http://www.a2zSubjects.com

MP BOARD CLASS 12 PAPER 2016 गणित : कक्षा XII

खण्ड 'अ'

सही विकल्प चुनकर लिखिए—

 $5 \times 1 = 5$

2 cos⁻¹x का मान है--(i)

(a)
$$\cos^{-1}(2x^2+1)$$
,

(b)
$$\cos^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$$

(c)
$$\cos^{-1}(2x^2-1)$$
,

(c)
$$\cos^{-1}(2x^2-1)$$
, (d) $\tan^{-1}\frac{2x}{1-x^2}$.

(ii) $\frac{1}{r^2+2r}$ का आंशिक भिन्न रूप है—

(a)
$$\frac{1}{2} \left[\frac{1}{x} - \frac{1}{x+2} \right]$$
, (b) $\frac{1}{2} \left[\frac{1}{x} + \frac{1}{x+2} \right]$,

(b)
$$\frac{1}{2} \left[\frac{1}{x} + \frac{1}{x+2} \right]$$

(c)
$$\frac{1}{2} \left[\frac{1}{x+2} - \frac{1}{x} \right]$$
, (d) $\frac{1}{x} - \frac{1}{x+2}$.

$$(d) \frac{1}{x} - \frac{1}{x+2}.$$

- (a) $-\sin b + \sin a$.
- (b) $\sin b + \sin a$,
- (d) $\sin b \sin a$.

(c) cos b — cos a, (iv) सदिश a का सदिश b पर प्रक्षेप है—

- (a) $\frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{b}|}$, (b) $\frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}|}$, (c) $\frac{\vec{a}}{|\vec{a}|}$, (d) $\frac{\vec{a} \times \vec{b}}{|\vec{b}|}$.

(v) $\frac{d}{dx} \sin x^2$ का मान है—

- - (a) $\cos x^2$, (b) $x \sin x^2$, (c) $2x \cos x^2$, (d) $x \cos x^2$.

उत्तर-(i) (c), (ii) (a), (iii) (d), (iv) (a), (v) (c).

एक शब्द/वाक्य में उत्तर दीजिए—

 $5 \times 1 = 5$

- आंकिक विधियों में सिम्पसन के एक तिहाई नियम का सूत्र लिखिए।
- (ii) न्यूटन-रैफ्सन विधि से किसी संख्या N का घनमूल ज्ञात करने का सूत्र लिखिए।
- (iii) समीकरण $x^3 2x 5 = 0$ का मूल किस अन्तराल में स्थित है ?
- (iv) यदि x_n किसी समीकरण f(x)=0 का सन्निकट मूल हो तो न्यूटन- रैफ्सन विधि से x_{n+1} का मान लिखिए।

(v) सिम्पसर्न का नियम किस सिद्धान्त पर आधारित है ?

$$\overline{\operatorname{3dt}}-(\mathbf{i})\int_{a}^{b} f(x) \, dx = \frac{h}{3} \left[y_{0} + y_{n} \right) + 4 \left(y_{1} + y_{3} + \dots + y_{n-1} \right) \\ + 2 \left(y_{2} + y_{4} + \dots + y_{n-2} \right) \right], (\mathbf{ii}) \sqrt[3]{N} = \frac{1}{3} \left[2x_{n} + \frac{N}{x_{n}^{2}} \right], (\mathbf{iii}) (2, 3),$$

(iv) $x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$, (v) समाकलन के सिद्धान्त पर।

सही जोड़ी बनाइए—

 $5 \times 1 = 5$

$$(i) \frac{1}{2a} \log \frac{x-a}{x+a}, x > a$$

(a)
$$\int \tan x \, dx$$

http://www.a2zSubjects.com

- **(b)** $\int \cot x \, dx$
- (ii) $\frac{1}{2a} \log \frac{a+x}{a-x}, x < a$
- (c) $\int \sec x \, dx$
- (iii) log sin x
- $(\mathbf{d}) \int \frac{1}{x^2 a^2} \, dx$
- (iv) $-\log\cos x$
- (e) $\int \frac{1}{a^2 x^2} dx$
- (v) $\log(\sec x + \tan x)$

 $\overline{3777}$ -(a) \rightarrow (iv), (b) \rightarrow (iii), (c) \rightarrow (v), (d) \rightarrow (i), (e) \rightarrow (ii)

- 4. रिक्त स्थानों की पूर्ति कीजिए- $5 \times 1 = 5$
 - (i) उस समतल का समीकरण जो अक्षों से इकाई अन्तःखण्ड काटे होगा। (ii) समतलों 2x y + z = 6 और x + y + 2z = 3 के मध्य न्यूनकोण
 - (ii) RHAM! 2x y + z = 6 SIR x + y + 2z = 3 So Heat regression...... $\frac{1}{8}$
 - (iii) x-अक्ष के समान्तर समतल का समीकरण है।
 - (iv) बिन्दु (18, 5, 12) की x-अक्ष से लम्बवत् दूरी है।
 - (v) $\sin x^3$ का x^3 के सापेक्ष अवकल गुणांक है।
 - 3777 (i) x + y + z = 1, (ii) 60° , (iii) by + cz + d = 0, (iv) 13, (v) $\cos x^3$.
- 5. निम्नलिखित कथनों में सत्य/असत्य लिखिए--

 $5 \times 1 = 5$

- (i) सहसम्बन्ध गुणांक का मान 1 से अधिक होता है।
- (ii) सहसम्बन्ध गुणांक समाश्रयण गुणांकों का गुणोत्तर माध्य होता है।
- (iii) जब किसी वस्तु को ऊपर की ओर फेंका जाता है तो ऊपर की ओर जाने पर g का मान धनात्मक होता है।
- (iv) सदिश बीजगणित में विस्थापन सदिश राशि है।
- (v) किसी सदिश का वर्ग उसके मापांक के वर्ग के बराबर होता है।
- उत्तर—(i) असत्य,(ii) सत्य,(iii) असत्य,(iv) सत्य,(v) सत्य।

खण्ड 'ब'

- 6. सिंदश $6\hat{i} + 2\hat{j} 3\hat{k}$ की दिक-कोज्याएँ ज्ञात कीजिए।

 यदि $\vec{a} = a_1\hat{i} + a_2\hat{j} + a_3\hat{k}$ तथा $\vec{b} = b_1\hat{i} + b_2\hat{j} + b_3\hat{k}$ हो तो $\vec{a} \times \vec{b}$ का मान ज्ञात कीजिए।
- 7. यदि $\vec{a}=2\hat{i}+\lambda\hat{j}+\hat{k}$ तथा $\vec{b}=4\hat{i}-3\hat{j}-2\hat{k}$ परस्पर लम्बवत् हों तो अदिश λ का मान ज्ञात कीजिए। 2 अथवा दो सदिश $\vec{a}=2\hat{i}+\hat{j}-3\hat{k}$ तथा $\vec{b}=3\hat{i}-2\hat{j}-2\hat{k}$ के बीच का कोण ज्ञात कीजिए।
- 8. उस गोले का सदिश समीकरण ज्ञात कीजिए जिसका केन्द्र $(\hat{i}+2\hat{j}-3\hat{k})$ तथा तिज्या 5 हो । 2 अथवा दो रेखाओं $\vec{r}=\vec{a_1}+\lambda\vec{b_1}$ और $\vec{r}=\vec{a_2}+\lambda\vec{b_2}$ के प्रतिच्छेदी होने का प्रतिबन्ध लिखिए।
- 9. $\int \sec^2 x \tan^3 x \, dx$ का मान ज्ञात कीजिए। $\int \frac{1}{e^x + 1} \, dx$ का मान ज्ञात कीजिए।
- 10. $\int x \sin x \, dx$ का मान ज्ञात कीजिए। 2 अथवा $\int \frac{2x+1}{\sqrt{x^2+x+1}} \, dx$ का मान ज्ञात कीजिए।

http://www.a2zsubjects.com

http://www.a2zSubjects.com

- 11. सिद्ध कीजिए कि : $\tan^{-1}\frac{1}{4} + \tan^{-1}\frac{2}{9} = \frac{1}{2}\cos^{-1}\frac{3}{5}$ 4 अथवा सिद्ध कीजिए कि : $\sin^{-1}\frac{3}{5} + \sin^{-1}\frac{8}{17} = \sin^{-1}\frac{77}{85}$
- 13. $\tan^{-1} \frac{x}{\sqrt{a^2 x^2}}$ का x के सापेक्ष अवकलन ज्ञात कीजिए।

 4 अथवा

 यदि $y = \frac{1 \cos x}{1 + \cos x}$ हो तो $\frac{dy}{dx}$ का मान ज्ञात कीजिए।
- 14. यदि $y = \tan x + \sec x$ हो तो सिद्ध कीजिए कि $\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{\cos x}{(1 \sin x)^2}$. 4 अथवा $\sin^{-1}\left(\frac{2x}{1 + x^2}\right)$ का $\tan^{-1}x$ के सापेक्ष अवकल गुणांक ज्ञात कीजिए।
- 15. एक घन की कोर 7 सेमी/सेकण्ड की दर से बढ़ रही है। जब घन की कोर 10 सेमी लम्बी है, तब घन का आयतन किस दर से बढ़ रहा है ?

 4 अथवा
 दो धनात्मक संख्याएँ ज्ञात कीजिए जिनका गुणनफल 64 तथा योग न्यूनतम है।
- 16. निम्नांकित आँकड़ों के लिए x तथा y में सहसम्बन्ध की गुणांक की गणना कीजिए :

х	5	9	13	17	21
у	12	20	25	33	35

a .शशसा

सहसम्बन्ध गुणांक f(x, y) ज्ञात कीजिए :

जबकि

$$cov(x, y) = -2 \cdot 25$$

$$var(x) = 6.25$$
, औ $var(y) = 20.25$.

 निम्नांकित सारणी द्वारा ग्वालियर में 75 रुपए मूल्य के संगत भोपाल में सर्वाधिक उचित मूल्य ज्ञात कीजिए ।

	ग्वालियर	भोपाल
औसत मूल्य	65	67.
मानक विचलन	2.5	3.5

दो नगरों में वस्तु के मूल्यों में सहसम्बन्ध गुणांक 0.8 है । 4 अथवा यदि y की x पर समाश्रयण रेखा ax + by + c = 0 है तथा x की y पर समाश्रयण रेखा $a_1x + b_1y + C_1 = 0$ है तो सिद्ध कीजिए कि $ab_1 \le a_1b$.

- 18. बिन्दु (-1, 3, 2) से गुजरने वाले उस समतल का समीकरण ज्ञात कीजिए जो x + 2y + 2z = 11 तथा 3x + 3y + 2z = 15 पर लम्ब हो । 5 अथवा सिद्ध कीजिए कि एक घन के विकर्णों के बीच का कोण $\tan^{-1}(2\sqrt{2})$ होता है ।
- 19. $\lim_{x \to 0} \frac{x^3 \cot x}{1 \cos x}$ का मान ज्ञात कीजिए।

 यदि $f(x) = \begin{cases} \frac{\sin ax}{\sin bx}, x \neq 0 \\ a/b, x = 0 \end{cases}$

x = 0 पर फलन के सांतत्य की विवेचना कीजिए।

20. $\int \frac{dx}{3+2\cos^2x}$ का मान ज्ञात कीजिए।

दो वक्रों $y^2 = 9x$ तथा $x^2 = 9y$ के बीच के क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

http://www.a2zSubjects.com

- 21. अवकल समीकरण $x+y\frac{dy}{dx}=2y$ को हल कीजिए। 5 अथवा अवकल समीकरण $\frac{dy}{dx}+2y=\sin x$ को हल कीजिए।
- 22. 1 से 16 व्रक अंकित टिकटों को मिला दिया गया और एक टिकट यादृच्छया खींची गई। उस पर लिखी गई संख्या 2 से 3 का गुणक होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए। 5 अथवा एक पाँसा दो बार फेंका जाता है। प्रत्येक फेंक में सम संख्या आने पर 'सफलता' मानी जाती है। सफलताओं का प्रायिकता वितरण ज्ञात कीजिए।
- 23. सिद्ध कीजिए कि बिन्दु (1, 2, 3), (3, 0, 3), (-2, -3, -3) तथा (3, 4, 6) समतलीय हैं।
 6 अथवा
 किसी गोले के एक व्यास के सिरों के निर्देशांक (1, 0, 1) और (5, 4, 5) हैं। गोले का समीकरण, केन्द्र व व्यास ज्ञात कीजिए।
- समीकरण, केन्द्र व व्यास ज्ञात कीजिए।

 24. यदि $\vec{a} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$, $\vec{b} = -\hat{i} + 3\hat{j} \hat{k}$ तथा $\vec{c} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ हो तो $\vec{a} \times (\vec{b} \times \vec{c})$ तथा $(\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c}$ का मान ज्ञात कीजिए।

 6 अथवा सिद्ध कीजिए कि त्रिभुज जिसके शीर्षों के स्थित सिद्धश क्रमशः $2\hat{i} + 4\hat{j} \hat{k}$, $4\hat{i} + 5\hat{j} + \hat{k}$ तथा $3\hat{i} + 6\hat{j} 3\hat{k}$ हैं, एक समकोण समिद्धबाहु त्रिभुज है।

http://www.a2zsubjects.com

E-445(H/E) HIGHER MATHEMATICS 2016

Time: 3 Hours] Class: 12th [M. M.: 100

Instructions-

- (i) All questions are compulsory.
- (ii) Read instructions carefully of the question paper and then answers of the questions.

http://www.mpboardonline.com

- (iii) Question paper has two sections-Section 'A' and Section 'B'.
- (iv) In the section-'A' Question Nos. 1 to 5 are objective type.

 Each question carries 5 marks.
- (v) In the section 'B' Question Nos. 6 to 24 has Internal option.
- (vi) Q.Nos. 6 to 10 carry 2 marks each.
- (vii) Q.Nos. 11 to 17 carry 4 marks each.
- (viii) Q.Nos. 18 to 22 carry 5 marks each.
- (ix) Q.Nos. 23 to 24 carry 6 marks each.

http://www.mpboardonline.com

(a)
$$\cos^{-1}(2x^2+1)$$

(b)
$$\cos^{-1}\frac{2x}{1+x^2}$$

(c)
$$\cos^{-1} (2x^2-1)$$

(d)
$$\tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2}$$

The partial fraction form of $\frac{1}{v^2 + 2v}$ is: (ii)

$$(a) \frac{1}{2} \left[\frac{1}{x} - \frac{1}{x+2} \right]$$

(a)
$$\frac{1}{2} \left[\frac{1}{x} - \frac{1}{x+2} \right]$$
 (b) $\frac{1}{2} \left[\frac{1}{x} + \frac{1}{x+2} \right]$

(c)
$$\frac{1}{2} \left[\frac{1}{x+2} - \frac{1}{x} \right]$$

(d)
$$\frac{1}{x} - \frac{1}{x+2}$$

The value of $\int_{a}^{b} \cos x \, dx$ is: (iii)

- (a) -sin b + sin a
- (b) sin b + sin a
- (c) cos b cos a
- (d) sin b sin a

Projection of vector \vec{a} on \vec{b} (iv)

(a)
$$\frac{\overline{a.b}}{|\overline{b}|}$$

(b)
$$\frac{\vec{a}}{|\vec{a}|}$$

(c)
$$\frac{\overline{a}}{|\overline{a}|}$$

(d)
$$\frac{\vec{a} \times \vec{b}}{|\vec{b}|}$$

The value of $\frac{d}{dx} \sin x^2$ is: **(v)**

(a) cos x²

(b) $x \sin x^2$

(c) $2x \cos x^2$

(d) $x \cos x^2$

Q.2. Answar in one word/sentence:

 $5 \times 1 = 5$

- Write Simpson's one-third rule formula in numerical methods. **(i)**
- In Newton-Raphson's method write the formula for finding (ii) cube root of the number N.
- In which interval does the root of equation $x^3 2x 5 = 0$ lie. (iii)
- If x_n is a nearer root of equation f(x) = 0, then write the value of (iv) x_{n+1} by Newton-Raphson's method.
- On which principle is Simpson's rule based? (v)

Q.3.	Match the correct pair:	5 × 1 = 5			
	`A'	`B'			
	(a) ∫tan xdx	$1. \ \frac{1}{2a} \log \frac{x-a}{x+a}, x>a$			
	(b) $\int \cot x dx$	$2. \ \frac{1}{2a} \log \frac{a+x}{a-x}, x < a$			
	(c) ∫ sec xdx	3. log sin x			
	$(d) \int \frac{1}{x^2 - a^2} dx$	4log cos x			
	$(5) \int \frac{1}{a^2 - x^2} dx$	5. $\log(\sec x + \tan x)$			
Q.4.	Fill in the blanks:	5 × 1 = 5			
	(i) Equation of the plane wh	ich intercepts unit length from coor-			
	dinate axes is				
	(ii) The acute angle between	the planes $2x - y + z = 6$ and $x + y +$			
	2z = 3 is				
		rallel to x - axis is			
	(iv) The perpendicular distan	ce of point (18, 5, 12) from x-axis is			
	(v) Differential coefficient o	f sin x ³ with respect to x ³ is			
Q. 5.	Write True/False in the following	•			
	(i) The value of coefficient	of correlation is greater than 1.			
	(ii) The coefficient of corre regression co-efficients.	lation is the geometric mean of the			
		up, the sign of g is positive when it			
	goes up. http://www.n	mpboardonline.com			
		cement is a vector quantity.			
	(v) Square of a vector is equ	al to square of its modulus.			
	Section `				
Q. 6.	Find the direction cosiness of the vector $6\hat{i} + 2\hat{j} - 3\hat{k}$				
(OR)	If $\vec{a}=a_1\hat{i}+a_2\hat{j}+a_3\hat{k}$ and $\vec{b}=b_1\hat{j}$	$\hat{i} + b_2 \hat{j} + b_3 \hat{k}$ then find the value of			
	$\vec{a} \times \vec{b}$	•			
Q.7.	If $\vec{a} = 2\hat{i} + \lambda \hat{j} + \hat{k}$ and $\vec{b} = 4\hat{i} - 3\hat{j}$	-2k are perpendicular to each other			

then find the value of scalar λ

http://www.mpboardonline.com

2

Find the angle between two vectors $\vec{a} = 2\hat{i} + \hat{j} - 3\hat{k}$

Find the vector equation of the sphere with centre $(\hat{i}+2\hat{j}-3\hat{k})$ and

Write the condition for intersecting the two lines $\vec{r} = \vec{a_1} + \lambda \vec{b_1}$ and

2

(OR)

Q. 8.

(OR)

Q.9.

(OR)

(OR)

Q. 13.

(OR)

Q. 14.

(OR)

 $\vec{b} = 3\hat{i} - 2\hat{j} - 2\hat{k}$

radius 5 units.

Find the value of $\int \sec^2 x \tan^3 x dx$.

Resolve $\frac{x}{1+x^3}$ into partial fractions.

Differentiate \tan^{-1} , $\frac{x}{\sqrt{a^2-x^2}}$ with respect to x.

If y = tan x + sec x, then prove that $\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{\cos x}{(1-\sin x)^2}$

Find the differential coefficient of $\sin^{-1}\left(\frac{2x}{1+x^2}\right)$ with respect to $\tan^{-1}x$.

If $y = \frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}$, then find the value of $\frac{dy}{dx}$

Find the value of $\int \frac{1}{e^x + 1} dx$

- Q.15. The edge of a cube is increasing at the rate of 7 cm/sec. How fast is the volume of the cube increasing when the edge is 10 cm long? 4
- (OR) Find two positive numbers whose product is 64 and the sum is minimum.
- Q. 16. Calculate the correlation coefficient between x and y for the following data:

х	5	9	13	17	21
у	12	20	25	33	35

(OR) Find correlation coefficient f(x, y), where

$$cov(x, y) = -2.25,$$

$$var(x) = 6.25$$
,

http://www.mpboardonline.com

and
$$var(y) = 20.25$$

Q. 17. An article costs Rs. 75 at Gwalior. Find the corresponding most appropriate value at Bhopal using the following data:

4

	Gwalior	Bhopal
Mean value	65	67
Standard Deviation	2.5	3.5

The carrelation coefficient between the values of the two cities is 0.8

- (OR) If the regression line of y on x is ax + by + c = 0 and that of x on y is $a_1x + b_1y + c_1 = 0$, then prove that $ab_1 \le a_1b$.
- Q. 18. Find the equation to the plane through the point (-1, 3, 2) and perpendicular to the planes x + 2y + 2z = 11 and 3x + 3y + 2z = 15.
- (OR) Prove that the angle between any two diagonals of a cube is $\tan^{-1}(2\sqrt{2})$

Q. 19. Find the value of
$$\lim_{x \to 0} \frac{x^3 \cot x}{1 - \cos x}$$

(OR)
$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin ax}{\sin bx}, & x \neq 0 \\ \frac{a}{b}, & x = 0 \end{cases}$$
 Test the continuity of function at $x = 0$.

	_ dx	r dx		
Q. 20.	Find the value of	$3+2\cos^2 x$		5

- (OR) Find the area included between the two curves $y^2 = 9x$ and $x^2 = 9y$.
- Q.21. Solve the differential equation $x + y \frac{dy}{dx} = 2y$.
- (OR) Solve the differential equation $\frac{dy}{dx} + 2y = \sin x$.
- Q. 22. Tickets are marked from 1 to 16 and mixed up. One ticket is taken out at random. Find the probability of its being a multiple of 2 or 3. 5
- (OR) A dice is thrown twice. A success is an even number on each throw. Find the probability distribution of the number of successes.
- Q.23. Prove that the points (1, 2, 3), (3, 0, 3), (-2, -3, -3) and (3, 4, 6) are coplanar.
- (OR) The coordinates of ends of one diameter of a sphere are (1, 0, 1) and (5, 4, 5). Find the equation, centre and diameter of sphere.
- Q.24. If $\vec{a} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$, $\vec{b} = -\hat{i} + 3\hat{j} \hat{k}$ and $\vec{c} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ then find the value of $\vec{a} \times (\vec{b} \times \vec{c})$ and $(\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c})$

nttp://www.mpboardonline.com

(OR) Prove that the triangle, whose position vectors of the vertices are $2\hat{i}+4\hat{j}-\hat{k}$, $4\hat{i}+5\hat{j}+\hat{k}$ and $3\hat{i}+6\hat{j}-3\hat{k}$ respectively, is an isosceles right angled triangle.

http://www.mpboardonline.com Whatsapp @ 9300930012 Your old paper & get 10/-पुराने पेपर्स भेजे और 10 रुपये पार्ये, Paytm or Google Pay से