A-436 (E/H)

Roll. No.

Total No. of Questions: 26]



[Total No. of Printed Pages: 15

# A-436 (E/H)

# हायर सेकेण्डरी, परीक्षा-2017

# **Higher Mathematics**

a2zSUBJCTS.COM

हायर मेथमेटिक्स (गणित)

(English and Hindi Version)

Time: Three Hours]

[Maximum Marks: 100

www.a2zsubjects.com

www.a2zsubjects.com

#### निर्देश:

- i) सभी प्रश्न अनिवार्य हैं।
- ii) प्रश्नपत्र में दिए गये निर्देश सावधानीपूर्वक पढ़कर प्रश्नों के उत्तर लिखिए।
- iii) प्रश्नपत्र में दो खण्ड दिये गये है खण्ड 'अ' और खण्ड 'ब'।
- iv) खण्ड 'अ' में दिये गये प्रश्न क्रमांक 1 से 5 तक वस्तुनिष्ठ प्रश्न है। प्रत्येक प्रश्न 5 अंक का है।
- v) खण्ड 'ब' में प्रश्न क्रमांक 6 से 26 तक आंतरिक विकल्प दिये गये हैं।
- vi) प्रश्न क्रमांक 6 से 10 तक प्रत्येक 2 अंक का हैं।
- vii) प्रश्न क्रमांक 11 से 14 तक प्रत्येक 3 अंक का हैं।
- viii) प्रश्न क्रमांक 15 से 21 तक प्रत्येक 4 अंक का हैं।
- ix) प्रश्न क्रमांक 22 से 26 तक प्रत्येक 5 अंक का हैं।

#### a2zSUBJCTS.COM

#### Instructions:

- All questions are compulsory.
- ii) Read instructions carefully of the question paper and then write answers of the questions.
- iii) Question paper has two sections Section 'A' and Section 'B'.
- iv) In the Section 'A' Question Nos. 1 to 5 are objective type. Each question carries 5 marks.

A-436 (E/H)

1

A-436 (E/H)

www.a2zsubjects.com

www.a2zsubjects.com

- In the Section 'B' Question Nos. 6 to 26 has Internal option. v)
- vi) Q. Nos. 6 to 10 carry 2 marks each.
- vii) Q. Nos. 11 to 14 carry 3 marks each.
- Q. Nos. 15 to 21 carry 4 marks each. viii)
- Q. Nos. 22 to 26 carry 5 marks each. ix)

## a2zSUBJCTS.COM

खण्ड 'अ'

#### SECTION 'A'

सही विकल्प चुनकर लिखिए। 1)

[5x1=5]

- (i)  $a = \frac{2x+3}{x^2+5x+6} = \frac{A}{x+2} + \frac{B}{x+3}$  हो तो A+B का मान है।
  - (a) 3

(b) 2

(c) 5

- (d)
- (ii)  $\tan^{-1} \frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$  on मान है।
  - (a)  $\cos^{-1} x$

(b)

(c)  $\sin^{-1}\frac{1}{x}$ 

- (d)
- (iii)  $\int_{1}^{3} x^{2} dx$  का मान है।

a2zSUBJCTS.COM

(d)

www.a2zsubjects.com

## a2zSUBJCTS.COM

A-436 (E/H)

(iv) a की दिशा में एकांक सदिश होगा।

(a) 
$$\frac{\overrightarrow{a}}{|\overrightarrow{a}|}$$

(b)  $\overrightarrow{a} \mid \overrightarrow{a} \mid \overrightarrow{a} \mid 0$ 

(c)  $a^2$ 

- (d) i
- (v) log sin x का अवकल गुणांक है।
  - (a) cosx

(b) tan x

(c) cosecx

(d) cot x

Choose the correct options:

(i) If 
$$\frac{2x+3}{x^2+5x+6} = \frac{A}{x+2} + \frac{B}{x+3}$$
, then the value of A + B is:

(a) 3

(b) 2

(c) 5

(d) 4

## a2zSUBJCTS.COM

- (ii) The value of  $\tan^{-1} \frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$  is:
  - (a)  $\cos^{-1} x$

(b)  $\cot^{-1} x$ 

(c)  $\sin^{-1}\frac{1}{x}$ 

- (d)  $\sin^{-1} x$
- (iii) The value of  $\int_1^3 x^2 dx$  is:
  - (a)  $\frac{26}{3}$

(b)  $\frac{28}{3}$ 

(c)  $\frac{25}{3}$ 

(d)  $\frac{8}{3}$ 

# www.a2zsubjects.com

www.a2zsubjects.com

#### a2zSUBJCTS.COM

A-436 (E/H)

(iv) The unit vector in the direction of  $\overrightarrow{a}$  is:

(a)  $\frac{\overrightarrow{a}}{|\overrightarrow{a}|}$ 

(b)  $\overrightarrow{a} | \overrightarrow{a} |$ 

(c)  $a^2$ 

- (d) i
- (v) Differential coefficient of log sin x is:
  - (a) cos x

(b) tan x

(c) cosecx

- (d) cot x
- 2) निम्नलिखित कथनों में सत्य/असत्य लिखिए।

[5x1=5]

- (i) सह-सम्बन्ध गुणांक का मान -2 से +2 के बीच होता हैं।
- (ii) यदि समाश्रयण गुणांक 0.8 तथा 0.2 हो तो सहसम्बन्ध गुणांक का मान + 0.4 होता हैं।
- (iii) फलन f(x) = 5x + 2 वास्तविक संख्या समुच्चय में वर्धमान फलन हैं।
- (iv) यदि गोले के केन्द्र का स्थिति सदिश  $\overrightarrow{c}$  हैं तथा त्रिज्या a है तब गोले का सदिश समीकरण  $|\overrightarrow{r}+\overrightarrow{c}|=a$  होगा। a2zSUBJCTS.COM
- (v) दो सदिश  $\overrightarrow{a}$  व  $\overrightarrow{b}$  परस्पर लम्बवत होंगे यदि  $\overrightarrow{a} \cdot \overrightarrow{b} = 0$

Write True/False in the following statements:

- (i) The value of correlation coefficient lies between -2 to +2.
- (ii) If regression coefficient are 0.8 and 0.2 then the value of correlation coefficient is +0.4.
- (iii) The function f(x) = 5x + 2 is increasing on set of real numbers.

### a2zSUBJCTS.COM

A-436 (E/H)

- (iv) If the position vector of centre of sphere is  $\overrightarrow{c}$  and radius is a, then the vector equation of sphere is  $|\overrightarrow{r} + \overrightarrow{c}| = a$
- (v) Two vectors  $\overrightarrow{a}$  and  $\overrightarrow{b}$  are perpendicular if  $\overrightarrow{a} \cdot \overrightarrow{b} = 0$
- 3) रिक्त स्थानो की पूर्ति कीजिए।

[5x1=5]

- (i) बिन्दु (5, 12, 13) की Y अक्ष से लम्बवत दूरी ...... हैं।
- (ii) मूल बिन्दू (0, 0, 0) से होकर जाने वाले समतल का समीकरण ...... हैं।
- (iii) समतल 2x + y z = 5 द्वारा X अक्ष पर काटा गया अंतःखण्ड ...... हैं।
- (iv) गोले  $x^2 + y^2 + z^2 + 3x + 5y + 2z = 0$  में केन्द्र ...... हैं।
- (v) sin 3x का 3x के सापेक्ष अवकल गुणांक ...... हैं।

Fill in the blanks:

#### a2zSUBJCTS.COM

- (i) The perpendicular distance of a point (5, 12, 13) from Y-axis is ......
- (ii) The equation of the plane passing through the origin (0, 0, 0) is .......
- (iii) The intercept cut by the plane 2x + y z = 5 on X-axis is ...........
- (iv) The centre of the sphere  $x^2 + y^2 + z^2 + 3x + 5y + 2z = 0$  is .......
- (v) The differential coefficient of sin 3x with respect to 3x is ..............
- 4) एक शब्द / वाक्य में उत्तर दीजिए।

[5x1=5]

www.a2zsubjects.com

- (i) न्यूटन रैफसन विधि से किसी संख्या N का वर्गमूल ज्ञात करने का सूत्र लिखिए।
- (ii) आंकिक विधियो में समलम्ब चतुर्भुज नियम का सूत्र लिखिए।
- (iii) न्यूटन रैफसन विधि से 10 का घनमूल प्रथम पुनरावृत्ति पश्चात लिखिए।
- (iv) समीकरण  $x^3 + x 3 = 0$  का मूल किस अंतराल में स्थित है?

a2zSUBJCTS.COM

A-436 (E/H)

(v) सिम्पसन नियम में विषम संलग्नक वाले y के गुणांक को लिखिए।

Give answer in one word/sentence:

- In Newton-Raphson's method write the formula for finding square root of the number N.
- (ii) Write trapezoidal rule formula in numerical methods.
- (iii) Write cube root of 10 by Newton-Raphson's method after first iteration.
- (iv) In which interval does the root of equation  $x^3 + x 3 = 0$  lie.
- (v) Write the coefficient of y with odd subscripts in Simpson's Rule.
- 5) सही जोड़ी बनाइये :

[5x1=5]

'अ'

## a2zSUBJCTS.COM

(a) 
$$\int \cos ec x dx$$

(i) 
$$\sec^{-1} x + c$$

(b) 
$$\int \frac{dx}{x\sqrt{x^2-1}}$$

(ii) 
$$\frac{1}{2} \left[ x \sqrt{a^2 - x^2} + a^2 \sin^{-1} \frac{x}{a} \right] + c$$

(c) 
$$\int \sqrt{a^2 - x^2} \, dx$$

(iii) 
$$\log \left[ x + \sqrt{x^2 - a^2} \right] + c$$

(d) 
$$\int \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}}$$

(iv) 
$$\log \tan \frac{x}{2} + c$$

(e) 
$$\int \frac{dx}{a^2 + x^2}$$

(v) 
$$\sin^{-1} \frac{x}{a} + c$$

(vi) 
$$\frac{1}{a} \tan^{-1} \frac{x}{a} + c$$

www.a2zsubjects.com

A-436 (E/H)

Match the correct pair.

#### a2zSUBJCTS.COM

'A'

(a)  $\int \cos \cot x dx$ 

(b) 
$$\int \frac{dx}{x\sqrt{x^2 - 1}}$$

(c) 
$$\int \sqrt{a^2 - x^2} \, dx$$

(d) 
$$\int \frac{\mathrm{dx}}{\sqrt{a^2 - x^2}}$$

(e) 
$$\int \frac{dx}{a^2 + x^2}$$

**'B'** 

(i) 
$$\sec^{-1} x + c$$

(ii) 
$$\frac{1}{2} \left[ x \sqrt{a^2 - x^2} + a^2 \sin^{-1} \frac{x}{a} \right] + c$$

(iii) 
$$\log \left[ x + \sqrt{x^2 - a^2} \right] + c$$

(iv) 
$$\log \tan \frac{x}{2} + c$$

(v) 
$$\sin^{-1} \frac{x}{a} + c$$

(vi) 
$$\frac{1}{a} \tan^{-1} \frac{x}{a} + c$$

खण्ड 'ब'

#### a2zSUBJCTS.COM

#### **SECTION 'B'**

6) सिध्द कीजिए कि 
$$\overrightarrow{a} = 5\hat{i} + 15\hat{j}$$
 तथा  $\overrightarrow{b} = 3\hat{i} + 9\hat{j}$  समान्तर सदिश हैं। [2]

Prove that the vectors  $\vec{a} = 5\hat{i} + 15\hat{j}$  and  $\vec{b} = 3\hat{i} + 9\hat{j}$  are parallel.

#### अथवा / OR

यदि बिन्दुओ A और B के स्थिति सदिश क्रमशः  $7\hat{i}+3\hat{j}+\hat{k}$  तथा  $2\hat{i}+5\hat{j}+4\hat{k}$  है तो  $\overrightarrow{AB}$ का परिणाम ज्ञात कीजिए।

If the position vectors of the points A and B are  $7\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$  and  $2\hat{i} + 5\hat{j} + 4\hat{k}$ respectively, then find the magnitude of AB.

7

#### a2zSUBJCTS.COM

A-436 (E/H)

www.a2zsubjects.com

7)  $\overrightarrow{\text{aer }F} = 2\hat{i} - \hat{j} - \hat{k} \text{ के द्वारा एक कण का विस्थापन } \overrightarrow{d} = 3\hat{i} + 2\hat{j} - 5\hat{k} \text{ है, तो बल द्वारा}$  िकया गया कार्य ज्ञात कीजिए। [2]

The displacement of a particle by the force  $\vec{F} = 2\hat{i} - \hat{j} - \hat{k}$  is  $\vec{d} = 3\hat{i} + 2\hat{j} - 5\hat{k}$ , then find the work done by the force.

#### अथवा / OR

यदि  $\overrightarrow{a} = 2\hat{i} - 3\hat{j} + \hat{k}$  और  $\overrightarrow{b} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ , हो तो  $\overrightarrow{a} \times \overrightarrow{b}$  का मान ज्ञात कीजिए।

If  $\vec{a} = 2\hat{i} - 3\hat{j} + \hat{k}$  and  $\vec{b} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ , then find the value of  $\vec{a} \times \vec{b}$ .

8)  $\lambda \text{ के किस मान के लिए समतल } \overrightarrow{r} \cdot (2\hat{i} + \lambda \hat{j} - 3\hat{k}) = 2 \text{ तथा } \overrightarrow{r} \cdot (\lambda \hat{i} - 3\hat{j} + \hat{k}) = 5 \text{ एक}$  दूसरे पर लम्ब होंगे। [2]

For what value of  $\lambda$  the planes  $\vec{r} \cdot (2\hat{i} + \lambda \hat{j} - 3\hat{k}) = 2$  and  $\vec{r} \cdot (\lambda \hat{i} - 3\hat{j} + \hat{k}) = 5$  are perpendicular to each other.

दो सरल रेखाओं के बीच की न्यूनत्तम दूरी ज्ञात करने का सूत्र लिखिए जिनके सदिश समीकरण है।

$$\overrightarrow{r} = \overrightarrow{a}_1 + \lambda \overrightarrow{b}_1$$

और 
$$\overrightarrow{r} = \overrightarrow{a}_2 + \mu \overrightarrow{b}_2$$

जहाँ λ व μ अदिश हैं।

Write the formula to find the shortest distance between two straight lines whose vector equation are

A-436 (E/H)

$$\overrightarrow{r} = \overrightarrow{a_1} + \lambda \overrightarrow{b_1}$$

www.a2zsubjects.com

www.a2zsubjects.com

and 
$$\overrightarrow{r} = \overrightarrow{a}_2 + \mu \overrightarrow{b}_2$$

where  $\lambda$  and  $\mu$  are scalars.

$$\int \frac{\cos(\log x)}{x} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।

[2]

Find the value of  $\int \frac{\cos(\log x)}{x} dx$ 

a2zSUBJCTS.COM अथवा / OR

सिध्द कीजिए कि  $\int \sec x dx = \log (\sec x + \tan x) + c$ 

Prove that  $\int \sec x dx = \log (\sec x + \tan x) + c$ 

$$\int_{X} e^{x} dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए ।

[2]

Find the value of  $\int x e^x dx$ 

a2zSUBJCTS.COM अथवा / OR

$$\int x \tan^2 x \, dx$$
 का मान ज्ञात कीजिए।

Find the value of  $\int x \tan^2 x dx$ 

समान्तर समतलों 2x - 2y + z + 3 = 0 तथा 4x - 4y + 2z + 5 = 0 के बीच की दूरी ज्ञात 11) [3] कीजिए।

Find the distance between the parallel planes 2x - 2y + z + 3 = 0 and 4x - 4y + 2z + 5 = 0.

(P.T.O.)

9

www.a2zsubjects.com

A-436 (E/H)

## a2zSUBJCTS.COM अधवा/OR

YZ समतल, बिन्दुओं (-2, 4, 7) तथा (3, -5, 8) को मिलाने वाली रेखा को किस अनुपात में विभाजित करता है।

In which ratio does the YZ plane divide the line joining the points (-2, 4, 7) and (3, -5, 8).

12) सिध्द कीजिए कि समीकरण x = ay + b, z = cy + d का समित रूप

$$\frac{x-b}{a} = \frac{y}{1} = \frac{z-d}{c} \quad \text{?}$$

Prove that the symmetrical form of equation x = ay + b, z = cy + d is

$$\frac{x-b}{a} = \frac{y}{1} = \frac{z-d}{c}$$

#### अथवा / OR

उस गोले का समीकरण ज्ञात कीजिए जिसका केन्द्र (3, 2, 1) तथा त्रिज्या 5 हैं। Find the equation of the sphere whose centre is (3, 2, 1) and radius is 5.

13) सदिश विधि से सिध्द कीजिए कि अर्धवृत का कोण समकोण होता हैं। [3]

Prove by vector method that the angle in a semicircle is right angle.

सिध्द कीजिए कि 
$$\vec{a} \times (\vec{b} + \vec{c}) + \vec{b} \times (\vec{c} + \vec{a}) + \vec{c} \times (\vec{a} + \vec{b}) = \vec{0}$$

Prove that 
$$\overrightarrow{a} \times (\overrightarrow{b} + \overrightarrow{c}) + \overrightarrow{b} \times (\overrightarrow{c} + \overrightarrow{a}) + \overrightarrow{c} \times (\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}) = \overrightarrow{0}$$

14) गोले का सदिश समीकरण ज्ञात कीजिए जबकि इसमे व्यास के सीमान्त बिन्दु क्रमशः

Find the vector equation of the sphere where the points (2, 3, 5) and (4, 9, -3) are extremities of its diameter.

A-436 (E/H)

#### a2zSUBJCTS.COM

#### अथवा / OR

समतलों  $\vec{r} \cdot (2\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}) = 1$  तथा  $\vec{r} \cdot (\hat{i} + \hat{j}) = 4$  के बीच का कोन ज्ञात कीजिए।

Find the angle between the planes  $\vec{r} \cdot (2\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}) = 1$  and  $\vec{r} \cdot (\hat{i} + \hat{j}) = 4$ 

15) 
$$\frac{13x+18}{2x^2+5x+3}$$
 को आंशिक भिन्नो में विभक्त कीजिए। [4]

Resolve  $\frac{13x+18}{2x^2+5x+3}$  into partial fractions.

#### अथवा / OR

$$\frac{8x^2 - 9}{(3x + 2)(x^2 + 5)}$$
 को आंशिक मिन्नो में विमक्त कीजिए।

Resolve  $\frac{8x^2-9}{(3x+2)(x^2+5)}$  into partial fractions.

#### a2zSIIRJCTS.COM

16) सिध्द कीजिए कि 
$$\cos^{-1} \frac{4}{5} + \tan^{-1} \frac{3}{5} = \tan^{-1} \frac{27}{11}$$
 [4]

Prove that

$$\cos^{-1} \frac{4}{5} + \tan^{-1} \frac{3}{5} = \tan^{-1} \frac{27}{11}$$

#### अथवा / OR

$$\sin \left[ 2 \tan^{-1} \sqrt{\frac{1-x}{1+x}} \right]$$
 को सरलतम रूप में व्यक्त कीजिए।

Express 
$$\sin \left[ 2 \tan^{-1} \sqrt{\frac{1-x}{1+x}} \right]$$
 in simplest form.

A-436 (E/H)

17) 
$$\sqrt{\tan \sqrt{x}}$$
 का अवकलगुणांक ज्ञात कीजिए।

[4]

Find differential coefficient of  $\sqrt{\tan \sqrt{x}}$ 

a2zSUBJCTS.COM

अथवा / OR

यदि 
$$y = \cot^{-1}\left[\frac{\sqrt{1+x^2}+1}{x}\right]$$
 हो तो  $\frac{dy}{dx}$  का मान ज्ञात कीजिए।

If 
$$y = \cot^{-1} \left[ \frac{\sqrt{1 + x^2} + 1}{x} \right]$$
, then find the value of  $\frac{dy}{dx}$ .

[4]

www.a2zsubjects.com

[4]

Differentiate  $(\cos x)^{\cos x}$  with respect to x.

a2zSUBJCTS.COM अथवा/OR

यदि 
$$y = \sqrt{\cos x + \sqrt{\cos x + \sqrt{\cos x + \dots + \infty}}}$$
 हो तो सिध्द कीजिए क्रि 
$$(1 - 2y) \frac{dy}{dx} = \sin x$$

If 
$$y = \sqrt{\cos x + \sqrt{\cos x + \sqrt{\cos x + \dots + \infty}}}$$
, then prove that  $(1 - 2y) \frac{dy}{dx} = \sin x$ 

19) धातु की एक वर्गाकार चादर की भुजा 5 से.मी./मिनट की दर से बढ रही हैं। जब भुजा 20 से.मी. हैं तब उसका क्षेत्रफल किस दर से बढ रहा हैं।

The side of a square sheet of metal is increasing at the rate of 5 cm/minute. At what rate its area is increasing when the side is 20 cm long?

अथवा / OR

www.a2zsubjects.com

#### a2zSUBJCTS.COM

A-436 (E/H)

अन्तराल [1, 3] में फलन  $2x^3 - 24x + 107$  का उच्चिष्ठ ज्ञात कीजिए।

Find the maximum value of  $2x^3 - 24x + 107$  in the interval [1, 3].

20) x और y के बीच निम्नांकित आँकड़ों के आधार पर सहसम्बन्ध गुणांक की गणना कीजिए। [4]

		66						
у	67	68	65	68	72	72	69	71

Calculate the correlation coefficient between x and y for the following data:

			ì	ì			72
у 6	57 6	8 6	5 68	72	72	69	71

अथवा / OR

दो चर x और y के बीच cov(X, Y) की गणना कीजिए जबकि

$$\sum x_i = 15$$
,  $\sum y_i = 36$ ,  $\sum x_i y_i = 110$ ,  $n = 5$ 

Calculate cov(X, Y) between two variables x and y where:

$$\sum x_i = 15$$
,  $\sum y_i = 36$ ,  $\sum x_i y_i = 110$ ,  $n = 5$  a2zSUBJCTS.COM

21) सिध्द कीजिए कि सहसम्बन्ध गुणांक समाश्रयण गुणांको का गुणोत्तर माध्य होता है। [4]

Prove that correlation coefficient is the geometric mean of the regression coefficients.

#### अथवा / OR

x और y में समाश्रयण गुणांक byx तथा bxy की गणना निम्नांकित आकड़ों के लिए कीजिए।  $\sum x = 24, \ \sum y = 44, \ \sum xy = 306, \ \sum x^2 = 164, \ \sum y^2 = 574, \ n = 4$ 

Calculate regression coefficient byx and bxy for variables x and y for the

following data: 
$$\sum x = 24$$
,  $\sum y = 44$ ,  $\sum xy = 306$ ,  $\sum x^2 = 164$ ,  $\sum y^2 = 574$ ,  $n = 4$ .

#### a2zSUBJCTS.COM

A-436 (E/H)

22) बिन्दुओ (4, 5, 1), (0, -1, -1) तथा (-4, 4, 4) से होकर जाने वाले समतल का समीकरण ज्ञात कीजिए।

Find the equation of the plane passing through the point (4, 5, 1), (0, -1, -1) and (-4, 4, 4).

#### अथवा / OR

सिध्द कीजिए कि रेखाए  $\frac{x}{1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z+3}{3}$  तथा  $\frac{x-2}{2} = \frac{y-6}{3} = \frac{z-3}{4}$  समतलीय हैं। उनका प्रतिच्छेद बिन्दु ज्ञात कीजिए।

Prove that the lines  $\frac{x}{1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z+3}{3}$  and  $\frac{x-2}{2} = \frac{y-6}{3} = \frac{z-3}{4}$  are coplanar.

Find the point of intersection of these lines.

23) यदि 
$$f(x) = \log_e\left(\frac{1-x}{1+x}\right)$$
 हो तो सिध्द कीजिए कि  $f(a) + f(b) = f\left(\frac{a+b}{1+ab}\right)$  [5]

If 
$$f(x) = \log_e \left( \frac{1-x}{1+x} \right)$$
 then prove that  $f(a) + f(b) = f\left( \frac{a+b}{1+ab} \right)$ 

## a2zSUBJCTS.COM

अथवा / OR

$$\lim_{x\to 0} \frac{\tan x - \sin x}{x^3}$$
 का मान ज्ञात कीजिए।

Find the value of  $\lim_{x\to 0} \frac{\tan x - \sin x}{x^3}$ 

24) 
$$\int \frac{dx}{5 + 4\sin x}$$
 का मान ज्ञात कीजिए। [5]

Find the value of  $\int \frac{dx}{5 + 4 \sin x}$ 

अथवा / OR

a2zSUBJCTS.COM

A-436 (E/H)

सिघ्द कीजिए कि 
$$\int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\tan x}}{1 + \sqrt{\tan x}} dx = \frac{\pi}{4}$$

Prove that 
$$\int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\tan x}}{1 + \sqrt{\tan x}} dx = \frac{\pi}{4}$$

अवकल समीकरण 
$$(x-1)$$
  $\frac{dy}{dx} = 2x^3y$  को हल कीजिए।

Solve the differential equation  $(x-1)$   $\frac{dy}{dx} = 2x^3y$ 

अथवा / OR

[5]

Solve the differential equation  $(x-1) \frac{dy}{dx} = 2x^3y$ 

अथवा / OR

अवकल समीकरण 
$$\frac{dy}{dx} = \frac{x^2 + 5xy + 4y^2}{x^2}$$
 को हल कीजिए।

Solve the differential equation 
$$\frac{dy}{dx} = \frac{x^2 + 5xy + 4y^2}{x^2}$$

52 ताशो की अच्छी तरह फेटी हुई गड्डी में से यदृच्छशः 1 ताश निकाला जाता हैं। इसके 26) इक्के या बादशाह न होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए। [5]

A card is drawn at random from a well shuffled pack of 52 cards. Find the probability that it is neither an ace nor a king.

a2zSUBJCTS.COM अथवा / OR

एक सिक्का 6 बार उछाला जाता है। कम से कम 3 शीर्ष आने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए। A fair coin is tossed six times. What is the probability of getting at least three heads?