



## Selettività di predicati locali


**Dario Maio**

<http://bias.csr.unibo.it/maio/>




Selettività di predicati locali

1




## Selettività di predicati locali

- Dato un predicato  $p$ , il suo **fattore di selettività**  $f_p$  è dato dal rapporto tra il numero di tuple che soddisfano  $p$  e il numero di tuple della relazione a cui  $p$  si riferisce.
- Il numero di tuple residue che risultano dall'applicazione di  $p$  alla relazione  $R$  è pertanto valutato come
$$ET_R = f_p \times NT_R$$
- Denotiamo con  $p(A)$  un predicato su un attributo  $A$ .
- La selettività di  $p(A)$ , ipotizzando l'uniformità delle distribuzioni di valori, è data da:
$$f_{p(A)} = EK_A / NK_A$$
- dove  $EK_A$  rappresenta il **numero di chiavi residue** e  $NK_A$  è il **numero di valori distinti** di  $A$



Selettività di predicati locali

2



## Selettività di predicati locali: casi notevoli


- Predicato "="  $f_{(A=v)} = 1/NK_A$
- Predicato "IN"  $f_{(A \in \text{set})} = \text{card}(\text{set})/NK_A$
- Predicato "<"  $f_{(A < v)} = \frac{v - \min(A)}{\max(A) - \min(A)} \times \frac{NK_A - 1}{NK_A}$   
 → per attributi con molti valori si può approssimare a:  

$$f_{(A < v)} = \frac{v - \min(A)}{\max(A) - \min(A)}$$
- Predicato "between"  $f_{(A \in [v_1, v_2])} = \frac{v_2 - v_1}{\max(A) - \min(A)} \times \frac{NK_A - 1}{NK_A} + \frac{1}{NK_A}$   
 → per attributi con molti valori si può approssimare a:  

$$f_{(A \in [v_1, v_2])} = \frac{v_2 - v_1}{\max(A) - \min(A)}$$

Selettività di predicati locali

3




## Calcolo di selettività: esempio

$NT_{\text{Employee}} = 20000$ ,  $NK_{\text{DeptNo}} = 100$ ,  $NK_{\text{Job}} = 10$   
 $NK_{\text{Sex}} = 2$ ,  $NK_{\text{Salary}} = 10$   
 $\min(\text{Salary}) = 5000$ ,  $\max(\text{Salary}) = 50000$

Predicato	Selettività	Tuple residue
DeptNo = 51	1/100	200
Salary > 10000	$(50 - 10)/(50 - 5) \times 9/10 = 8/10$	16000
Job = 'Clerk'	1/10	2000
Sex = 'Female'	1/2	10000

Selettività di predicati locali

4




## Calcolo di selettività: esempio

- Nel caso di condizioni composte da più predicati si ha, grazie all'ipotesi di indipendenza tra attributi:


$$f(p1 \text{ AND } p2) = fp1 \times fp2$$

$$f(p1 \text{ OR } p2) = fp1 + fp2 - fp1 \times fp2 \text{ (con } p1 \text{ e } p2 \text{ su attributi distinti)}$$


Condizione	Selettività
DeptNo = 51 and Salary > 10000	$\frac{1}{100} \times \frac{8}{10} = \frac{8}{1000}$
Job = 'Clerk' or Sex = 'Female'	$\frac{1}{10} + \frac{1}{2} - \frac{1}{20} = \frac{11}{20}$



Selettività di predicati locali



5



## Piani di accesso

- Scansione sequenziale

$$C(\text{seq } R) = NP_R + \alpha \times NT_R$$

- Accesso con indice IX(R.Ai)

$$Ca(IX(R.Ai) \{clus|uncl\}) = NI_{R.Ai} + EL_{p(R.Ai)} + EP_{p(R.Ai)}$$

dove


- $EL_{p(R.Ai)}$ : numero atteso di **pagine foglia** a cui bisogna accedere

$$EL_{p(R.Ai)} = \lceil f_{p(R.Ai)} \times NL_{(R.Ai)} \rceil$$


- $EP_{p(R.Ai)}$ : numero atteso di **pagine dati** cui bisogna accedere

- » **clustered**:  $EP_{p(R.Ai)} = \lceil f_{p(R.Ai)} \times NP_R \rceil$


- » **unclustered**:  $EP_{p(R.Ai)} = EK_{p(R.Ai)} \times \Phi(NT_R / NK_{R.Ai}, NP_R)$



Selettività di predicati locali



6




## Piani di accesso: esempio

NP <sub>Employee</sub>	= 2000	(alias E per Employee)
D	= 4096 byte	(capacità delle pagine dati e indice)
u	= 0.69	(fattore di riempimento delle foglie)
L(DeptNo)	= 2 byte	(alias D per DeptNo)
L(Salary)	= 4 byte	(alias S per Salary)
L(Job)	= 10 byte	(alias J per Job)
L(TID)	= 4 byte	(lunghezza di un TID)
NI	= 2	(per ogni indice)


Ricordando che il numero di foglie si calcola come:

$$NL_{R,Ai} = \left\lceil \frac{NK_{R,Ai} \times L(R,Ai) + NT_R \times L(TID)}{D \times u} \right\rceil$$


si ottiene  $NL_{E,D} = NL_{E,S} = NL_{E,J} = 29$ .



Selettività di predicati locali



7



## Piani di accesso: esempio

- Scansione sequenziale**


$$C(\text{Seq } E) = 2000 + \alpha \times 20000$$
- IX(E.D) unclustered e IX(E.S) clustered**
  - $$C(\text{IX}(E.D) \text{ uncl}) = 2 + \lceil 0.01 \times 29 \rceil + \Phi(0.01 \times 20000, 2000) + \alpha \times 200$$

$$= 2 + 1 + 191 + \alpha \times 200 = 194 + \alpha \times 200$$
  - $$C(\text{IX}(E.S) \text{ clus}) = 2 + \lceil 0.8 \times 29 \rceil + \lceil 0.8 \times 2000 \rceil + \alpha \times 16000$$


$$= 2 + 24 + 1600 + \alpha \times 16000 = 1626 + \alpha \times 16000$$
- IX(E.D) clustered e IX(E.S) unclustered**
  - $$C(\text{IX}(E.D) \text{ clus}) = 2 + 1 + \lceil 0.01 \times 2000 \rceil + \alpha \times 200$$

$$= 3 + 20 + \alpha \times 200 = 23 + \alpha \times 200$$
  - $$C(\text{IX}(E.S) \text{ uncl}) = 2 + 24 + 8 \times \Phi(0.1 \times 20000, 2000) + \alpha \times 16000$$

$$= 26 + 8 \times 1265 + \alpha \times 16000 = 10146 + \alpha \times 16000$$



Selettività di predicati locali



8