http://www.a2zSubjects.com

http://www.a2zSubjects.com

MP BOARD CLASS 12 PAPER 2014 गणित : कक्षा XII

खण्ड 'अ'

प्रत्येक वस्तुनिष्ठ प्रश्न में दिये गये विकल्पों में से सही उत्तर चुनकर लिखिए—

 $5 \times 1 = 5$

(i)
$$\frac{2x+3}{(x+1)(x-3)} = \frac{a}{x+1} + \frac{b}{x-3} \text{ at } a+b =$$
(a) 0, (b) 1, (c) 2, (d) 3.

(ii) $\sin \left[\sin^{-1} \frac{1}{2} + \cos^{-1} \frac{1}{2} \right]$ का मान होगा—

- (a) 1, ···
- (b) 2,
- (c) $\frac{1}{2}$,

(iii) z-अक्ष के समान्तर समतल का समीकरण-

- (a) ax + by + d = 0,
- (b) bx + cz + d = 0,
- (c) by + cz + d = 0,
- (d) इनमें से कोई नहीं।

(iv) यदि $y = \log [\log (\log x)]$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान होगा—

- (b) $\frac{1}{x \log x \log (\log x)}$, (d) $\frac{1}{x}$.

(v) गोले $6x^2 + 6y^2 + 6z^2 - 16x + 9z - 6 = 0$ के केन्द्र के निर्देशांक हैं—

(a) $\left(\frac{3}{4}, 0, \frac{4}{3}\right)$,

(b) (-16, 0, 9), (d) $\left(\frac{4}{3}, 0, \frac{-3}{4}\right)$.

उत्तर—(i) (c), (ii) (a), (iii) (a), (iv) (b), (v) (d).

निम्निलिखित कथनों में सत्य/असत्य लिखिए—

 $5 \times 1 = 5$

- (a) मूल बिन्दु से समतल 6x 3y + 2z + 14 = 0 की दूरी 2 है।
- (b) सहसम्बन्ध गुणांक का मान सदैव 2 होता है।
- (c) अचर पद का समाकलन शून्य होता है।
- (d) सदिश \vec{a} के अनुदिश एकांक सदिश $\frac{\vec{a}}{|\vec{a}|}$ है।
- (e) यदि बिन्दुओं P और Q के स्थिति सदिश क्रमशः $\hat{i} + 3\hat{j} 7\hat{k}$ और $5\hat{i} - 2\hat{j} + 4\hat{k}$ हों, तो |PQ| का मान $9\sqrt{2}$ होगा।

उत्तर—(a) सत्य,(b) असत्य,(c) असत्य,(d) सत्य,(e) सत्य।

3.. रिक्त स्थानों की पूर्ति कीजिए--

 $5 \times 1 = 5$

- (a) ear का nवाँ अवकलज है।
- (b) पूर्ण सहसम्बन्ध होने पर दोनों समाश्रयण रेखाएँ होती हैं।
- (c) सदिश \vec{b} का \vec{a} की दिशा में प्रक्षेप होगा।
- (d) 2x + 3y का न्यूनतम मान, जब xy = 6 है होता है।
- (e) Y-अक्ष की दिक्-कोज्याएँ होती हैं।
- उत्तर—(a) $a^n \cdot e^{ax}$, (b) सम्पाती, (c) $\frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}|}$, (d) 12, (e) (0, 1, 0).

- (c) 2 का घनमूल दशमलव के तीन स्थान तक
- (iii) 1·258
- (d) समलम्ब चतुर्भुजीय नियम
- (iv) $x_{n+1} = x_n \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$
- (e) n = 4 लेकर सिम्पसन नियम से
- (v) 1·25

$$\int_0^2 x^2 dx$$
 का सन्निकट मान

(vi) $\int_{a}^{b} f(x) dx = \frac{h}{2} [(y_0 + y_n) + 2 (y_1 + y_2 + y_{n-1})];$ $\vec{st} h = \left(\frac{b-a}{n}\right)$

उत्तर—(a) \rightarrow (iv), (b) \rightarrow (i), (c) \rightarrow (iii), (d) \rightarrow (vi), (e) \rightarrow (ii).

5. प्रत्येक का एक शब्द/वाक्य में उत्तर दीजिए-

 $5 \times 1 = 5$

http://www.a2zSubjects.com

http://www.a2zSubjects.com

- (a) $\int e^x (\sin x + \cos x) dx$ का मान क्या होगा ?
- (b) $\int_{0}^{\pi/2} \sin x \, dx$ का मान क्या होगा ?
- (c) $\int_{0}^{\pi/2} \log (\sin x) dx$ का मान क्या होगा ?
- (d) $\int_{0}^{\pi} |\cos x| dx$ का मान क्या होगा ?
- (e) $\int \frac{\cot x}{\log(\sin x)} dx$ का मान क्या होगा ?

उत्तर—(a) e^x . $\sin x$, (b) 1, (c) $\frac{\pi}{2} \log \frac{1}{2}$, (d) 2, (e) $\log (\log \sin x)$.

खण्ड 'ब'

6. किसी चतुर्भुज ABCD के विकर्ण AC तथा BD हों, तो सिद्ध कीजिए:

बिसा चतुमुज ABCD के विकाग AC स्वा BD हो, सा स्वर्ध का जर .

$$\vec{AB} + \vec{DC} = \vec{AC} + \vec{DB}$$
. 2 अथवा यदि $\vec{a} = 2\hat{i} - 5\hat{j} + 8\hat{k}, \vec{b} = \hat{i} - 3\hat{j} - \hat{k}, \vec{c} = -3\hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k}$ हो, तो $|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|$ ज्ञात की जिए।

- 7. गोले का सदिश समीकरण तथा कार्तीय समीकरण ज्ञात कीजिए जिसका केन्द्र (2, -3, 4) तथा त्रिज्या 5 है । 2 अथवा उस गोले का सदिश समीकरण ज्ञात कीजिए जो गोले $|\vec{r}| + (\hat{i} 2\hat{j} 3\hat{k})| = 5$ के संकेन्द्री है और जो इससे दोगुनी त्रिज्या का है ।
- 8. यदि $\vec{a} = 2\hat{i} + 5\hat{j} + 8\hat{k}$, $\vec{b} = \hat{i} + 3\hat{j} + 7\hat{k}$ तथा $\vec{c} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ हो, तो $\vec{a} \times (\vec{b} \times \vec{c})$ का मान ज्ञात कीजिए। 2 अथवा एक कण पर बल $\vec{F} = 4\hat{i} + \hat{j} 3\hat{k}$ क्रिया करके उसे बिन्दु (1, 2, 3) से (5, 4, 1) तक विस्थापित कर देता है। किया गया कार्य ज्ञात कीजिए।
- 9. $\int \sqrt{\frac{1-x}{1+x}} dx$ का मान ज्ञात कीजिए। 2 अथवा $\int \frac{1}{1-\sin x} dx$ का मान ज्ञात कीजिए।

http://www.a2zsubjects.com

http://www.a2zSubjects.com

- 10. $\int \log_e x \, dx$ का मान ज्ञात कीजिए। २ अथवा $\int \frac{\sec x}{(\sec x - \tan x)} dx$ को हल कीजिए।
- 11. निम्नांकित भिन्न को आंशिक भिन्न में विभक्त कीजिए:

्यदि
$$\frac{x^2+7x}{x^2+7x-8}$$
 4 अथवा मान ज्ञात कीजिए।

- 12. समीकरण $\tan^{-1} x + 2 \cot^{-1} x = \frac{2\pi}{3}$ को हल कीजिए। अथवा सिद्ध कीजिए कि : $\sec^2(\tan^{-1} 2) + \csc^2(\cot^{-1} 3) = 15$.
- 13. यदि $y = \sin(2\sin^{-1}x)$ हो, तो सिद्ध कीजिये कि :

http://www.a2zSubjects.com

http://www.a2zSubjects.com

$$\frac{dy}{dx} = 2\sqrt{\frac{1-y^2}{1-x^2}}.$$
 4 अथवा यदि $y = \tan^{-1}\left(\frac{2x}{1-x^2}\right)$ हो , तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात कीजिए।

- 14. $\sec x$ का अवकल गुणांक प्रथम सिद्धान्त से ज्ञात कीजिए। ४ अथवा यदि $y = \log \sqrt{\frac{1 - \cos 3x}{1 + \cos 3x}}$ हो, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान ज्ञात कीजिए।
- 15. यदि लाभ फलन $P(x) = 41 + 24x 18x^2$ है, तो कम्पनी द्वारा प्राप्त किया गया उच्चिष्ठ लाभ ज्ञात कीजिए। एक गोलाकार गुब्बारे की त्रिज्या 10 सेमी/सेकण्ड की एक समान दर से बढ़ रही है। गोले के पृष्ठ क्षेत्रफल में वृद्धि किस दर से होगी जबकि उसकी त्रिज्या 15 सेमी हो ?

16. निम्नांकित आँकड़ों से सहसम्बन्ध गुणांक की गणना कीजिए-

	x ·	3	10	8	6	8
İ	у	15	17	4	5	4

अथवा

यदि दो चरं राशियों x और y का सहसम्बन्ध गुणांक r है, तो सिद्ध कीजिए कि : $r=\frac{\sigma_x^2+\sigma_y^2-\sigma_{x-y}^2}{2\sigma_x\sigma_y}.$

$$r = \frac{\sigma_x^2 + \sigma_y^2 - \sigma_{x-y}^2}{2\sigma_x\sigma_y}$$

17. निम्नलिखित आँकड़ों से समाश्रयण रेखाओं के समीकरण ज्ञात कीजिए :

	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				
х	2	4 .	6	8	10
у	6	5	4	3	2

4

निम्नलिखित आँकड़ों से y का मान ज्ञात कीजिए जब x=70 तथा सहसम्बन्ध गुणांक 0∙8 है :

http://www.a2zsubjects.com

http://www.a2zSubjects.com

http://www.a2zSubjects.com

	х	у
माध्य	18	100
मानक विचलन	14	20

18. दो रेखाओं के बीच का कोण ज्ञात कीजिए जिनकी दिक् कोज्याएँ समीकरण l+m+n=0 तथा 2l+2m-mn=0 द्वारा प्राप्त की जा सकती है । 5 अथवा समतलों x+3y+6=0 तथा 3x-y+4z=0 के प्रतिच्छेदन से होकर जाने वाले समतलों के समीकरण ज्ञात कीजिए जिनकी मूल बिन्दु से दूरी 1 है ।

19. यदि
$$f(x) = \begin{cases} \frac{1-\cos 4x}{x^2}; & x \neq 0 \\ 4; & x = 0 \end{cases}$$
तो $f(x)$ के $x = 0$ पर सांतत्य की विवेचना कीजिए।
$$\lim_{x \to 0} \frac{6^x - 1}{\sqrt{3 - x - \sqrt{3}}}$$
 का मान ज्ञात कीजिए।

20. दीर्घवृत्त $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$ का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। 5 अथवा मान ज्ञात कीजिए: $\int \frac{\sin x}{\sin x + \cos x} dx$.

21. अवकल समीकरण $(1+x^2)\frac{dy}{dx} + 2xy = 4x^2$ को हल कीजिए। 5 अथवा निम्नांकित समजातीय अवकल समीकरण को हल कीजिए— $(x^2 + y^2) dx + 2xy dy = 0$.

22. दो घनाकार पाँसे एक साथ फेंके जाते हैं। पहले पाँसे पर विषम संख्या अथवा दोनों पाँसों की ऊपरी संख्याओं का योग 9 प्राप्त करने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए। 5 अथवा एक सिक्का दो बार उछाला जाता है। शीषों की संख्या का प्रायिकता बंटन ज्ञात कीजिए।

23. उस गोले का समीकरण ज्ञात कीजिए जो बिन्दुओं (3, 0, 0), (0, -1, 0) और (0, 0, -2) से गुजरे तथा जिसका केन्द्र समतल 3x + 2y + 4z = 1 पर स्थित हो। 6 अथवा

सिद्ध कीजिए कि रेखाएँ $\frac{x+1}{3} = \frac{y+3}{5} = \frac{z+5}{7}$ एवं $\frac{x-2}{1} = \frac{y-4}{3} = \frac{z-6}{5}$ परस्पर प्रतिच्छेद करती हैं । प्रतिच्छेद बिन्दु के निर्देशांक ज्ञात कीजिए ।

24. सदिश विधि से सिद्ध कीजिए:

 $\sin{(\alpha - \beta)} = \sin{\alpha} \cdot \cos{\beta} - \cos{\alpha} \cdot \sin{\beta}$. 6 अथवा यदि D, E, F क्रमशः त्रिभुज ABC की भुजाओं BC, CA, AB के मध्य बिन्दु हों, तो सदिश विधि से सिद्ध कीजिए कि

$$\Delta$$
 DEF = $\frac{1}{4}\Delta$ ABC.