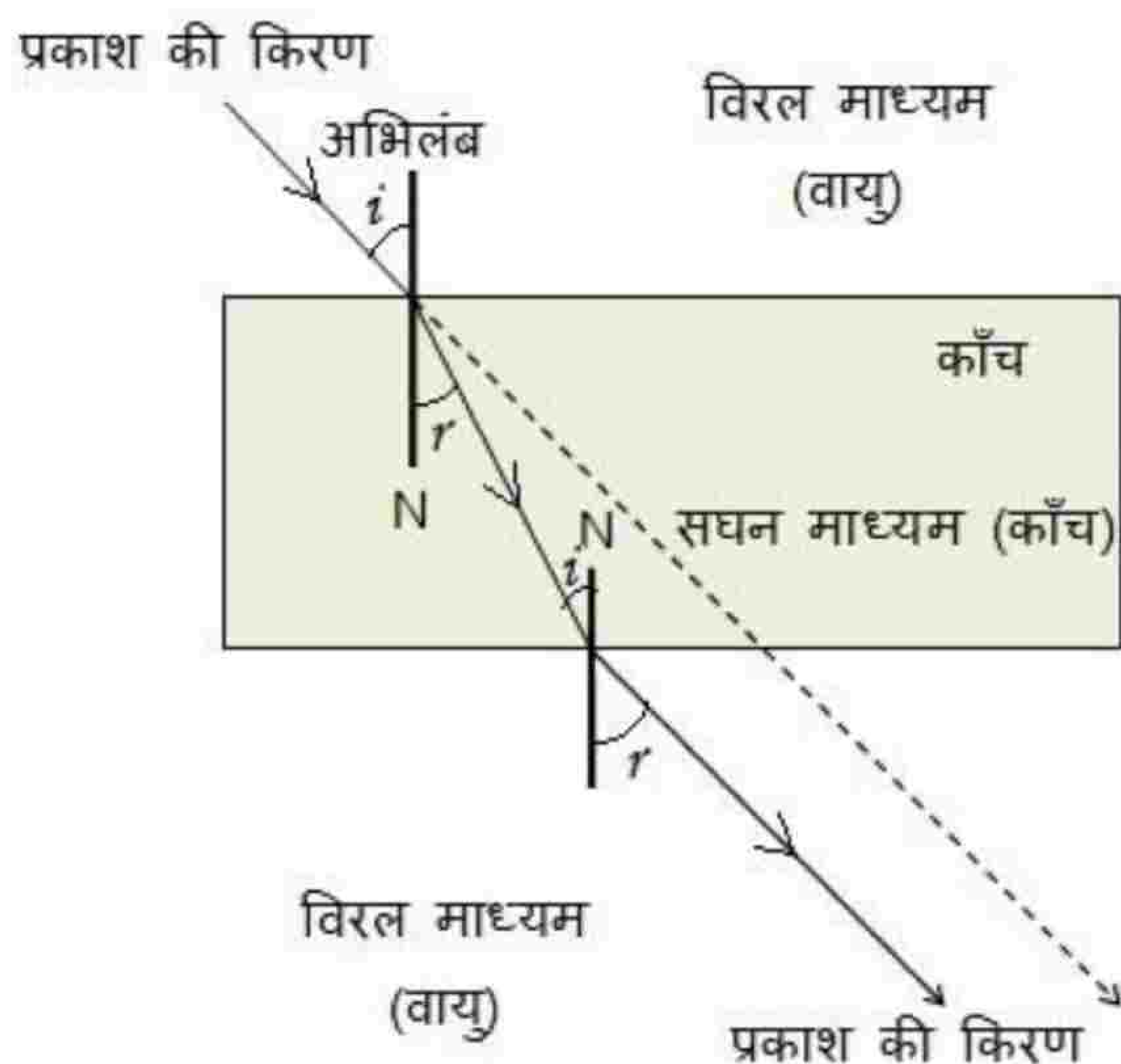
प्रकाश का अपवर्तन का नियम :-

प्रकाश का अपवर्तन के नियम दो हैं।

1. आपतित किरण, अपवर्तित किरण तथा आपतन बिन्दु पर अभिलंब तीनों एक ही तल में होते हैं।
2. जब प्रकाश की किरण किन्हीं दो माध्यमों के सीमा तल पर तिरछी आपतित होती हैं तो आपतन कोण (i) की ज्या तथा अपवर्तन कोण की ज्या का अनुपात एक नियतांक होता है।

स्नेल का अपवर्तन का नियम :- जब प्रकाश की किरण किन्हीं दो माध्यमों के सीमा तल पर तिरछी आपतित होती हैं तो आपतन कोण (i) की ज्या तथा अपवर्तन कोण की ज्या का अनुपात एक नियतांक होता है। इस नियम को स्नेल का अपवर्तन नियम भी कहते हैं।

अपवर्तन के समय प्रकाश का मार्ग :- जब प्रकाश की किरण एक माध्यम (विरल) से दूसरे माध्यम (सघन) में जाती हैं तो यह अभिलंब की ओर मुड़ जाती हैं। जब यही प्रकाश की किरण सघन से विरल की ओर जाती हैं तो अभिलंब से दूर भागती हैं।



सघन माध्यम :- वह माध्यम जिसका अपवर्तनांक अधिक होता है वह सघन माध्यम कहलाता है। इस माध्यम के कण अधिक घने होते हैं।

विरल माध्यम :- वह माध्यम जिसका अपवर्तनांक कम होता है वह विरल माध्यम कहलाता है। इस माध्यम के कणों का घनत्व कम होता है।

- किसी माध्यम का सघन और विरल होना दो माध्यमों में बीच तुलनात्मक अध्ययन है यह निर्भर करता है कि कौन सा माध्यम किस माध्यम के सापेक्ष अधिक सघन है और कौन सा विरल है।

प्रकाश के अपवर्तन से होने वाली परिघटनाएँ:

1. **शीशे के गिलास में रखा पेंसिल या चम्मच मुड़ी हुई नजर आना :-** जब हम किसी शीशे के गिलास में आधा पानी भरकर उसमें एक पेन्सिल को आंशिक रूप से डुबोते हैं तो यह मुड़ी हुई नजर आती है। ऐसा प्रकाश के अपवर्तन के कारण होता है। जल की सतह के अंदर की पेन्सिल जो सीधी होनी चाहिये मुड़ी हुई नजर आती है। यहाँ प्रकाश के अपवर्तन का वही नियम लागू होता है कि जब कोई प्रकाश की किरण सघन माध्यम से विरल माध्यम में प्रवेश करती है तो अभिलंब की ओर मुड़ (झुक) जाती है।



2. शीशे के गिलास में रखा सिक्का उठा हुआ नजर आना :

ऐसे ही जब हम कोई सिक्का पानी से भरे गिलास में रखते हैं तो देखते हैं कि सिक्का उठा हुआ नजर आता है। ये घटना भी प्रकाश के अपवर्तन के कारण ही होता है। अतः यह स्पष्ट हो जाता है कि प्रकाश के अपवर्तन के कारण सिक्का अपनी वास्तविक स्थिति से थोड़ा-सा ऊपर उठा हुआ प्रतीत होता है। दूसरा उदाहरण है काँच के बर्तन में रखा निम्बू अपने वास्तविक आकार से बड़ा नजर आता है।



- अलग-अलग द्रव्यों में पेन्सिल की अथवा प्रकाश का झुकाव अलग-अलग होता है।
- जब प्रकाश एक माध्यम से दूसरे माध्यम में तिरछा होकर जाता है तो दूसरे माध्यम में इसके संचरण की दिशा परिवर्तित हो जाती है।

अपवर्तनांक :- जब प्रकाश की किरण एक माध्यम से दूसरे माध्यम में जाती है तो यह अपने मार्ग से विचलीत हो जाती है। ये विचलन माध्यम और उस माध्यम में प्रकाश की चाल पर निर्भर करता है। अतः अपवर्तनांक माध्यमों में प्रकाश की चालों का अनुपात होता है। "जब प्रकाश की किरण किन्हीं दो माध्यमों के सीमा तल पर तिरछी आपतित होती है तो आपतन कोण (i) की ज्या तथा अपवर्तन कोण की ज्या का अनुपात एक नियतांक (स्थिरांक) होता है। इसी स्थिरांक के मान को पहले माध्यम के सापेक्ष दूसरे माध्यम का अपवर्तनांक कहते हैं।

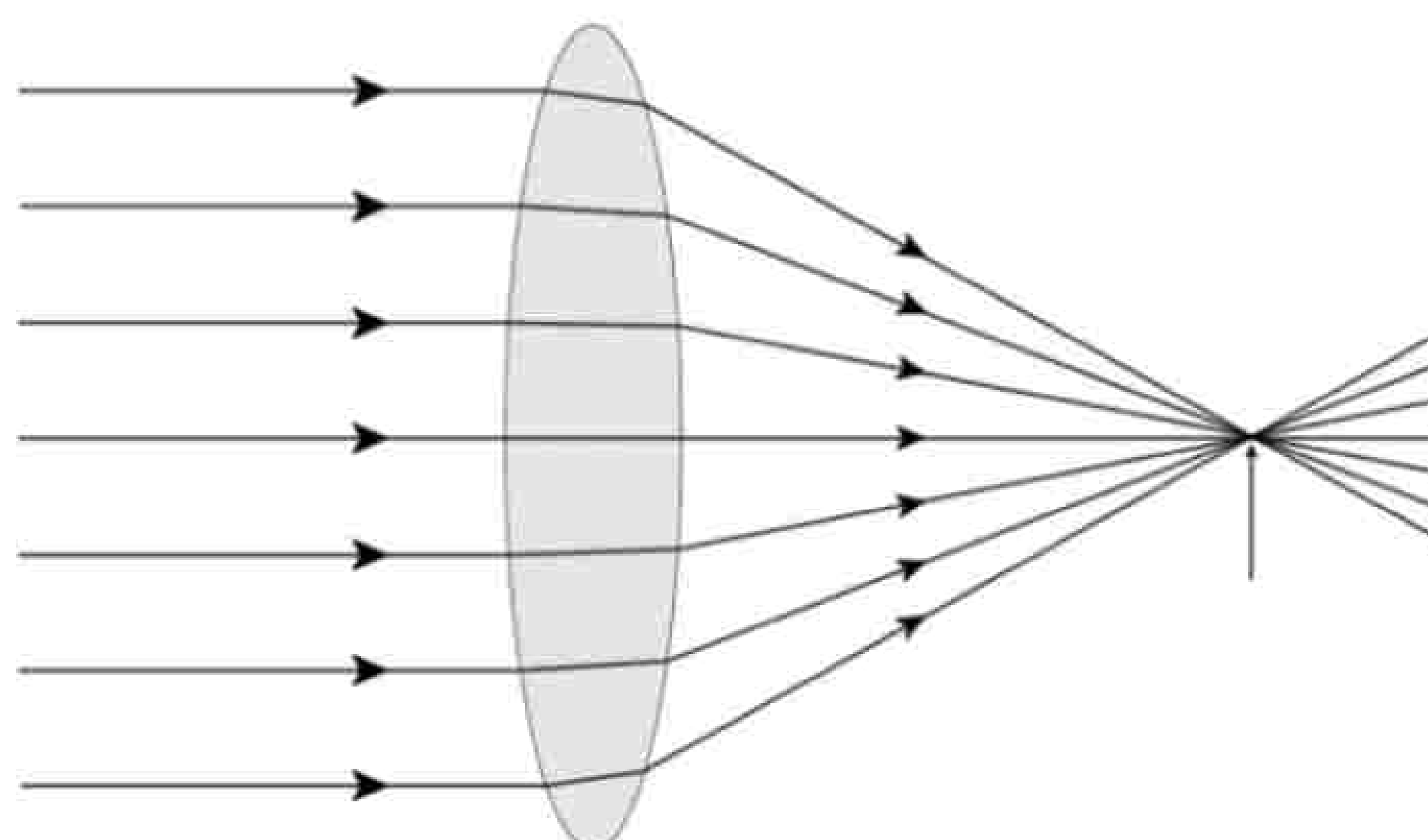
प्रकाश की चाल और अपवर्तनांक :- किसी भी माध्यम में प्रकाश की चाल उसके अपवर्तनांक पर निर्भर करता है। माध्यम का

गोलीय लेंसों द्वारा अपवर्तन :-

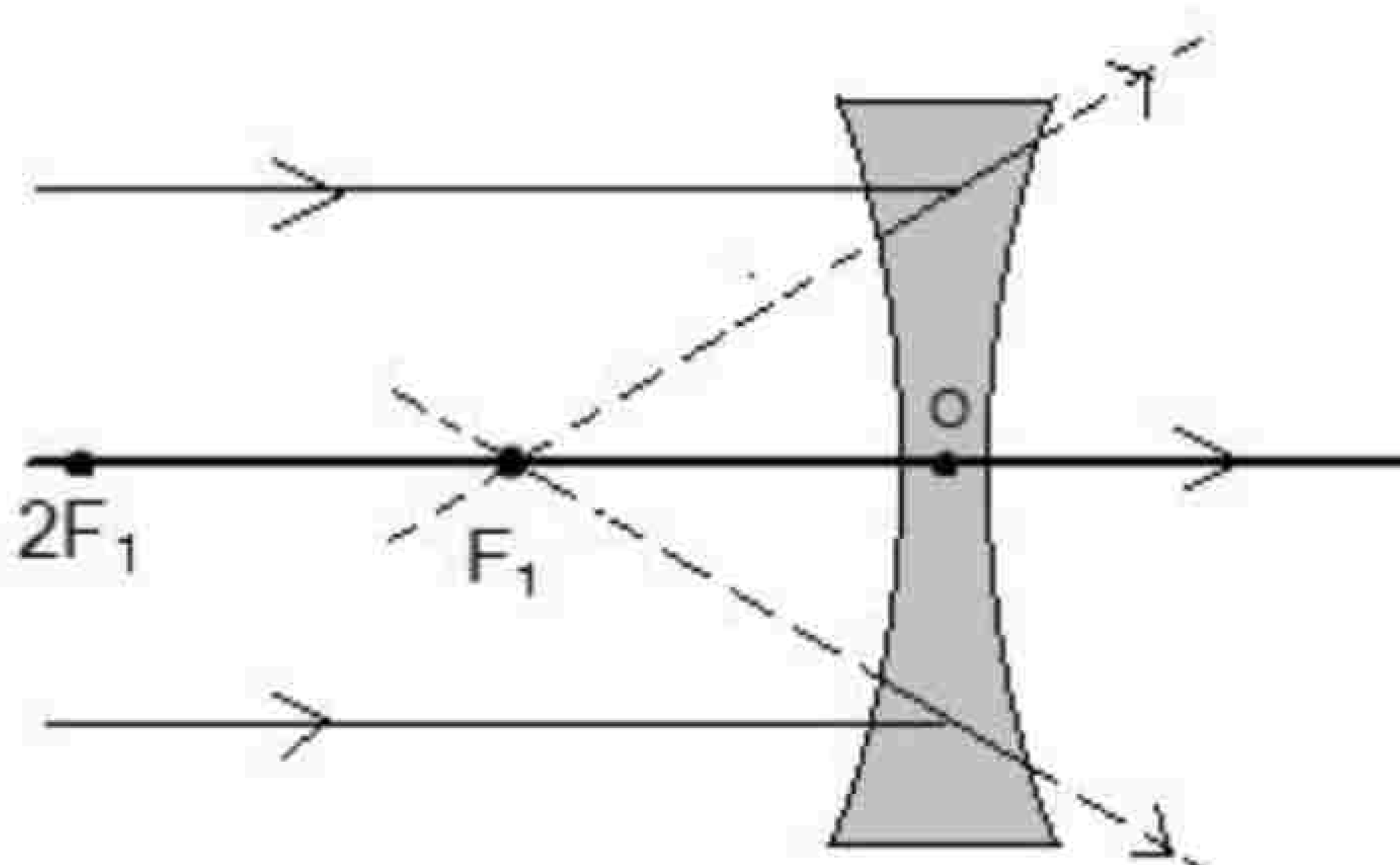
लेंस :- दो पृष्ठों से घिरा हुआ कोई पारदर्शी माध्यम जिसका एक या दोनों पृष्ठ गोलीय है, लेंस कहलाता है।



उत्तल लेंस :- वह लेंस जिसके दोनों बाहरी गोलीय पृष्ठों का उभार बाहर की ओर हो उसे उत्तल लेंस कहते हैं। इस लेंस को अभिसारी लेंस भी कहते हैं क्योंकि यह अपने से गुजरने वाले प्रकाश किरणों को अभिसरित कर देता है।



अवतल लेंस :- वह लेंस जिसके दोनों बाहरी गोलीय पृष्ठ अंदर की ओर वक्रित हो उसे अवतल लेंस कहते हैं। इस लेंस को अपसारी लेंस भी कहते हैं क्योंकि यह अपने से गुजरने वाले प्रकाश किरणों को अपसरित कर देता है।



वक्रता केंद्र :- सभी गोलीय लेंस के प्रत्येक पृष्ठ एक गोले के भाग होते हैं | इन गोलों के केंद्र को लेंस का वक्रता केंद्र कहते हैं | इसे C_1 तथा C_2 से दर्शाते हैं |

मुख्य अक्ष :- मुख्य अक्ष किसी लेंस के दोनों वक्रता केन्द्रों से गुजरने वाली एक काल्पनिक सीधी रेखा लेंस की मुख्य अक्ष कहलाती है।

प्रकाशिक केंद्र :- लेंस का केन्द्रीय बिंदु इसका प्रकाशिक केंद्र कहलाता है। इसे प्रायः अक्षर O से निरूपित करते हैं। लेंस के प्रकाशिक केंद्र से गुजरने वाली प्रकाश किरण बिना किसी विचलन के निर्गत होती है।

द्वारक :- गोलीय लेंस की वृत्ताकार रूपरेखा का प्रभावी व्यास इसका द्वारक (aperture) कहलाता है।

पतले लेंस :- ऐसे लेंस जिनका द्वारक इनकी वक्रता त्रिज्या से बहुत छोटा है। ऐसे लेंस छोटे द्वारक के पतले लेंस कहलाते हैं।

उत्तल लेंस का मुख्य फोकस :- उत्तल के पर मुख्य अक्ष के समांतर प्रकाश की बहुत सी किरणें आपतित हैं। ये किरणें लेंस से अपवर्तन के पश्चात मुख्य अक्ष पर एक बिंदु पर अभिसरित हो जाती हैं। मुख्य अक्ष पर यह बिंदु लेंस का मुख्य फोकस कहलाता है।

अवतल लेंस का मुख्य फोकस :- अवतल लेंस पर मुख्य अक्ष के समांतर प्रकाश की अनेक किरणें आपतित होती हैं। ये किरणें लेंस से अपवर्तन के पश्चात मुख्य अक्ष के एक बिंदु से अपसरित होती प्रतीत होती हैं। मुख्य अक्ष पर यह बिंदु अवतल लेंस का मुख्य फोकस कहलाता है।

लेंस का फोकस दूरी :- किसी लेंस के मुख्य फोकस की प्रकाशिक केन्द्र से दूरी फोकस दूरी कहलाती है।

गोलीय लेंसों के लिए चिन्ह-परिपाटी :-

- i. गोलीय लेंसों में सभी दूरियाँ प्रकाशिक केन्द्रों से मापी जाती है
- ii. उत्तल लेंस की फोकस दूरी धनात्मक (+) होती है।
- iii. अवतल लेंस की फोकस दूरी ऋणात्मक (-) होती है।
- iv. जिस ओर से प्रकाश लेंस में प्रवेश करता है उस भाग को ऋणात्मक माना जाता है | चाहे वो उत्तल लेंस हो या अवतल लेंस हो। अर्थात जिधर हम बिंब को रखते हैं वो भाग ऋणात्मक होता है।

- v. लेंस में सभी वास्तविक एवं उल्टा प्रतिबिंब को धनात्मक लेते हैं | और आभासी एवं सीधा प्रतिबिंब को ऋणात्मक लेते हैं।
- vi. वास्तविक एवं उल्टा प्रतिबिंब लेंस के धनात्मक भाग में बनते हैं और आभासी एवं सीधा प्रतिबिंब लेंस के ऋणात्मक भाग में बनते हैं।
- vii. बिंब की ऊंचाई (h) सीधा होता है इसलिए इसे धनात्मक (+) लेते हैं | प्रतिबिंब सीधा है तो आभासी और सीधा यदि प्रतिबिंब (h) उल्टा हो तो वास्तविक और उल्टा इसे ऋणात्मक (-) लेते हैं।

लेंस की क्षमता :-

किसी लेंस द्वारा प्रकाश किरणों को अभिसरण और अपसरण करने की मात्रा को लेंस की क्षमता कहते हैं। यह उस लेंस के फोकस दूरी के व्युत्क्रम के बराबर होता है। इसे P द्वारा व्यक्त किया जाता है और इसका S.I मात्रक डाइऑप्टर (D) होता है।

1 डाइऑप्टर (D) = 1 m या 100 cm के बराबर होता है।

यदि फोकस दूरी (f) को मीटर में व्यक्त करें तो क्षमता जो 'डाइऑप्टर' में व्यक्त किया जाता है।

उत्तल लेंस की क्षमता धनात्मक (+) होती है।

अवतल लेंस की क्षमता ऋणात्मक (-) होती है।

उदाहरण : मान लीजिये कि एक लेंस की क्षमता + 2 D है। इसका अर्थ यह है कि वह उत्तल लेंस है और उसकी फोकस दूरी (f) + 0.50 m है अर्थात् + 50 सेमी है।

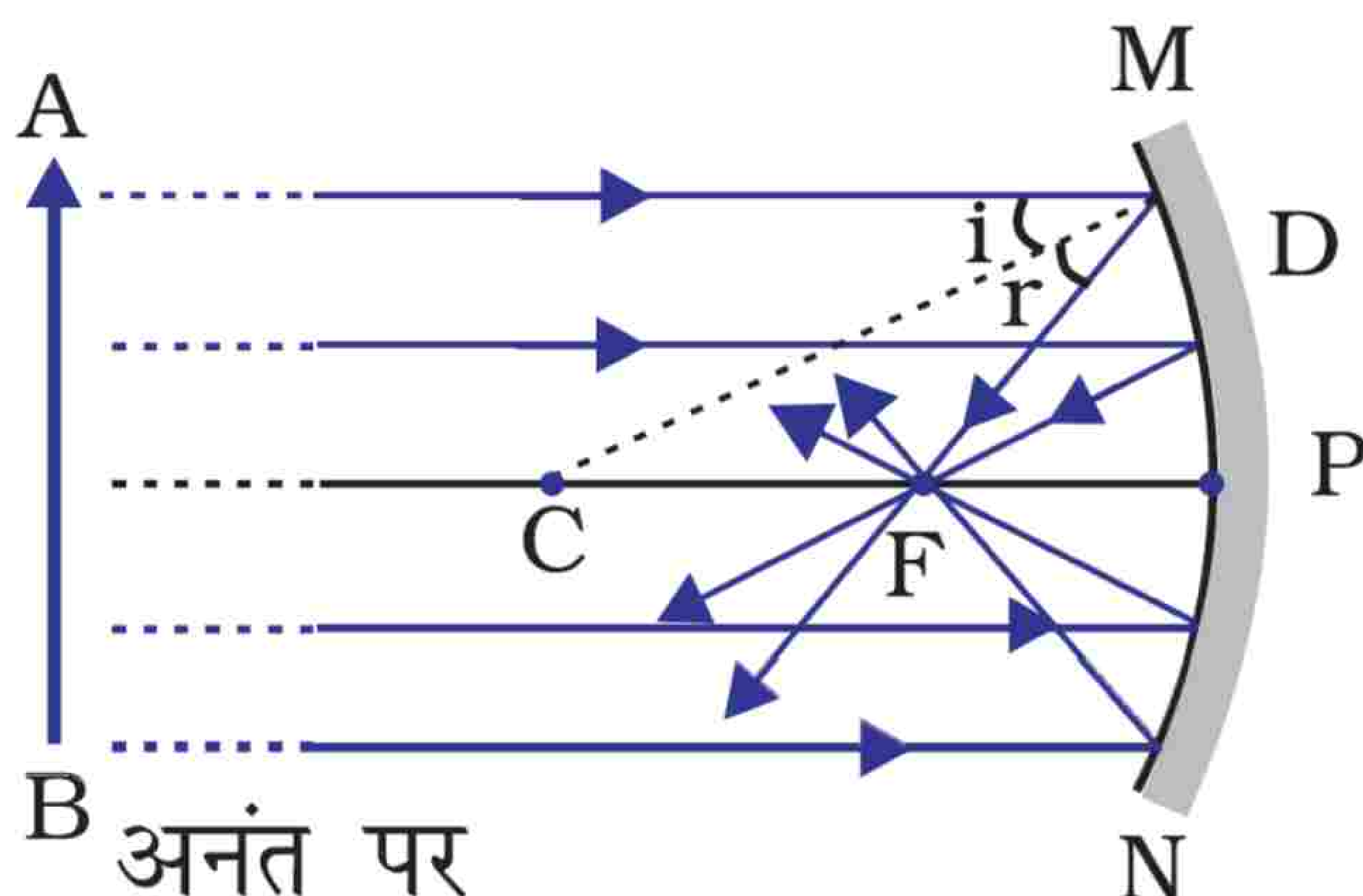
और यदि एक अन्य लेंस की क्षमता -2 D है तो वह अवतल लेंस है और उसकी फोकस दूरी (f) - 0.50 m है अर्थात् - 50 सेमी है।

NCERT SOLUTIONS

प्रश्न (पृष्ठ संख्या 185)

प्रश्न 1 अवतल दर्पण के मुख्य फोकस की परिभाषा लिखिए।

उत्तर- अवतल दर्पण का मुख्य फोकस, मुख्य अक्ष पर एक ऐसा बिंदु है जहाँ पर दर्पण के मुख्य अक्ष के समांतर प्रकाश किरण, परावर्तन के बाद मिलती है। इसे 'F' से दर्शाते हैं।



प्रश्न 2 एक गोलीय दर्पण की वक्रता त्रिज्या 20cm है। इसकी फोकस दूरी क्या होगी?

उत्तर- वक्रता त्रिज्या = 20cm

$$\text{फोकस दूरी} = \frac{\text{वक्रता त्रिज्या}}{2}$$

$$= \frac{20}{2}$$

= 10cm.

अतः दिए गए गोलीय दर्पण का फोकस दूरी 10cm है।

प्रश्न 3 उस दर्पण का नाम बताइए जो बिंब का सीधा तथा आवर्धित प्रतिबिंब बना सके।

उत्तर- अवतल दर्पण (concave mirror)

प्रश्न 4 हम वाहनों में उत्तल दर्पण को पश्च-दृश्य दर्पण के रूप में वरीयता क्यों देते हैं?

हम वाहनों में उत्तल दर्पण को पश्च-दृश्य दर्पण के रूप में वरीयता इसलिए देते हैं क्योंकि

- ये सदैव सीधा प्रतिबिम्ब बनाते हैं।
- इनका दृष्टि क्षेत्र भी बहुत अधिक होता है अर्थात ये अन्य दर्पणों की तुलना में बहुत बड़े क्षेत्र को देखने में समर्थ बनाते हैं।

प्रश्न (पृष्ठ संख्या 188)

प्रश्न 1 उस उत्तल दर्पण की फोकस दूरी ज्ञात कीजिए जिसकी वक्रता-त्रिज्या 32cm है?

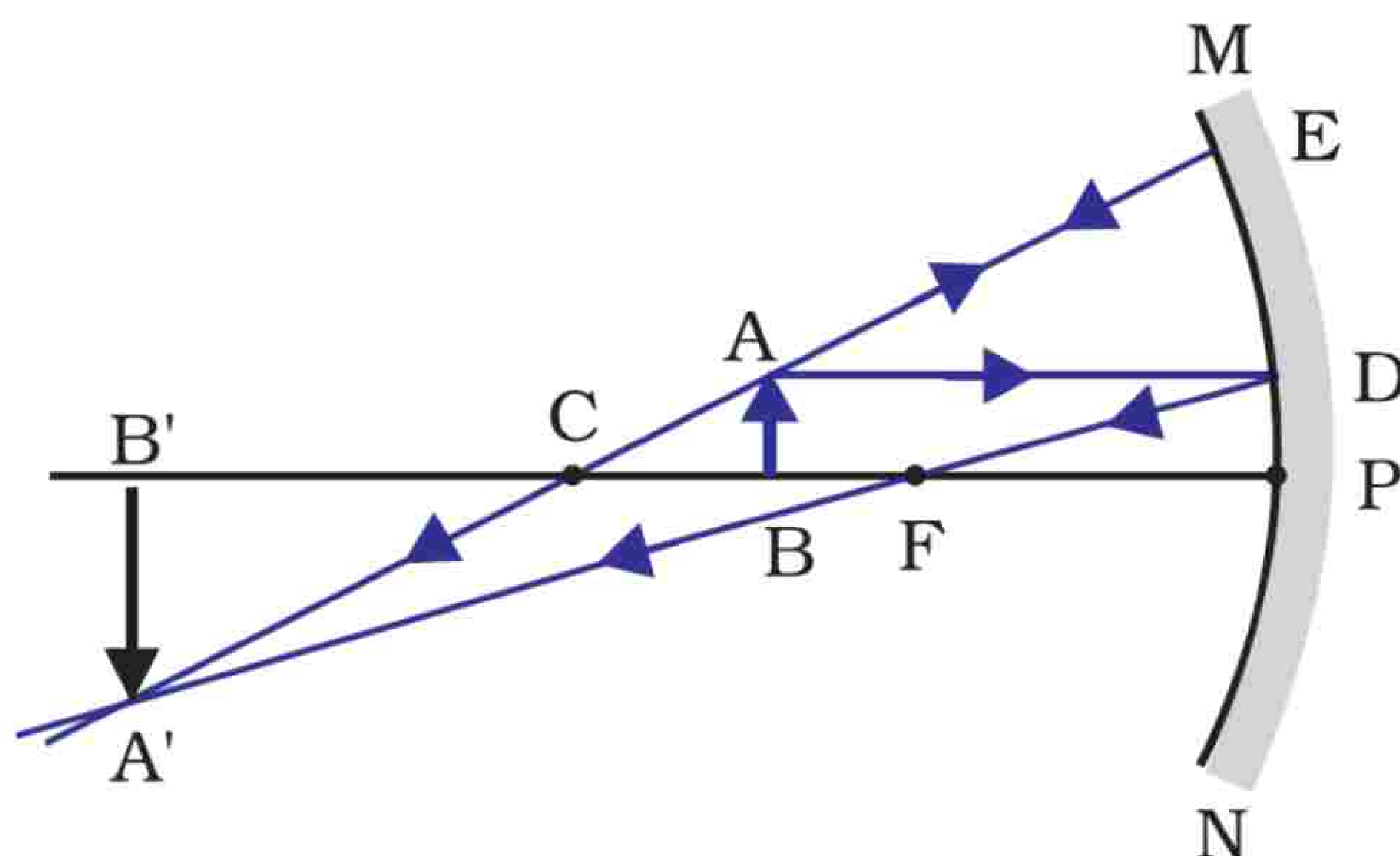
उत्तर- वक्रता त्रिज्या = 32cm

फोकस दूरी, $F = ?$

$$f = \frac{R}{2} = \frac{32}{2} = 16\text{cm}$$

प्रश्न 2 कोई अवतल दर्पण अपने सामने 10cm दूरी पर रखे किसी बिंब का तीन गुणा आवर्धित (बड़ा) वास्तविक प्रतिबिंब बनाता है। प्रतिबिंब दर्पण से कितनी दूरी पर है?

उत्तर-



बिंब-दूरी $u = -10\text{cm}$

आवर्धन $m = -3$ चूँकि प्रतिबिंब वास्तविक है।

$$\therefore m = \frac{-v}{u}$$

$$\Rightarrow -3 = \frac{-v}{-u} \Rightarrow -30\text{cm}$$

अतः प्रतिबिंब दर्पण के सामने 30cm की दूरी पर बनता है।

प्रश्न (पृष्ठ संख्या 194)

प्रश्न 1 वायु में गमन करती प्रकाश की एक किरण जल में तिरछी प्रवेश करती है। क्या प्रकाश किरण अभिलंब की ओर झुकेगी अथवा अभिलंब से दूर हटेगी? बताइए क्यों?

उत्तर- प्रकाश किरण अभिलंब की ओर झुकेगी, क्योंकि प्रकाश की किरण वायु जो कि एक विरल माध्यम है से जल जो वायु की तुलना में एक सघन माध्यम है में प्रवेश करता है तो ऐसी स्थिति में प्रकाश अभिलम्ब की ओर झुकेगी।

प्रश्न 2 प्रकाश वायु से 1.50 अपवर्तनांक की काँच की प्लेट में प्रवेश करता है। काँच में प्रकाश की चाल कितनी है? निर्वात में प्रकाश की चाल $3 \times 10^8 \text{m/s}$ है।

उत्तर- दिया है-

निर्वात में प्रकाश की चाल $(c) = 3 \times 10^8 \text{m/s}$

काँच की प्लेट का अपवर्तनांक $(n_m) = 1.50$

$n_m = \frac{c}{v}$; v = काँच में प्रकाश की चाल

$$\Rightarrow 1.50 = \frac{3 \times 10^8}{1.5}$$

$$\Rightarrow v = \frac{3 \times 10^8}{1.5} = 2 \times 10^8 \text{m/s}$$

अतः काँच में प्रकाश की चाल $= 2 \times 10^8 \text{m/s}$

प्रश्न 3 सारणी 10.3 से अधिकतम प्रकाशित घनत्व के माध्यम को ज्ञात कीजिए। न्यूनतम प्रकाशित घनत्व को भी ज्ञात कीजिए।

उत्तर- सारणी 10.3: कुछ द्रव्यमान माध्यमों के निरपेक्ष अपवर्तनांक-

| द्रव्यमान माध्यम | अपवर्तनांक | द्रव्यात्मक माध्यम | अपवर्तनांक |
|------------------|------------|--------------------|------------|
| वायु | 1.0003 | कनाडा वालसम | 1.53 |
| बर्फ | 1.31 | खनिज नमक | 1.54 |
| जल | 1.33 | कार्बन डाइसल्फाइड | 1.63 |
| एल्कोहॉल | 1.36 | सघन प्लीट काँच | 1.65 |

| | | | |
|-----------------|------|----------------|------|
| किरोसिन | 1.44 | रूबी (माणिक्य) | 1.71 |
| संगलित क्वाटर्ज | 1.46 | नीलम | 1.77 |
| तारपीन का तेल | 1.47 | हिरा | 2.42 |
| बेंजीन | 1.50 | | |
| क्राउन काँच | 1.52 | | |

सारणी 10.3 के अनुसार, अधिकतम प्रकाशित घनत्व का माध्यम हिरवा है।

प्रश्न 4 आपको किरोसिन तारपीन का तेल तथा जल दिए गए हैं। इनमें से किस में प्रकाश सबसे अधिक तीव्र गति से चलता है? सारणी में दिए गए आंकड़ों का उपयोग कीजिए।

$$\text{उत्तर- } n = \frac{c}{v}$$

$$n = \frac{\text{निर्वात में प्रकाश की चाल}}{\text{माध्यम में प्रकाश की चाल}}$$

$$v = \frac{c}{n}$$

जल में प्रकाश की चाल सबसे अधिक है। और तारपीन के तेल में प्रकाश की चाल सबसे कम है, क्योंकि जिसका अपवर्तनांक जितना अधिक होगा। उस माध्यम में प्रकाश की चाल उतनी ही कम होगी और जिस माध्यम का अपवर्तनांक जितना कम होगा उसमें प्रकाश की चाल उतनी ही अधिक होगी।

प्रश्न 5 हीरे का अपवर्तनांक 2.42 है। इस कथन का क्या अभिप्राय है?

उत्तर- हीरे का अपवर्तनांक 2.42 है। इस कथन का अभिप्राय यह है कि हीरा का प्रकाशिक घनत्व अधिक है जिससे यह एक कठोर पदार्थ है इसमें प्रकाश की चाल सबसे कम है।

प्रश्न (पृष्ठ संख्या 203)

प्रश्न 1 किसी लेंस की 1 डाइऑप्टर क्षमता को परिभाषित कीजिए।

उत्तर- डाइऑप्टर उस लेंस की क्षमता है, जिसकी फोकस दूरी 1 मीटर हो। अर्थात् $1D = 1m^{-1}$ होती है।

प्रश्न 2 कोई उत्तल लेंस किसी सुई का वास्तविक तथा उल्टा प्रतिबिंब उस लेंस से 50cm दूर बनाता है। यह सुई, उत्तल लेंस के सामने कहाँ रखी है, यदि इसका प्रतिबिंब उसी साइज का बन रहा है जिस साइज का बिंब है। लेंस की क्षमता भी ज्ञात कीजिए।

उत्तर- प्रतिबिंब की लेंस से दूरी $v = 50\text{cm}$

लेंस का आवर्धन $m = -1$

हम जानते हैं कि, लेंस की आवर्धन क्षमता $= \frac{v}{u}$

$$\Rightarrow -1 = \frac{50}{u}$$

$$\Rightarrow u = -50\text{cm}$$

अतः सुई, उत्तम लेंस के सामने 50cm की दूरी पर रखी है।

लेंस सूत्र का प्रयोग करने पर, $\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}$

$$\Rightarrow \frac{1}{f} = \frac{1}{50} - \frac{1}{-50} = \frac{1}{50} + \frac{1}{50} = \frac{2}{50} = \frac{1}{25}$$

$$\Rightarrow f = 25\text{cm} = 0.25\text{m}$$

लेंस की क्षमता $= \frac{1}{\text{फोकस दूरी}}$

$$\Rightarrow P = \frac{1}{0.25} = 4\text{D}$$

अतः लेंस की क्षमता 4 डाइऑप्टर है।

प्रश्न 3 2m फोकस दूरी वाले किसी अवतल लेंस की क्षमता ज्ञात कीजिए।

उत्तर- $P = ?$

फोकस दूरी, $F = -2\text{m} = -200\text{cm}$

$$P = \frac{1}{f} \Rightarrow P = \frac{1}{-200} = -0.005\text{D}$$

अभ्यास प्रश्न (पृष्ठ संख्या 204-206)

प्रश्न 1 निम्न में से कौन-सा पदार्थ लेंस बनाने के लिए प्रयुक्त नहीं किया जा सकता?

- a. जल
- b. काँच
- c. प्लास्टिक
- d. मिट्टी

उत्तर-

- d. मिट्टी

प्रश्न 2 किसी बिंब का अवतल दर्पण द्वारा बना प्रतिबिंब आभासी, सीधा तथा बिंब से बड़ा पाया गया। वस्तु की स्थिति कहाँ होनी चाहिए?

- a. मुख्य फोकस तथा वक्रता केंद्र के बीच
- b. वक्रता केंद्र पर
- c. वक्रता केंद्र से परे
- d. दर्पण के ध्रुव तथा मुख्य फोकस के बीच

उत्तर-

- a. मुख्य फोकस तथा वक्रता केंद्र के बीच

प्रश्न 3 किसी बिंब का वास्तविक तथा समान साइज का प्रतिबिंब प्राप्त करने के लिए बिंब को उत्तल लेंस के सामने कहाँ रखें?

- a. लेंस के मुख्य फोकस पर
- b. फोकस दूरी की दोगुनी दूरी पर
- c. अनंत पर
- d. लेंस के प्रकाशिक केंद्र तथा मुख्य फोकस के बीच

उत्तर-

- b. फोकस दूरी की दोगुनी दूरी पर

प्रश्न 4 किसी गोलीय दर्पण तथा किसी पतले गोलीय लेंस दोनों की फोकस दूरियाँ -15cm हैं। दर्पण तथा लेंस संभवतः हैं-

- a. दोनों अवतल

- b. दोनों उत्तल
- c. दर्पण अवतल तथा लेंस उत्तल
- d. दर्पण उत्तल तथा लेंस अवतल

उत्तर-

- a. दोनों अवतल

प्रश्न 5 किसी दर्पण से आप चाहे कितनी ही दूरी पर खड़े हों, आपका प्रतिबिंब सदैव सीधा प्रतीत होता है। संभवतः दर्पण है-

- a. केवल समतल
- b. केवल अवतल
- c. केवल उत्तल
- d. या तो समतल अथवा उत्तल

उत्तर-

- d. या तो समतल अथवा उत्तल

प्रश्न 6 किसी शब्दकोष (dictionary) में पाए गए छोटे अक्षरों को पढ़ते समय आप निम्न में से कौन-सा लेंस पसंद करेंगे?

- a. 50cm फोकस दूरी का एक उत्तल लेंस
- b. 50cm फोकस दूरी का एक अवतल लेंस
- c. 5cm फोकस दूरी का एक उत्तल लेंस
- d. 5cm फोकस दूरी का एक अवतल लेंस

उत्तर-

- c. 5cm फोकस दूरी का एक उत्तल लेंस

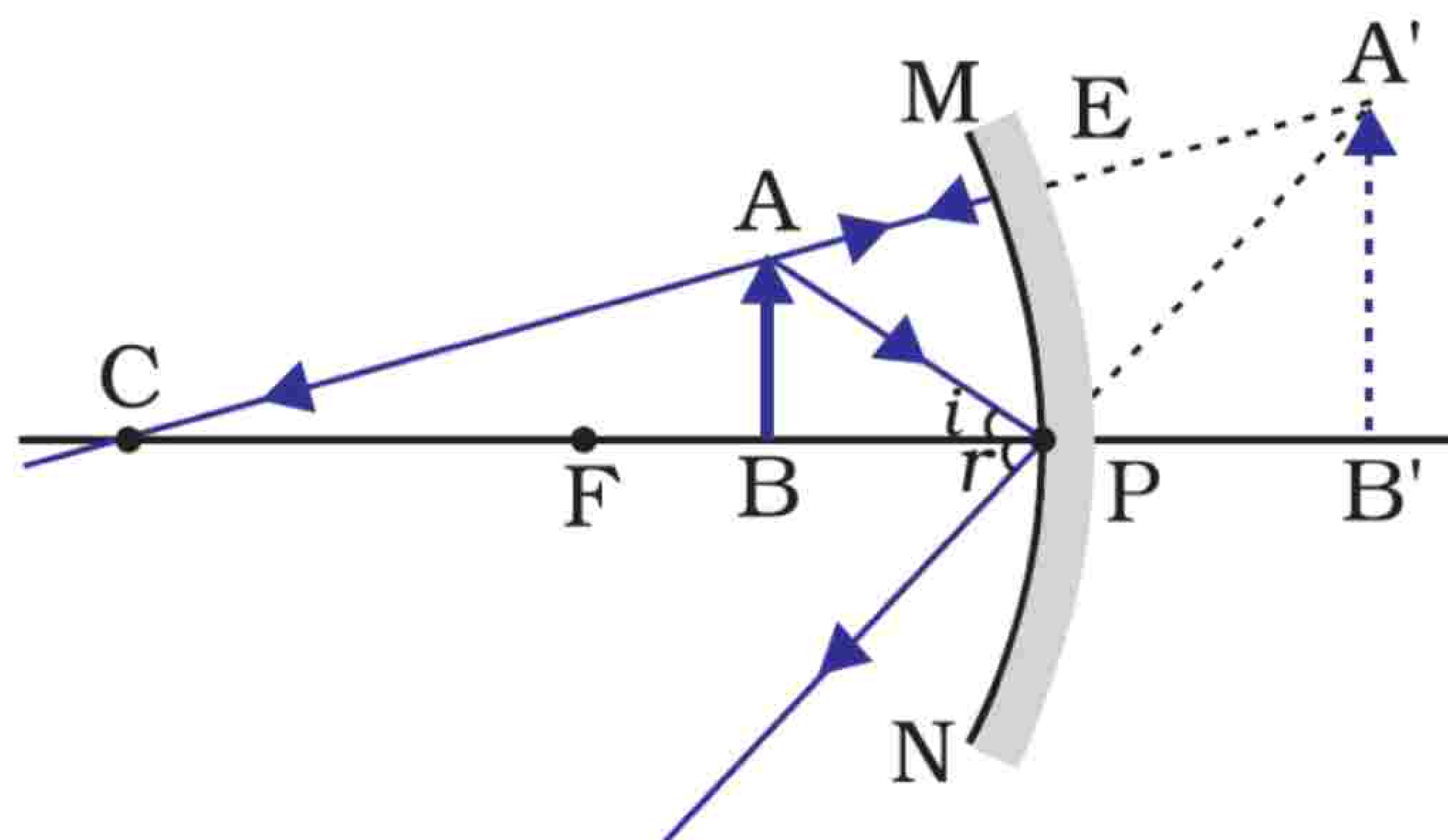
प्रश्न 7 15cm फोकस दूरी के एक अवतल दर्पण का उपयोग करके हम किसी बिंब का सीधा प्रतिबिंब बनाना चाहते हैं। बिंब का दर्पण से दूरी को परिसर (range) क्या होना चाहिए? प्रतिबिंब की प्रकृति कैसी है? प्रतिबिंब बिंब से बड़ा है अथवा छोटा? इस स्थिति में प्रतिबिंब बनने का एक किरण आरेख बनाइए।

उत्तर- अवतल दर्पण का प्रयोग करते हुए बिंब का सीधा प्रतिबिंब प्राप्त करने के लिए वस्तु को दर्पण के ध्रुव तथा फोकस के बीच रखा जाता है।

वस्तु की दर्पण से दूरी का परास 0 - 15cm के बीच है।

प्रतिबिंब की प्रकृति आभासी तथा सीधी है।

प्रतिबिंब का आकार बिंब से बड़ा है।



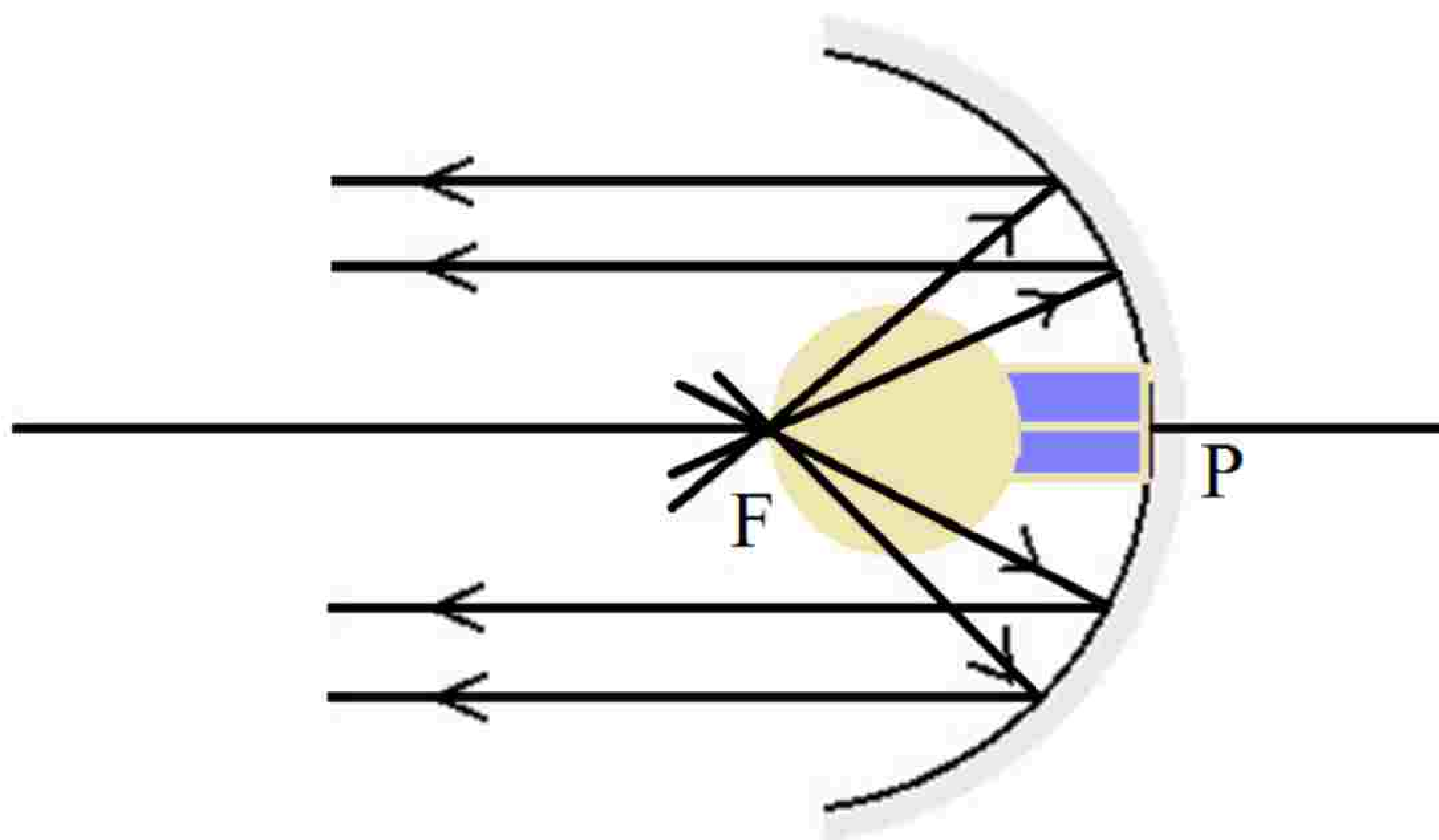
प्रश्न 8 निम्न स्थितियों में प्रयुक्त दर्पण का प्रकार बताइए-

- किसी कार का अग्र-दीप (हैड-लाइट)
- किसी वाहन का पार्श्व/ पश्च-दृश्य दर्पण
- सौर भट्टी

अपने उत्तर की कारण सहित पुष्टि कीजिए।

उत्तर-

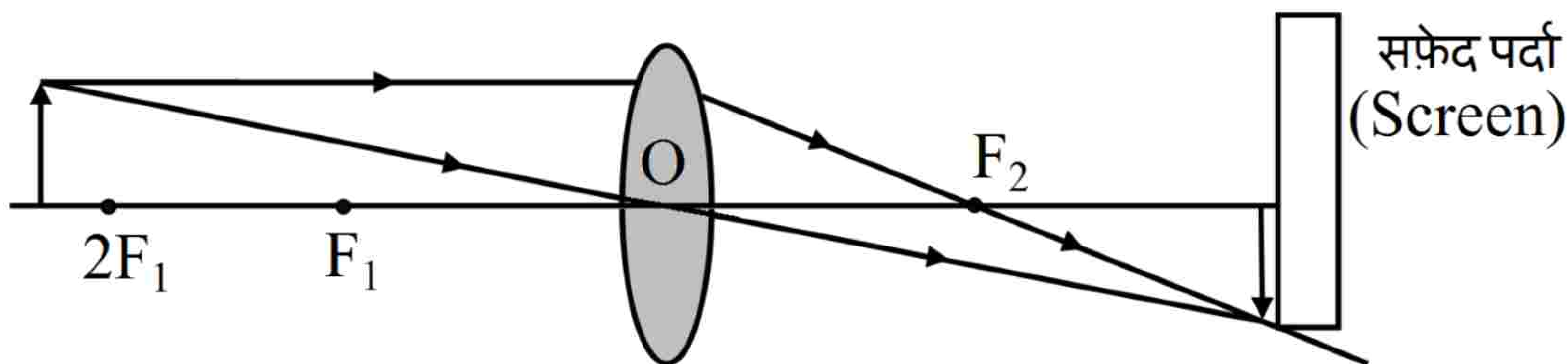
- किसी कार का अग्र-दीप (हैड-लाइट) अवतल दर्पण का बनाया जाता है, क्योंकि यदि बल्ब को दर्पण के मुख्य फोकस पर रख दिया जाए तो यह दर्पण से परावर्तित होकर एक समांतर किरण पुंज बनाता है।



- b. किसी वाहन का पार्श्व/ पश्च-दृश्य दर्पण के लिए उत्तल दर्पण का प्रयोग किया जाता है क्योंकि ये सदैव छोटा परन्तु सीधा प्रतिबिंब बनाता है। चूँकि उत्तल दर्पण बाहर की ओर वक्रित होता है। इसलिए इसका दृष्टि-क्षेत्र काफी बढ़ जाता है जिससे ड्राइवर गाड़ी के पीछे के बहुत बड़े हिस्से को देख पाता है।
- c. सौर भट्टी में सूर्य के प्रकाश केन्द्रित करना पड़ता है जिसके लिए अवतल दर्पण उपयुक्त है। यह दर्पण अनंत से होकर आने वाला मुख्य अक्ष के समान्तर प्रकाश किरणों को फोकस से होकर गुजारता है जिससे फोकस के आस-पास का तापमान 180°C से 200°C तक बढ़ जाता है।

प्रश्न 9 किसी उत्तल लेंस का आधा भाग काले कागज़ से ढक दिया गया है। क्या यह लेंस किसी बिंब का पूरा प्रतिबिंब बना पाएगा? अपने उत्तर की प्रयोग द्वारा जाँच कीजिए। अपने प्रेक्षणों की व्याख्या कीजिए।

उत्तर- हाँ, किसी उत्तल लेंस का आधा भाग काले कागज़ से ढक देने पर भी उत्तल लेंस दिए गए बिंब का पूरा प्रतिबिंब बनाता है। प्रायोगिक विधि द्वारा जाँच-सर्वप्रथम एक उत्तल लेंस लीजिए तथा इसके आधे भाग को काले कागज़ से ढक दीजिए। अब लेंस को किसी स्टैंड के सहारे दी गई आकृति के अनुसार रखिए। लेंस के एक तरफ़ जलती हुई मोमबत्ती तथा दूसरी तरफ़ एक सफ़ेद पर्दा रखिए। हम पाते हैं कि पर्दे पर मोमबत्ती का पूरा उल्टा प्रतिबिंब बनता है।



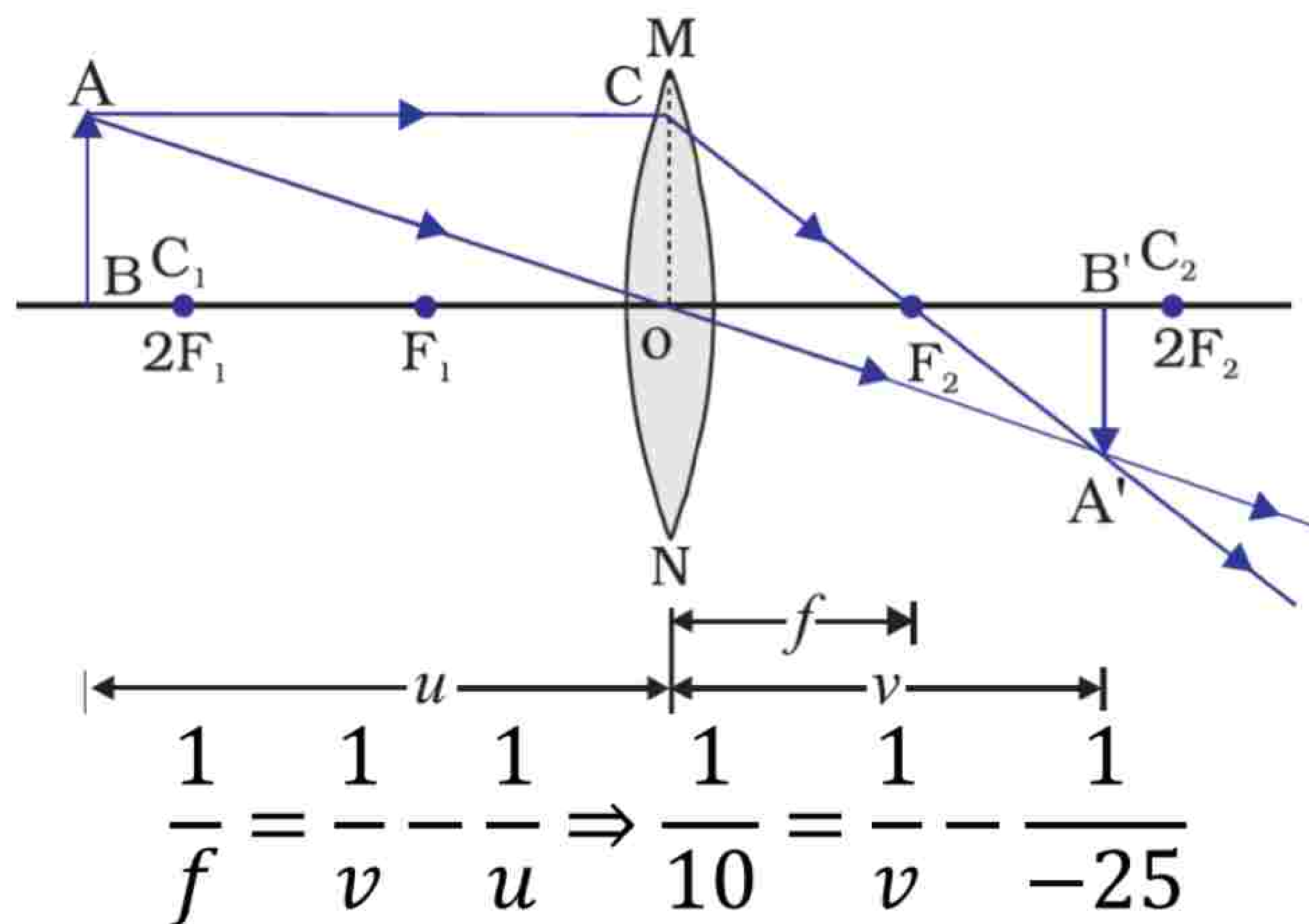
प्रेक्षण-

- प्रतिबिंब की संरचना लेंस के आकार पर निर्भर नहीं करती है, एक छोटा लेंस भी वस्तु का पूर्ण प्रतिबिंब बना सकता है।
- परंतु प्रतिबिंब की चमक (brightness) अपेक्षाकृत कम हो जाती है, क्योंकि लेंस से गुजरने वाली प्रकाश की किरणों की संख्या कम हो जाती है।

प्रश्न 10 5cm लंबा कोई बिंब 10cm फोकस दूरी के किसी अभिसारी लेंस से 25cm दूरी पर रखा जाता है। प्रकाश किरण-आरेख खींचकर बनने वाले प्रतिबिंब की स्थिति, साइज़ तथा प्रकृति ज्ञात कीजिए।

उत्तर- बिंब की ऊँचाई $h = 5\text{cm}$, लेंस की फोकस दूरी $f = 10\text{cm}$,

बिंब की लेंस से दूरी $u = -25\text{cm}$, इसलिए,



$$\Rightarrow \frac{1}{v} = \frac{1}{10} - \frac{1}{25} = \frac{5 - 2}{50} = \frac{3}{50} \Rightarrow v = \frac{50}{3} = 16.67\text{cm}$$

$$m = \frac{h_i}{h_o} = \frac{v}{u}$$

$$\Rightarrow \frac{h_i}{5} = \frac{\frac{50}{3}}{-25} \Rightarrow h_i = -\frac{10}{3} = -3.33\text{cm}$$

अतः प्रतिबिंब वास्तविक तथा उल्टा होगा। यह लेंस के 16.67cm पीछे तथा 3.33cm के आकार होगा।

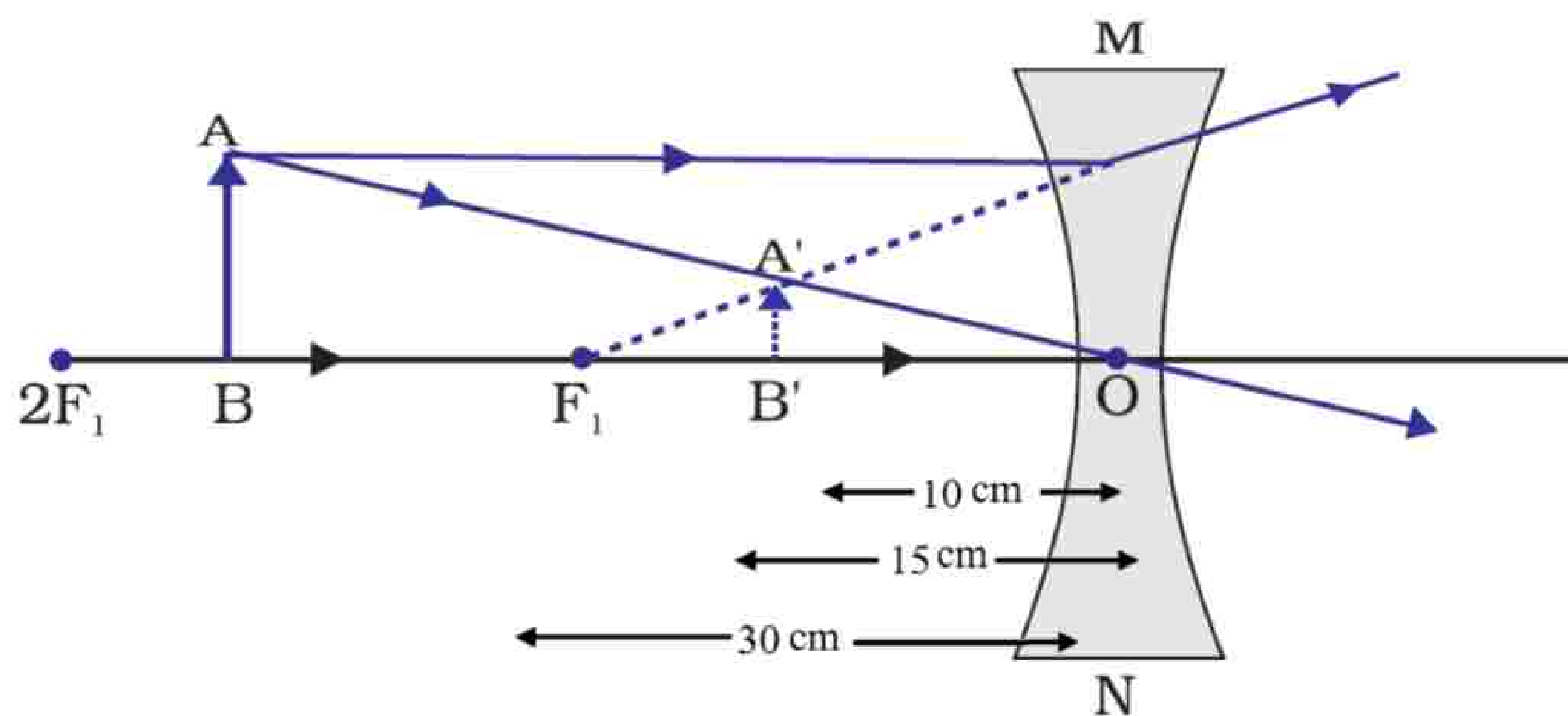
प्रश्न 11 15cm फोकस दूरी का कोई अवतल लेंस किसी बिंब का प्रतिबिंब लेंस से 10cm दूरी पर बनाता है। बिंब लेंस से कितनी दूरी पर स्थित है? किरण आरेख खींचिए।

उत्तर- फोकस दूरी, $F = -15\text{cm}$

प्रतिबिंब की लेंस से दूरी, $V = -10\text{cm}$

बिंब की लेंस से दूरी, $U = ?$

लेंस सूत्र का प्रयोग करते हुए,



लेंस सूत्र-

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}$$

$$\frac{1}{u} = \frac{1}{v} - \frac{1}{f} = \frac{1}{-10} + \frac{1}{15} = \frac{-3 + 2}{30} = \frac{-1}{30}$$

$$u = -30\text{cm}$$

प्रश्न 12 15cm फोकस दूरी के किसी उत्तल दर्पण से कोई बिंब 10cm दूरी पर रखा है। प्रतिबिंब की स्थिति तथा प्रकृति ज्ञात कीजिए।

उत्तर- उत्तल दर्पण की फोकस दूरी = 15cm

बिंब की दूरी = -10cm

दर्पण सूत्र से, $\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$

$$\Rightarrow \frac{1}{v} = \frac{1}{f} - \frac{1}{u}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{v} = \frac{1}{15} - \frac{1}{-10}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{v} = -\frac{1}{15} + \frac{1}{10}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{v} = \frac{2+3}{30}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{v} = \frac{5}{30}$$

$$\Rightarrow v = \frac{30}{5}$$

$$\Rightarrow v = 6\text{cm}$$

प्रतिबिंब की स्थिति- प्रतिबिंब दर्पण के पीछे 6cm दूरी पर बनेगा।

प्रतिबिंब की प्रकृति- आभासी और सीधा होगा।

प्रश्न 13 एक समतल दर्पण द्वारा उत्पन्न आवर्धन +1 है। इसका क्या अर्थ है?

उत्तर- $m = \frac{-v}{u} = \frac{h'}{h}$

$$+1 = \frac{-v}{u} = \frac{h'}{h}$$

$$v = -u \quad h = h'$$

अर्थात् $m = +1$ दर्शाता है कि प्रतिबिंब तथा बिंब के साइज़ बराबर हैं। m का धनात्मक चिह्न दर्शाता है कि प्रतिबिंब आभासी तथा सीधा है। साथ ही, प्रतिबिंब दर्पण से ठीक उतना ही पीछे बनता है, जितनी दूरी पर वस्तु (बिंब) इसके सामने स्थित है।

प्रश्न 14 5.0cm लंबाई का कोई बिंब 30cm वक्रता त्रिज्या के किसी उत्तल दर्पण के सामने 20cm दूरी पर रखा गया है। प्रतिबिंब की स्थिति, प्रकृति तथा साइज़ ज्ञात कीजिए।

उत्तर- दर्पण की वक्रता त्रिज्या $R = 30\text{cm}$, इसलिए, दर्पण की फोकस दूरी

$$f = \frac{R}{2} = 15\text{cm},$$

बिंब की लम्बाई $h = 5.0\text{cm}$ तथा बिंब की दर्पण से दूरी $u = -20\text{cm}$

माना, प्रतिबिंब की दर्पण से दूरी $= v \text{ cm}$, इसलिए,

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u} \Rightarrow \frac{1}{v} = \frac{1}{15} + \frac{1}{20} = \frac{4+3}{60} = \frac{7}{60}$$

$$\Rightarrow v = \frac{60}{7} = 8.6\text{cm}$$

$$\Rightarrow \frac{h_i}{5} = -\frac{\frac{60}{7}}{-20} \Rightarrow h_i = \frac{15}{7} = 2.14\text{cm}$$

अतः प्रतिबिंब दर्पण से 8.6cm की दूरी पर, दर्पण के पीछे, सीधा तथा अभाती है और इसकी ऊँचाई 2.14 है।

प्रश्न 15 7.0cm साइज़ का कोई बिंब 18cm फोकस दूरी के किसी अवतल दर्पण के सामने 27cm दूरी पर रखा गया है। दर्पण से कितनी दूरी पर किसी परदे को रखें कि उस पर वस्तु का स्पष्ट फोकसित प्रतिबिंब प्राप्त किया जा सकेगा। प्रतिबिंब का साइज़ तथा प्रकृति ज्ञात कीजिए।

उत्तर- बिंब का साइज़, $H_1 = 7.0\text{cm}$

बिंब की दर्पण से दूरी, $U = -27\text{cm}$

फोकस दूरी $= -18\text{cm}$

प्रतिबिंब की दर्पण से दूरी, $V = ?$

दर्पण सूत्र-

$$\frac{1}{v} + \frac{1}{u} = \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{f} - \frac{1}{u} = \frac{1}{-18} + \frac{1}{27} = \frac{-3 + 2}{54} = \frac{-1}{54}$$

अतः परदे को दर्पण के आगे 54cm की दूरी पर रखना चाहिए। प्रतिबिंब जो परदे पर बनेगा वह वास्तविक होगा।

$$m = \frac{h_2}{h_1} = \frac{v}{-u}$$

$$\frac{h_2}{7.0} = \frac{-54}{-27} \Rightarrow h_2 = -14.0\text{cm}$$

-Ve चिह्न से पता चलता है कि प्रतिबिंब उल्टा बनेगा।

प्रश्न 16 उस लेंस की फोकस दूरी ज्ञात कीजिए जिसकी क्षमता -2.0D है। यह किस प्रकार का लेंस है?

उत्तर- $P = -2.0D$

$$P = \frac{1}{f}$$

$$-2D = \frac{1}{f}$$

$$\Rightarrow f = \frac{1}{-2}$$

$$\Rightarrow f = \frac{100}{-2}\text{cm}$$

$$\Rightarrow f = -50\text{cm}$$

अतः फोकस दूरी 50cm या 0.5m है।

ऋणात्मक मान यह बताता है कि लेंस अपसारी लेंस अथवा अवतल लेंस है।

प्रश्न 17 कोई डॉक्टर +1.5D क्षमता का संशोधक लेंस निर्धारित करता है। लेंस की फोकस दूरी ज्ञात कीजिए। क्या निर्धारित लेंस अभिसारी है अथवा अपसारी?

उत्तर- लेंस की क्षमता $P = +1.5D$, $P = \frac{1}{f}$

लेंस की क्षमता दूरी $f = \frac{1}{P} = \frac{1}{-1.5D} = +0.67m$

चूँकि लेंस की क्षमता एवं फोकस दूरी के मान धनात्मक हैं अतः यह एक उत्तल लेंस (अभिसारी) लेंस है।